# Содержание

1.	Введение и постановка задачи    1.1. Меsh-сети     1.2. Безопасность Мesh-сетей     1.3. Преимущества ячеистой топологии     1.4. Недостатки ячеистой топологии
2.	Сети малого мира      2.1. Примеры сетей малого мира
3.	Обзор существующих моделей
4.	Теоретическая часть работы
<b>5</b> .	Реализация
6.	Заключение
Сі	писок литературы

Mesh: пространство или промежуток между нитями сети.

Новый английский словарь (М.: Oxford Press, 1932)

### 1. Введение и постановка задачи

Введем понятие сети как набора объектов (вершин), связанных между собой. Иллюстрацию данного определения можно увидеть на на рис.1. Существуют различные виды сетей: общественные сети, информационные, биологические и т.д.

Также сети различают по их топологиям - путям передачи данных в сети:

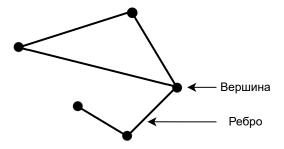


Рис. 1: Пример сети.

- Ячеистая (mesh) каждое устройство подключается к другому устройству через определенный канал;
- Топология шины к кабелю, который выступает в качестве общей разделяемой среды передачи данных, подключены все устройства;
- Кольцевая топология каждое устройство соединяется ровно с двумя соседними, а вместе они образуют кольцо;
- Топология звезды все устройства подключаются к одному сетевому устройству;
- Гибридная топология комбинация различных топологий;

В данной работе будут рассматриваться только mesh-сети.

### 1.1. Mesh-сети

Как отображено на рис.2, в mesh-сети все устройства связаны друг с другом через определенный канал. Mesh-сети бывают:

- Полносвязными (full-mesh);
- Неполносвязными (partial-mesh).

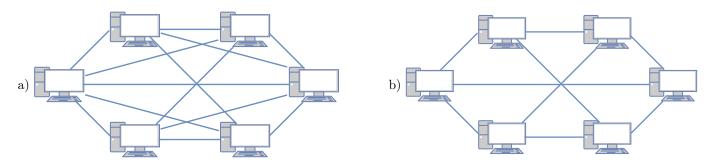


Рис. 2: a) Полносвязная сеть. b) Неполносвязная сеть.

#### Полносвязная топология

В данной топологии все узлы в сети связаны друг с другом. Если в сети имеется N узлов, каждый узел будет иметь N-1 соединений. Полносвязная сеть обеспечивает избыточность соединений. Поскольку ее реализация будет дороже, чем у неполносвязной, ее обычно резервируют для сетевых магистралей.

#### Неполносвязная топология

В частично связанной сети не обязательно все узлы связаны друг с другомы. Она более практична по сравнению с полносвязной сетью. Периферийные сети подключаются с использованием неполносвязной сети и подключаются к полноячеистой магистральной сети.

Топология Mesh основана на децентрализованной схеме организации сети, в отличие от типовых сетей, которые создаются по централизованному принципу. Точки доступа, работающие в Mesh-сетях, не только предоставляют услуги абонентского доступа, но и выполняют функции маршрутизаторов/ретрансляторов для других точек доступа той же сети.

Меѕh-сети строятся как совокупность кластеров - зон. Территория, которая покрыта сетями, разделяется на кластерные зоны, число которых теоретически не ограничено. Особенностью такой сети является использование специальных протоколов, позволяющих каждой точке доступа создавать таблицы абонентов сети с контролем состояния транспортного канала и поддержкой динамической маршрутизации трафика по оптимальному маршруту между соседними узлами. При отказе какого-либо из них происходит автоматическое перенаправление трафика по другому маршруту, что гарантирует не просто доставку трафика адресату, а доставку за минимальное время.

Процедура расширения сети в пределах кластера ограничивается установкой новых точек доступа, интеграция которых в существующую сеть происходит автоматически.

### 1.2. Безопасность Mesh-сетей

Вопросы безопасности Mesh являются весьма актуальными, особенно для систем городского масштаба, которые объединяют муниципальные, абонентские и корпоративные сети. Безопасность сетей обеспечивается в рамках спецификаций стандарта 802.11. Стандарт IEEE 802.11i предусматривает использование в продуктах Wi-Fi таких средств, как поддержка алгоритмов шифрования трафика: TKIP, WRAP и CCMP. Этих алгоритмов достаточно для защиты на уровне абонентского трафика, но на уровне корпоративного пользователя используются дополнительные механизмы, включающие более совершенные способы аутентификации при подключении к сети: более крипто-стойкие методы шифрования, динамическую замену ключей шифрования, использование персональных межсетевых экранов, мониторинг защищенности беспроводной сети, технологию виртуальных частных сетей VPN и т.д.

Основываясь на статье [2] можно сделать следующие выводы:

### 1.3. Преимущества ячеистой топологии

- В случае сбоя одного устройства сеть продолжит функционировать в том же режиме.
- Просто локализовать неисправность.
- Передача данных более стабильна, так как сбои не выводит всю систему из строя передача данных реализуется другим путем.
- Проблем с трафиком нет, так как для каждого компьютера есть выделенная двухточечная связь.
- Эта топология обеспечивает несколько путей для достижения нужного узла и соответственно хорошую устойчивость.
- Добавление новых устройств не нарушает передачу данных.

### 1.4. Недостатки ячеистой топологии

- Реализация такой сети дороже по сравнению с иными сетевыми топологиями, т.е. звездой, шиной, двухточечной топологией.
- Требуемая мощность оборудования должна быть выше, так как узлы остаются активными все время и распределяют нагрузку между собой.
- Некоторые устройства будут избыточными в схеме передачи данных.

### 2. Сети малого мира

В статье М. Е. Дж. Ньюмана, К. Мура и Д. Дж. Уоттса [4] сети малого мира описываюся по аналогии с сетью друзей. В сети друзей присутствует "кластеризация", означающая, что двое ваших друзей с гораздо большей вероятностью также будут друзьями друг друга, чем два человека, выбранных случайным образом из популяции. Во-вторых, такая сеть демонстрирует "эффект маленького мира", а именно, что любые два человека могут установить контакт, пройдя лишь короткую цепочку промежуточных знакомств. Американский психолог Милграм провел интересное исследование [5], в котором определил количество знакомств, необходимое для установления связи между данными людьми. Поскольку Милграм жил в Бостоне, он выбран далекий от Бостона город - Небраска, и случайно выбранным людям были розданы конверты, которые нужно было передать в Бостон. Конверты можно было передавать только через своих знакомых и родственников. Милграм получил весьма неожиданный результат: в среднем каждый конверт прошел через шесть человек. Так и родилась теория "шести рукопожатий". Т.е. каждый человек связан с любым другим цепью не больше шести личных знакомств. В этом смысле о нашем мире говорят как о малом мире - "small world".

Рассмотрим неориентированную сеть, и определим l как среднее геодезическое (т.е. кратчайшее) расстояние между парами вершин в сети:

$$l = \frac{1}{\frac{1}{2}n(n+1)} \sum_{i \ge j} d_{ij},$$

где  $d_{ij}$  - наикоротчайшее расстояние между вершинами i и j. Существуют пары вершин, которые не имеют соединительного пути. Обычно таким парам присваивается бесконечное геодезическое расстояние. Значение l также становится бесконечным. Чтобы избежать этой проблемы, в таких сетях обычно определяется среднее геодезическое расстояние между всеми парами, которые имеют соединительный путь. Пары, которые попадают в два разных компонента, исключаются из среднего значения.

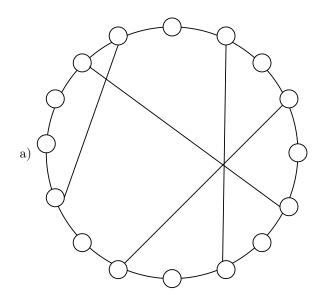
лаьтернативный способ определения l:

$$l^{-1} = \frac{1}{\frac{1}{2}n(n+1)} \sum_{i>j} d_{ij}^{-1}$$

Эффект маленького мира имеет очевидные последствия для динамики процессов, происходящих в сетях. Например, если рассматривать распространение информации или чего-либо еще по сети, эффект малого мира подразумевает, что это распространение будет быстрым в большинстве сетей реального мира. Например, если слуху требуется всего шесть шагов, чтобы распространиться от любого человека к любому другому, то слух распространится гораздо быстрее, чем если бы он прошел сотню шагов или миллион. Это влияет на количество "прыжков", которые должен совершить пакет, чтобы добраться с одного компьютера на другой в Интернете, количество этапов путешествия для пассажира самолетом или поездом, время, необходимое для распространения болезни среди населения, и так далее.

С другой стороны, эффект маленького мира также математически очевиден. Хотя число вершин на расстоянии r от центральной вершины в большинстве случаев растет экспоненциально с увеличением r, значение l будет увеличиваться как logn. Таким образом, в последние годы термин "эффект малого мира" приобрел более точное значение: считается, что сети демонстрируют эффект малого мира, если значение l масштабируется логарифмически или медленнее в зависимости от размера сети при фиксированной средней степени.

Одну из моделей малого мира предложили Ваттс и Строгац [6]. Эта модель представляет собой одномерную регулярную решетку, состоящую из N узлов, где каждый узел соединен только со своими k ближайшими соседями и наложены периодические граничные условия, т.е. решетку свернули в кольцо. После чего каждую связь с вероятностью  $\phi << C_1$  перебрасывали на другой случайно выбранный узел. Правда при такой процедуре есть вероятность появления изолированных узлов.



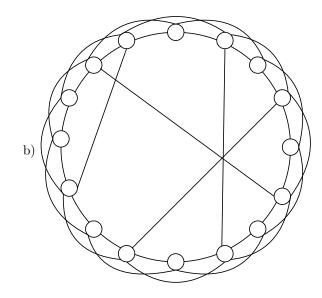


Рис. 3: Пример малого мира с четырьмя перебросами (L=16) а) - каждый узел соединен со своими ближайшими соседями  $(\kappa=2)$ , b) - каждый узел соединен с четырьмя соседями  $(\kappa=4)$ 

Формально расстояние до них от любого узла будет бесконечным. Во избежание этого, Ньюман (Newman) и Ваттс предложили связи не перебрасывать, а просто добавлять. Остановимся на этом варианте модели подробнее Среднее расстояние между концами добавленных связей есть:  $\xi = \frac{N}{k\phi N} = \frac{1}{k\phi}$ . Так как существует только один характерный размер системы X, то и безразмерное отношение среднего

Так как существует только один характерный размер системы X, то и безразмерное отношение среднего расстояния между узлами графа к числу всех узлов графа N может зависеть только от безразмерной величины:  $l = Nf(\frac{N}{\xi})$ , где f(x) - масштабирующая функция.

$$f(x) = \begin{cases} const, x \ll 1\\ \frac{\log(x)}{x}, x \gg 1 \end{cases}$$

Как уже упоминалось выше, существует много способов определения корреляционного радиуса. Предположим, что  $\xi \sim \phi^{\tau}$ . Покажем с помощью ренорм-группового преобразования (для  $\kappa=2$ ), что T=1. Итак пусть имеем:  $l=Nf(Nf^{\tau})$ .

### 2.1. Примеры сетей малого мира

Свойства маленького мира обнаруживаются во многих явлениях реального мира, включая веб-сайты с меню навигации, пищевые сети, электросети, сети обработки метаболитов, сети нейронов мозга, сети избирателей, телефонный звонок графики, сети аэропортов и социальные сети влияния. Культурные сети, семантические сети и словесные сети совместной встречаемости также оказались сетями небольшого мира.

Сети из связанных белков обладают свойствами небольшого мира, такими как степенное распределение, подчиняющееся распределению степеней. Точно так же транскрипционные сети , в которых узлами являются гены , и они связаны, если один ген оказывает повышающее или понижающее генетическое влияние на другой, обладают свойствами малых мировых сетей.

# 3. Обзор существующих моделей

# 4. Теоретическая часть работы

### 5. Реализация

Даная исследователься работы нацелна создание макета обмена данных в группе мобильных агентов, взаимодействующих в mesh-сети обладающей свойствами "малого мира". Возможные технологии для реализации модели:

- GNS3
- Docker

## 6. Заключение

# Список литературы

- [1] M. E. J. Newman, The Structure and Function of Complex Networks
- [2] Geeks For Geeks, Advantage and Disadvantage of Mesh Topology
- [3] Осипов И.Е, Технологии и средства связи #4, 2006
- [4] M. E. J. Newman, C. Moore, and D. J. Watts, Mean-Field Solution of the Small-World Network Model, 2000
- [5] S. Milgram, "The small world problem," Psychol. Today 2, 60–67 (1967)
- [6] D. J. Watts и S. H. Strogatz, "Collective dynamics of 'small-world' networks," Nature 393, 440–442 (1998)