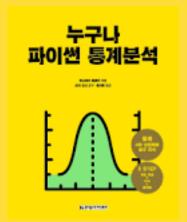
# 빅데이터 분석 -통계분석2-

# 강의자료 출처:



임경태

# **CHAPTER** 03

# 2차원 데이터 정리

CONTENTS 3.1 두 데이터 사이의 관계를 나타내는 지표

3.2 2차원 데이터의 시각화

3.3 앤스컴의 예

#### 학습목표

# 2차원 데이터에 대한 이해

- 1차원 데이터: 영어 점수
- 2차원 데이터: 영어, 수학 점수
- 영어, 수학의 대표 값인 평균, 중간 값, 편차, 분산, 표준편차는 어떻게 다 를까?
- 영어, 수학 점수는 어떤 상관관계가 있을까? (분석)
  - 영어를 잘하는 친구들이 수학도 잘할까?
  - 영어를 잘하면 수학을 잘할까??
  - 아니면 특정 친구들이 그냥 똑똑한 걸까?
  - 머리가 똑똑한 걸까 아니면 노력을 많이 한걸까?
  - 부모가 영어 수학을 잘해서 유전을 타고난 걸까?
  - 잘생기면 영어, 수학을 더 잘할 수 있을까?
- 과연 나의 영어점수, 공부 시간, 외모에 따라 수학을 몇점 받을 수 있을 까? (예측)

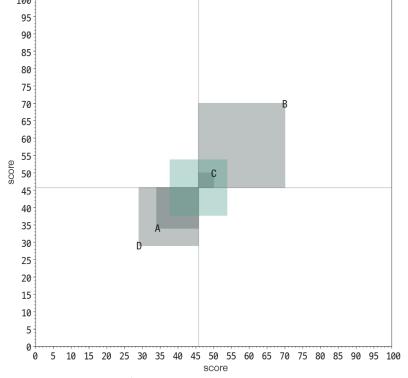
#### 3.0 지난시간 복습!!

# 3.0.1 분산과 표준편차

• 분산

편차 제곱은 한 변의 길이가 편차인 정사각형의 면적으로 간주하면, 분산은

면적의 평균



- [그림 2-3] 분산 SAMPLE CODE 4
- 중앙의 가로선과 세로선은 4명의 평균점수
- A, B, C, D 각각은 시험 점수
- 각 회색의 정사각형이 편차 제곱
- 정사각형의 평균이 중앙의 정사각형
- 중앙 정사각형의 면적이 분산

#### 3.0 준비

#### In [1]:

```
import numpy as np
import pandas as pd
%precision 3
pd.set_option('precision', 3)
```

#### In [2]:

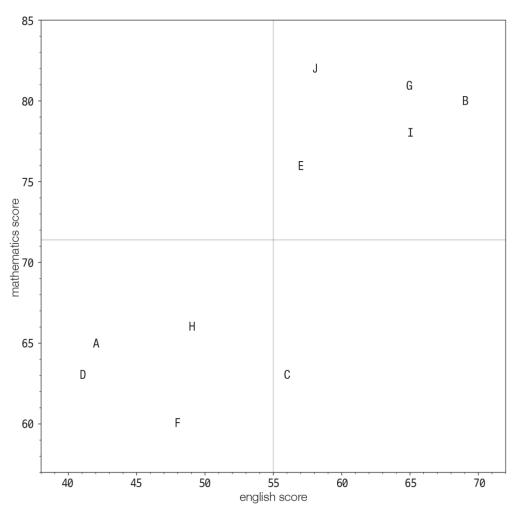
#### In [3]:

양의 상관 관계: 영어 점수가 높은 학생일수록 수학 점수가 높은 경향이 있다면 영어 점수와 수학 점수는 양의 상관 관계

음의 상관 관계: 영어 점수가 높은 학생일수록 수학 점수가 낮은 경향이 있다면 영어 점수와 수학 점수는 음의 상관 관계

무상관 관계: 영어 점수가 수학 점수에 직접적으로 영향을 미치지 않을 때, 영어 점수와 수학 점수는 무상관

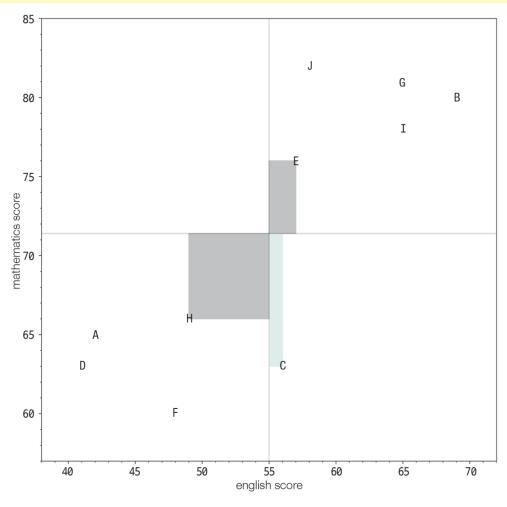
# 3.1.1 공분산



[그림 3-1] 점수의 산점도

- 중간의 가로선과 세로선은 수학과 영어 평균 점수
- 영어 점수와 수학 점수는 양의 상관 관계

# 3.1.1 공분산



[그림 3-2] 점수의 산점도와 부호를 붙인 면적 SAMPLE CODE

- 직사각형의 가로길이는 영어 점수의 편차, 세로는 수학 점수의 편차
- 공분산은 면적, 음의 면적도 가능(음의 상관)

### 3.1.1 공분산

$$\begin{split} S_{xy} &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y}) \\ &= \frac{1}{n} \left\{ (x_1 - \overline{x})(y_1 - \overline{y}) + (x_2 - \overline{x})(y_2 - \overline{y}) + \dots + (x_n - \overline{x})(y_n - \overline{y}) \right\} \end{split}$$

#### In [4]:

```
summary_df = scores_df.copy()
summary_df[ 'english_deviation '] =\
    summary_df[ 'english '] - summary_df[ 'english '].mean()
summary_df[ 'mathematics_deviation '] =\
    summary_df[ 'mathematics '] - summary_df[ 'mathematics '].mean()
summary_df[ 'product of deviations '] =\
    summary_df[ 'english_deviation '] * summary_df[ 'mathematics_deviation ']
summary_df
```

#### In [5]:

```
summary_df[ ' product of deviations ' ].mean()
```

# 3.1.1 공분산

- NumPy의 cov 함수 반환값은 공분산 행렬(분산공분산 행렬)

# 

- 1행 2열, 2행 1열 성분이 영어 수학의 공분산

```
In [7]:
cov_mat[0, 1], cov_mat[1, 0]
```

# 3.1.2 상관계수

- 공분산의 단위는 직감적으로 이해하기 어려우므로, 단위에 의존하지 않
   는 상관을 나타내는 지표
  - 시험 점수간의 공분산  $(점수 \times 점수)$ , 키와 점수  $(cm \times 점수)$
- 상관계수는 공분산을 각 데이터의 표준편차로 나누어 단위에 의존하지
   않음

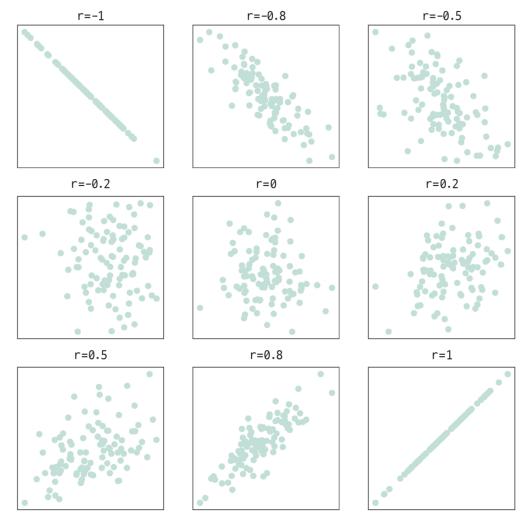
$$r_{xy} = \frac{S_{xy}}{S_x S_y}$$

$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left( \frac{x_i - \overline{x}}{S_x} \right) \left( \frac{y_i - \overline{y}}{S_y} \right)$$

- 양의 상관은 1에 가까워지고, 음의 상관은 -1에 가까워지고, 무상관은 0

# 3.1.2 상관계수

- 양의 상관은 1에 가까워지고, 음의 상관은 -1에 가까워지고, 무상관은 0
- 상관계수가 -1일 때와 1일 때 데이터는 완전히 직선상에 놓임



12

# 3.1.2 상관계수

- 수식대로 계산하는 영어 점수와 수학 점수의 상관계수

```
In [10]:

np.cov(en_scores, ma_scores, ddof=0)[0, 1] /\
     (np.std(en_scores) * np.std(ma_scores))
```

- NumPy의 corrcoef 함수(상관행렬의 [0,1] [1,0] 성분)

```
In [11]:
np.corrcoef(en_scores, ma_scores)
```

- DataFrame의 corr 메서드



# 3.2.1 산점도

# In [13]:

```
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

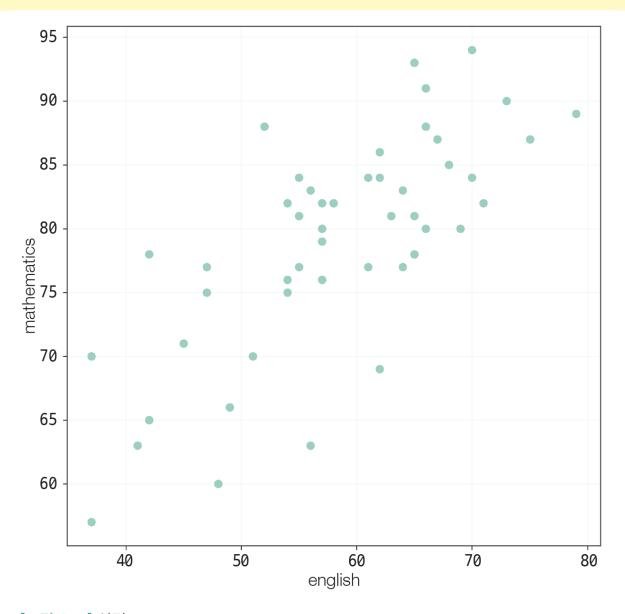
# In [14]:

```
english_scores = np.array(df['english'])
math_scores = np.array(df['mathematics'])

fig = plt.figure(figsize=(8, 8))
ax = fig.add_subplot(111)
# 산점도
ax.scatter(english_scores, math_scores)
ax.set_xlabel('english')
ax.set_ylabel('mathematics')

plt.show()
```

# 3.2.1 산점도



[그림 3-4] 산점도 15

# 3.2.2 회귀직선

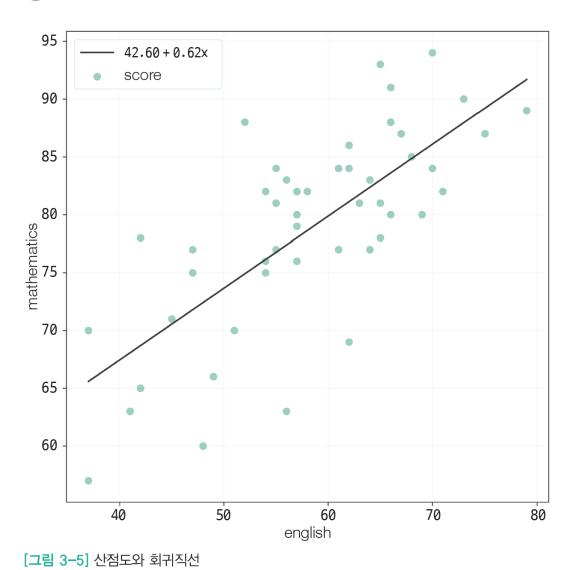
$$y = \beta_0 + \beta_1 x$$

#### In [15]:

```
# 계수 B O과 B 1을 구한다
poly_fit = np.polyfit(english_scores, math_scores, 1)
# β_0+β_1 x를 반환하는 함수를 작성
poly_1d = np.poly1d(poly_fit)
# 직선을 그리기 위해 x좌표를 생성
xs = np.linspace(english_scores.min(), english_scores.max())
# xs에 대응하는 v좌표를 구한다
ys = poly_1d(xs)
fig = plt.figure(figsize=(8, 8))
ax = fig.add_subplot(111)
ax.scatter(english_scores, math_scores, label= 'score')
ax.plot(xs, ys, color='gray',
       label=f ' {poly_fit[1]:.2f}+{poly_fit[0]:.2f}x ')
ax.set_xlabel( 'english ')
ax.set_ylabel( 'mathematics ')
# 범례 표시
ax.legend(loc='upper left')
plt.show()
```

# 3.2.2 회귀직선

$$y = \beta_0 + \beta_1 x$$



17

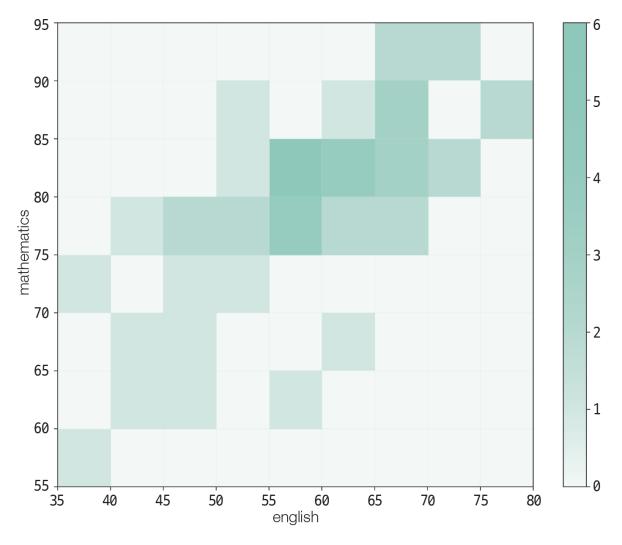
# 3.2.3 히트맵

- 히스토그램의 2차원 버전으로 색을 이용해 표현하는 그래프
- 영어 점수 35점부터 80점, 수학 점수 55점부터 95점까지 5점 간격

# In [16]:

# 3.2.3 히트맵

- 색이 진한 영역일수록 많은 학생이 분포



[그림 3-6] 히트맵 19

# 3.3 앤스컴의 예

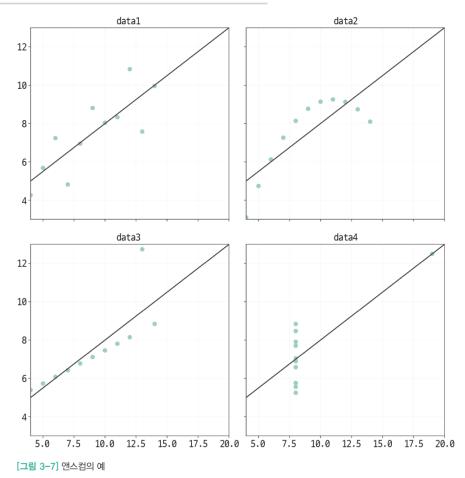
# 동일한 지표를 가지고 있지만 그림으로 표현하면 전혀 다른 데이터

	data1	data2	data3	data4
X_mean	9.00	9.00	9.00	9.00
X_variance	10.00	10.00	10.00	10.00
Y_mean	7.50	7.50	7.50	7.50
Y_variance	3.75	3.75	3.75	3.75
X&Y_correlation	0.82	0.82	0.82	0.82
X&Y_regression line	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x

# 3.3 앤스컴의 예

# 동일한 지표를 가지고 있지만 그림으로 표현하면 전혀 다른 데이터

	data1	data2	data3	data4
X_mean	9.00	9.00	9.00	9.00
X_variance	10.00	10.00	10.00	10.00
Y_mean	7.50	7.50	7.50	7.50
Y_variance	3.75	3.75	3.75	3.75
X&Y_correlation	0.82	0.82	0.82	0.82
X&Y_regression line	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x



21



ktlim@hanbat.ac.kr