

# Algoritmos e Programação: Estruturas Avançadas de Dados

## Trabalho Aula 4

**Student:** José Luís Rodes Maciel Júnior, [josejunior7@edu.unisinos.br](mailto:josejunior7@edu.unisinos.br)

**Lecturer:** Diogines D'Avila Goldoni, [davilag@unisinos.br](mailto:davilag@unisinos.br)

### **Problema 1: Qual a complexidade de pior caso e de melhor caso para a inserção em HashTable com separate chaining?**

No caso de uma hash table com separate chaining nós temos o melhor caso da inserção sendo  $O(1)$  onde o elemento é inserido diretamente no início da bucket sem nenhuma colisão.

O pior caso aconteceria quando nós tivéssemos múltiplas colissões na mesma bucket e nós tivéssimos um sistema de prevenção de duplicatas, onde nós teríamos que percorrer toda a lista para garantir que o valor sendo inserido não exista, fazendo com que tenhamos um pior caso linear de  $O(n)$ .

### **Problema 2: Qual a complexidade de pior caso e de melhor caso para deleção em em HashTable com separate chaining?**

Neste cenário nós também temos o melhor caso sendo  $O(1)$ , onde o item a ser deletado está na posição inicial da bucket e será deletado sem precisar fazer nenhuma pesquisa na lista.

O pior caso também será linear, em que nós tenhamos vários itens na mesma bucket e nós tenhamos que percorrer todos os  $n$  itens da lista para poder deletar o item desejado, então a complexidade é uma  $O(n)$ .

### **Problema 3: Qual a principal desvantagem da HashFunction de divisão?**

A principal desvantagem desse método é a escolha de um tamanho inadequado para a nossa hash table, o que irá acarretar em um má utilização das buckets e causando muitas colisões das chaves, como no caso se escolhermos um número com muitos múltiplos para a quantidade de buckets que nós temos, como por exemplo os números 2, 5, 10, 15, que irão causar muitas colisões e nós teremos uma utilização ruim dos nossos recursos alocados.

**Problema 4: Descreva, pelo menos, 3 HashFunctions distintas e dê exemplos de suas vantagens e desvantagens.**

1. Hash por Dobramento (Folding):

Nesta função de hash nós pegamos a chave, dividimos ela em partes menores, então somamos todas estas partes e por fim pegamos o  $\text{mod } m$  desta soma para descobrir em qual bucket está chave será inserida.

- Vantagem:
  - Útil para grandes itens.
  - Fácil implementação.
- Desvantagem:
  - Não lida bem com chaves pequenas.
  - Não lida bem com tipos que não sejam ints.
  - Causa colisões em cassos de chaves repetitivas.

2. Hash de Meio-Quadrado (Mid-Square):

Nesta função nós elevamos a chave ao quadrado, e extraímos uma quantidade  $x$  de dígitos do meio deste número, então usaremos o número resultante e faremos  $\text{mod } m$  para descobrir o bucket.

- Vantagem:
  - Distribui bem chaves numéricas com dígitos variados.
  - Simples de implementar para valores inteiros.
- Desvantagem:
  - Ineficiente para chaves com muitos dígitos repetidos.
  - Não é bom para tabelas pequenas.

3. Hash por Transformação de Base (Ex.: Radix Conversion):

Nesta função nós mudamos a base numérica em que a chave é representada. Por exemplo converter o número 154 em decimal, para 217 em octal, pegar o resultado desta conversão aplicar o  $\text{mod } m$  para conseguir o bucket em que está chave será inserida.

- Vantagem:
  - Distribui melhor chaves com padrões em uma base específica.
  - Simples de implementar para tipos numéricos.
- Desvantagem:
  - Não é boa para tipos de dados que não sejam strings ou ints.
  - Pode ter colisões dependendo o tipo da conversão.