# 統計学の哲学

大塚 淳 (神戸大学人文学研究科 jotsuka@kobe-u.ac.jp)

2016年夏期集中講義於:首都大学東京

# 授業テーマ

データから結論を導く装置としての統計学は、今日の科学において特権的な役割を担っている。本 講義では、統計学を「科学における認識論」と捉えることで、現代科学に潜む認識論的・哲学的問題 を探る。

## 授業のねらい

- 1. 科学的推論において統計学が果たす役割と、検定・因果推論・学習などといったその方法についての概観を得る。
- 2. それらの方法論のもとにある哲学的思想・概念(経験主義、実証主義、因果性、実在論、プラグマティズムなど)を明らかにする。
- 3. そこから現代において哲学的認識論が持ちうる意義を逆照射する。

### 成績評価

- 授業への出席・発言 (25%)
- 宿題 (25%)
- レポート課題 (50%)

締切 9月16日(金)23時59分

提出 jotsuka@kobe-u.ac.jp まで PDF 形式でファイル添付して送付。1日以内に受領確認メールがこない場合、連絡してください。

課題 次のテーマのうち 1 つを選び、授業内容をまとめつつ  $2000\sim4000$  字で論じよ。その際、選択したテーマを冒頭で明示すること。

- 1. 帰納推論における「自然の斉一性」の役割
- 2. 現代統計学における基礎付け主義、信頼性主義、プラグマティズム (どれか一つに 絞ってもよい)

- 3. 因果と確率の関係性
- 4. 帰納推論の性質とその目的
- 5. 統計学の哲学的含意

### 授業計画

#### 1日目:イントロダクション

1. 哲学的認識論と統計学

認識論としての統計学(内在主義/外在主義/プラグマティズムとベイズ主義/頻度主義/機械学習)

帰納論理としての統計学(ヒュームの問題と因果、「自然の斉一性」)

2. 現代統計学の夜明け:記述統計と実証主義

Quetelet O Social physics

Galton, Pearson の記述統計と実証主義

3. 統計・確率の基礎知識

統計量、標本空間、確率変数、確率分布

#### 2日目:確率モデルとベイズ主義

1. 記述統計から推測統計へ

推測統計の存在論(自然の斉一性としての確率モデル、データ/母集団の二元論) 推測統計の認識論(サンプリング、統計的仮説、仮説の推論)

2. ベイズ統計

ベイズの考え方(ベイズの定理、尤度、事前確率、基準率の誤り) ベイズによる帰納推論(Induction, Abduction, 事前確率の沈静化)

3. ベイズ哲学

ベイズ的帰納法 (帰納論理としてのベイズ、ヒュームへの応答) 内在主義としてのベイズ主義 (信念の整合性、基礎的信念と事前確率)

#### 3日目:頻度主義

1. ベイズ主義への批判

統計学的批判(事前確率、catchall 仮説) 哲学的批判(内在主義批判、心理主義批判)

Popper の反証主義とその問題

2. 古典的検定理論

検定の考え方(帰無仮説と対立仮説、第1種・2種の誤り、有意水準、検出力) 検定の実際(コインのバイアスのテスト、サンプルサイズの重要性)

3. 頻度主義の哲学

検定結果の解釈(行動と判断、ヒュームと「心の癖」) 信頼性主義(信念形成プロセスの信頼性とテストの厳しさ)

#### 4日目:因果推論

1. 因果と恒常的連接

確率の復習(独立、相関、条件付独立) ヒュームにおける帰納と因果(恒常的連接、擬似相関と交絡)

2. 反実仮想アプローチ

反実仮想による因果分析(条件文と反事実条件文、Lewis の分析とその問題) 無作為化(潜在結果、平均処置効果、無作為化)

3. 因果モデル

因果モデル(因果グラフ、マルコフ条件、介入結果の予測) 因果と確率の哲学(因果・確率二元論、帰納をめぐる存在論と認識論)

#### 5日目:モデル選択から機械学習へ

1. 赤池のモデル選択理論

モデルと複雑性(モデルとカーブフィッティング、真理と単純性のトレードオフ) 赤池の理論(モデルの平均予測性能、赤池情報量基準、オッカムの剃刀)

2. 機械学習とディープラーニング

機械学習とは(学習の目的、勾配降下法、正則化) ビッグデータ時代の帰納推論(真実から有用性へ、プラグマティズムと多元主義)

3. まとめ

統計学と認識論(帰納推論の認識論と存在論、3 つの ism、統計学と哲学) 知識とは何か?(マッハ的・プラトン的・ベーコン的見方、知識と理解)

## 参考図書

- 歴史
  - デイヴィッド・サルツブルグ『統計学を拓いた異才たち』(日経ビジネス人文庫)
  - シャロン・バーチュ・マグレイン『異端の統計学ベイズ』(草思社)
  - 芝村良『R.A. フィッシャーの統計理論』(九州大学出版会)

#### • 統計基礎知識

- デイビッド・ハンド『サイエンス・パレット 統計学』(丸善出版)
- 三中信宏『みなか先生といっしょに 統計学の王国を歩いてみよう』(羊土社)

#### 哲学

- エリオット・ソーバー『科学と証拠:統計学の哲学入門』(名古屋大学出版会)
- Howson, C., & Urbach, P. (2006). Scientific Reasoning. Open Court Publishing.
- Mayo, D. G. (1996). Error and the Growth of Experimental Knowledge. University of Chicago Press.