

Übungsblatt 2

Julius Auer, Alexa Schlegel

Aufgabe 1 (rotating calipers):

Das Berechnen des Durchmessers entspricht dem Finden der antipodalen Punkte mit dem größten Abstand (zur Erinnerung: *toPosition()* wandelt lediglich einen *Point* in einen *Vector* um. Nur Letztere haben eine Länge):

```
1 public double diameter() {
2     double max = 0.0d;
3
4     for(PodalPoints p : antipodalPoints()) {
5         double d = Math.abs(p.point1.toPosition().subtract(p.point2.toPosition()).
6             length());
7
8         if(d > max)
9             max = d;
10    }
11
12    return max;
13 }
```

Instanzen der Klasse *PodalPoint* speichern hierbei die Ergebnisse einer Iteration der *RotatingCalipers*. Relevant sind an dieser Stelle nur die antipodalen Punkte *point1* und *point2*, darüber hinaus werden allerdings auch noch die gefundenen Tangenten (zur Visualisierung) sowie die Indizes der Punkte und die Brücken-Eigenschaft der CSL (zur Berechnung der Konvexen Hülle aus ko-podalen Punkten (wie heißen die im Deutschen?)) gespeichert.

Interessanter ist der Aufruf der *RotatingCalipers* (zur Erinnerung: alle Punkte des Polygons liegen in einem Array *points*):

```
1 public LinkedList<PodalPoints> antipodalPoints() {
2     LinkedList<PodalPoints> result = new LinkedList<PodalPoints>();
3     int p1 = 0;
4     int p2 = 0;
5
6     // the first antipodal points are given by the points with the min/max x
7     // coordinate
8     for(int i = 1; i < points.length; i++) {
9         if(points[i].compareTo(points[p1]) < 0)
10             p1 = i;
11
12         if(points[i].compareTo(points[p2]) > 0)
13             p2 = i;
14     }
15
16     // the left/right caliper is constructed 'upwards'/'downwards'
17     Line caliper1 = new Line(points[p1], new Point(points[p1].getX(), points[p1].getY()
18         + 10.0d));
19     Line caliper2 = new Line(points[p2], new Point(points[p2].getX(), points[p2].getY()
20         - 10.0d));
21     double rotatedAngle = 0.0d;
22
23
24
25 }
```

```

26 // do until the calipers rotated a total of 180 degrees
27 while(rotatedAngle < Math.PI) {
28     // for both calipers: compute the angle between the caliper at point
29     // p_i and the linesegment p_i->p_(i+1)
30     double angle1 = caliper1.angleTo(lines[p1]);
31     double angle2 = caliper2.angleTo(lines[p2]);
32     angle1 = Math.abs(angle1 > 0 ? 2.0d * Math.PI - angle1 : angle1);
33     angle2 = Math.abs(angle2 > 0 ? 2.0d * Math.PI - angle2 : angle2);
34
35     // choose the smaller angle and rotate both calipers by that angle
36     double minAngle = Math.min(angle1, angle2);
37     caliper1 = new Line(points[p1], caliper1.rotate(points[p1], minAngle).u);
38     caliper2 = new Line(points[p2], caliper2.rotate(points[p2], minAngle).u);
39     rotatedAngle += minAngle;
40
41     // move the point that lies on the choosen caliper
42     if(angle1 < angle2)
43         p1 = (p1 + 1) % points.length;
44     else
45         p2 = (p2 + 1) % points.length;
46
47     result.add(new PodalPoints(p1, p2, points[p1], points[p2], caliper1, caliper2))
48     ;
49 }
50
51 // just in case we rotated slightly more then 180 degrees, check if the
52 // first point is a duplicate of the last one
53 if(result.getLast().point1 == result.getFirst().point2 && result.getLast().point2
54 == result.getFirst().point1)
55     result.removeFirst();
56
57 return result;
58 }

```

Neu Implementiert wurden hierfür die Methoden *angleTo()* für *Lines* und *rotate(point, angle)* ebenfalls für *Lines*:

```

1 /**
2  * Compute the angle between this and another line. Result is positive or
3  * negative just as like an atan2 were used.
4  *
5  * @param line a line with the direction this line would have if rotated
6  * anticlockwise by the resulting angle
7  * @return angle in radians
8  */
9 public double angleTo(Line line) {
10     return Math.atan2(line.u.get(1), line.u.get(0)) - Math.atan2(u.get(1), u.get(0));
11 }
12
13 /**
14  * Rotate this line around a given point
15  *
16  * @param point centre of rotation
17  * @param angle angle in radians
18  * @return the rotated line
19  */
20 public Line rotate(Point point, double angle) {
21     Vector pos = point.toPosition();
22     double cosa = Math.cos(angle);
23     double sina = Math.sin(angle);
24     Mat2x2 mat = new Mat2x2(cosa, -sina, sina, cosa);
25
26     // shift the line so that 'point' lies at the coordinates center, rotate
27     // it around the euler-angle, shift it back
28     return new Line(p1.add(pos.multiply(-1)).compose(mat).add(pos),
29         p2.add(pos.multiply(-1)).compose(mat).add(pos));
30 }

```

Die implementierten Testfälle sind visualisiert und animiert. Es lohnt sich trotzdem, das Jar über die Kommandozeile zu starten um ein paar zusätzliche Informationen zu bekommen. Es wird auch ein Test für das finden der Konvexen Hülle zweier Polygone animiert - da hier auch Calipers rotieren gehe ich davon aus, dass dies nicht allzu sehr stört - einfach wegklicken.

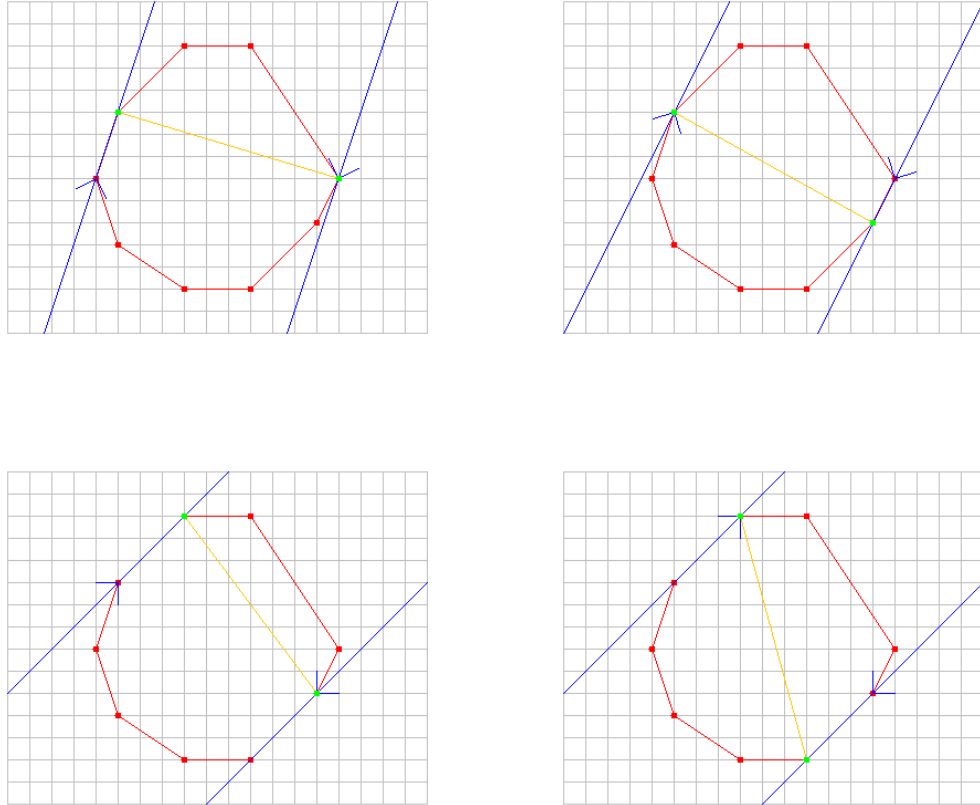


Abbildung 1: 4 Schleifen-Durchläufe der Rotating Calipers

Aufgabe 2 (konvexe Hülle):

- a) TODO
- b) TODO