SUJET 1

Durée : 30 minutes. Aucun document n'est autorisé. La calculatrice collège est tolérée.

Veuillez ne pas répondre sur le sujet, mais sur la feuille de réponse prévue à cet effet.

BON COURAGE!

* * * * * * * * * * * * * * * * * *

1. Quel numéro de sujet avez-vous?

 $_{(1)}\square$ Sujet 1 $_{(2)}\square$ Sujet 2

2. Parmi les affirmations suivantes lesquelles sont vraies?

- $_{(1)}\square \quad \forall x \in \mathbb{R} \quad \exists y \in \mathbb{R} \quad x \leqslant y$
- $\exists y \in \mathbb{R} \quad \forall x \in \mathbb{R} \quad x \leqslant y$
- $(3) \square \qquad \forall x \in \mathbb{R} \quad \exists y \in \mathbb{R} \quad x < y$
- $(4)\square$ $\forall y \in \mathbb{R} \quad \forall x \in \mathbb{R} \quad x \leqslant y$
- $_{(5)}\square$ aucune des réponses précédentes n'est correcte.

3. Soit f une application de E dans F. Si f est surjective \dots

 $(1) \square \quad \forall (x, x') \in E^2 \ f(x) \neq f(x') \Rightarrow \ x \neq x' \qquad (2) \square \quad \forall (x, x') \in E^2 \ f(x) = f(x') \Rightarrow \ x = x'$ $(3) \square \quad \forall y \in F \ \exists x \in E \ y = f(x) \qquad (4) \square \quad \forall x \in E \ \exists y \in F \ y = f(x)$

 $_{(5)}\square$ aucune des réponses précédentes n'est correcte.

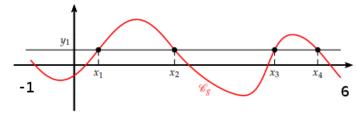
4. On considère deux applications :

$$f: \begin{cases} \mathbb{R} \to \mathbb{R} \\ x \mapsto e^x \end{cases} \qquad g: \begin{cases} \mathbb{R} \to \mathbb{R}_+^* \\ x \mapsto x^2 \end{cases}$$

 $g \circ f$ est ...

(1) \square e^{x^2} (2) \square e^{2x} (3) \square $(e^x)^2$ (4) \square x^{e^x} (5) \square n'existe pas.

5. Soit g une application de [-1,6] dans $\mathbb R$. Le graphe de g est représenté sur la figure ci-dessous.



g est ...

 $_{(1)}\square$ injective $_{(2)}\square$ surjective $_{(3)}\square$ bijective

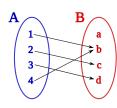
 $_{(4)}\square$ n'est pas une application $_{(5)}\square$ aucune des réponses précédentes n'est correcte.

6. Cocher les bonnes simplifications.

$$e^{\ln 2} \cdot e^{\ln 5} = 7 \qquad (2)\Box \quad e^{-\ln 3} = 3 \qquad (3)\Box \quad e^{\frac{1}{2}\ln 8} = 2\sqrt{2}$$

$$(4)\Box \quad e^{-3\ln\frac{1}{2}} = 8 \qquad (5)\Box \quad \frac{e^{2+\ln 32}}{e^{3+\ln 8}} = 4e$$

7. Le graphe sur la figure ci-dessous représente une ...



- $_{(1)}\square$ relation $_{(2)}\square$ fonction $_{(3)}\square$ application injective
- $_{(4)}\square$ application surjective $_{(5)}\square$ aucune des réponses précédentes n'est correcte.
- 8. Parmi les propositions suivantes lesquelles sont vraies pour tous ensembles A, B et C?
 - $A^c \cap B^c = (A \cap B)^c$
 - $A \setminus B = A \cap B^c$
 - $(A \cup B) \cap C = A \cup (B \cap C)$
 - $Card(A \cup B) = Card(A) + Card(B)$
 - aucune des réponses précédentes n'est correcte.
- 9. Soit $E = \{a, b, c, d\}$ un ensemble. Peut-on écrire :
 - $(1)\square \quad \{a\} \in E \qquad (2)\square \quad d \subset E \qquad (3)\square \quad \{a,c\} \subset E \qquad (4)\square \quad \varnothing \subset \mathcal{P}(E) \qquad (5)\square \quad Card(E) = 4^2$
- 10. Parmi les affirmations suivantes lesquelles sont vraies?

$$(1)^{\square} \quad (P \Rightarrow Q \text{ et } Q \Rightarrow P) \Leftrightarrow (P \Leftrightarrow Q) \qquad (2)^{\square} \quad (non \ P \text{ ou } Q) \Leftrightarrow (P \Rightarrow Q)$$

$$(3)^{\square} \quad \text{La contraposée de } (P \Rightarrow Q) \text{ est } (\overline{Q} \Rightarrow \overline{P}) \qquad (4)^{\square} \quad \text{L'implication réciproque de } P \Rightarrow Q \text{ est } \overline{Q} \Rightarrow \overline{P}$$

$$(5)^{\square} \quad \text{aucune des réponses précédentes n'est correcte.}$$

11. On considère trois applications:

$$\varphi: \begin{cases} \mathbb{C} \to [0,1] \\ x \mapsto \varphi(x) \end{cases} \qquad \xi: \begin{cases} \mathbb{R}^2 \to \mathbb{C} \\ x \mapsto \xi(x) \end{cases} \qquad \psi: \begin{cases} [0,1] \to \mathbb{R}^2 \\ x \mapsto \psi(x) \end{cases}$$

Quelles sont les compositions qui ont un sens?

$$(1) \square \quad \varphi \circ \xi \circ \psi \qquad (2) \square \quad \varphi \circ \psi \circ \xi \qquad (3) \square \quad \xi \circ \varphi \circ \psi$$

$$(4) \square \quad \xi \circ \psi \circ \varphi \qquad (5) \square \quad \psi \circ \xi \circ \varphi$$