Aula 1 - Introdução à Estatística Básica

Umberto Mignozzetti

6/1/2020

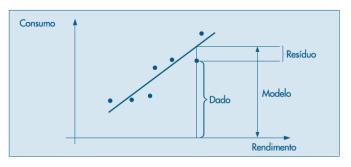




- Objetivo Stat é analisar dados.
- ► Três etapas:
 - 1. Entender os dados: análise descritiva
 - 2. Modelar os dados: probabilidade
 - 3. Formular hipóteses: inferencia estatística

 Modelagem: propor uma representação que explique a maior parte da variabilidade dos dados

Figura 1.1: Relação entre consumo e rendimento.



Podemos, então, escrever de modo esquemático:

Figure 1: f1

- Gráficos: visualizar os dados que temos.
- Objetivos:
 - Buscar padrões
 - Checar expectativas
 - Descobrir fenômenos
 - Confirmar suposições
 - Apresentar resultados
- Altamente recomendável!

- Softwares estatísticos:
 - ► R / S+
 - ► SPSS / PSPP
 - Excel / Calc
 - ► SAS
 - Stata
- ▶ Qual usar? Qual vc preferir. (Esse tipo de pergunta importa?!)
- Eu uso R. Motivo: de graça e bom!

Medidas Resumo

Tipos de variáveis

- Qualitativas: descrevem atributos dos casos:
 - Pessoa casada
 - Votou no Bolsonaro
 - Cidade com mais Corona no Brasil
 - Superior completo...
- Quantitativas: realizações de uma contagem / mensuração
 - Idade
 - Renda
 - Numero de ligações

Tipos de variáveis

Qualitativas:

► Nominais: sexo

Ordinais: escolaridade

Quantitativas:

Discretas: numero de filhos

Contínuas: salário

Tipos de variáveis

Classifique o banco:

```
N Estado.Civil Grau.de.Instrução N.de.Filhos Salario
##
## 1 1
           solteiro ensino fundamental
                                                  NA
## 2 2
             casado ensino fundamental
## 3 3
             casado ensino fundamental
## 4 4
           solteiro
                           ensino médio
                                                  NA
           solteiro ensino fundamental
## 5 5
                                                  NΑ
## 6 6
             casado ensino fundamental
##
     Região.de.Procedência
## 1
                   interior
## 2
                    capital
## 3
                    capital
## 4
                      outra
## 5
                      outra
## 6
                   interior
```

Tabela de frequência

- Contagem de valores para cada um dos níveis pré-definidos
- ► E.g., Grau de Instrução:

Tabela 2.2: Freqüências e porcentagens dos 36 empregados da seção de orçamentos da Companhia MB segundo o grau de instrução.

| Grau de | Freqüência | Proporção | Porcentagem 100 f _i |
|-------------|----------------|----------------|--------------------------------|
| instrução | n ₁ | f _i | |
| Fundamental | 12 | 0,3333 | 33,33 |
| Médio | 18 | 0,5000 | 50,00 |
| Superior | 6 | 0,1667 | 16,67 |
| Total | 36 | 1,0000 | 100,00 |

Figure 2: f2

Tabela de frequência

Tabela 2.2: Freqüências e porcentagens dos 36 empregados da seção de orçamentos da Companhia MB segundo o grau de instrução.

| Grau de instrução | Freqüência n _i | Proporção $f_{_{\!f}}$ | Porcentagem 100 f _i |
|----------------------------------|------------------------------|----------------------------|--------------------------------|
| Fundamental Médio Superior | 12 18 6 | 0,3333 0,5000 0,1667 | 33,33 50,00 16,67 |
| Total | 36 | 1,0000 | 100,00 |

Figure 3: f2

Stats:

Contagem

Frequencia (relativa): $f_i = \frac{n_i}{n}$ Porcentagem: $prop_i = 100 \times \frac{n_i}{n}$

Tabela de frequência

- Para uma variável quanti, temos o seguinte:
 - 1. Criamos intervalos
 - 2. Contamos valores nos intervalos

Tabela 2.4: Freqüências e porcentagens dos 36 empregados da seção de orçamentos da Companhia MB por faixa de salário.

| Classe de salários | Freqüência n, | Porcentagem 100 f, |
|--------------------|------------------|--------------------|
| 4,00 ⊢ 8,00 | 10 | 27,78 |
| 8,00 ← 12,00 | 12 | 33,33 |
| 12,00 ← 16,00 | 8 | 22,22 |
| 16,00 ← 20,00 | 5 | 13,89 |
| 20,00 ← 24,00 | 1 | 2,78 |
| Total | 36 | 100,00 |

Fonte: Tabela 2.1.

Figure 4: f3

Gráficos

Basta colocar as tabelas que montamos em figuras!?

Figura 2.2: Gráfico em barras para a variável Y: grau de instrução.

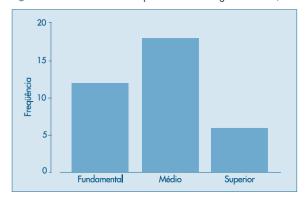
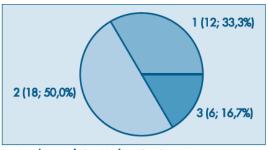


Figure 5: f4

Gráficos

Basta colocar as tabelas que montamos em figuras!?

Figura 2.3: Gráfico em setores para a variável Y: grau de instrução.



1 = Fundamental, 2 = Médio e 3 = Superior

Figure 6: f5

Gráficos

Basta colocar as tabelas que montamos em figuras!?

Figura 2.7: Histograma da variável S: salários.

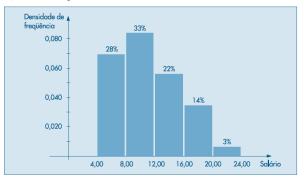


Figure 7: f6

Exercício

 As taxas médias geométricas de incremento anual (por 100 habitantes) dos 30 maiores municípios do Brasil estão dadas abaixo.

| 3,67 | 1,82 | 3,73 | 4,10 | 4,30 |
|------|------|------|------|------|
| 1,28 | 8,14 | 2,43 | 4,17 | 5,36 |
| 3,96 | 6,54 | 5,84 | 7,35 | 3,63 |
| 2,93 | 2,82 | 8,45 | 5,28 | 5,41 |
| 7,77 | 4,65 | 1,88 | 2,12 | 4,26 |
| 2,78 | 5,54 | 0,90 | 5,09 | 4,07 |

(a) Construa um histograma.

Figure 8: f7

Medidas-Resumo

Medidas Resumo

- Dois tipos mais importantes:
 - Posição
 - Dispersão
- Além dessas, temos algumas outras que são boas para analisar os dados.

Medidas de posição

Média:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$

► Média (com frequências relativas):

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{k} f_i x_i}{n}$$

Exercício: calcule a média dos dados: 1,5,2,3,2,4,10

Medidas de posição

Posição e medidas de ordem: em que lugar está o dado se ordenarmos?

Consideremos, agora, as observações ordenadas em ordem crescente. Vamos denotar a menor observação por $x_{(1)}$, a segunda por $x_{(2)}$, e assim por diante, obtendo-se

$$X_{(1)} \le X_{(2)} \le \dots \le X_{(n-1)} \le X_{(n)}.$$
 (3.4)

Por exemplo, se $x_1=3,\,x_2=-2,\,x_3=6,\,x_4=1,\,x_5=3,\,$ então $-2\leqslant 1\leqslant 3\leqslant 3\leqslant 6,\,$ de modo que $x_{(1)}=-2,\,x_{(2)}=1,\,x_{(3)}=3,\,x_{(4)}=3$ e $x_{(5)}=6.$

Figure 9: f8

Ex.:

Medidas de posição

Mediana:

```
## [1] 3 -2 6 1 3
## [1] -2 1 3 3 6
## [1] 3
```

$$\operatorname{md}(X) = \begin{cases} \frac{X_{\left(\frac{n+1}{2}\right)}}{2}, & \text{se } n \text{ impar;} \\ \frac{X_{\left(\frac{n}{2}\right)} + X_{\left(\frac{n}{2} + 1\right)}}{2}, & \text{se } n \text{ par.} \end{cases}$$

Figure 10: f9

Medidas de dispersão

Suponha as notas dos alunos em cinco grupos:

```
grupo A (variável X): 3, 4, 5, 6, 7 grupo B (variável Y): 1, 3, 5, 7, 9 grupo C (variável Z): 5, 5, 5, 5, 5 grupo D (variável W): 3, 5, 5, 7 grupo E (variável V): 3, 5, 5, 6, 6
```

Figure 11: f10

Exercício: quais são as médias? Elas ajudam a diferenciar esses dados?

Medidas de dispersão

- Não ajudam nesses casos: os dados acima eram claramente diferentes!
- Duas medidas mais usadas: desvio-médio absoluto e variância.

$$dm(X) = \frac{\sum_{i=1}^{n} |X_i - \overline{X}|}{n},$$

$$var(X) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2}{n},$$

Figure 12: f11

 Exercício: vamos fazer no R? Considere os dados do exercício acima.

Medidas de dispersão: exercício

- Quer se estudar o número de erros de impressão de um livro. Para isso escolheu-se uma amostra de 50 páginas, encontrando-se o número de erros por página da tabela abaixo.
 - (a) Qual o número médio de erros por página?
 - (b) E o número mediano?
 - (c) Qual é o desvio padrão?
 - (d) Faça uma representação gráfica para a distribuição.
 - (e) Se o livro tem 500 páginas, qual o número total de erros esperado no livro?

| Erros | Freqüência |
|-------|------------|
| 0 | 25 |
| 1 | 20 |
| 2 | 3 |
| 3 | 1 |
| 4 | 1 |

Figure 13: f12

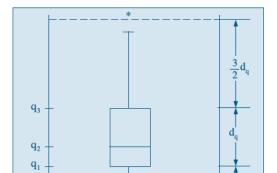
- Apenas com média e desvio-padrão não temos ideia do que está acontecendo nos dados:
 - Valores extremos?
 - Assimetria?
- Quantís: boas medidas de resumo dos dados

- Quantís: medidas de posição, para uma dada ordem nos dados
- ▶ E.g.: mediana: q(0.5): valor que divide os dados pela metade
- ▶ E.g.: percentil 0.95: q(0.95): valor que divide os dados com 95% dos casos abaixo e 5% acima desse valor

```
## [1] 2 3 5 7 8 10 11 12 15
## 0% 25% 50% 75% 100%
##
     2
         5
             8
                 11
                     15
##
  95%
## 13.8
##
     Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
##
    2.000 5.000 8.000
                         8.111 11.000 15.000
```

- Box-plot: jeito de apresentar os quantís que dá uma noção da distribuição e disperção dos dados.
- \blacktriangleright LS = MD + 1.5 \times IIQ
- $ightharpoonup LI = MD 1.5 \times IIQ$
- IIQ = q(0.75) q(0.25)

Figura 3.4: Box Plot.



Motivo estatístico

Figura 3.8: Área sob a curva normal entre LI e LS.

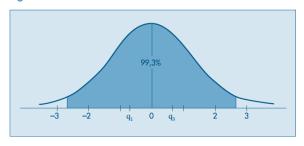


Figure 15: f14

Exercício

Faça uma análise dos dados da empresa MB.