SVM: Práctica de clasificación

Jun De Wu

12/06/2021

Contenidos

1	Introducción	2
2	Exploración y limpieza de los datos 2.1 Variables cualitativas	2 4 15 29
3	SVM 3.1 SVM con kernel lineal	31 31 34 34
4	Otros modelos de Machine Learning 4.1 Regresión logística	36 40 41 46 47 48
5	Conclusión	50
re	<pre>quire(tidyverse) quire(ggcorrplot) quire(fastDummies) quire(unbalanced) quire(caTools) quire(neuralnet) quire(saret) quire(moments) quire(e1071) quire(kernlab) quire(class) quire(rpart)</pre>	

1 Introducción

El data set que tratamos es un conjunto de datos relacionado con campañas directas de marketing de una institución bancaria portuguesa. Las campañas de marketing se basaban en llamadas telefónicas. Usualmente, se requiere más de una llamada con el mismo cliente para saber si el producto (depósito bancario a plazo) sería suscrito o no. El objetivo es predecir, con todas las variables y observaciones que disponemos, los clientes potenciales que se suscriben al depósito a plazo.

2 Exploración y limpieza de los datos

```
bank <- read_csv2("bank-full.csv", col_names = TRUE)</pre>
glimpse(bank)
## Rows: 45,211
## Columns: 17
## $ age
                                                      <dbl> 58, 44, 33, 47, 33, 35, 28, 42, 58, 43, 41, 29, 53, 58, 5...
                                                      <chr> "management", "technician", "entrepreneur", "blue-collar"...
## $ job
## $ marital
                                                      <chr> "married", "single", "married", "married", "single", "mar...
## $ education <chr> "tertiary", "secondary", "secondary", "unknown", "unknown...
                                                      <chr> "no", "no", "no", "no", "no", "no", "no", "yes", "no", "n...
## $ default
## $ balance
                                                      <dbl> 2143, 29, 2, 1506, 1, 231, 447, 2, 121, 593, 270, 390, 6,...
## $ housing
                                                      <chr> "yes", "yes", "yes", "no", "yes", "yes",
                                                      <chr> "no", "no", "yes", "no", "no", "no", "yes", "no", "no", "...
## $ loan
                                                      <chr> "unknown", "unknown", "unknown", "unknown", "unknown", "u...
## $ contact
                                                      ## $ day
## $ month
                                                      <chr> "may", "may", "may", "may", "may", "may", "may", "may", "...
## $ duration
                                                     <dbl> 261, 151, 76, 92, 198, 139, 217, 380, 50, 55, 222, 137, 5...
## $ campaign
                                                      ## $ pdays
                                                      ## $ previous
                                                      <chr> "unknown", "unknown", "unknown", "unknown", "unknown", "u...
## $ poutcome
                                                      <chr> "no", "no",
```

Las variables que tenemos sobre los clientes son:

age: Edadjob: Trabajo

• marital: Estado civil

• education: Nivel de educación

• default: Impago

• balance: Saldo medio anual en la cuenta

• housing: Préstamo de vivienda

• loan: Préstamos personales

Las variables relacionas con la última llamada de la campaña actual:

• contact: Vía de comunicación

• day: Día del mes de la última llamada

• month: Mes del año de la última llamada

• duration: Duración de la última llamada en segundos

Las variables relacionadas con otros atributos:

- campaign: Número de llamadas realizadas durante esta campaña para este cliente
- pdays: Número de días que han pasado desde que el cliente recibiera la última llamada de la anterior campaña (-1 significa que el cliente no ha sido contactado anteriormente)
- previous: Número de llamadas realizadas antes de esta campaña para este cliente
- poutcome: Resultado de la anterior campaña de marketing

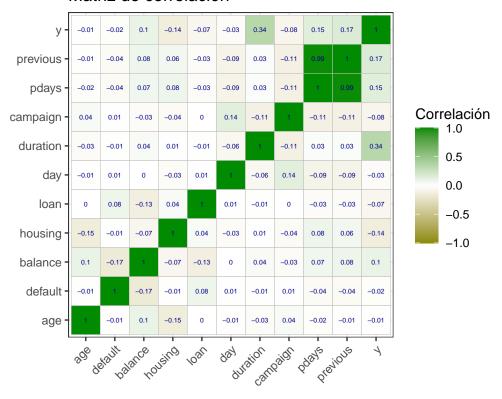
La variable objetivo:

• y: Indica si el cliente se ha suscrito a un depósito a plazo

Las variables que no son numéricas son factor y están en formato character, así que tenemos que transformarlas.

```
##
                                                               education
                              job
                                             marital
         age
   Min.
                                                           primary : 6851
##
           :18.00
                     blue-collar:9732
                                         divorced: 5207
##
    1st Qu.:33.00
                     management:9458
                                         married :27214
                                                           secondary:23202
##
    Median :39.00
                     technician:7597
                                         single :12790
                                                           tertiary:13301
           :40.94
                                                           unknown: 1857
##
    Mean
                     admin.
                                 :5171
##
    3rd Qu.:48.00
                                :4154
                     services
##
    Max.
           :95.00
                     retired
                                :2264
##
                     (Other)
                                :6835
##
    default
                    balance
                                  housing
                                                loan
                                                                 contact
                                  no :20081
##
    no:44396
                Min.
                        : -8019
                                               no:37967
                                                            cellular:29285
##
    yes: 815
                1st Qu.:
                             72
                                  yes:25130
                                               yes: 7244
                                                            telephone: 2906
##
                Median:
                            448
                                                            unknown:13020
##
                Mean
                           1362
##
                3rd Qu.:
                           1428
##
                        :102127
                Max.
##
         day
##
                         month
                                         duration
                                                           campaign
##
    Min.
           : 1.00
                     may
                            :13766
                                      Min.
                                           :
                                                 0.0
                                                        Min.
                                                               : 1.000
##
    1st Qu.: 8.00
                     jul
                            : 6895
                                      1st Qu.: 103.0
                                                        1st Qu.: 1.000
##
    Median :16.00
                            : 6247
                                     Median : 180.0
                                                        Median : 2.000
                     aug
                     jun
##
    Mean
           :15.81
                            : 5341
                                     Mean
                                            : 258.2
                                                        Mean
                                                               : 2.764
##
    3rd Qu.:21.00
                     nov
                            : 3970
                                      3rd Qu.: 319.0
                                                        3rd Qu.: 3.000
##
    Max.
           :31.00
                            : 2932
                                      Max.
                                             :4918.0
                                                        Max.
                                                               :63.000
                     apr
                     (Other): 6060
##
##
                        previous
                                            poutcome
        pdays
                                                            У
##
    Min.
           : -1.0
                            : 0.0000
                                         failure: 4901
                                                          no:39922
                     Min.
##
    1st Qu.: -1.0
                     1st Qu.:
                               0.0000
                                         other : 1840
                                                          yes: 5289
##
    Median: -1.0
                     Median :
                               0.0000
                                         success: 1511
                                         unknown:36959
##
    Mean
           : 40.2
                               0.5803
                     Mean
##
    3rd Qu.: -1.0
                     3rd Qu.:
                               0.0000
##
    Max.
           :871.0
                            :275.0000
                     Max.
##
bank_correlacion <- bank %>%
  mutate(default = as.integer(recode(default, "no" = 0, "yes" = 1)), housing =
           as.integer(recode(housing, "no" = 0, "yes" = 1)), loan =
```

Matriz de correlación



Hay una correlación de 0.99 entre las variables **previous** y **pdays**, tienen una relación prácticamente lineal. Más tarde, junto con otros métodos que aplicaremos para estudiar las variables, decidiremos cuál de las dos quitar o quitar las dos.

2.1 Variables cualitativas

Vamos a ir recorriendo cada variable cualitativa y realizar un diagrama de barras para reflejar la distribución de cada variable filtrando por la variable objetivo.

2.1.1 Variable job

```
levels(bank$job)
## [1] "admin." "blue-collar" "entrepreneur" "housemaid"
```

```
## [5] "management" "retired" "self-employed" "services"
## [9] "student" "technician" "unemployed" "unknown"
```

Tenemos 12 niveles de la variable job, demasiadas para poder realizar la visualización como para posteriormente aplicar el algoritmo de ANN. Lo que haremos será agrupar los trabajos por similitud. Empezamos por agrupar en una nueva categoría "Self-employed" los trabajos "admin.", "entrepreneur", "management" y "self-employed".

```
bank$job <- gsub('^admin.', 'Self_employed', bank$job)
bank$job <- gsub('^entrepreneur', 'Self_employed', bank$job)
bank$job <- gsub('^management', 'Self_employed', bank$job)
bank$job <- gsub('^self-employed', 'Self_employed', bank$job)</pre>
```

Continuamos por la segunda categoría "Services" que incluiría los trabajos "blue-collar", "housemaid", "services" y "technician".

```
bank$job <- gsub('^blue-collar', 'Services', bank$job)
bank$job <- gsub('^housemaid', 'Services', bank$job)
bank$job <- gsub('^services', 'Services', bank$job)
bank$job <- gsub('^technician', 'Services', bank$job)</pre>
```

La última categoría es "No-workers/Unknown" que incluiría los trabajos "retired", "student" y "unemployed".

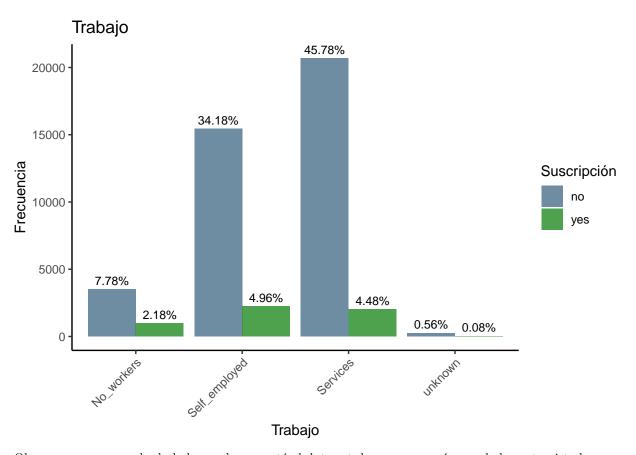
```
bank$job <- gsub('^retired', 'No_workers', bank$job)
bank$job <- gsub('^student', 'No_workers', bank$job)
bank$job <- gsub('^unemployed', 'No_workers', bank$job)
bank$job <- as.factor(bank$job)
summary(bank$job)</pre>
```

```
## No_workers Self_employed Services unknown
## 4505 17695 22723 288
```

Dejamos la categoría "unknown" porque contiene pocas observaciones y, más adelante, cuando realicemos los modelos de redes neuronales artificiales las quitaremos.

```
bank_1 <- bank
```

Ahora que hemos agrupado los 12 niveles que tenía originalmente la variable, vamos a visualizar con un histograma los datos filtrando por si están suscritos o no al depósito a corto plazo.



Observamos que, por lo desbalanceado que está el data set, hay un gran número de los entrevistados que no se suscriben. Parece que los perfiles de trabajadores que más se suscriben son los del sector servicio y los que son sus propios jefes.

A continuación, quitamos los entrevistados que no sabemos que ocupación tienen.

12790

```
bank_1 <- bank_1 %>%
  filter(bank_1$job != "unknown") %>%
  droplevels()
```

2.1.2 Variable marital

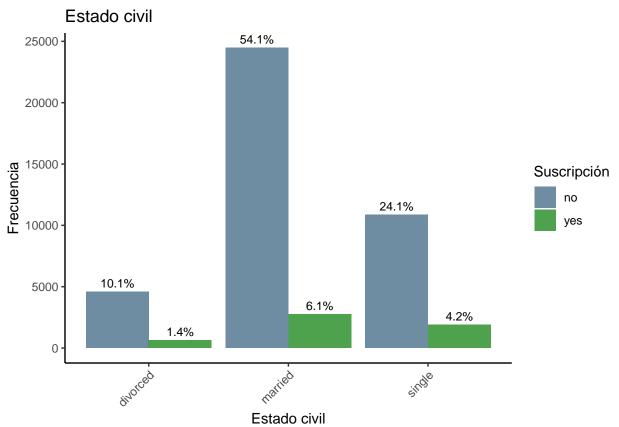
5207

27214

##

```
summary(bank$marital)
## divorced married single
```

Vemos que hay 5,207 personas divorciadas, 27,214 casadas y 12,790 solteras. La categoría que predomina en la variable marital es la de casados.



Como se podía prever, en números globales los casados son los que más se suscriben, pero los solteros que se suscriben son los que tienen mayor ratio respecto al total de los solteros.

2.1.3 Variable education

23202

##

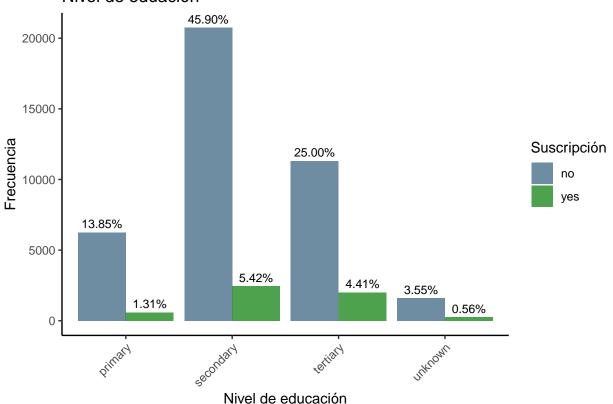
```
summary(bank$education)
## primary secondary tertiary unknown
```

Hay 6,851 que tienen la educación primaria, 23,202 que tienen la educación secundaria, 13,301 que tienen la educación terciaria y 1,857 que desconocemos su nivel educativo. Estos 1,857 los quitaremos también, como pasó con la variable job.

1857

13301

Nivel de eduación



Los que más se suscriben en términos absolutos son los que tienen educación secundaria, pero los que se suscriben teniendo la educación terciaria son los que tienen mejor ratio de suscripción respecto al total de la categoría.

Quitamos los que desconocemos su nivel de educación de nuestro data set, para más tarde realizar los modelos de redes neuronales artificiales.

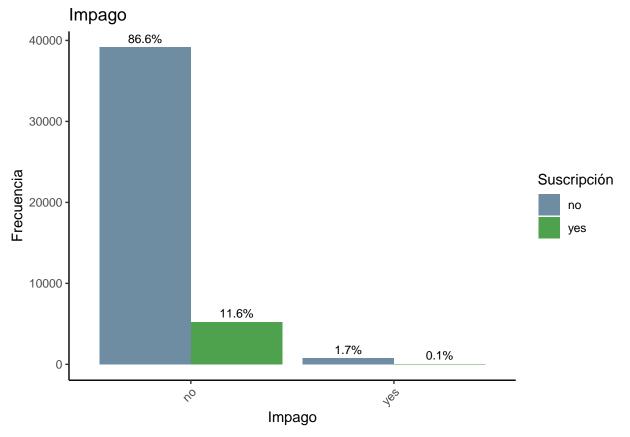
```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$education != "unknown") %>%
droplevels()
```

2.1.4 Variable default

```
summary(bank$default)

## no yes
## 44396 815
```

La mayoría de los entrevistados no tienen impagos, una parte ínfima tiene algún impago en su cuenta.



Aquí se ve que los que sí tienen impago no se suscriben (un 0.1% del total se suscriben, un número despreciable) y el 11.6% del total se suscriben sin tener impagos.

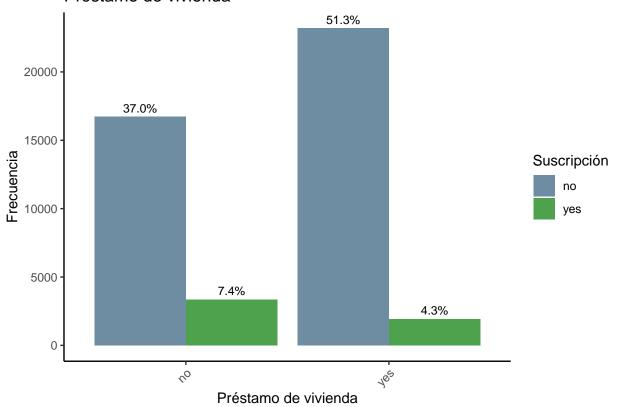
2.1.5 Variable housing

20081 25130

```
summary(bank$housing)
## no yes
```

Más de la mitad tienen préstamos de vivienda, algo lógico teniendo en cuenta el rango de edad, que luego veremos, en el cual se mueven los entrevistados.

Préstamo de vivienda



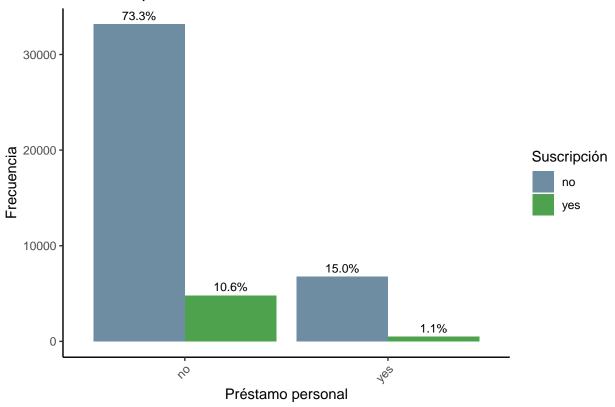
Seguramente por tener una menor carga económica al carecer de préstamos de vivienda, los que más se suscriben son los que no tienen estos préstamos.

2.1.6 Variable loan

```
summary(bank$loan)
## no yes
## 37967 7244
```

Aquí cambia el asunto, la mayoría no tienen préstamos personales.

Préstamo personal



Como es obvio, quienes no tienen préstamos personales (deudas) tienen más flexibilidad para participar en este tipo de inversiones.

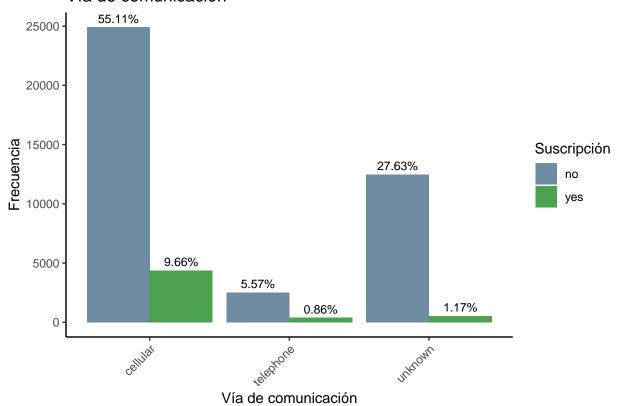
2.1.7 Variable contact

```
summary(bank$contact)

## cellular telephone unknown
## 29285 2906 13020
```

Tenemos que un 28.8% de los datos son desconocidos, con lo cual podemos creer que esta variable no nos puede aportar suficiente información para nuestros modelos.

Vía de comunicación



La gran mayoría de los contactos se producen vía teléfono móvil, y también tienen el mayor porcentaje de suscripciones. Al tener tantos valores desconocidos, descartaremos esta variable.

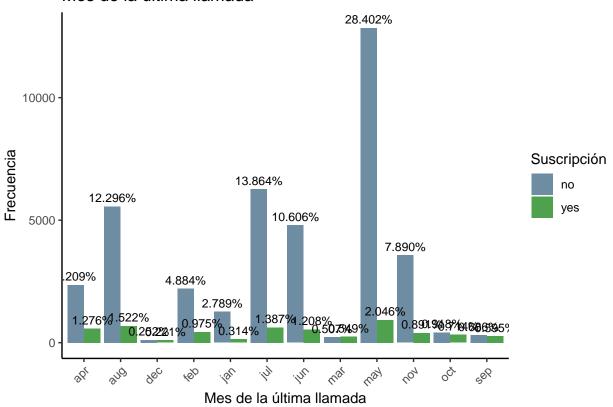
```
bank_1 <- bank_1 %>%
dplyr::select(-c("contact"))
```

2.1.8 Variable month

```
summary(bank$month)
##
                 dec
                        feb
                              jan
                                    jul
                                           jun
                                                                    oct
                                                                          sep
     apr
           aug
                                                       may
##
    2932 6247
                 214 2649 1403 6895
                                         5341
                                                 477 13766
                                                            3970
                                                                    738
                                                                          579
```

Esta variable hace referencia al mes del año de la última llamada.

Mes de la última llamada



Vemos que los meses donde más se han realizado las últimas llamadas son mayo, junio, julio y agosto, correspondiendo los meses de verano (exceptuando mayo).

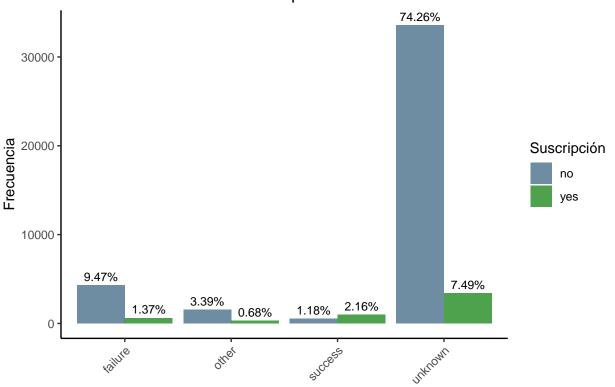
2.1.9 Variable poutcome

```
summary(bank$poutcome)

## failure other success unknown
## 4901 1840 1511 36959
```

La mayoría de los datos son desconocidos.

Resultados de la anterior campaña



Resultados de la anterior campaña

Vemos que un 81.75% de los datos son desconocidos, con lo cual descartaremos esta variable.

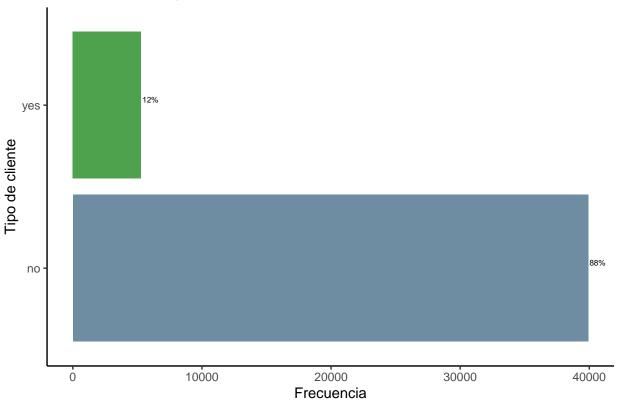
```
bank_1 <- bank_1 %>%
dplyr::select(-c("poutcome"))
```

2.1.10 Variable y

```
summary(bank$y)
## no yes
## 39922 5289
```

Hay 39,922 personas que no están suscritas y solamente 5,289 que sí, teniendo un data set totalmente desbalanceado respecto a esta variable (es nuestra variable objetivo).

Estado de suscripción



Al estar tan desbalanceado, antes de realizar los modelos de redes neuronales artificiales aplicaremos alguna técnica para ajustar conjuntos de datos desbalanceados.

2.2 Variables cuantitativas

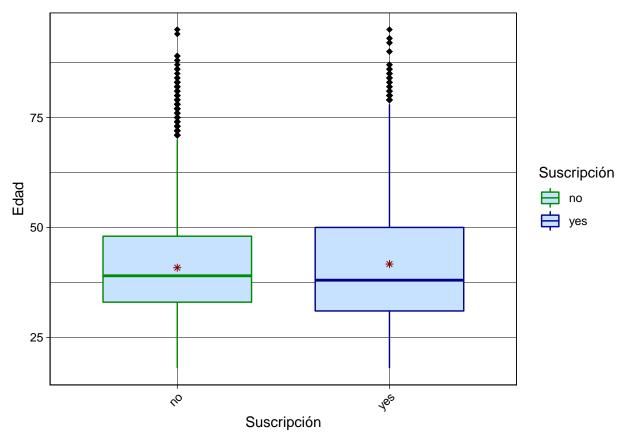
2.2.1 Variable age

```
summary(bank$age)
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 18.00 33.00 39.00 40.94 48.00 95.00
```

La media de edad de los encuestados es de 41 años, los encuestados tienen un perfil de persona estable. La persona más mayor que se ha entrevistado tiene 95 años, mientras que la persona más joven tiene 18 años.

Distribución de la edad Suscripción no yes Edad

Este histograma nos muestra la distribución de los encuestados por edad, filtrado por la suscripción.



Con este boxplot vemos que la media y la mediana de edad de los dos grupos son parecidas. Decidimos quitar los outliers que están por encima de los 75 años ya que suelen ser personas mayores y pueden comportarse diferente que el resto de los encuestados.

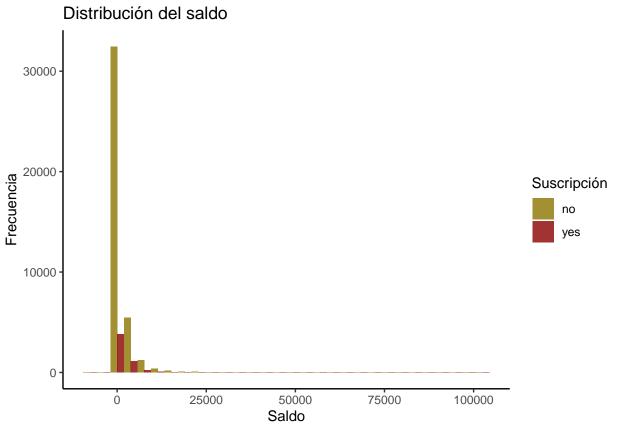
```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$age < 75)</pre>
```

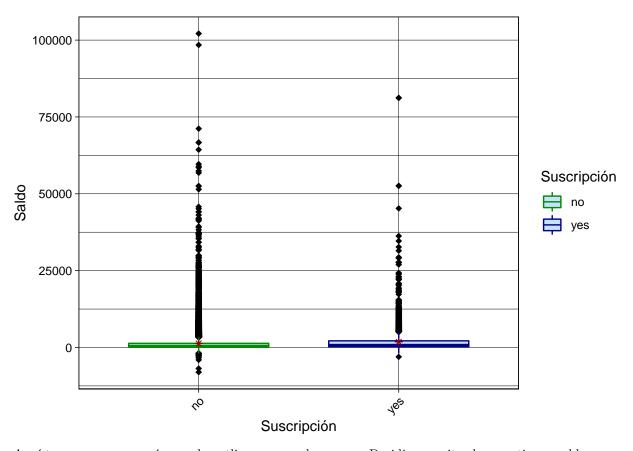
2.2.2 Variable balance

```
summary(bank$balance)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## -8019 72 448 1362 1428 102127
```

Se puede ver que la media del saldo anual medio en la cuenta es de 1362, un número no muy alto y explica el por qué del rechazo de mucha gente a suscribirse. Los casos extremos son -8,019 por la parte baja, mientras que alguien tiene 102,127 en su cuenta bancaria.





Aquí tenemos un gran número de outliers para ambos casos. Decidimos quitar los que tienen saldo mayor o igual que 25,000 porque no son representativos.

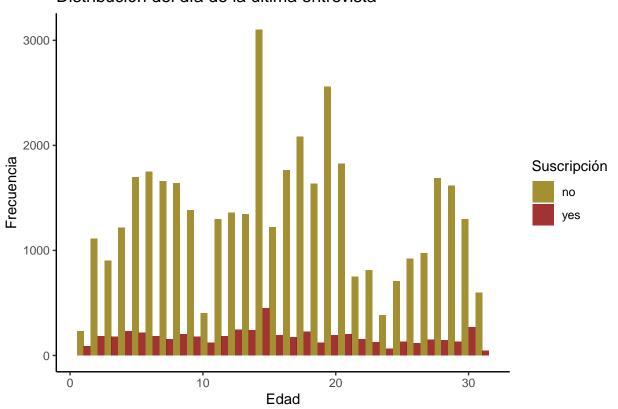
```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$balance < 25000)</pre>
```

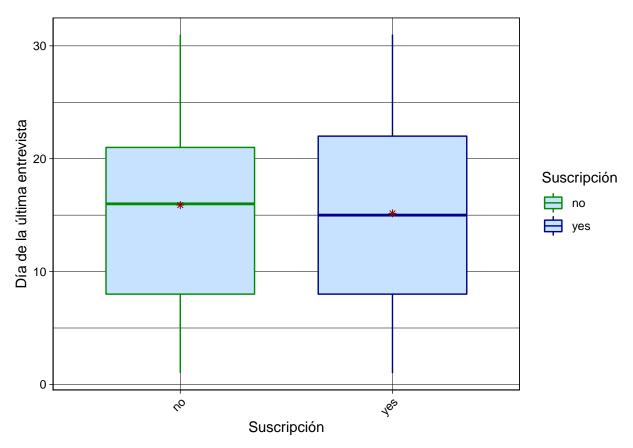
2.2.3 Variable day

```
summary(bank$day)
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 1.00 8.00 16.00 15.81 21.00 31.00
```

La mayoría de las llamadas se realizan sobre el ecuador del mes.

Distribución del día de la última entrevista





La media y la mediana de las dos clases se parecen muchísimo, sin ninguna presencia de outliers en ambos casos.

2.2.4 Variable duration

103.0

180.0

258.2

0.0

##

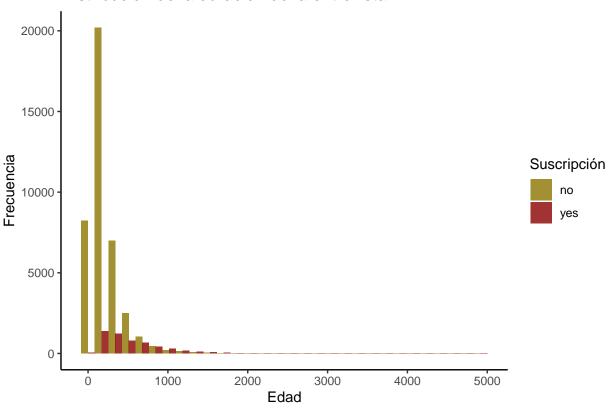
```
summary(bank$duration)
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
```

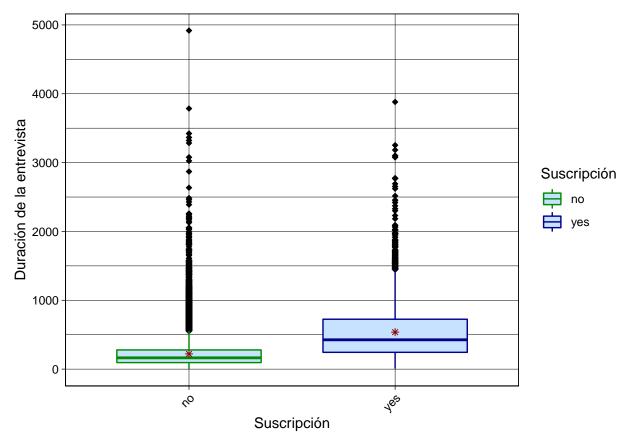
319.0

La duración de la llamada puede ser determinante en la decisión del cliente. La media en segundos de las llamadas es de 258.2 segundos, mientras que la llamada más longeva ha durado 4918 segundos y la más corta 0 segundos (sin contestar).

4918.0







Vemos que la media y la mediana de los segundos de la llamda de los que sí se suscriben son más altas que los que no se suscriben. Hay también muchos outliers, pero quitaremos el único que está por encima de los 4,000 segundos de llamada.

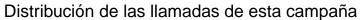
```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$duration < 4000)</pre>
```

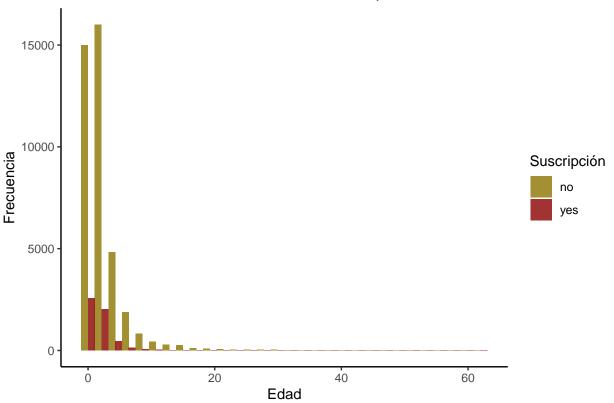
2.2.5 Variable campaign

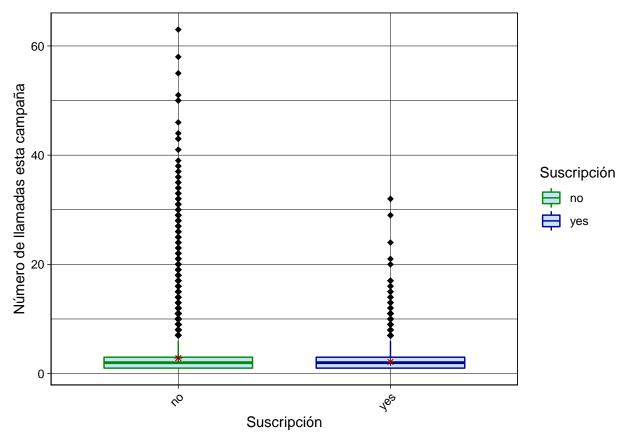
```
summary(bank$campaign)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 1.000 1.000 2.000 2.764 3.000 63.000
```

De media se ha realizado 2.764 llamadas a los clientes en esta campaña. El máximo es 63 y el mínimo es 1.







Aquí hay un montón de outliers. Prácticamente todas las personas que reciben más 5 llamadas puede considerarse outlier ya que no es usual que se llame tantas veces para ofrecer un producto. Quitaremos todas las observaciones que se han llamado más de 5 veces.

```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$campaign <= 5)</pre>
```

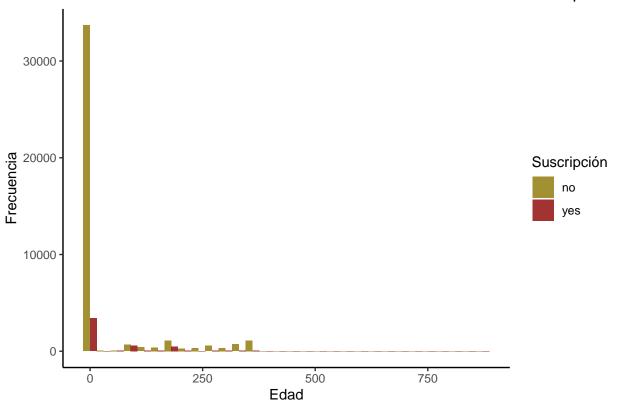
2.2.6 Variable pday

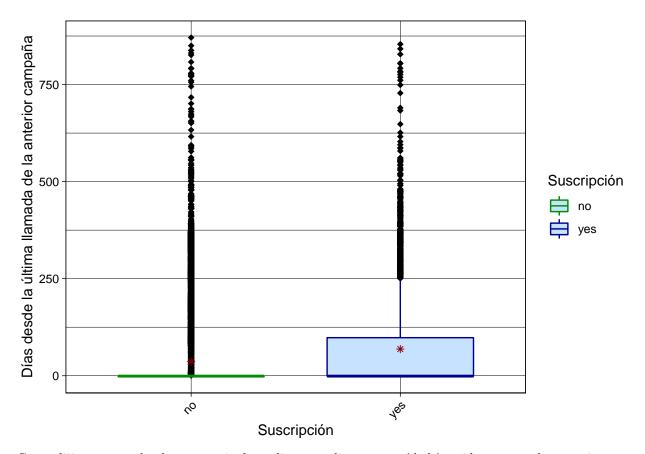
```
bank_pday <- bank %>%
  filter(pdays != "-1")
summary(bank_pday$pdays)
##
      Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
##
       1.0
             133.0
                      194.0
                              224.6
                                       327.0
                                               871.0
table(bank$pdays == "-1")
##
## FALSE TRUE
    8257 36954
```

Vemos que la gran mayoría de los clientes no han sido contactados anteriormente. Lo que hemos hecho es ver, de los clientes que sí habían sido contactados anteriormente, los cuartiles y el mínimo y el máximo. La media es de 224 días, siendo el mínimo 1 dia (contactar al día siguiente de la última llamada) y el máximo 871 días.

```
bank %>%
ggplot(aes(x = pdays, fill = y)) +
```

Distribución de los días desde la última llamada de la anterior campaña





Como dijimos antes, la alta presencia de outliers son clientes que sí habían sido contactados anteriormente, mientras que la gran mayoría se sitúan en -1 ya que no han sido contactados.

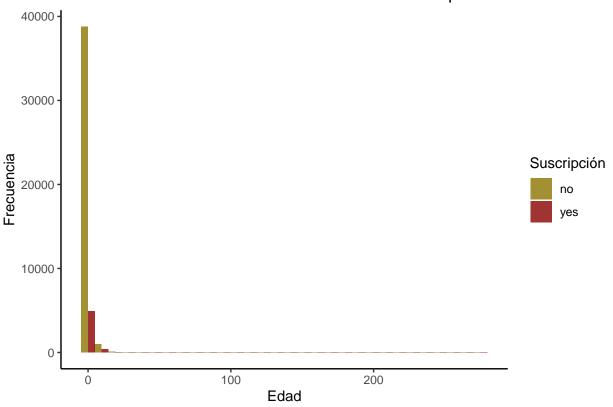
2.2.7 Variable previous

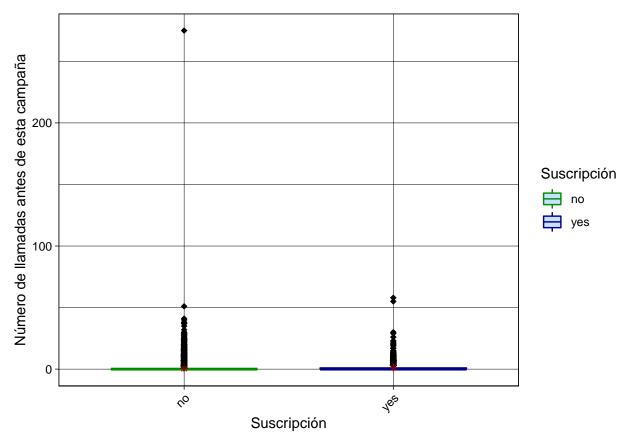
```
summary(bank$previous)

## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 0.0000 0.0000 0.5803 0.0000 275.0000
```

De media solo se ha llamado menos de una vez a los clientes en campañas anteriores. Quiere decir que la mayoría de los clientes que se llama en esta campaña no han recibido llamadas en la anterior campaña.

Distribución de las llamadas anteriores a esta campaña





Aún sabiendo que hay tantísimos outliers, no podemos quitarlos ya que los que sí han recibido llamadas en la anterior campaña nos puede proporcionar información importante. Quitaremos el único outlier que ha recibido más de 100 llamadas en la campaña anterior.

```
bank_1 <- bank_1 %>%
filter(bank_1$previous < 100)</pre>
```

2.3 Asimetría en las variables

Vamos a utilizar la función skewness del paquete moments para estudiar el coeficiente de asimetría de cada una de las variables que tenemos.

```
bank_skew <- as.data.frame(bank)

skewedVars<- NA

for(i in names(bank_skew)){
   if(is.numeric(bank_skew[,i])){
     if(i != "y"){
        # Enters this block if variable is non-categorical
        skewVal <- skewness(bank_skew[,i])
        print(paste(i, skewVal, sep = ": "))
        if(abs(skewVal) > 0.5){
            skewedVars <- c(skewedVars, i)
        }
    }
}</pre>
```

```
## [1] "age: 0.684772484936892"
## [1] "balance: 8.35975358163196"
## [1] "day: 0.0930728378047164"
## [1] "duration: 3.1441094595968"
## [1] "campaign: 4.89832511843031"
## [1] "pdays: 2.61554190902143"
## [1] "previous: 41.8436777698195"
skewedVars
## [1] NA "age" "balance" "duration" "campaign" "pdays" "previous"
```

Vemos que las variable balance, duration, campaign, pdays y previous son muy asimétricas ya que su valor absoluto es mayor que 1. Quitaremos la variable previous ya que su valor es excesivamente grande y los datos son totalmente asimétricos. Podríamos pensar en quitar también balance pero esta variable representa el saldo medio anual de nuestro clientes y es una variable altamente importante en nuestro estudio. Observamos también que hay variables que podemos excluir para nuestro estudio. La variable que quitaremos es pdays ya que la mayoría de los clientes no han sido contactados anteriormente y supone unos datos totalmente desbalanceados.

```
bank_1 <- bank_1 %>%
  dplyr::select(-c("pdays", "previous"))
summary(bank_1)
```

```
job
##
                                                 marital
                                                                    education
         age
##
           :18.00
                     No workers
                                   : 3685
                                             divorced: 4518
                                                               primary: 5983
    Min.
    1st Qu.:32.00
                     Self_employed:15401
                                             married:23065
                                                               secondary:20902
##
    Median :39.00
                     Services
                                   :19643
                                             single :11146
                                                               tertiary:11844
##
    Mean
            :40.46
    3rd Qu.:48.00
##
##
    Max.
            :74.00
##
##
    default
                    balance
                                  housing
                                                loan
                                                                 day
##
    no:38041
                 Min.
                        :-8019
                                  no:16581
                                               no:32335
                                                            Min.
                                                                    : 1.00
                 1st Qu.:
                                                            1st Qu.: 8.00
##
    yes: 688
                             73
                                  yes:22148
                                               yes: 6394
##
                 Median :
                                                            Median :15.00
                        : 1277
##
                 Mean
                                                            Mean
                                                                    :15.45
##
                 3rd Qu.: 1406
                                                            3rd Qu.:21.00
##
                 Max.
                         :24870
                                                            Max.
                                                                    :31.00
##
##
                        duration
                                           campaign
        month
                                                           У
                                               :1.000
                                                         no:34073
##
    may
            :12245
                     Min.
                            :
                                 0.0
                                       Min.
                     1st Qu.: 109.0
##
    jul
            : 5608
                                       1st Qu.:1.000
                                                         yes: 4656
##
    aug
            : 4801
                     Median: 186.0
                                       Median :2.000
            : 4363
                            : 264.4
                                               :2.013
##
    jun
                     Mean
                                       Mean
##
            : 3679
                     3rd Qu.: 324.0
                                       3rd Qu.:3.000
    nov
##
    apr
            : 2719
                     Max.
                             :3881.0
                                       Max.
                                               :5.000
    (Other): 5314
```

3 SVM

3.1 SVM con kernel lineal

Primero de todos, vamos a pasar las variables categóricas a variables dummy.

```
bank_2 <- bank_1 %>%
 mutate(y = ifelse(y == "no", 0, 1)) \%
 dummy_cols(select_columns = c("job", "marital", "education", "default", "housing", "loan", "month")) '
 dplyr::select(-c("job", "marital", "education", "default", "housing", "loan", "month"))
bank_2 \leftarrow bank_2[, c(1:5, 7:33, 6)]
glimpse(bank_2)
## Rows: 38,729
## Columns: 33
## $ age
                <dbl> 58, 44, 33, 35, 28, 42, 58, 43, 41, 29, 53, 57,...
## $ balance
                <dbl> 2143, 29, 2, 231, 447, 2, 121, 593, 270, 390, 6...
## $ day
                ## $ duration
                <dbl> 261, 151, 76, 139, 217, 380, 50, 55, 222, 137, ...
                ## $ campaign
## $ job_No_workers
                <int> 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, ...
## $ job_Self_employed
                <int> 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
                <int> 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, ...
## $ job_Services
## $ marital_divorced
                <int> 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ marital_married
                <int> 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, ...
## $ marital_single
                <int> 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ education_primary
                <int> 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0,...
## $ education_secondary <int> 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1,...
## $ education_tertiary
                <int> 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ default_no
                <int> 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, ...
                <int> 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ default_yes
## $ housing no
                ## $ housing_yes
                ## $ loan no
                <int> 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, ...
## $ loan_yes
                <int> 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ month_apr
                ## $ month_aug
                ## $ month_dec
## $ month_feb
                ## $ month_jan
                ## $ month_jul
## $ month_jun
                ## $ month mar
## $ month_may
                ## $ month nov
                ## $ month_oct
                ## $ month_sep
                ## $ y
```

A continuación, definiremos la función de normalización max-min para más tarde aplicarla a nuestro conjunto de datos que utilizaremos para modelar.

```
normalize <- function(x)
{</pre>
```

```
return((x- min(x)) /(max(x)-min(x)))
}
bank.norm <- as.data.frame(sapply(bank_2[,-33], normalize))
bank.norm <- bank.norm %>%
mutate(y = bank_2$y)
```

Una vez que tenemos nuestro conjunto normalizado, vamos a separarlo en conjunto de entrenamiento y conjunto de validación con un ratio de 70:30.

```
set.seed(284)
split <- sample.split(bank.norm$y, SplitRatio = 0.7)
bank.train <- subset(bank.norm, split == TRUE)
bank.test <- subset(bank.norm, split == FALSE)
table(bank.train$y)</pre>
```

0 1 ## 23851 3259

Recordemos que nuestro data set está desbalanceado respecto de la variable objetivo y. En nuestro conjunto de entrenamiento tenemos 23,851 encuestados que no se han suscrito y solamente 3,259 que sí se han suscrito. Para resolver este problema utilizaremos una técnica de oversampling que consiste en crear observaciones artificiales de la clase minoritaria, en este caso los que se suscriben.

```
X <- bank.train[,-33]
Y <- as.factor(bank.train$y)
res_SMOTE <- ubSMOTE(X, Y, perc.over = 500, k = 10, perc.under = 0, verbose = TRUE)
bank.train.2 <- rbind(bank.train,data.frame(res_SMOTE$X,y=res_SMOTE$Y))
bank.train.2$y <- as.factor(bank.train.2$y)</pre>
```

A continuación realizaremos "tuning" para encontrar el valor óptimo del parámetro coste para el SVM con kernel lineal y empleando 10-Fold Cross Validation. Los valores del parámetro coste que pasaremos son $\{0.001, 0.01, 0.1, 1, 5, 10, 100\}$.

La ejecución del algoritmo ha durado más de 30 horas, con lo cual es inviable ejecutarlo de nuevo tanto para pasarlo a formato html y/o pdf como para que otros lo ejecuten. La solución ha sido guardar los resultados en un archivo .rds llamado "svm lineal.rds" y que llamaremos para trabajar con ellos.

```
svm_lineal <- readRDS("svm_lineal.rds")
summary(svm_lineal)</pre>
```

```
##
## Parameter tuning of 'svm':
##
## - sampling method: 10-fold cross validation
##
## - best parameters:
## cost
## 100
##
## - best performance: 0.1796032
```

```
## - Detailed performance results:
##
               error dispersion
## 1 1e-03 0.1826034 0.004722595
## 2 1e-02 0.1810604 0.004845860
## 3 1e-01 0.1808460 0.004898873
## 4 1e+00 0.1808889 0.004800992
## 5 5e+00 0.1809746 0.004830191
## 6 1e+01 0.1808889 0.004852118
## 7 1e+02 0.1796032 0.004127473
Vemos que el valor óptimo del parámetro coste es 100, con una mejor performance de 0.1796032. Vamos a
realizar la matriz de confusión correspondiente.
svm_lineal_pred <- predict(svm_lineal$best.model, bank.test)</pre>
tab_svm_lineal <- confusionMatrix(as.factor(svm_lineal_pred), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_svm_lineal
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
                       1
            0 8414 358
##
##
            1 1808 1039
##
##
                  Accuracy : 0.8136
##
                    95% CI: (0.8064, 0.8206)
##
       No Information Rate: 0.8798
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                     Kappa: 0.3915
##
    Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
               Sensitivity: 0.74374
##
##
               Specificity: 0.82313
            Pos Pred Value: 0.36495
##
##
            Neg Pred Value: 0.95919
                Prevalence: 0.12023
##
            Detection Rate: 0.08942
##
##
      Detection Prevalence: 0.24503
##
         Balanced Accuracy: 0.78343
##
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_svm_lineal$byClass["F1"]
##
          F1
## 0.4896324
```

##

Obtenemos una accuracy del 0.8135812, una sensibilidad del 0.7437366 y una F-medida del 0.4896324. Veamos para SVM con kernel radiales y polinomiales.

3.2 SVM con kernel radial

Para realizar el SVM con kernel radial elegimos un coste 100 y una $\gamma = 0.1$. De nuevo la ejecución del algoritmo es muy largo, con lo cual guardaremos el modelo en un archivo .rds llamado "svm_rbf.rds".

```
svm_rbf <- svm(y~.,data=bank.train.2 ,kernel ="radial", cost = 100, gamma = 0.1)</pre>
saveRDS(svm_rbf, "./svm_rbf.rds")
svm rbf <- readRDS("svm rbf.rds")</pre>
svm_rbf_pred <- predict(svm_rbf, bank.test)</pre>
tab_svm_rbf <- confusionMatrix(as.factor(svm_rbf_pred), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab svm rbf
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
                       1
##
            0 9203
                    758
            1 1019 639
##
##
                  Accuracy : 0.8471
##
##
                     95% CI: (0.8404, 0.8536)
##
       No Information Rate: 0.8798
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                      Kappa: 0.331
##
##
    Mcnemar's Test P-Value: 6.925e-10
##
               Sensitivity: 0.4574
##
               Specificity: 0.9003
##
            Pos Pred Value: 0.3854
##
##
            Neg Pred Value: 0.9239
                Prevalence: 0.1202
##
##
            Detection Rate: 0.0550
##
      Detection Prevalence: 0.1427
##
         Balanced Accuracy: 0.6789
##
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_svm_rbf$byClass["F1"]
          F1
##
```

Vemos algo diferente aquí. El accuracy ha subido hasta un valor de 0.8470608 pero la sensibilidad (0.4574087) y la F-medida (0.4183306) tienen unos valores muy bajos. Observamos que aunque el accuracy haya subido, debido a que clasifica más observaciones en la clase "0", los resultados son peores en relación con las otras medidas.

3.3 SVM con kernel polinomial

0.4183306

```
svm_poly_1 <- svm(y~.,data=bank.train.2 ,kernel ="polynomial", cost = 100, gamma = 0.1, degree = 2)
saveRDS(svm_poly_1, "./svm_poly_1.rds")</pre>
```

```
svm_poly_1 <- readRDS("svm_rbf.rds")</pre>
svm_poly_pred_1 <- predict(svm_poly_1, bank.test)</pre>
tab_svm_poly_1 <- confusionMatrix(as.factor(svm_poly_pred_1), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_svm_poly_1
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
               0
            0 9203 758
##
##
            1 1019 639
##
##
                  Accuracy : 0.8471
                    95% CI: (0.8404, 0.8536)
##
##
       No Information Rate: 0.8798
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                     Kappa : 0.331
##
   Mcnemar's Test P-Value: 6.925e-10
##
##
##
               Sensitivity: 0.4574
##
               Specificity: 0.9003
            Pos Pred Value: 0.3854
##
            Neg Pred Value: 0.9239
##
##
                Prevalence: 0.1202
##
            Detection Rate: 0.0550
##
      Detection Prevalence: 0.1427
##
         Balanced Accuracy: 0.6789
##
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_svm_poly_1$byClass["F1"]
##
          F1
## 0.4183306
svm_poly_2 <- svm(y~.,data=bank.train.2 ,kernel ="polynomial", cost = 100, gamma = 0.1, degree = 3)</pre>
saveRDS(svm_poly_2, "./svm_poly_2.rds")
svm_poly_2 <- readRDS("svm_rbf.rds")</pre>
svm_poly_pred_2 <- predict(svm_poly_2, bank.test)</pre>
tab_svm_poly_2 <- confusionMatrix(as.factor(svm_poly_pred_2), as.factor(bank.test$y), positive = "1")</pre>
tab_svm_poly_2
## Confusion Matrix and Statistics
##
             Reference
## Prediction
                 0
                       1
##
            0 9203 758
##
            1 1019 639
##
##
                  Accuracy : 0.8471
##
                    95% CI: (0.8404, 0.8536)
```

```
##
       No Information Rate: 0.8798
##
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
                     Kappa: 0.331
##
##
    Mcnemar's Test P-Value: 6.925e-10
##
##
               Sensitivity: 0.4574
##
               Specificity: 0.9003
##
            Pos Pred Value: 0.3854
##
            Neg Pred Value: 0.9239
                Prevalence: 0.1202
##
##
            Detection Rate: 0.0550
##
      Detection Prevalence: 0.1427
##
         Balanced Accuracy: 0.6789
##
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_svm_poly_2$byClass["F1"]
##
          F1
## 0.4183306
```

Nos da exactamente el mismo resultado que el SVM con kernel radial.

4 Otros modelos de Machine Learning

4.1 Regresión logística

Primero de todo vamos a entrenar el modelo con el conjunto de entrenamiento, realizando la regresión logística múltiple teniendo a la variable y como variable de respuesta y todas las otras variables como explicativas (quitaremos un grupo para cada variable dummy y será nuestro grupo de control). Utilizaremos el método de eliminación hacia atrás para encontrar el modelo más óptimo.

```
reg_log <- glm(y~. -job_Services-marital_single-education_tertiary-default_yes-housing_yes-loan_yes-
                 month_sep, data = bank.train.2, family = binomial)
summary(reg_log)
##
## Call:
  glm(formula = y ~ . - job_Services - marital_single - education_tertiary -
##
       default_yes - housing_yes - loan_yes - month_sep, family = binomial,
       data = bank.train.2)
##
##
##
  Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
   -6.5695
            -0.6360
                     -0.2096
                                0.6803
                                         2.6676
##
  Coefficients:
##
                       Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                            -8.814
                                                    < 2e-16 ***
## (Intercept)
                       -1.47907
                                    0.16781
                                                       0.134
                       -0.12008
                                    0.08006
                                            -1.500
## age
## balance
                        0.77513
                                    0.17602
                                              4.404 1.06e-05 ***
```

```
## day
                        -0.43857
                                    0.05150
                                             -8.517
                                                      < 2e-16 ***
## duration
                        23.88972
                                    0.25206
                                             94.777
                                                      < 2e-16 ***
                        -1.07271
## campaign
                                    0.05106 -21.009
                                                      < 2e-16 ***
                                             14.013
## job_No_workers
                         0.58916
                                    0.04204
                                                      < 2e-16 ***
   job_Self_employed
                         0.14566
                                    0.03046
                                              4.781 1.74e-06 ***
                                             -5.991 2.09e-09 ***
## marital divorced
                        -0.28443
                                    0.04748
## marital married
                                             -9.154
                        -0.29073
                                    0.03176
                                                      < 2e-16 ***
                        -0.84847
                                                      < 2e-16 ***
## education_primary
                                    0.04770 - 17.789
   education secondary -0.31688
                                    0.03057 -10.366
                                                      < 2e-16 ***
## default_no
                         0.73326
                                    0.12110
                                               6.055 1.40e-09 ***
## housing_no
                         0.94472
                                    0.02885
                                              32.751
                                                      < 2e-16 ***
## loan_no
                         0.81473
                                    0.04104
                                             19.853
                                                      < 2e-16 ***
## month_apr
                        -1.36262
                                    0.10073 -13.527
                                                      < 2e-16 ***
                                                      < 2e-16 ***
## month_aug
                        -2.18963
                                    0.09809 - 22.323
## month_dec
                        -0.27338
                                    0.18101 -1.510
                                                        0.131
## month_feb
                        -1.58231
                                    0.10200 -15.514
                                                      < 2e-16 ***
## month_jan
                        -2.71192
                                    0.11995 -22.609
                                                      < 2e-16 ***
## month jul
                        -2.43601
                                    0.09893 -24.623
                                                      < 2e-16 ***
## month_jun
                        -2.12445
                                    0.09857 -21.552
                                                      < 2e-16 ***
## month mar
                         0.56541
                                    0.13746
                                               4.113 3.90e-05 ***
## month_may
                        -2.65928
                                    0.09670 -27.499
                                                      < 2e-16 ***
## month nov
                        -2.25410
                                    0.10070 -22.385
                                                      < 2e-16 ***
## month_oct
                                             -1.150
                                                        0.250
                        -0.13771
                                    0.11975
##
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
##
   (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 64667
                              on 46663
                                        degrees of freedom
## Residual deviance: 40429
                              on 46638
                                        degrees of freedom
## AIC: 40481
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

La interpretación de los coeficientes, tomando balance como ejemplo, sería: un aumento de una unidad en la variable balance (una unidad más de saldo medio anual en la cuenta) hace aumentar el logaritmo de la probabilidad de suscribirse al depósito a plazo en 0.775.

Vemos que la mayoría de las variables son significativas al menos a un 5% de nivel de significación (debido a los p-valores), las únicas variables que no son significativas son: age, month_dec y month_oct.

Ahora vamos a realizar la predicción del modelo con el conjunto de testing. La predicción es en probabilidades, consideraremos que si es mayor que 0.5 será que se suscribe y, si es menor que 0.5, es que no se sucriibe.

```
reg_log_probs <- predict(reg_log, newdata = bank.test, type = "response")</pre>
reg log pred <- ifelse(reg log probs > 0.5, 1, 0)
tab_log <- confusionMatrix(as.factor(reg_log_pred), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_log
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
                       1
##
            0 8494
                    367
##
            1 1728 1030
```

##

```
##
                   Accuracy : 0.8197
##
                     95% CI: (0.8126, 0.8266)
       No Information Rate: 0.8798
##
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                      Kappa : 0.4
##
##
    Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
               Sensitivity: 0.73729
##
               Specificity: 0.83095
##
            Pos Pred Value: 0.37346
##
            Neg Pred Value: 0.95858
                Prevalence: 0.12023
##
##
            Detection Rate: 0.08865
##
      Detection Prevalence: 0.23737
##
         Balanced Accuracy: 0.78412
##
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_log$byClass["F1"]
          F1
##
## 0.4957882
El accuracy que nos sale es 0.8196919, la sensibilidad es 0.7372942 y, finalmente, el valor de la F-medida es
0.4957882.
Vamos a eliminar las variables age, month_dec y month_oct del modelo de regresión logística por no ser
significativas.
reg_log_1<- glm(y~. -job_Services-marital_single-education_tertiary-default_yes-housing_yes-loan_yes-
                   month_sep-age-month_dec-month_oct, data = bank.train.2, family = binomial)
summary(reg_log_1)
##
## Call:
   glm(formula = y ~ . - job_Services - marital_single - education_tertiary -
##
       default_yes - housing_yes - loan_yes - month_sep - age -
##
       month_dec - month_oct, family = binomial, data = bank.train.2)
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                       Median
                                     3Q
                  10
                                             Max
  -6.5734
            -0.6363
                      -0.2095
                                0.6804
                                          2.6596
##
```

```
## Coefficients:
                       Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
                                   0.15118 -10.604 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                       -1.60308
## balance
                                             4.292 1.77e-05 ***
                        0.75336
                                   0.17552
## day
                       -0.44310
                                   0.05115 -8.663
                                                    < 2e-16 ***
## duration
                       23.89255
                                   0.25205 94.794
                                                    < 2e-16 ***
## campaign
                       -1.07376
                                   0.05102 -21.046
                                                    < 2e-16 ***
## job_No_workers
                        0.57495
                                   0.04087 14.067
                                                    < 2e-16 ***
## job_Self_employed
                        0.14505
                                   0.03045
                                             4.764 1.90e-06 ***
                                   0.04344 -7.236 4.63e-13 ***
## marital_divorced
                       -0.31432
```

```
## marital married
                       -0.31429
                                   0.02767 -11.359 < 2e-16 ***
                                  0.04727 -18.140 < 2e-16 ***
## education_primary
                      -0.85751
## education secondary -0.31789
                                   0.03056 -10.403 < 2e-16 ***
## default_no
                       0.73123
                                   0.12107
                                             6.040 1.54e-09 ***
## housing no
                       0.93995
                                   0.02866 32.794 < 2e-16 ***
## loan no
                                  0.04104 19.887 < 2e-16 ***
                       0.81607
## month apr
                                   0.06816 -18.404 < 2e-16 ***
                      -1.25437
                                   0.06526 -31.948 < 2e-16 ***
## month_aug
                      -2.08485
                                   0.07169 -20.585 < 2e-16 ***
## month feb
                      -1.47562
## month_jan
                      -2.60379
                                   0.09341 -27.875 < 2e-16 ***
## month_jul
                      -2.32671
                                   0.06583 -35.346 < 2e-16 ***
## month_jun
                       -2.01755
                                   0.06647 -30.351 < 2e-16 ***
## month_mar
                       0.67006
                                   0.11611
                                             5.771 7.89e-09 ***
                      -2.54917
## month_may
                                   0.06258 -40.736 < 2e-16 ***
                       -2.14615
                                   0.06836 -31.397 < 2e-16 ***
## month_nov
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 64667 on 46663 degrees of freedom
## Residual deviance: 40433 on 46641 degrees of freedom
## AIC: 40479
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
Ahora todas las variables son significativas al 5%.
reg_log_probs_1 <- predict(reg_log_1, newdata = bank.test, type = "response")</pre>
reg_log_pred_1 <- ifelse(reg_log_probs_1 > 0.5, 1, 0)
tab_log_1 <- confusionMatrix(as.factor(reg_log_pred_1), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab log 1
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
            Reference
## Prediction
                0
            0 8497 367
##
            1 1725 1030
##
##
##
                  Accuracy: 0.82
##
                    95% CI: (0.8128, 0.8269)
##
      No Information Rate: 0.8798
##
      P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
                     Kappa: 0.4005
##
##
   Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
               Sensitivity: 0.73729
##
               Specificity: 0.83125
##
            Pos Pred Value: 0.37387
##
            Neg Pred Value: 0.95860
##
                Prevalence: 0.12023
##
           Detection Rate: 0.08865
```

```
##
      Detection Prevalence: 0.23711
##
         Balanced Accuracy: 0.78427
##
          'Positive' Class : 1
##
tab_log_1$byClass["F1"]
##
          F1
## 0.4961464
```

Ahora los valores que tenemos son:

• Acurracy: 0.8199501 • Sensibilidad: 0.7372942 • F-medida: 0.4961464

Los resultados mejoran ligeralmente que el modelo sin quitar las variables no significativas.

4.2 KNN (K-nearest neighbors)

Detection Rate: 0.07359

Detection Prevalence: 0.25045

##

El método de K-Nearest Neighbors es otro método de clasificación. El algoritmo reconoce patrones en los datos sin un aprendizaje específico, consiguiendo un criterio de agrupamiento de los datos a partir de un conjunto de entrenamiento.

A continuación vamos a clasificar nuestras observaciones, para más tarde construir la matriz de confusión.

```
set.seed(248)
bank_knn <- knn(train = bank.train.2[,-33], test = bank.test[,-33], cl = bank.train.2$y, k = 10)
tab_knn <- confusionMatrix(as.factor(bank_knn), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_knn
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
##
            0 8167
                    542
##
            1 2055
                    855
##
                  Accuracy : 0.7765
##
##
                    95% CI: (0.7688, 0.784)
##
       No Information Rate: 0.8798
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                     Kappa: 0.2801
##
   Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
##
               Sensitivity: 0.61203
##
               Specificity: 0.79896
##
            Pos Pred Value: 0.29381
            Neg Pred Value: 0.93777
##
##
                Prevalence: 0.12023
```

```
## Balanced Accuracy : 0.70549
##
## 'Positive' Class : 1
##
tab_knn$byClass["F1"]
## F1
## 0.3970281
```

Los valores que tenemos son:

Acurracy: 0.7764868Sensibilidad: 0.6120258F-medida: 0.3970281

4.3 Decision tree

##

##

##

##

##

Como nuestra variable dependiente es binaria, vamos a construir un árbol de clasificación en vez de un árbol de regresión. Este algoritmo, de forma general, separa los datos en grupos (las clases de la variable dependiente) utilizando la mejor variable explicativa en cada nodo. Vamos a construir el árbol de clasificación con el conjunto de entrenamiento cogiendo el parámetro de complejidad (cp) igual a 0. Luego haremos la predicción con el conjunto de test, para más adelante dibujar la matriz de confusión.

```
bank_tree <- rpart(y ~., data = bank.train.2, method = "class",</pre>
                   control = rpart.control(cp = 0))
tree_prediction <- predict(bank_tree, newdata = bank.test, type = "class")</pre>
tab_tree <- confusionMatrix(as.factor(tree_prediction), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_tree
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
##
            0 8771
                   463
            1 1451 934
##
##
                  Accuracy: 0.8353
##
##
                    95% CI: (0.8284, 0.842)
       No Information Rate: 0.8798
##
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                      Kappa: 0.4035
##
    Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
##
               Sensitivity: 0.66858
##
               Specificity: 0.85805
##
            Pos Pred Value: 0.39161
##
            Neg Pred Value: 0.94986
```

Prevalence: 0.12023

Detection Rate: 0.08039

Detection Prevalence: 0.20527

Balanced Accuracy: 0.76331

```
## 'Positive' Class : 1
##

tab_tree$byClass["F1"]

## F1
## 0.4939186
```

Los valores de las medidas son:

Acurracy: 0.8352698Sensibilidad: 0.6685755F-medida: 0.4939186

A continuación vamos a podar el árbol. Para ello, vamos a hacer un análisis del parámetro de complejidad. Cogeremos el valor del parámetro que minimice el error de la validación cruzada (xerror).

printcp(bank_tree)

```
##
##
  Classification tree:
  rpart(formula = y ~ ., data = bank.train.2, method = "class",
##
       control = rpart.control(cp = 0))
##
  Variables actually used in tree construction:
##
    [1] age
                            balance
                                                 campaign
   [4] day
##
                             duration
                                                 education_primary
   [7] education_secondary education_tertiary housing_no
                                                 job_Self_employed
## [10] housing_yes
                            job_No_workers
                                                 loan_yes
## [13] job_Services
                            loan_no
## [16] marital divorced
                            marital married
                                                 marital single
## [19] month_apr
                            month_aug
                                                 month_dec
  [22] month feb
                            month_jan
                                                 month_jul
  [25] month_jun
                            month_mar
                                                 month_may
##
  [28] month_nov
                            month_oct
                                                 month_sep
##
## Root node error: 22813/46664 = 0.48888
##
## n= 46664
##
##
              CP nsplit rel error xerror
                                                xstd
     4.5088e-01
                           1.00000 1.00000 0.0047334
## 1
                      0
## 2
      5.0103e-02
                      1
                           0.54912 0.55118 0.0042012
      1.8148e-02
                      3
                          0.44891 0.44988 0.0039221
## 3
## 4
     5.5232e-03
                      4
                          0.43076 0.42445 0.0038399
                      5
## 5
     4.7634e-03
                          0.42524 0.41831 0.0038193
## 6
     3.1999e-03
                      9
                          0.39938 0.39101 0.0037233
## 7
      3.1123e-03
                     10
                          0.39618 0.37518 0.0036646
## 8
     2.8273e-03
                     11
                          0.39307 0.37395 0.0036600
## 9
     2.8054e-03
                     20
                          0.35826 0.36979 0.0036441
## 10 2.7177e-03
                     21
                          0.35546 0.36957 0.0036432
## 11 2.3452e-03
                     22
                           0.35274 0.36321 0.0036186
## 12 1.7534e-03
                     24
                          0.34805 0.36142 0.0036116
## 13 1.5780e-03
                     25
                          0.34629 0.35708 0.0035944
## 14 1.4027e-03
                     27
                          0.34314 0.35475 0.0035852
## 15 1.2274e-03
                     29
                          0.34033 0.34989 0.0035656
```

```
## 16 1.0959e-03
                     30
                           0.33910 0.34564 0.0035483
                           0.33801 0.34274 0.0035365
## 17 1.0301e-03
                     31
## 18 9.6436e-04
                      33
                           0.33595 0.34103 0.0035294
## 19 9.3514e-04
                      34
                           0.33498 0.33810 0.0035172
## 20 9.2053e-04
                      39
                           0.32933 0.33718 0.0035134
                      40
## 21 8.3286e-04
                           0.32841 0.33450 0.0035021
## 22 8.0364e-04
                           0.32424 0.33244 0.0034934
## 23 7.8902e-04
                      48
                           0.32183 0.33104 0.0034875
## 24 7.4519e-04
                     54
                           0.31710 0.33012 0.0034836
                      55
## 25 7.3058e-04
                           0.31635 0.32845 0.0034765
## 26 7.0135e-04
                           0.31416 0.32753 0.0034725
                      59
                           0.31346 0.32556 0.0034640
## 27 6.7944e-04
## 28 6.5752e-04
                      62
                           0.31136 0.32297 0.0034528
## 29 6.1369e-04
                      63
                           0.31070 0.32227 0.0034498
## 30 5.9177e-04
                      64
                           0.31009 0.31934 0.0034370
## 31 5.6985e-04
                      66
                           0.30890 0.31728 0.0034279
                      69
                           0.30697 0.31657 0.0034248
## 32 5.5524e-04
## 33 5.2602e-04
                      78
                           0.29891 0.31500 0.0034178
                           0.29733 0.31329 0.0034102
## 34 4.8218e-04
                     81
## 35 4.6465e-04
                     92
                           0.29133 0.31052 0.0033978
## 36 4.6026e-04
                    100
                           0.28677 0.30956 0.0033935
## 37 4.3835e-04
                           0.28585 0.30886 0.0033903
                    102
## 38 4.1643e-04
                    107
                           0.28365 0.30640 0.0033792
                           0.28282 0.30452 0.0033706
## 39 4.0547e-04
                    109
## 40 3.9451e-04
                    113
                           0.28120 0.30491 0.0033724
## 41 3.7990e-04
                    120
                           0.27844 0.30312 0.0033642
                    127
                           0.27576 0.30290 0.0033632
## 42 3.7259e-04
## 43 3.6712e-04
                    141
                           0.27002 0.30272 0.0033624
## 44 3.6164e-04
                    149
                           0.26708 0.30040 0.0033517
## 45 3.5068e-04
                    153
                           0.26564 0.29965 0.0033483
## 46 3.3972e-04
                    160
                           0.26318 0.29878 0.0033442
## 47 3.2876e-04
                    164
                           0.26182 0.29632 0.0033328
## 48 3.2145e-04
                    166
                           0.26117 0.29523 0.0033277
                    171
## 49 3.1780e-04
                           0.25954 0.29470 0.0033252
## 50 3.0684e-04
                    175
                           0.25827 0.29387 0.0033213
## 51 2.9223e-04
                    180
                           0.25674 0.29317 0.0033180
## 52 2.8493e-04
                    183
                           0.25586 0.29058 0.0033058
## 53 2.8054e-04
                    188
                           0.25437 0.29045 0.0033051
## 54 2.6301e-04
                    193
                           0.25297 0.28983 0.0033022
                    209
                           0.24867 0.28742 0.0032907
## 55 2.4109e-04
                    233
## 56 2.2794e-04
                           0.24254 0.28234 0.0032662
## 57 2.1917e-04
                    240
                           0.24078 0.28089 0.0032591
## 58 2.0821e-04
                    270
                           0.23381 0.27892 0.0032495
                    278
## 59 2.0456e-04
                           0.23215 0.27730 0.0032415
## 60 2.0164e-04
                    284
                           0.23092 0.27730 0.0032415
                    289
                           0.22991 0.27730 0.0032415
## 61 1.9726e-04
## 62 1.8995e-04
                    299
                           0.22785 0.27519 0.0032311
## 63 1.7534e-04
                    305
                           0.22671 0.27440 0.0032272
## 64 1.6073e-04
                    343
                           0.21961 0.27243 0.0032174
## 65 1.5342e-04
                    348
                           0.21878 0.27191 0.0032147
## 66 1.4612e-04
                    366
                           0.21602 0.27173 0.0032139
## 67 1.3881e-04
                    377
                           0.21435 0.27015 0.0032059
## 68 1.3150e-04
                    384
                           0.21330 0.27024 0.0032064
## 69 1.2274e-04
                    462
                           0.20252 0.26910 0.0032006
```

```
## 70 1.2055e-04
                    482
                           0.19954 0.26796 0.0031949
## 71 1.1689e-04
                    491
                           0.19818 0.26809 0.0031955
                    494
## 72 1.1272e-04
                           0.19783 0.26809 0.0031955
## 73 1.0959e-04
                    504
                           0.19660 0.26678 0.0031889
## 74 1.0228e-04
                    534
                           0.19327 0.26643 0.0031871
## 75 9.4975e-05
                    549
                           0.19165 0.26638 0.0031869
## 76 8.7669e-05
                    576
                           0.18862 0.26761 0.0031931
                           0.18257 0.26752 0.0031927
## 77 7.8902e-05
                    636
## 78 7.6711e-05
                    651
                           0.18134 0.26888 0.0031995
                    669
                           0.17990 0.26897 0.0032000
## 79 7.5145e-05
## 80 7.3058e-05
                    676
                           0.17937 0.26888 0.0031995
## 81 6.5752e-05
                    691
                           0.17828 0.26897 0.0032000
## 82 5.8446e-05
                    729
                           0.17578 0.26950 0.0032026
## 83 5.4793e-05
                    776
                           0.17201 0.27015 0.0032059
## 84 5.2602e-05
                    787
                           0.17139 0.27024 0.0032064
## 85 4.3835e-05
                    792
                           0.17113 0.27327 0.0032215
## 86 3.6529e-05
                    878
                           0.16710 0.27331 0.0032217
## 87 3.2876e-05
                    884
                           0.16688 0.27419 0.0032261
## 88 2.9223e-05
                    900
                           0.16635 0.27515 0.0032309
## 89 2.6301e-05
                    909
                           0.16609 0.27554 0.0032329
## 90 2.5048e-05
                    919
                           0.16583 0.27554 0.0032329
## 91 2.1917e-05
                    926
                           0.16565 0.27787 0.0032443
## 92 1.7534e-05
                    962
                           0.16486 0.27804 0.0032452
## 93 1.4612e-05
                    967
                           0.16477 0.27967 0.0032531
## 94 1.2524e-05
                    997
                           0.16434 0.27967 0.0032531
## 95 1.0959e-05
                   1011
                           0.16416 0.28098 0.0032596
## 96 8.7669e-06
                   1019
                           0.16407 0.28098 0.0032596
## 97 7.3058e-06
                   1029
                           0.16399 0.28155 0.0032623
## 98 0.0000e+00
                   1047
                           0.16385 0.28186 0.0032638
plotcp(bank_tree)
```

size of tree

```
1 11 28 41 63 93 142 184 290 483 670 901
           1.0
X-val Relative Error
     ω
     9.0
     0.4
     S
           Inf 0.0025 0.00074
                                 4e-04
                                        0.00027 0.00013 5.4e-05
                                                                       0
                                         ср
min_best_cp <- bank_tree$cptable[which.min(bank_tree$cptable[,"xerror"]),"CP"]
Con el valor del cp óptimo, podamos el árbol y construimos la predicción junto con la matriz de confusión.
bank_tree_fit <- prune(bank_tree, min_best_cp)</pre>
tree_fit_prediction <- predict(bank_tree_fit, newdata = bank.test, type = "class")</pre>
tab_fit_tree <- confusionMatrix(as.factor(tree_fit_prediction), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_fit_tree
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
           Reference
## Prediction
              0
##
          0 8682 355
          1 1540 1042
##
##
##
               Accuracy : 0.8369
##
                 95% CI: (0.8301, 0.8436)
##
      No Information Rate: 0.8798
      P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                  Kappa: 0.4357
##
   Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
```

Sensitivity: 0.74588

Specificity: 0.84934 Pos Pred Value: 0.40356

Neg Pred Value: 0.96072

##

##

##

##

```
##
                Prevalence: 0.12023
##
            Detection Rate: 0.08968
##
      Detection Prevalence: 0.22222
##
         Balanced Accuracy: 0.79761
##
          'Positive' Class : 1
##
##
tab fit tree$byClass["F1"]
##
          F1
## 0.5237497
```

Conseguimos unos resultados mejores que el árbol sin podar:

Acurracy: 0.8369051Sensibilidad: 0.745884F-medida: 0.5237497

##

4.4 LDA (Análisis Discriminante Lineal)

Neg Pred Value: 0.95475

El análisis discriminante lineal es un método que se utiliza para encontrar una combinación lineal de cualidades que caracterizan o separan dos o más clases de objetos. Se suele utilizar este método para reducir la dimensionalidad del conjunto de datos, pero también se usa como un clasificador lineal.

Utilizamos la función lda para realizar el modelo, para más tarde predecir los valores con el conjunto de test y conseguir la matriz de confusión.

```
bank_lda <- lda(y ~., data = bank.train.2)</pre>
## Warning in lda.default(x, grouping, ...): variables are collinear
lda_pred <- predict(bank_lda, bank.test, type = "response")</pre>
tab_lda <- confusionMatrix(as.factor(lda_pred$class), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab lda
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
##
            0 8672 411
##
            1 1550 986
##
                  Accuracy : 0.8312
##
                    95% CI: (0.8243, 0.838)
##
       No Information Rate: 0.8798
##
       P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                      Kappa: 0.4099
##
##
    Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
               Sensitivity: 0.70580
##
               Specificity: 0.84837
##
            Pos Pred Value: 0.38880
```

```
##
                Prevalence: 0.12023
##
            Detection Rate: 0.08486
##
      Detection Prevalence: 0.21826
##
         Balanced Accuracy: 0.77708
##
          'Positive' Class : 1
##
##
tab lda$byClass["F1"]
##
          F1
```

0.5013984

Los valores que nos salen son decentes y son:

• Acurracy: 0.8312247 Sensibilidad: 0.7057981 • F-medida: 0.5013984

Radom Forest 4.5

Un solo árbol de decisión no es suficiente, ya que sufren de problemas de sesgo y varianza en las predicciones. Para poder mejorar tanto los problemas comentados y una mejor precisión, vamos a introducir el concepto de Random Forest. Random Forest es un método tipo ensemble que está formado por un grupo de modelos predictivos (clasificatorios en nuestro caso) alcanzando una precisión y una estabilidad mejores. Los árboles sufren problemas de sesgo y varianza en las predicciones; Random Forest forma parte de los métodos de Bagging y éstos funcionan de la siguiente manera:

- Crear muchos subconjuntos de datos.
- Construir múltiples modelos.
- Combinar los modelos construidos.

Random Forest crea un grupo de modelos aparentemente débiles (múltiples árboles de decisión), para combinarlos y transformarlos en un modelo más potente.

Usamos la función randomForest del paquete randomForest asignando en 1,000 el número de árboles.

```
bank_rf <- randomForest(y ~ ., data = bank.train.2, ntree = 1000)</pre>
rf_pred <- predict(bank_rf, newdata = bank.test, type = 'class')</pre>
tab_rf <- confusionMatrix(as.factor(rf_pred), as.factor(bank.test$y), positive = "1")
tab_rf
```

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
##
  Prediction
                 0
##
            0 9135
                     430
##
            1 1087
                     967
##
                   Accuracy : 0.8694
##
                     95% CI: (0.8632, 0.8755)
##
##
       No Information Rate: 0.8798
       P-Value [Acc > NIR] : 0.9997
##
##
##
                      Kappa: 0.487
##
```

```
##
   Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
               Sensitivity: 0.69220
               Specificity: 0.89366
##
##
            Pos Pred Value: 0.47079
            Neg Pred Value: 0.95504
##
                Prevalence: 0.12023
##
            Detection Rate: 0.08323
##
##
      Detection Prevalence: 0.17678
##
         Balanced Accuracy: 0.79293
##
          'Positive' Class : 1
##
##
tab_rf$byClass["F1"]
```

F1 ## 0.5604173

Definitivamente estos son los mejores resultados alcanzados hasta este momento:

Acurracy: 0.869438Sensibilidad: 0.6921976F-medida: 0.5604173

4.6 ANN (Redes neuronales artificiales)

Se han realizado pruebas con diferentes valores de los parámetros y las conclusiones más importantes son:

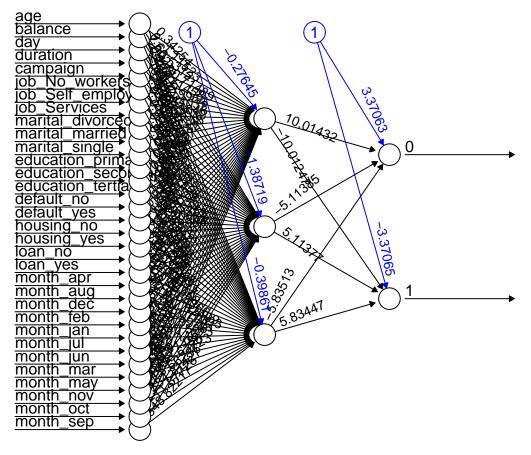
- El algoritmo "backpropagation" no se utiliza ya que no converge.
- Se ha probado con ratio de aprendizaje más pequeños, como 0.01 0 0.001, y tampoco converge.
- Nos hemos visto obligado a poner un "threshold" de 1 para la convergencia del algoritmo.

Por todo esto, los valores de los parámetros que son fijos son:

- threshold = 1err.fct = "sse"
- linear.output = FALSE, ya que se trata de clasificación
- learning rate = 0.1
- act.fct = "logistic"

Ejecutamos el algoritmo con una capa de 3 neuronas.

```
cm_2 <- confusionMatrix(as.factor(ANN_pred[,2]), as.factor(bank.test$y), positive = "1")</pre>
cm_2
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
            Reference
## Prediction 0
##
           0 8289 245
           1 1933 1152
##
##
##
                  Accuracy: 0.8125
##
                    95% CI: (0.8053, 0.8196)
##
      No Information Rate: 0.8798
      P-Value [Acc > NIR] : 1
##
##
##
                     Kappa : 0.4177
##
   Mcnemar's Test P-Value : <2e-16
##
##
##
              Sensitivity: 0.82462
##
              Specificity: 0.81090
##
           Pos Pred Value: 0.37342
           Neg Pred Value: 0.97129
##
##
                Prevalence: 0.12023
           Detection Rate: 0.09915
##
     Detection Prevalence: 0.26551
##
##
         Balanced Accuracy: 0.81776
##
##
          'Positive' Class : 1
cm_2$byClass["F1"]
##
         F1
## 0.5140562
plot(ANN, rep = "best")
```



Las medidas que conseguimos son:

Acurracy: 0.8125484Sensibilidad: 0.8246242F-medida: 0.5140562

5 Conclusión

Vamos a poner en una tabla los resultados de los diferentes métodos que hemos empleado.

```
unname(tab_log_1$byClass[7]),
                                   unname(tab_knn$byClass[7]),
                                   unname(tab_fit_tree$byClass[7]),
                                   unname(tab_lda$byClass[7]),
                                   unname(tab_rf$byClass[7]),
                                   unname(cm_2$byClass[7])))
rownames(resultados) <- c("SVM kernel lineal", "Regresión logística", "K-NN", "Decision tree", "LDA", "
resultados
##
                        Accuracy Sensitivity F.medida
## SVM kernel lineal
                       0.8135812 0.7437366 0.4896324
## Regresión logística 0.8199501
                                   0.7372942 0.4961464
                                   0.6120258 0.3970281
## K-NN
                       0.7764868
## Decision tree
                       0.8369051
                                   0.7458840 0.5237497
```

Vemos que para el accuracy el mejor modelo es Random Forest con 0.869438, si miramos la sensibilidad el mejor modelo es ANN (Redes neuronales artificiales) con 0.8246242 y por último, si miramos la F-medida el mejor modelo también es Random Forest con 0.5604173. Concluimos que si hay que elegir uno de estos modelos, elegiríamos el Random Forest porque las medidas que nos han salido indican un mejor rendimiento de este modelo.

0.7057981 0.5013984

0.6921976 0.5604173

0.8246242 0.5140562

0.8312247

0.8694380

0.8125484

LDA

ANN

Random-Forest