

## Lista de exercícios: recursão

Implemente funções recursivas para fazer o que é pedido em cada exercício.

**Exercício 1.** Computar a soma dos primeiros  $n$  inteiros positivos.

```
int soma(int n);
```

**Exercício 2.** Computar a soma dos elementos de um vetor  $v$  com índices de 0 até  $n - 1$ .

```
int soma(int n, int *v);
```

**Exercício 3.** Encontrar o valor do menor elemento de um vetor  $v$  com índices de 0 até  $n - 1$ .

```
int min(int n, int *v);
```

**Exercício 4.** Decidir se uma palavra  $p$  é palíndroma.

```
int eh_palindroma(int n, char *p);
```

**Exercício 5.** Reverter a ordem das letras de uma palavra  $p$ .

```
void reverter(int n, char *p);
```

**Exercício 6.** Calcular  $2^k$ .

```
long pot2(int k);
```

**Exercício 7.** Dado  $k$ , enumerar as potências de 2 até  $2^k$ .

```
void enum_pot2(int k);
```

**Exercício 8.** Dados inteiros positivos  $n$  e  $b$ , imprimir  $n$  em base  $b$ .

```
void imprimir_em_base(int n, int b);
```

**Exercício 9.** Dado um inteiro positivo  $n$ , calcular a soma dos dígitos de  $n$  (em base 10).

```
int soma_dígitos(int n);
```

**Exercício 10.** Dado um vetor  $v$  com  $n$  elementos, imprimir todas as  $n!$  permutações dos elementos de  $v$ .

```
void enum_permut(int n, int *v);
```

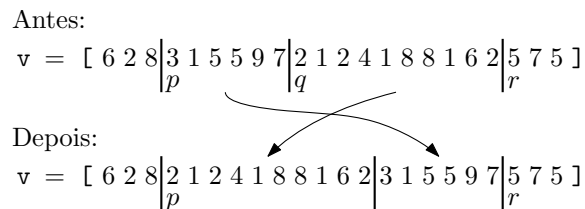
Se você preferir, a função `enum_permut` não precisa ser a função recursiva, mas você pode fazer outra função que será a função recursiva propriamente dita, de maneira que `enum_permut` chame essa outra função (seja um *wrapper* para o uso dessa outra função).

**Exercício 11.** Dado um vetor  $v$  com  $n$  elementos, possivelmente repetidos, imprimir todas as permutações distintas dos elementos de  $v$ .

```
void enum_permut(int n, int *v);
```

Mesmo caso do exercício anterior.

**Exercício 12.** Suponha que  $v$  seja um vetor de inteiros. Sejam  $p < q < r$  índices válidos desse vetor. Considere o problema de trocar os elementos dos subvetores  $v[p..(q-1)]$  e  $v[q..(r-1)]$  de lugar, preservando a ordem em cada subvetor. Veja um exemplo do que isso significa na figura abaixo.



Descreva o código em C de um algoritmo que resolve o problema recursivamente usando espaço extra constante (que não dependa do tamanho do vetor de entrada). **Isto é, você não pode usar um vetor auxiliar!**

```
void troca_blocos(int p, int q, int r, int *v);
```