

$$\max_{\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]} S_x!$$

Anwendung Superposition von x- und y-Komponente.

$$s_x = \frac{a_x}{2} t^2$$

$$s_y = \frac{a_y}{2} t^2$$

mit  $\vec{F}_{\text{Abschlag}} = \vec{F}_x + \vec{F}_y$

und  $a_x = \frac{\vec{F}_x}{m_{\text{Floorball}}}$   
 $a_y = \frac{\vec{F}_y}{m_{\text{Floorball}}}$

$$\sqrt{|\vec{F}_x|^2 + |\vec{F}_y|^2} = |\vec{F}_{\text{Abschlag}}|$$

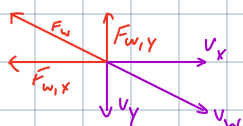
und  $|\vec{F}_x| = |\vec{F}_{\text{Abschlag}}| \cdot \cos(\theta)$

$$|\vec{F}_y| = |\vec{F}_{\text{Abschlag}}| \cdot \sin(\theta)$$

Gegenkraft: Luftwiderstand:

$$F_w = f(v, \rho, \eta, L)$$

$$= c_w \cdot A \cdot \underbrace{\frac{1}{2} \rho v^2}_{\text{'Staudruck'}}$$



Gleichung zu  $t_0$ :

$$s_x = v_{0,x} \cdot t - \frac{F_{w,x}}{2m} t^2$$

$$s_y = v_{0,y} \cdot t - \frac{g}{2} t^2 - \frac{F_{w,y}}{2m} t^2$$

$$s_x = v_{0,x} \cdot t - \frac{F_{w,x}}{2m} t^2$$

$$s_y = v_{0,y} \cdot t - \left( \frac{g \cdot m + F_{w,y}}{2m} \right) t^2$$

$$F_{w,x} = c_w \cdot A \cdot \frac{1}{2} v_x^2$$

$$F_{w,y} = c_w \cdot A \cdot \frac{1}{2} v_y^2$$

$A = \text{const}$ , da Kugel

$$\max_{\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]} S_x \quad \text{mit } S_y \geq 0$$

Dabei muss beachtet werden, dass während des Wurfs  $S_y \geq 0$  gelten muss.

$$S_x = v_{0,x} \cdot t - \frac{F_{w,x}}{2m} t^2$$

$$F_{w,x} = C_w \cdot A \cdot \frac{1}{2} \cdot v_x^2$$

$$S_y = v_{0,y} \cdot t - \left( \frac{g \cdot m + F_{w,y}}{2m} \right) t^2$$

$$F_{w,y} = C_w \cdot A \cdot \frac{1}{2} \cdot v_y^2$$

$$S_x = v_{0,x} \cdot t - \underbrace{\frac{C_w \cdot A}{4m}}_{\substack{\text{Beschreibung} \\ \text{Ball}}} t^2 \dot{S}_x(t)^2$$

nichtlineare Differentialgleichung!

$$S_y = v_{0,y} \cdot t - \frac{2g \cdot m + C_w \cdot A \cdot \dot{S}_y(t)^2}{4m} \cdot t^2$$

$$S_y = v_{0,y} \cdot t - \frac{g}{2} t^2 - \frac{C_w \cdot A \cdot \dot{S}_y(t)^2}{4m} t^2$$

$v_{0,x}$  und  $v_{0,y}$  sind Komponenten von  $\vec{v}_0$ .

Dabei ist  $\|\vec{v}_0\|_2 = \frac{F_a}{2} \rightarrow$  Ausgangsvariable

Relation von  $v_{0,x}$ ,  $v_{0,y}$  und  $v_0$ :

$$\|v_{0,x}\|_2 = \cos \theta \cdot \|v_0\|_2$$

$$\|v_{0,y}\|_2 = \sin \theta \cdot \|v_0\|_2$$

$$S_x = \underbrace{\cos \theta}_{-\frac{b(x)}{a(x)}} \cdot \|v_0\|_2 \cdot t - \underbrace{\frac{C_w \cdot A}{4m}}_{-\frac{1}{a(x)}} \cdot t^2 \dot{S}_x(t)$$

$$S_x(t) - \cos \theta \|v_0\|_2 \cdot t = - \frac{C_w \cdot A}{4m} t^2 \cdot \dot{S}_x(t)$$

$$s_y(t) = \sin\theta \|v_0\|_2 - \frac{g}{2} t^2 - \frac{c_w \cdot A \cdot t^2}{4m} \dot{s}_y(t)$$

$$-\frac{c_w \cdot A \cdot t^2}{4m} \dot{s}_y(t) = s_y(t) + \frac{g}{2} t^2 - \sin\theta \|v_0\|_2$$

$$\dot{s}_x(t) = -\frac{4m}{c_w \cdot A \cdot t^2} s_x(t)^2 + \frac{4 \cos\theta \|v_0\|_2 m}{c_w \cdot A \cdot t}$$

$$\dot{s}_y(t) = -\frac{4m}{c_w \cdot A \cdot t^2} s_y(t)^2 - \frac{2mg}{c_w \cdot A} + \frac{4 \sin\theta \|v_0\|_2 m}{c_w \cdot A \cdot t^2}$$