

(2018)

设2阶矩阵 $A$ 有两个不同特征值,  $\alpha_1, \alpha_2$ 是 $A$ 的线性无关的特征向量, 且满足 $A^2(\alpha_1 + \alpha_2) = \alpha_1 + \alpha_2$ ,

则 $|A| = \underline{\hspace{2cm}}$

(2017) 设矩阵  $A = \begin{pmatrix} 4 & 1 & -2 \\ 1 & 2 & a \\ 3 & 1 & -1 \end{pmatrix}$  的一个特征向量为  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_

(2015) 设 3 阶矩阵  $A$  的特征值为 2, -2, 1,  $B = A^2 - A + E$ , 其中  $E$  为 3 阶单位矩阵, 则行列式  $|B| =$  \_\_\_\_\_.

(2009) 若 3 维列向量  $\alpha, \beta$  满足  $\alpha^T \beta = 2$ , 其中  $\alpha^T$  为  $\alpha$  的转置, 则矩阵  $\beta \alpha^T$  的非零特征值为\_\_\_\_\_.

设  $A$  是 2 阶矩阵，且满足  $A^2 + A - 6 = O$ . 则  $|A + 5E| = \underline{\hspace{2cm}}$ .

求矩阵  $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -4 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$  的特征值和特征向量.

设 (1)  $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ , (2)  $B = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ , 求 A, B 的特征值.