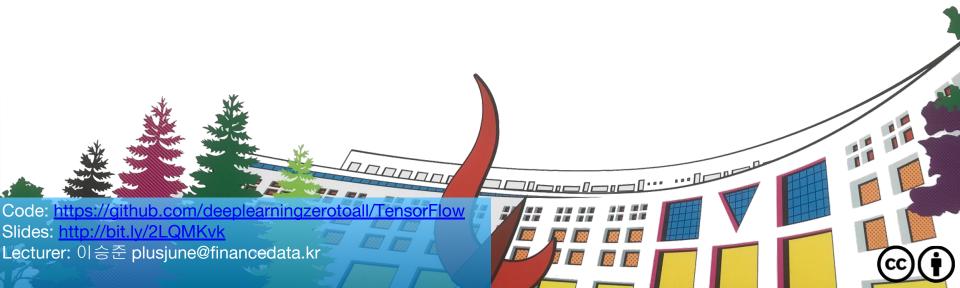
ML/DL for Everyone Season2



04 - Multi-variable linear regression LAB



Hypothesis using matrix

$$H(x_1,x_2,x_3)=w_1x_1+w_2x_2+w_3x_3$$

X ₁	X ₂	X ₃	у
73	80	75	152
93	88	93	185
89	91	90	180
96	98	100	196
73	66	70	142

Test Scores for General Psychology

Hypothesis using matrix

입력 데이터

 X_2

 X_{2}

X

출력 데이터

2	
5	
0	
6	

$$H(x_1,x_2,x_3)=w_1x_1+w_2x_2+w_3x_3$$

```
# data and label
x1 = [ 73., 93., 89., 96., 73.]
x2 = [ 80., 88., 91., 98., 66.]
x3 = [ 75., 93., 90., 100., 70.]
Y = [152., 185., 180., 196., 142.]

# weights
w1 = tf.Variable(10.)
w2 = tf.Variable(10.)
w3 = tf.Variable(10.)
b = tf.Variable(10.)
hypothesis = w1 * x1 + w2 * x2 + w3 * x3 + b
```

Test Scores for General Psychology

```
# data and Label.
x1 = [73., 93., 89., 96., 73.]
x2 = [80., 88., 91., 98., 66.]
x3 = [75., 93., 90., 100., 70.]
Y = [152., 185., 180., 196., 142.]
# random weights
                  초기값은 1을 줬는데, 아무 값이나 줘도 괜찮고 보통 랜덤값을 줌
w1 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
w2 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
w3 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
b = tf.Variable(tf.random normal([1]))
learning rate = 0.000001
for i in range(1000+1):
   # tf.GradientTape() to record the gradient of the cost function
   with tf.GradientTape() as tape: 아래에 있는 변수의 정보 tape에 기록
       hypothesis = w1 * x1 + w2 * x2 + w3 * x3 + b
       cost = tf.reduce mean(tf.square(hypothesis - Y))
   # calculates the gradients of the cost
   w1 grad, w2 grad, w3_grad, b_grad = tape.gradient(cost, [w1, w2, w3, b])
   weight를 지속적으로 업데이트
# update w1,w2,w3 and b
                                                 tape에 gradient를 호출해
                                                  서 cost(함수)에 대한 w1,
   w1.assign sub(learning rate * w1 grad)
                                                  w2, w3, b 변수의 기울기
   w2.assign sub(learning rate * w2 grad)
   w3.assign sub(learning rate * w3 grad)
                                                   (gradient) 값을 구한다
   b.assign sub(learning_rate * b_grad)
   if i % 50 == 0:
     print("{:5} | {:12.4f}".format(i, cost.numpy()))
```

```
0 1
      11325.9121
 50 I
        135.3618
100 I
       11.1817
150 | 9.7940
200 |
        9.7687
250 I
     9.7587
300 I
         9.7489
350 |
        9.7389
400 | 9.7292
450 | 9.7194
500 |
        9.7096
550 I 9.6999
600 I
        9.6903
        9.6806
650 I
700 | 9.6709
750 I
         9.6612
800 I
     9.6517
850 I
         9.6421
900 | 9.6325
950 l 9.6229
1000 |
         9.6134
```

Matrix를 이용하면 더 간결하게 표현할 수 있어

Matrix

x값의 column이 3개 이므로 row가 3개 필요

```
H(X) = XW
data = np.array([
   # X1, X2, X3, y
   [73., 80., 75., 152.],
                                         W = tf.Variable(tf.random_normal([3, 1]))
   [ 93., 88., 93., 185. ],
                                         b = tf.Variable(tf.random_normal([1])) bias = 17H
   [89., 91., 90., 180.],
   [ 96., 98., 100., 196. ],
                                         # hypothesis, prediction function
   [73., 66., 70., 142.]
                                         def predict(X):
                                                        b는 설명을 위해서 추가한 것이고 이후에 생략할 수 있다
], dtype=np.float32)
                                           return tf.matmul(X, W) + b
# slice data
                                                           행 부분은 :이므로 전체, 열은
X = data[:, :-1]를 기준으로 앞부분은 row, 뒷부분은 column을 의미
y = data[:, [-1]]
```

column에서 마지막 ': -1'은 마지막 column을 제외한 모든 column

```
5행 1열 = 5행 3열 * W // 따라서 W는 3행 1열
                                # slice data
 data = np.array([
                                                   5행 3열
    # X1, X2, X3, y X = data[:, :-1]
     [ 73., 80., 75., 152. ],
                                y = data[:, [-1]] 5행 1열
     [ 93., 88., 93., 185. ],
     [89., 91., 90., 180.],
                                W = tf.Variable(tf.random normal([3, 1]))
     [ 96., 98., 100., 196. ],
                                b = tf.Variable(tf.random normal([1]))
     [ 73., 66., 70., 142. ]
 ], dtype=np.float32)
                                learning rate = 0.000001
                                 # hypothesis, prediction function
                                 def predict(X):
                                  return tf.matmul(X, W) + b .matmul 행렬 간 곱
한 번 도는 것을 n_epoch라고 한다 n epochs = 2000
                                for i in range(n epochs+1):
                                    # record the gradient of the cost function
                                    with tf.GradientTape() as tape:
                                        cost = tf.reduce mean((tf.square(predict(X) - y)))
                                    # calculates the gradients of the loss
                                    W grad, b grad = tape.gradient(cost, [W, b])
                                    # updates parameters (W and b)
                                    W.assign sub(learning rate * W grad)
                                    b.assign sub(learning rate * b grad)
                                    if i % 100 == 0:
                                      print("{:5} | {:10.4f}".format(i, cost.numpy()))
```

```
epoch |
       cost
       112662.8359
         17.9033
 100 I
 200 | 4.0140
 300 I
          3.9923
 400 I
          3.9724
 500 I
          3.9527
 600 I
          3.9330
 700 I 3.9134
 800 I
          3.8939
 900 I
          3.8746
1000 I
          3.8553
1100 I
          3.8362
1200 I
          3.8171
1300 I
          3.7981
1400 I
          3.7793
1500 I
          3.7606
1600 I
          3.7419
1700 I
          3.7234
1800 I
          3.7049
1900 I
          3.6866
2000 I
          3.6684
```

With Matrix

$$(x_1 \ x_2 \ x_3) \cdot \begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ w_3 \end{pmatrix} = (x_1w_1 + x_2w_2 + x_3w_3) \qquad H(X) = XW$$

```
# initialize W
                                                       # initialize W
w1 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
                                                       W = tf.Variable(tf.random normal([3, 1]))
w2 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
                                                      tensorfow 2.x 에서는 random.normal
w3 = tf.Variable(tf.random normal([1]))
# hypothesis, prediction function
                                                       # hypothesis, prediction function
w1 * x1 + w2 * x2 + w3 * x3 + b
                                                       tf.matmul(X, W) + b
# update w1,w2,w3
w1.assign sub(learning rate * w1 grad)
                                                       # updates parameters (W and b)
w2.assign sub(learning rate * w2 grad)
                                                       W.assign sub(learning rate * W grad)
w3.assign sub(learning rate * w3 grad)
```

What's Next?

Logistic (Regression) Classification