Unidade VIII: Balanceamento de Árvores Binárias



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

· Qual é a vantagem de uma árvore estar balanceada?

· Qual é a vantagem de uma árvore estar balanceada?

· Resposta: eficiência em termos de pesquisa, inserção e remoção

 Inicialmente, toda árvore é balanceada e elas podem desbalancear após as operações de inserção e remoção

Ideia Básica do Balanceamento de Árvores

 As árvores desbalanceadas para a esquerda devem ser rotacionadas para a direita e as para a direita, para a esquerda

Tipos de Rotação

Rotação simples à esquerda

Rotação simples à direita

Rotação dupla direita – esquerda

Rotação dupla esquerda - direita

Tipos de Rotação

Rotação simples à esquerda

· Rotação simples à direita

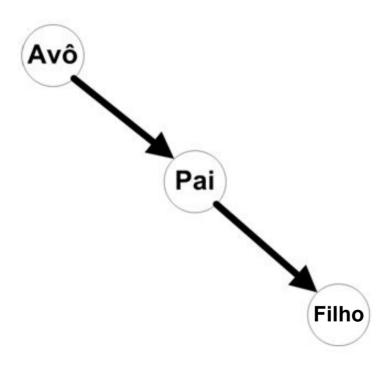
Rotação dupla direita – esquerda

Quando usar cada uma delas e como fazer ?

Rotação dupla esquerda - direita

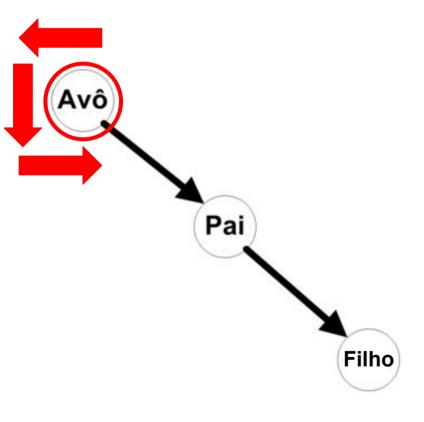
Rotação Simples à Esquerda

 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a direita



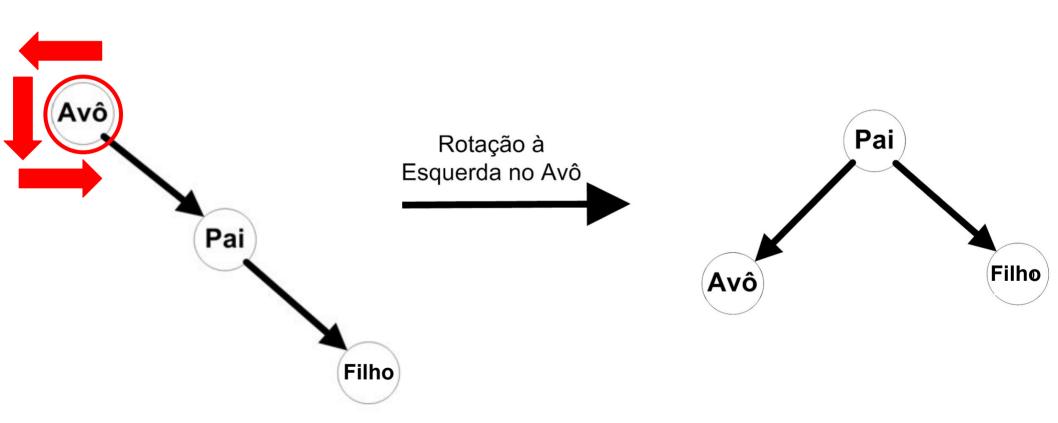
Rotação Simples à Esquerda

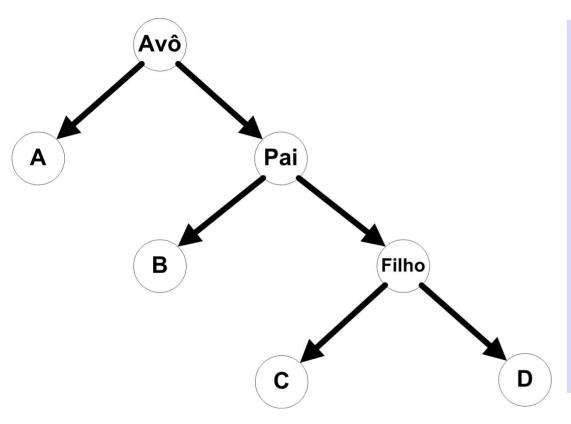
 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a direita



Rotação Simples à Esquerda

 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a direita

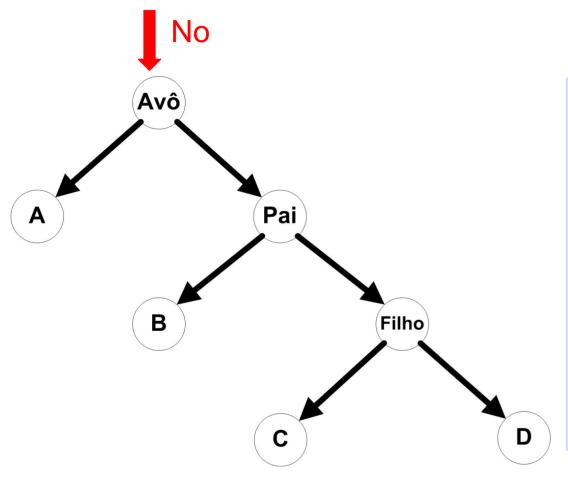




```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

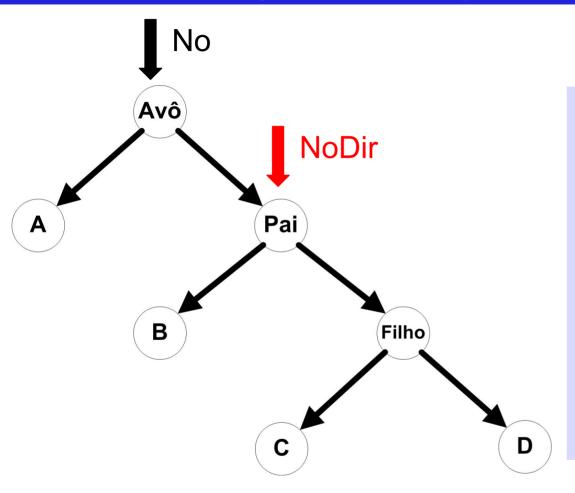
   return noDir;
}
```



```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

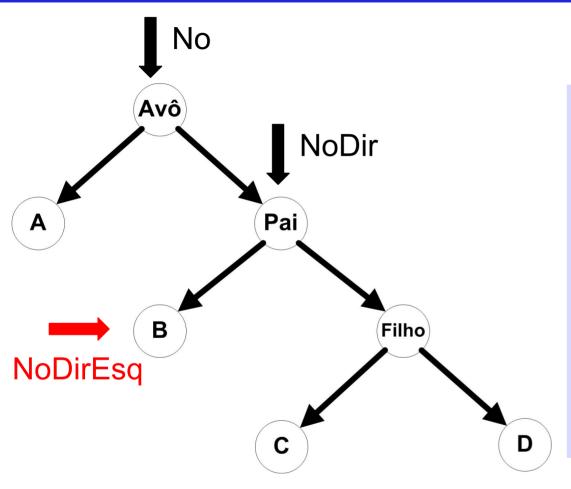
   return noDir;
}
```



```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

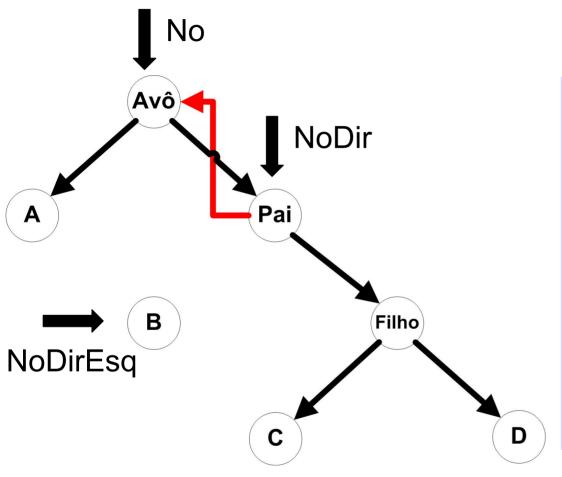
   return noDir;
}
```



```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

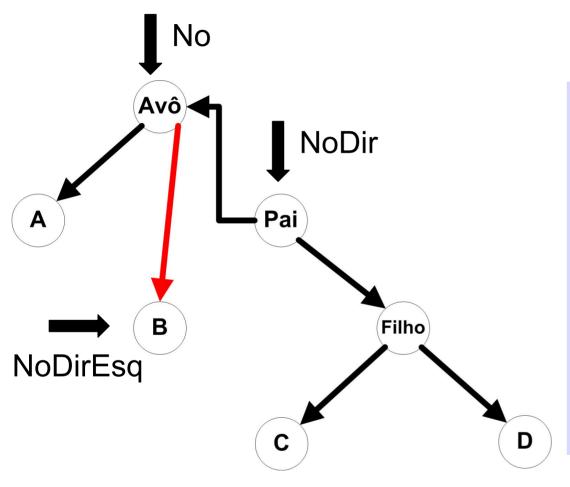
   return noDir;
}
```



```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

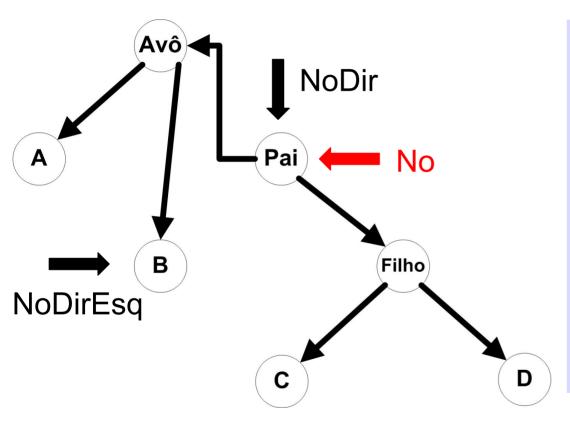
return noDir;
}
```



```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

   return noDir;
}
```



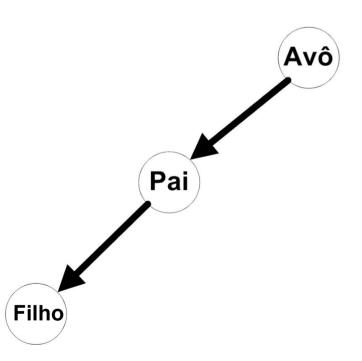
```
No rotacionarEsq (No no) {
   No noDir = no.dir;
   No noDirEsq = noDir.esq;

   noDir.esq = no;
   no.dir = noDirEsq;

   return noDir;
}
```

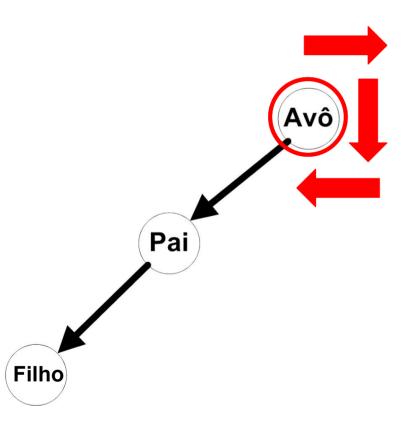
Rotação Simples à Direita

 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a esquerda



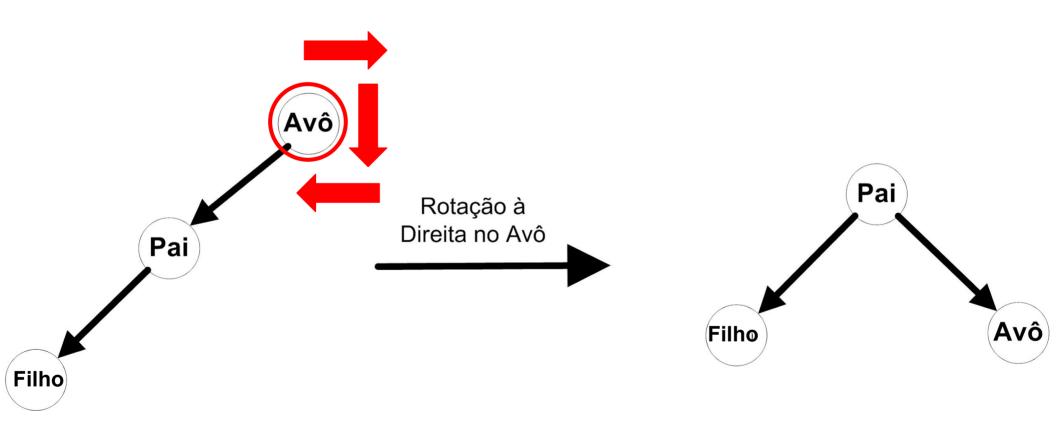
Rotação Simples à Direita

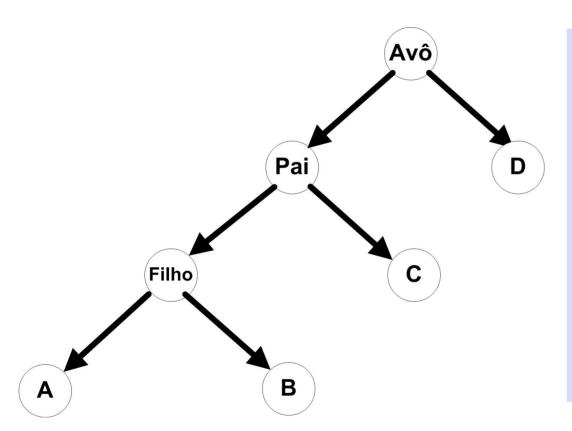
 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a esquerda



Rotação Simples à Direita

 Usada em subárvores em que o pai e o filho estão desbalanceados para a esquerda

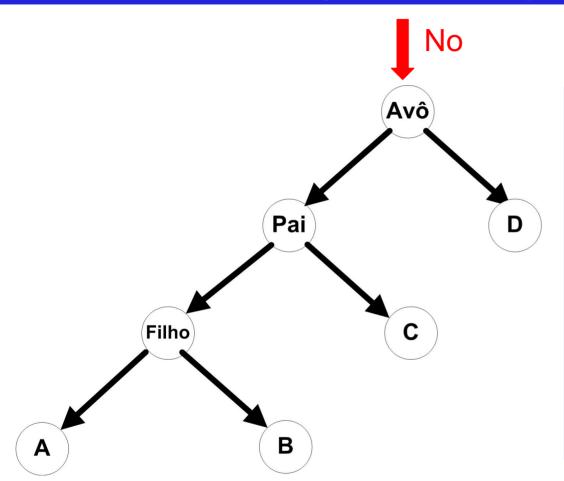




```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

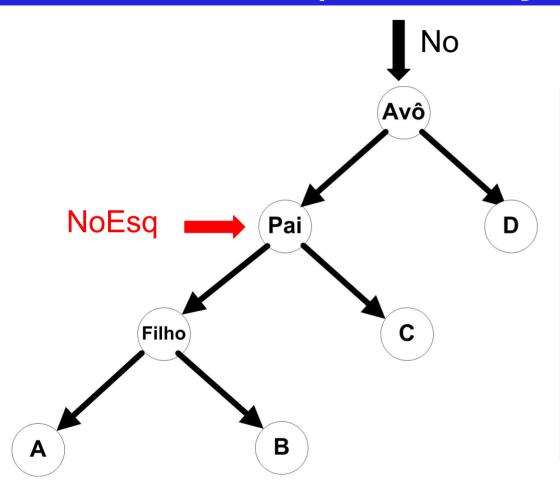
   return noEsq;
}
```



```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

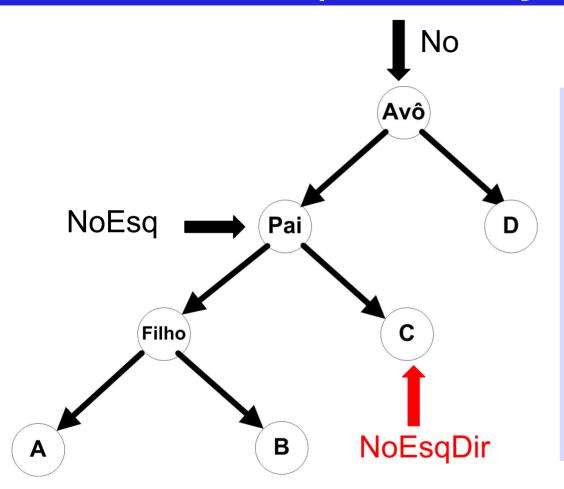
   return noEsq;
}
```



```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

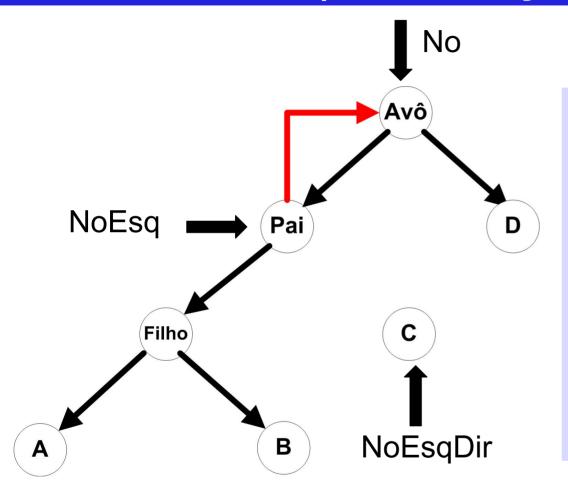
   return noEsq;
}
```



```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

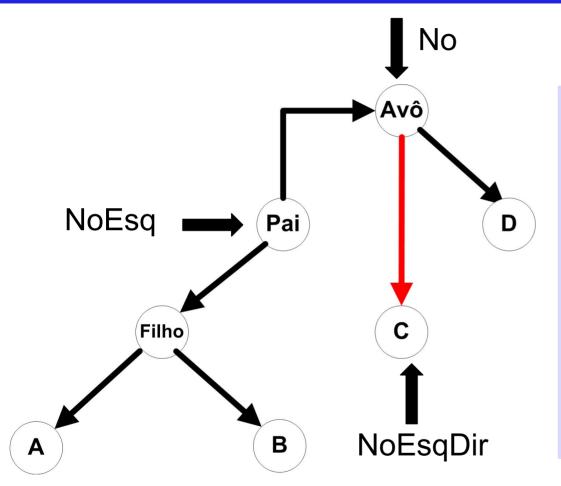
   return noEsq;
}
```



```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

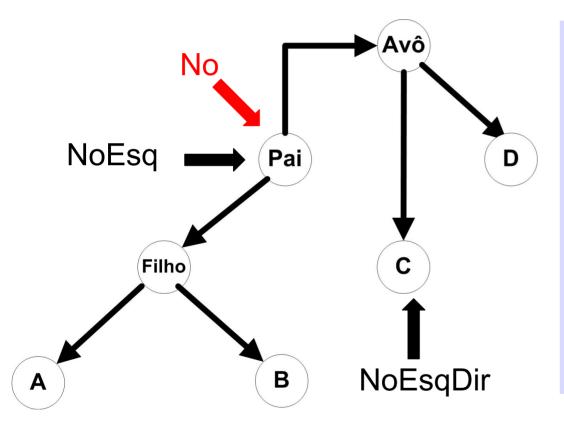
   return noEsq;
}
```



```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

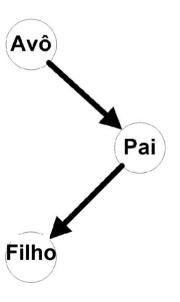
   return noEsq;
}
```

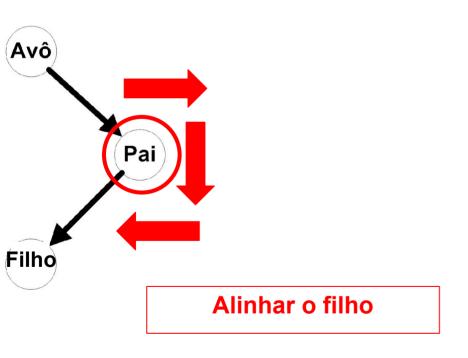


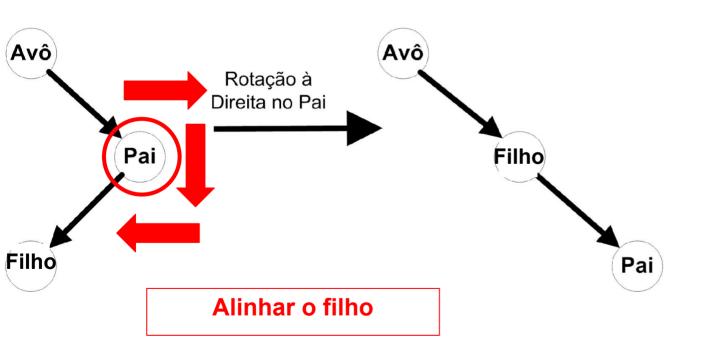
```
No rotacionarDir (No no) {
   No noEsq = no.esq;
   No noEsqDir = noEsq.dir;

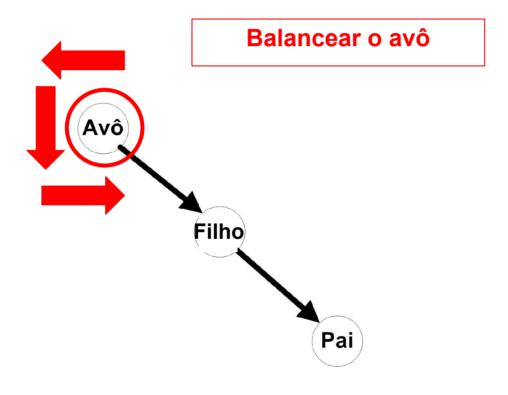
   noEsq.dir = no;
   no.esq = noEsqDir;

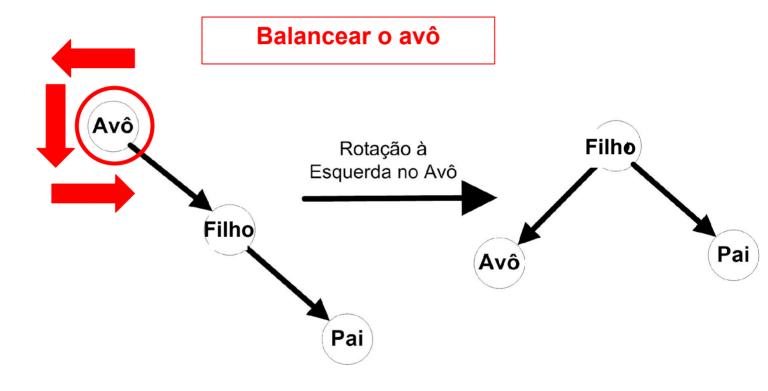
   return noEsq;
}
```





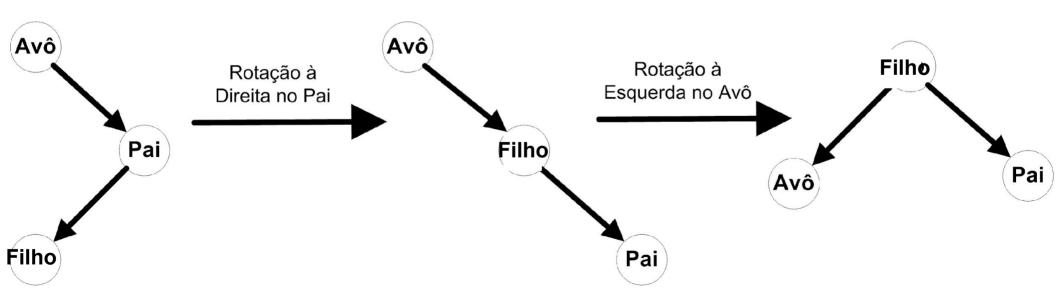


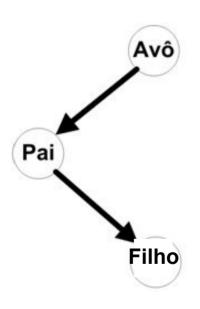




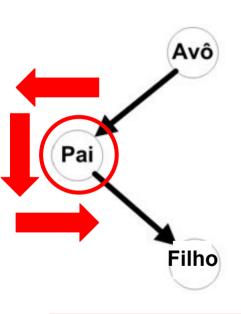
Implementação da Rotação à Direita - Esquerda

```
No rotacionarDirEsq (No no) {
    no.dir = rotacionarDir (no.dir);
return rotacionarEsq(no);
}
```

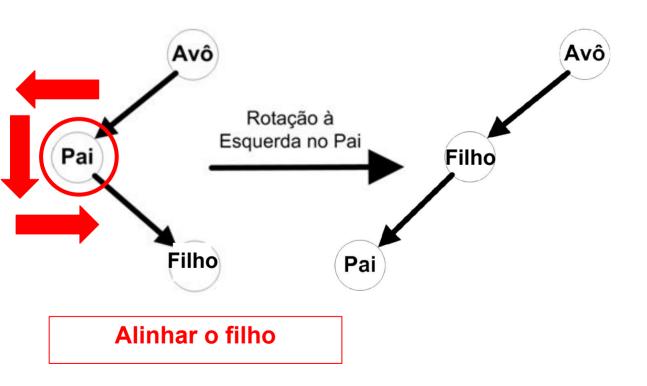


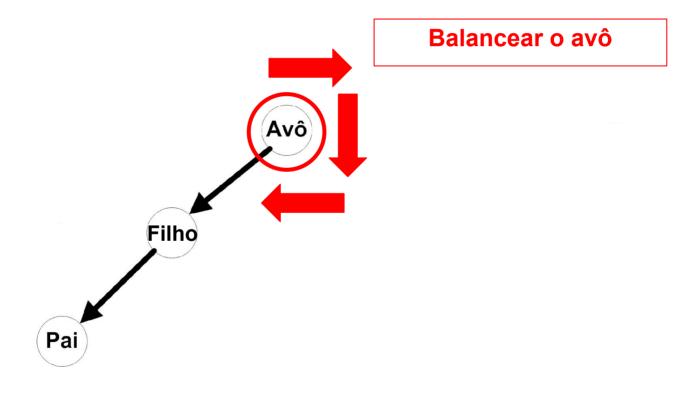


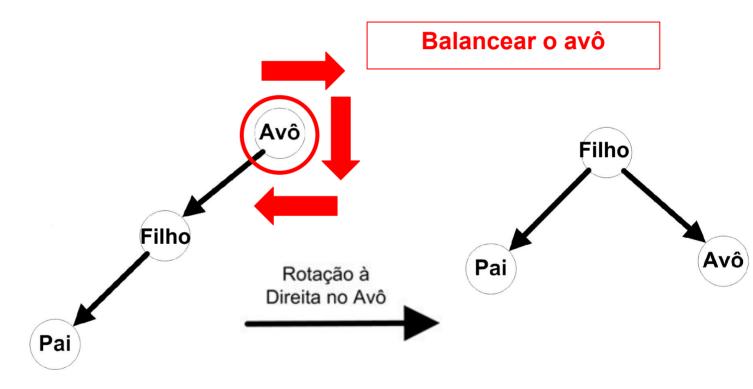
 Usada em subárvores em que o pai está desbalanceado para a esquerda e o filho para a direita



Alinhar o filho

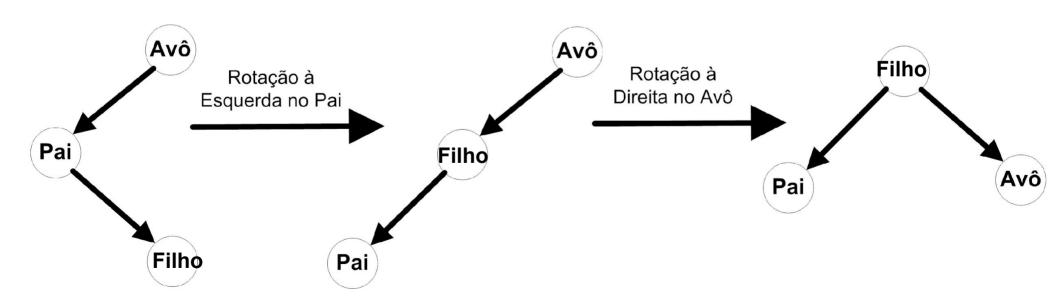






Implementação da Rotação à Esquerda - Direita

```
No rotacionarEsqDir (No no) {
    no.esq = rotacionarEsq (no.esq);
    return rotacionarDir(no);
}
```

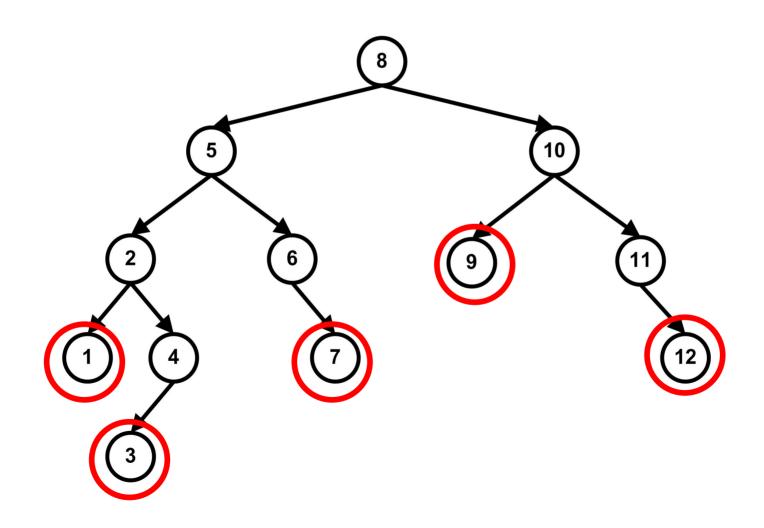


Qual é o custo para se manter uma árvore balanceada?

 Na prática, não existe "muita" diferença entre árvores balanceadas ou praticamente balanceadas

 Algumas árvores balanceadas como a AVL e a Alvinegra permitem árvores praticamente balanceadas

· Exemplo de árvore AVL em que as folhas ocupam mais de dois níveis



· Exemplo de árvore Alvinegra em que as folhas ocupam mais de dois níveis

