

Unidade X:

Árvores TRIE PATRICIA



PUC Minas

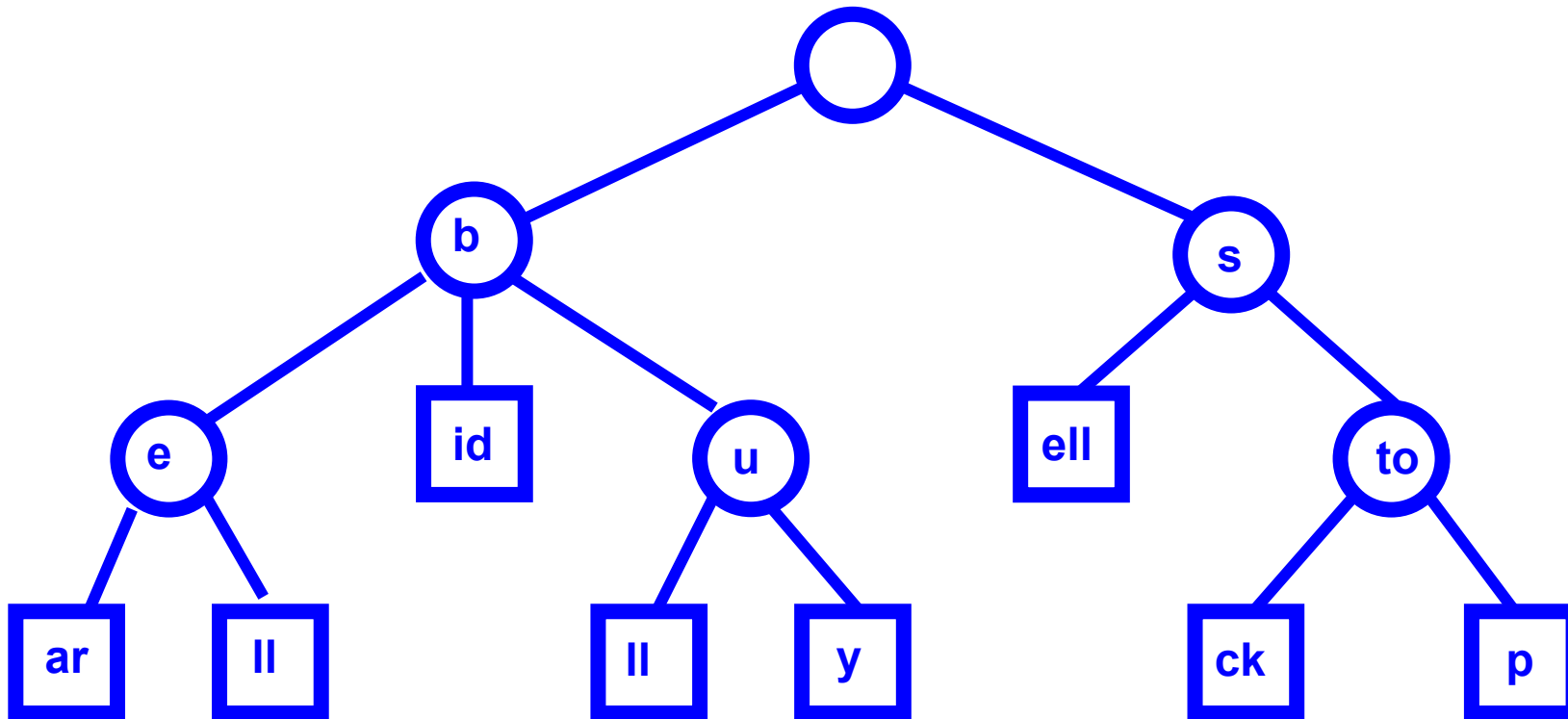
Instituto de Ciências Exatas e Informática
Departamento de Ciência da Computação

Trie Patricia

- Significa *Practical Algorithm to Retrieve Information Coded in Alphanumeric*
- Elimina os nós redundantes fazendo com que todos os nós (exceto a raiz) tenham pelo menos dois filhos
- Na *trie-padrão*, a existência de nós com apenas um filho representa ineficiência em termos de espaço

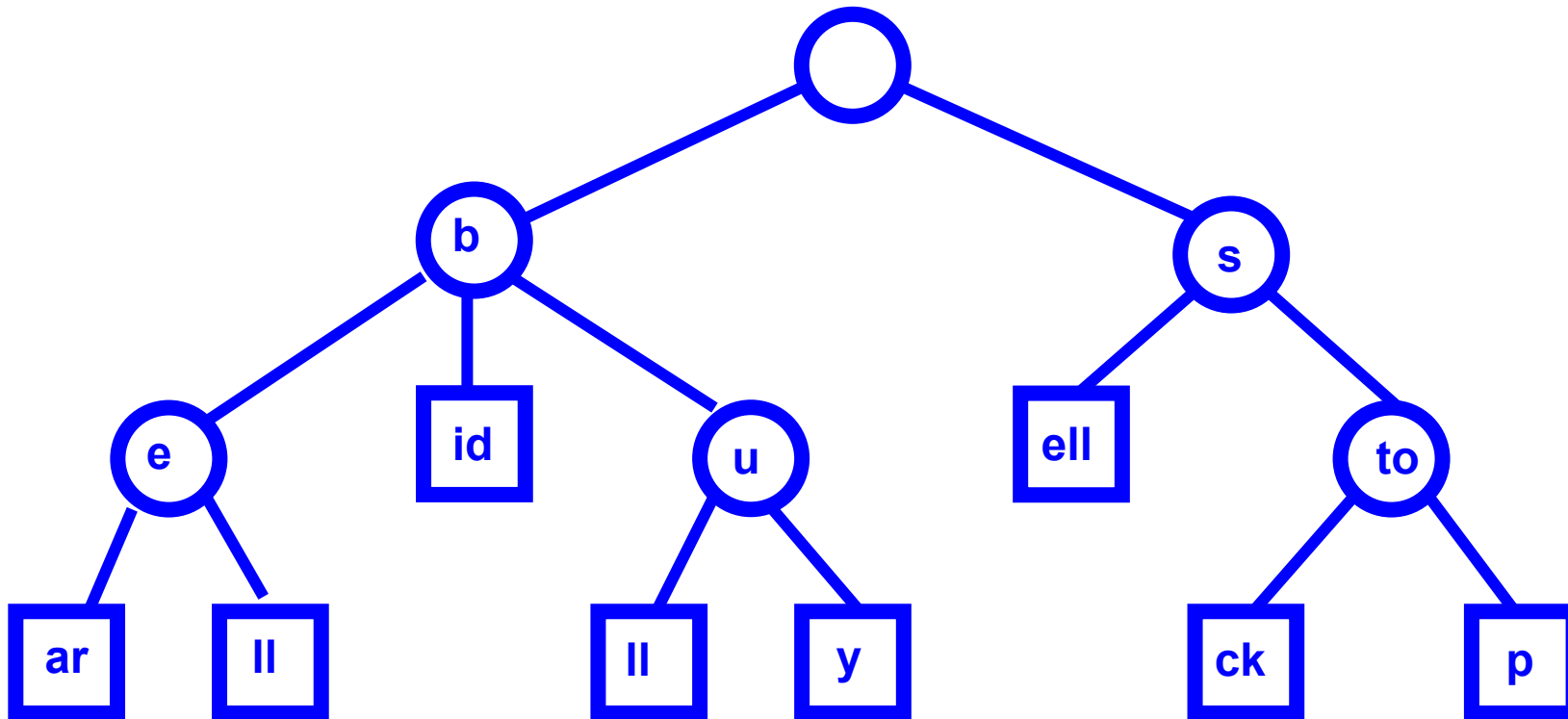
Exemplo de *Trie Patricia*

bear - urso
bell - sino
bid - oferta
bull - touro
buy - compra
sell - vende
stock - ação
stop - parar



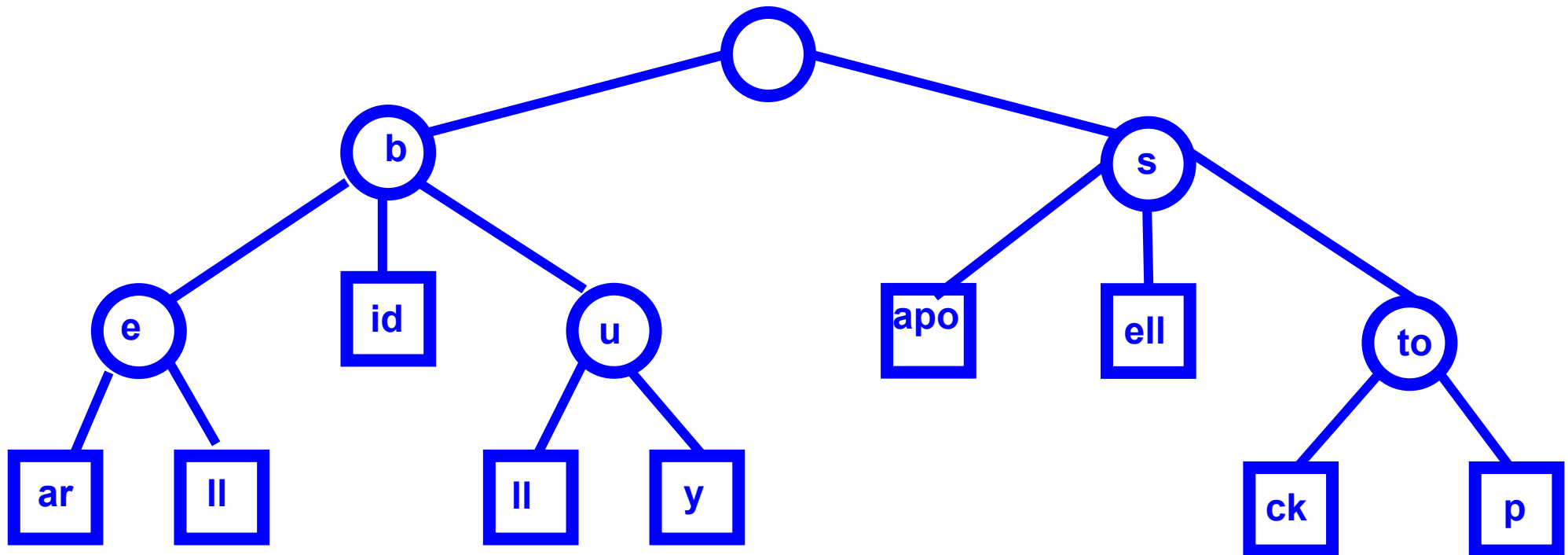
Exercício

- Insira as palavras sapo e sapato na árvore abaixo



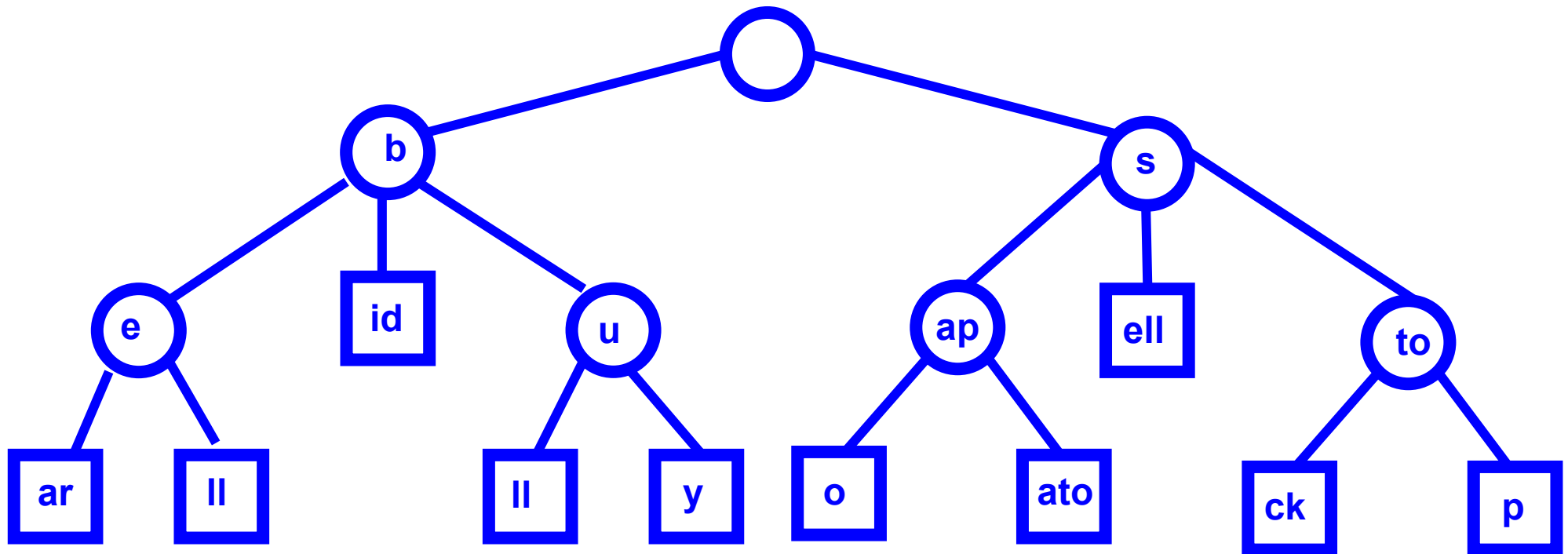
Exercício

- Insira as palavras **sapo** e sapato na árvore abaixo



Exercício

- Insira as palavras sapo e **sapato** na árvore abaixo



Propriedades das *Trie Patricia*

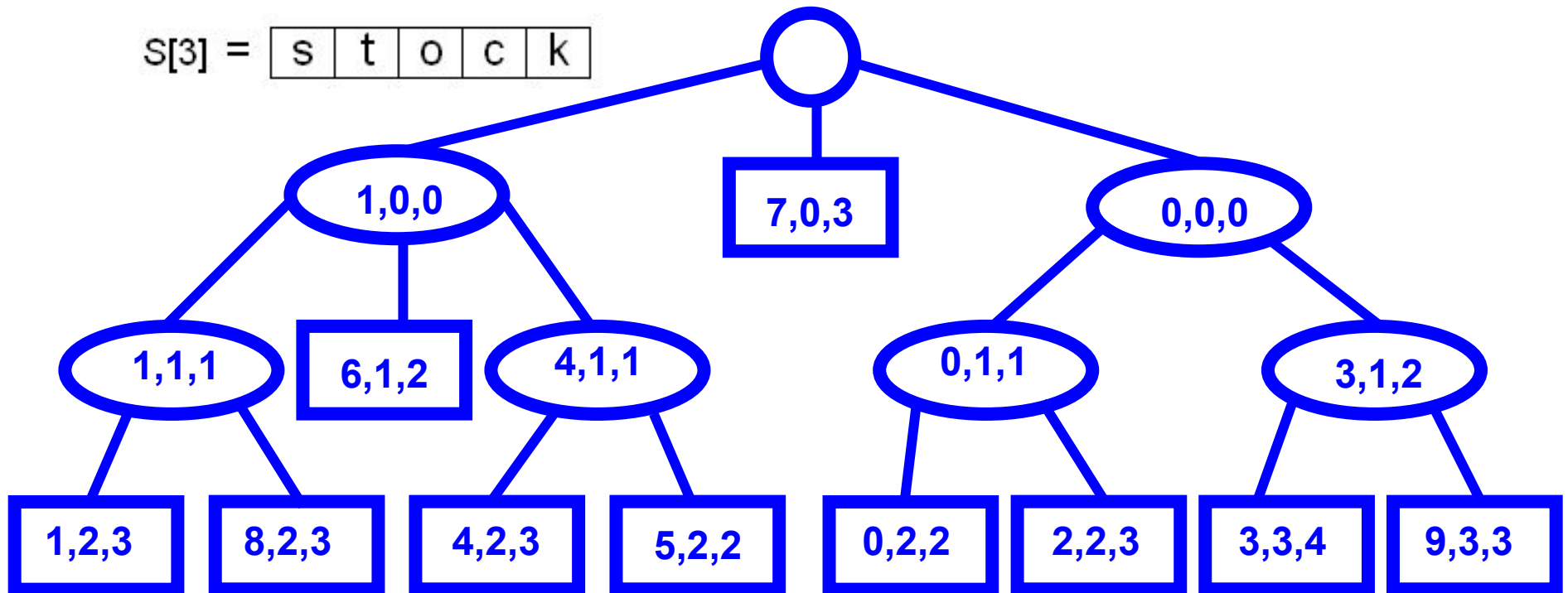
- Os nós são rotulados por *substrings* das cadeias de caracteres pertencentes a S
- O número de nós é proporcional ao número de cadeias existentes em S e não ao comprimento das mesmas
 - Todo nó interno tem entre 2 e d filhos
 - $O(s)$ nós e $|s|$ folhas, onde s é o número de cadeias

Estrutura de Dados das *Trie Patricia*

- Cada nó armazena uma tripla de inteiros (i, j, k) , indicando o rótulo do nó de tal forma que $S[i][j...k]$, onde:
 - A coleção de cadeias S será $S[0], S[1], \dots, S[s-1]$
 - j e k representam, respectivamente, a primeira e última (inclusive) posições da cadeia $S[i]$ que correspondem ao rótulo corrente

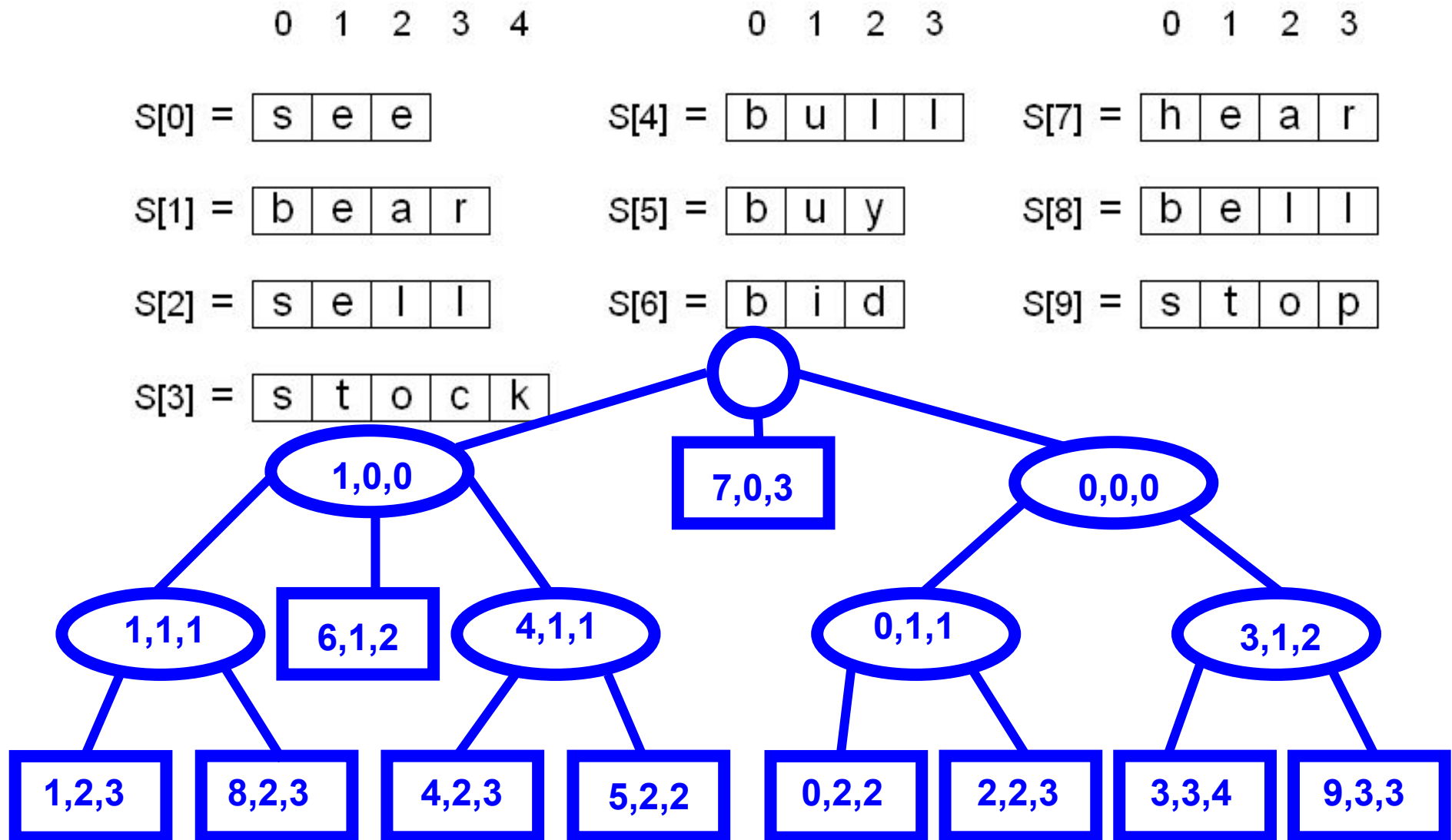
Exemplo da Estrutura de Dados da *Trie Patricia*

0 1 2 3 4	0 1 2 3	0 1 2 3											
s[0] = <table border="1"><tr><td>s</td><td>e</td><td>e</td></tr></table>	s	e	e	s[4] = <table border="1"><tr><td>b</td><td>u</td><td>l</td><td>l</td></tr></table>	b	u	l	l	s[7] = <table border="1"><tr><td>h</td><td>e</td><td>a</td><td>r</td></tr></table>	h	e	a	r
s	e	e											
b	u	l	l										
h	e	a	r										
s[1] = <table border="1"><tr><td>b</td><td>e</td><td>a</td><td>r</td></tr></table>	b	e	a	r	s[5] = <table border="1"><tr><td>b</td><td>u</td><td>y</td></tr></table>	b	u	y	s[8] = <table border="1"><tr><td>b</td><td>e</td><td>l</td><td>l</td></tr></table>	b	e	l	l
b	e	a	r										
b	u	y											
b	e	l	l										
s[2] = <table border="1"><tr><td>s</td><td>e</td><td>l</td><td>l</td></tr></table>	s	e	l	l	s[6] = <table border="1"><tr><td>b</td><td>i</td><td>d</td></tr></table>	b	i	d	s[9] = <table border="1"><tr><td>s</td><td>t</td><td>o</td><td>p</td></tr></table>	s	t	o	p
s	e	l	l										
b	i	d											
s	t	o	p										
s[3] = <table border="1"><tr><td>s</td><td>t</td><td>o</td><td>c</td><td>k</td></tr></table>	s	t	o	c	k								
s	t	o	c	k									



Exercício

- Insira as palavras sapo e sapato na árvore abaixo



Análise da *Trie Patricia*

- Complexidade de espaço: $O(s)$ (na trie-padrão, $O(n)$)
- Na prática, a *trie-patricia* tem ganhos em termos de espaço mesmo considerando o armazenamento da coleção S