

### UNIVERSIDADE FEDERAL DE JUIZ DE FORA

# VALIDAÇÃO DOS CÁLCULOS E RELATÓRIOS MAC015 - Resistência dos Materias

Júlia Zoffoli Caçador 202365520B

Robert Gonçalves Vieira de Souza 202365505B

Rubia Danielle Viol 202365515B

Link para o Google Colab

Juiz de Fora, 2025

## Sumário

| 1        | Obs | ervações  |
|----------|-----|---|
| <b>2</b> | Que | stão 1  |
|          | 2.1 | Cargas Pontuais e Carregamentos Retangulares        |
|          |     | Carregamentos Triangulares                          |
|          | 2.3 | Carregamentos Trapezoidais                          |
|          | 2.4 | Funç $	ilde{	ilde{a}}$ o calcular_esforcos_internos |
|          |     | 2.4.1 Objetivo                                      |
|          |     | 2.4.2 Entradas                                      |
|          |     | 2.4.3 Processamento                                 |
|          |     | 2.4.4 Saídas  |
|          |     | 2.4.5 Observações                                   |

## 1 Observações

Para a validação da rotina computacional gerada, foi usado o software FTool para comparar os resultados.

## 2 Questão 1

### 2.1 Cargas Pontuais e Carregamentos Retangulares

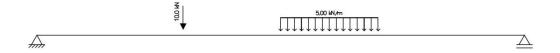


Figura 1: Estrutura Gerada.

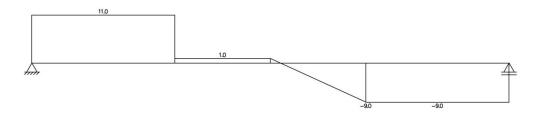


Figura 2: Esforço Cortante obtido através do FTool



Figura 3: Momento Fletor obtido através do FTool.

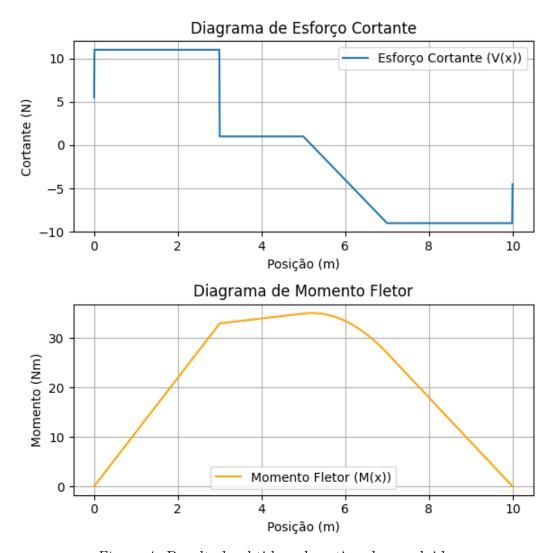


Figura 4: Resultado obtido pela rotina desenvolvida.

## 2.2 Carregamentos Triangulares

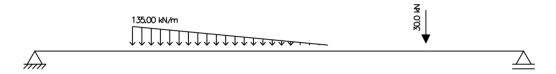


Figura 5: Estrutura Gerada.

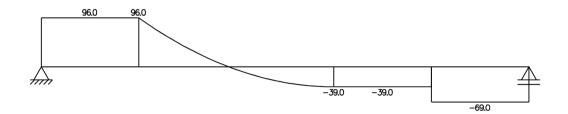


Figura 6: Esforço Cortante obtido através do FTool



Figura 7: Momento Fletor obtido através do FTool.

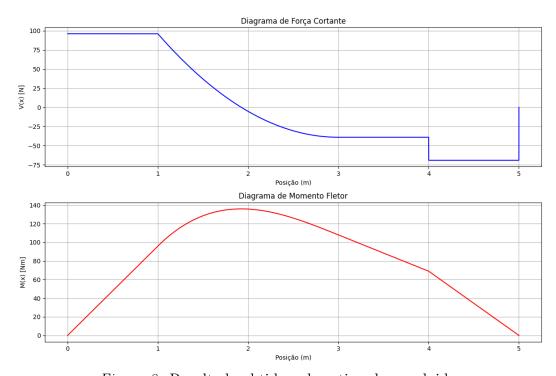


Figura 8: Resultado obtido pela rotina desenvolvida.

### 2.3 Carregamentos Trapezoidais



Figura 9: Estrutura Gerada.

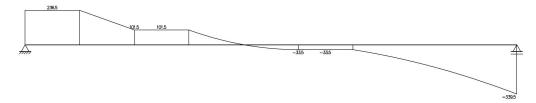


Figura 10: Esforço Cortante obtido através do FTool

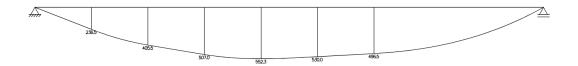
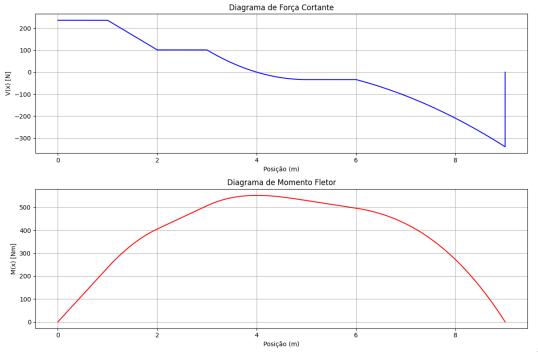


Figura 11: Momento Fletor obtido através do FTool.



Figura

12: Resultado obtido pela rotina desenvolvida.

### 2.4 Função calcular\_esforcos\_internos

#### 2.4.1 Objetivo

A função calcular\_esforcos\_internos calcula os esforços internos (esforço cortante V e momento fletor M) em uma viga em função da posição x.

#### 2.4.2 Entradas

A função recebe os seguintes parâmetros:

- x: Posição ao longo da viga onde os esforços internos serão calculados.
- lista\_carregamentos\_pontuais: Lista de cargas pontuais aplicadas na viga. Cada carga possui:
  - Intensidade (fy).
  - Posição de aplicação (posicao).
- lista\_carregamentos\_distribuidos: Lista de cargas distribuídas aplicadas na viga. Cada carga distribuída possui:
  - Tipo (Retangular, Triangular ou Trapézoidal).
  - Intervalo de aplicação (p = [a, b]).
  - Intensidade (w ou w1 e w2 para cargas triangulares/trapézoidais).
- lista\_apoios: Lista de apoios da viga. Cada apoio possui:
  - Reação (fy).
  - Posição (posicao).
- solucao: Dicionário contendo as reações de apoio calculadas previamente.

#### 2.4.3 Processamento

A função realiza os seguintes cálculos:

- Contribuição dos apoios:
  - Para cada apoio, adiciona a reação ao esforço cortante V e ao momento fletor M usando a função de Heaviside para considerar a posição.
- Contribuição das cargas pontuais:

— Para cada carga pontual, subtrai sua contribuição ao esforço cortante V e ao momento fletor M usando a função de Heaviside.

### • Contribuição das cargas distribuídas:

- Para cargas retangulares:
  - \* Calcula a contribuição ao esforço cortante e ao momento fletor no intervalo de aplicação.
- Para cargas triangulares ou trapezoidais:
  - \* Calcula a intensidade da carga no ponto x e sua contribuição ao esforço cortante e ao momento fletor.

#### 2.4.4 Saídas

A função retorna:

- V: Esforço cortante na posição x.
- M: Momento fletor na posição x.

#### 2.4.5 Observações

- A função de Heaviside é utilizada para garantir que as contribuições dos esforços sejam consideradas apenas após a posição de aplicação das cargas ou reações.
- A função é flexível e suporta diferentes tipos de carregamentos distribuídos (retangulares, triangulares e trapezoidais).