

《数字电子技术基础》绪论

——王文俊

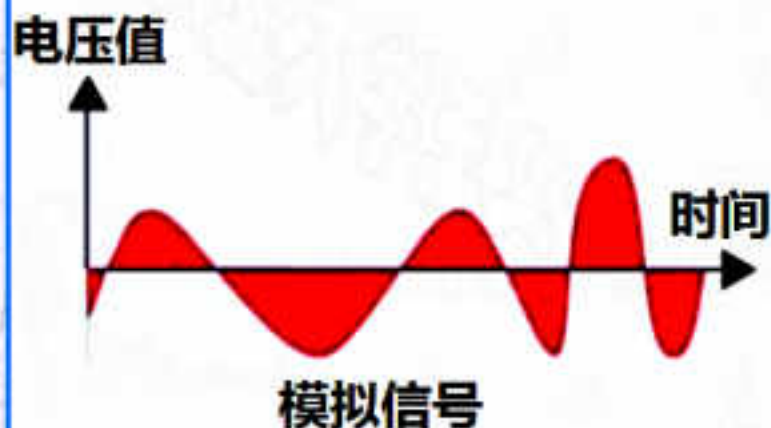
山西农业大学

一、数字量与模拟量

• 1、模拟量与数字量

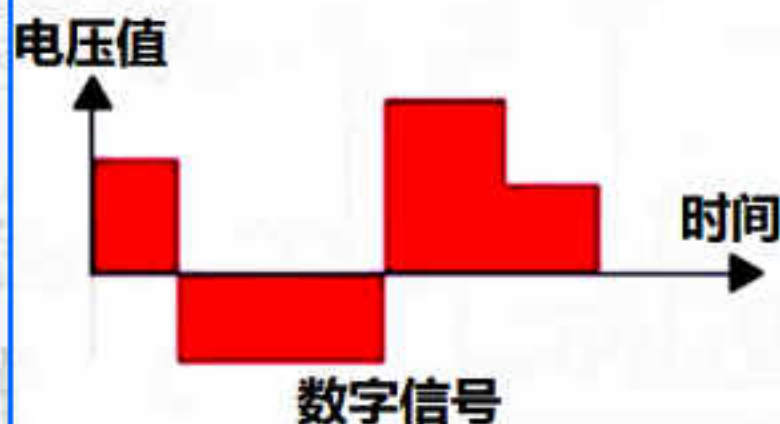
模拟量

- 在时间上和数量上都是连续的物理量。
- 如：高度、重量等

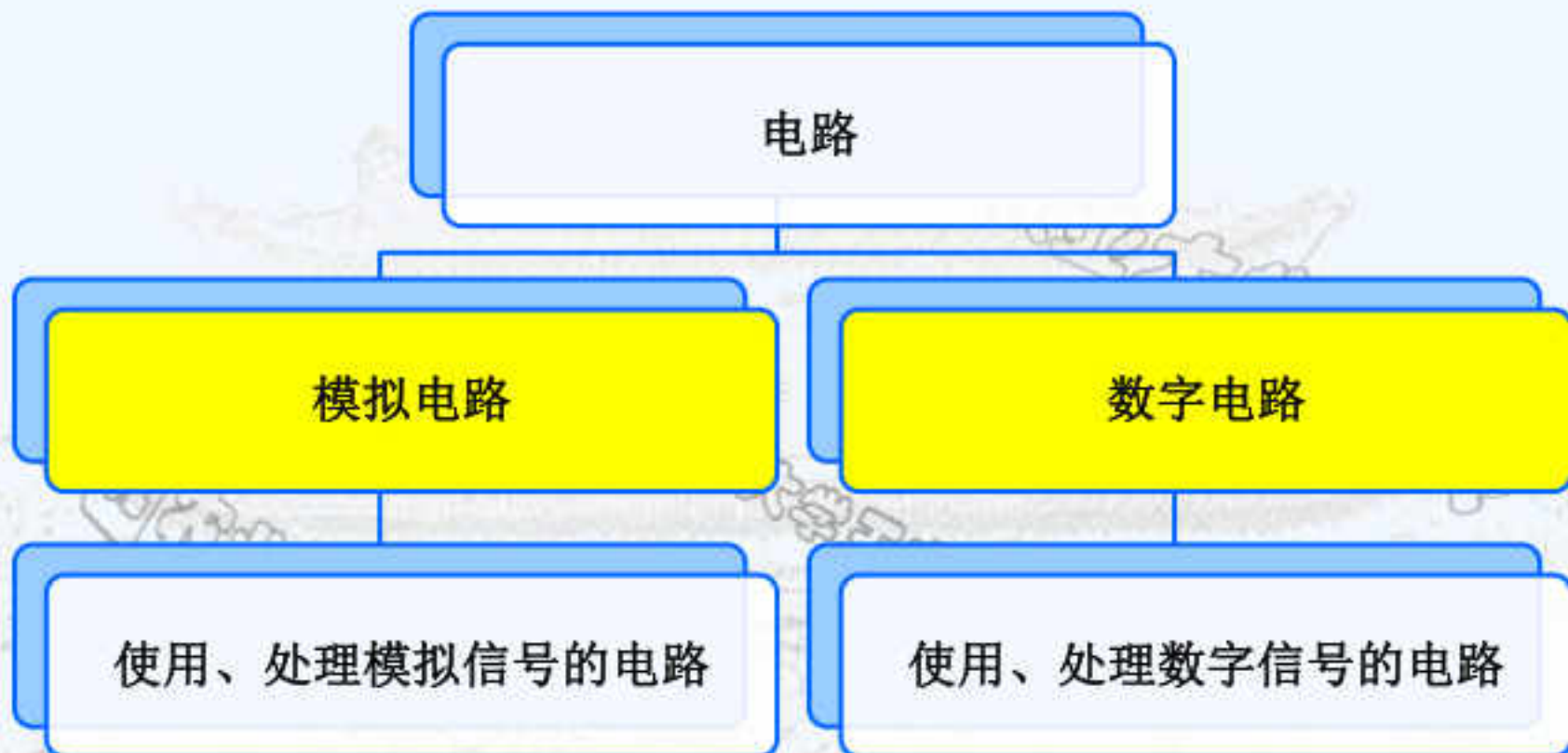


数字量

- 在时间上和数量上都是离散的、不连续的物理量（存在最小的数量单位 Δ ）。
- 如：数字、字母等



• 2、模拟电路与数字电路



数字电路和模拟电路的工作信号、研究对象、分析/设计方法以及所用的数学工具都有显著不同。

二、电子技术

• 1、电子技术的发展历程

电子技术是一门研究电子器件及其应用的学科。

电子管时代
(1905~1948)



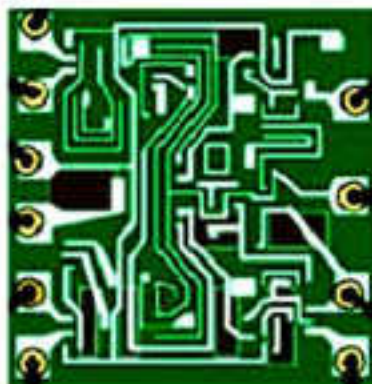
电子管
(1904)

晶体管时代
(1948~1959)

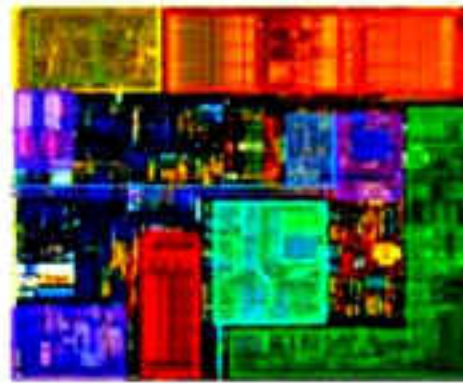


晶体管
(1948)

集成电路时代
(1950~)



中/小规模集成
电路(1950年代)

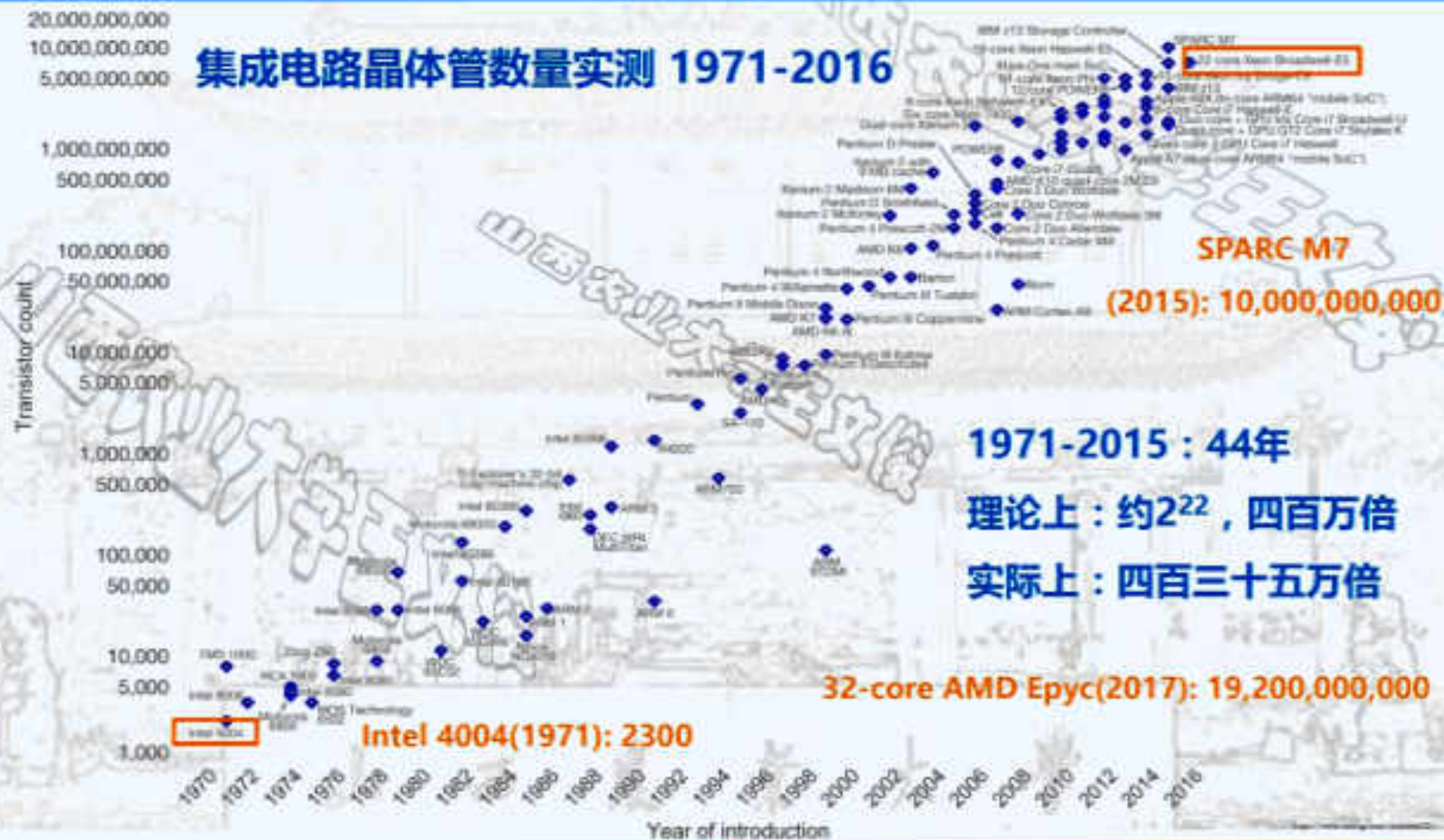


大规模/超大规模
集成电路(1970年代)

2、摩尔定律

英特尔创始人之一
戈登·摩尔

· 集成电路上可容纳的晶体管数目，约每隔24个月便会增加一倍，性能也将提升一倍。



• 3、计算机的构成



个人电脑



电路板



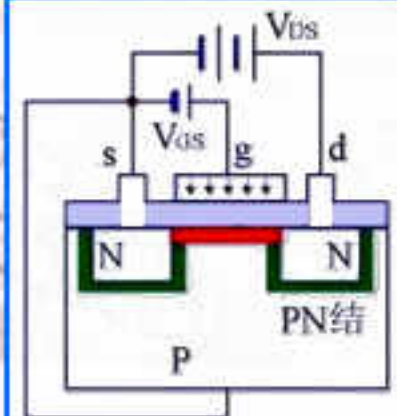
集成电路



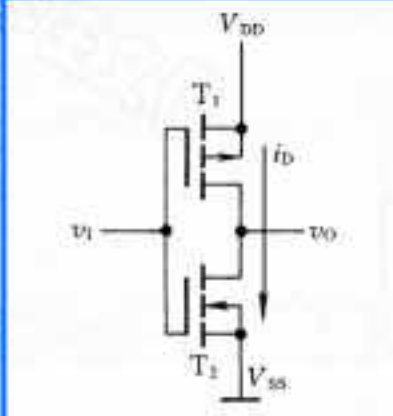
模块



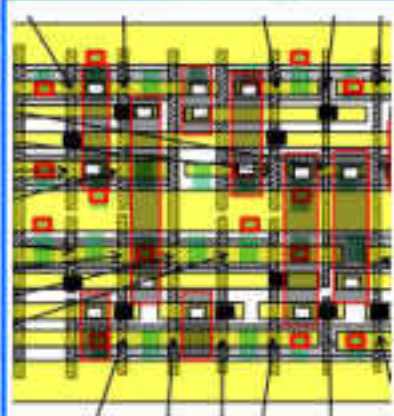
数字信号



MOSFET



门电路



单元

三、课程内容

数学基础

一、数制和码制

二、逻辑代数基础

基本电路

三、门电路

逻辑电路

四、组合逻辑电路

五、半导体存储电路

六、时序逻辑电路

其他电路

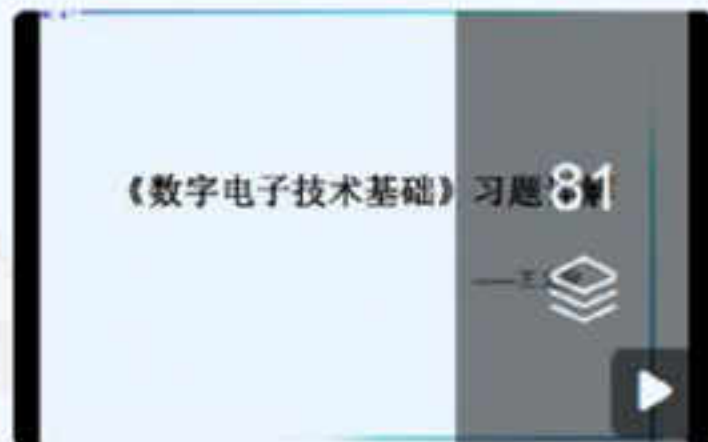
七、脉冲波形的产生和整形电路

八、数-模和模-数转换



山西农业大学王文俊

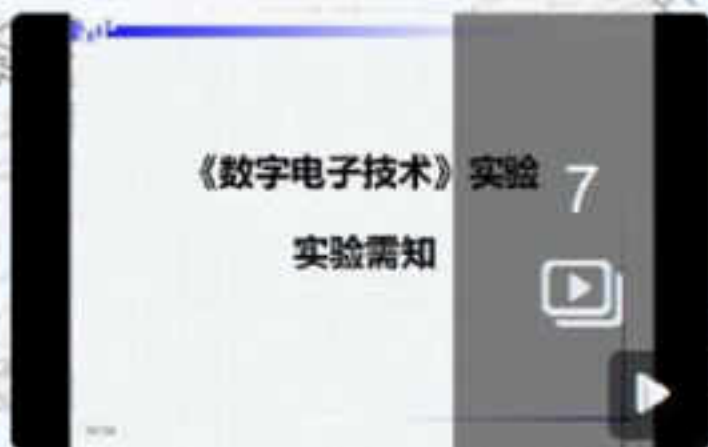
UID: 456163933



合集·《数字电子技术基础》习题详解



合集·《数字电子技术基础》(97 集全)



数字电子技术实验

第一章 数制和码制

——王文俊

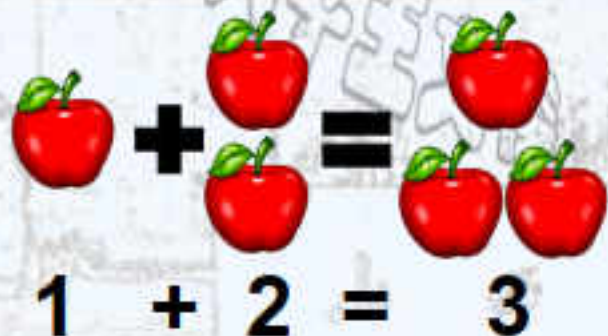
山西农业大学

一、数码的基本概念

数字电路所处理的各种数字信号是以**数码**形式给出的。

数

表示**数量**的大小



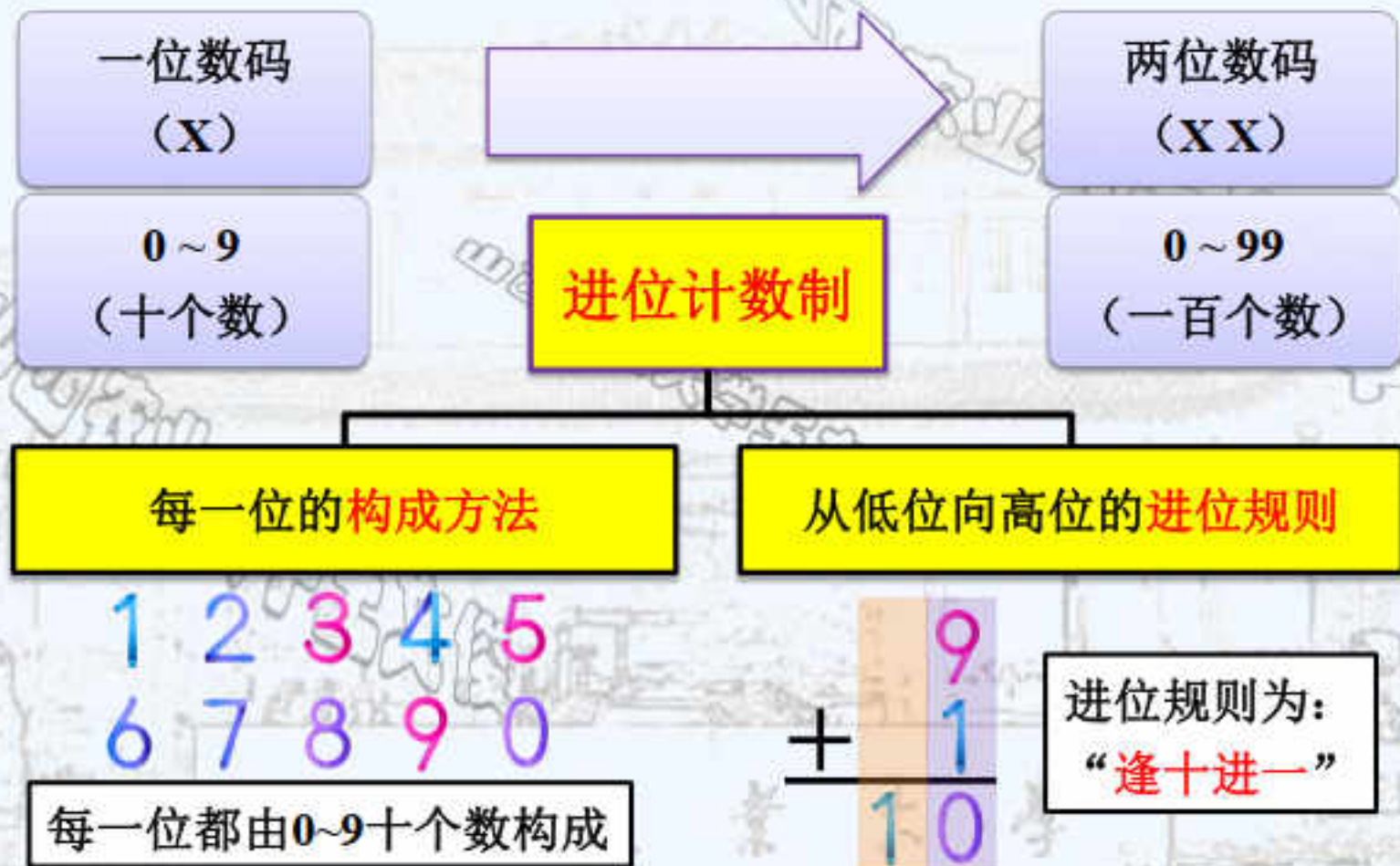
码

表示**不同事物**或事物的**不同状态**



• 1、数制

在用数码表示数量大小时，常用**进位计数制**的方法组成多位数码。



• 2、码制

在用数码表示不同事物时，数码是不同事物的代号，简称为**代码**。

编制代码所需要遵循的**规则**，称为**码制**。



信号灯 编码	红灯	黄灯	绿灯
甲	0	1	2
乙	1	2	3
丙	4	6	9

每个人都可以根据自己的需要，制定编码规则，编制代码。

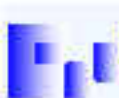
考虑信息交换的需要，必须制定一些共同使用的**通用代码**。

二、几种常用的数制

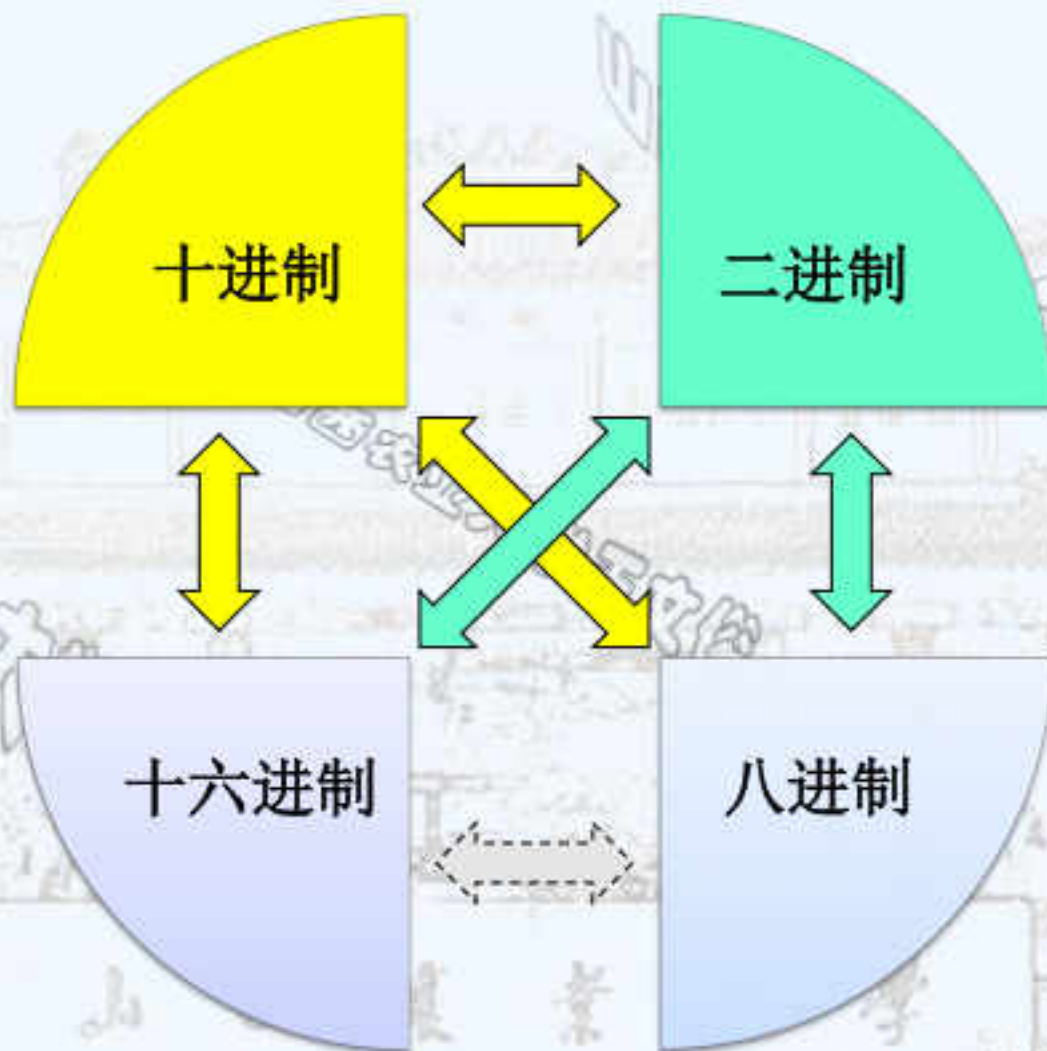
数制的内容	二进制	八进制	十进制	十六进制
每一位的表示方法	0~1 两个数	0~7 八个数	0~9 十个数	0~15 十六个数
进位规则	逢二进一	逢八进一	逢十进一	逢十六进一
进制的表示方式	B或2	O或8	D或10	H或16
示例	$(101.11)_2$	$(12.4)_8$	$(5.75)_{10}$	$(2A.7F)_{16}$

不同进制数的对照表

十进制数	二进制	八进制	十六进制
00	0000	00	0
01	0001	01	1
02	0010	02	2
03	0011	03	3
04	0100	04	4
05	0101	05	5
06	0110	06	6
07	0111	07	7
08	1000	10	8
09	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F



三、不同数制间的转换



1、任意进制→十进制（N→十转换）

采用通用**展开式**，实现任意进制向十进制的转换。

$$D = \sum k_i N^i$$

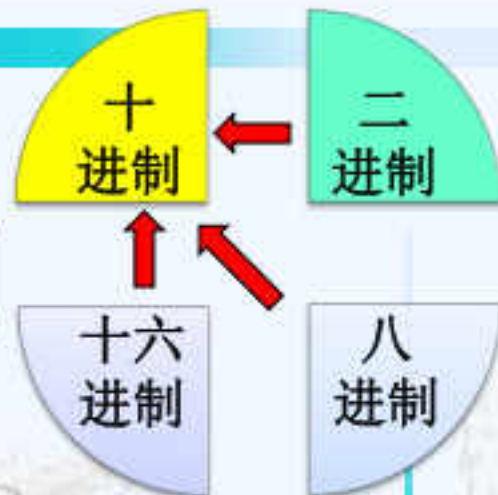
i 为位数

• ... 4 3 2 1 0 . -1 -2 -3 -4 ...

N 为基数

• 二进制 $N=2$ ；八进制 $N=8$ ；十进制 $N=10$ ；十六进制 $N=16$

k_i 为第 i 位的系数， N^i 为第 i 位的权



- 例1: $(143.75)_{10}$ 的展开式

位数 <i>i</i>	2	1	0	.	-1	-2
权 N^i	10^2	10^1	10^0	.	10^{-1}	10^{-2}
系数 k_i	1	4	3	.	7	5
项 $k_i N^i$	100	40	3	.	0.7	0.05
D	$100 + 40 + 3 + 0.7 + 0.05 = 143.75$					

$$\begin{aligned}
 D &= \sum k_i 10^i \\
 &= 1 \times 10^2 + 4 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 7 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2} \\
 &= (143.75)_{10}
 \end{aligned}$$

- 例2（二-十转换）：将 $(101.11)_2$ 转换为十进制数

位数 <i>i</i>	2	1	0	.	-1	-2
权 N^i	2^2	2^1	2^0	.	2^{-1}	2^{-2}
系数 k_i	1	0	1	.	1	1
项 $k_i N^i$	4	0	1	.	0.5	0.25
D	$4 + 0 + 1 + 0.5 + 0.25 = 5.75$					

$$\begin{aligned}
 D &= \sum k_i 2^i \\
 &= 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} \\
 &= (5.75)_{10}
 \end{aligned}$$

- 例3（八-十转换）：将 $(12.4)_8$ 转换为十进制数

位数 <i>i</i>	2	1	0	.	-1	-2
权 N^i	8^2	8^1	8^0	.	8^{-1}	8^{-2}
系数 k_i		1	2	.	4	
项 $k_i N^i$		8	2	.	0.5	
D	$8 + 2 + 0.5 = 10.5$					

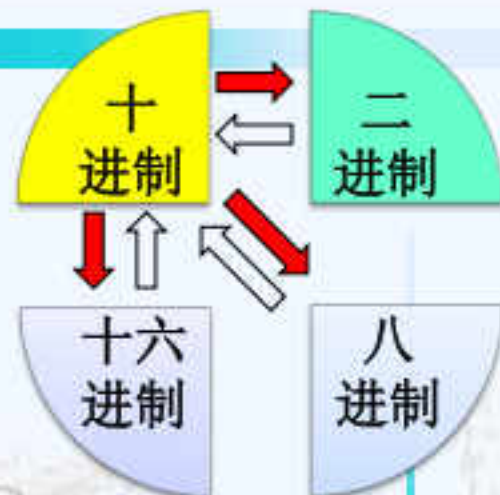
$$\begin{aligned}
 D &= \sum k_i 8^i \\
 &= 1 \times 8^1 + 2 \times 8^0 + 4 \times 8^{-1} \\
 &= (10.5)_{10}
 \end{aligned}$$

- 例4（十六-十转换）：将 $(2A.7F)_{16}$ 转换为十进制数

位数 <i>i</i>	2	1	0	.	-1	-2
权 N^i	16^2	16^1	16^0	.	16^{-1}	16^{-2}
系数 k_i	2	A(10)	.	7	F(15)	
项 $k_i N^i$	32	10	.	7/16	15/256	
<i>D</i>	$32 + 10 + 7/16 + 15/256 = 42.49609375$					

$$\begin{aligned}
 D &= \sum k_i 16^i \\
 &= 2 \times 16^1 + 10 \times 16^0 + 7 \times 16^{-1} + 15 \times 16^{-2} \\
 &= (42.49609375)_{10}
 \end{aligned}$$

- 2、十进制 \rightarrow 任意进制（十 \rightarrow N转换）



• 例5（十-二转换）：将 $(173.8125)_{10}$ 转换为二进制数

1) 整数部分 $(173)_{10}$ ：相除求余左向左



2) 小数部分 $(0.8125)_{10}$: 相乘取整向右

0.8125	$\times 2 = 1.6250$ 整数部分=1
0.6250	$\times 2 = 1.2500$ 整数部分=1
0.2500	$\times 2 = 0.500$ 整数部分=0
0.500	$\times 2 = 1.000$ 整数部分=1
0		



3) 整数部分与小数部分合并

$$(173.8125)_{10} = (10101101.1101)_2$$

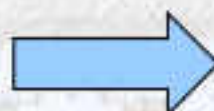
- 例6（十-八转换）：将 $(173.8125)_{10}$ 转换为八进制数

$$\begin{array}{r|l}
 8 & 173 \\
 \hline
 8 & 21 \\
 \hline
 8 & 2 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 \text{----- 余数}=5 \\
 \text{----- 余数}=5 \\
 \text{----- 余数}=2
 \end{array}$$



255.

$$\begin{array}{r}
 0.8125 \times 8 = 6.5 \text{ ----- 整数}=6 \\
 \hline
 0.5 \times 8 = 4.0 \text{ ----- 整数}=4 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$



.64

$$(173.8125)_{10} = (255.64)_8$$

- 例7（十-十六转换）：将 $(173.8125)_{10}$ 转换为十六进制数

$$\begin{array}{r|l}
 16 & 173 \\
 \hline
 16 & 10 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 \text{----- 余数}=13 \\
 \text{----- 余数}=10
 \end{array}$$

AD.

$$\begin{array}{r}
 0.8125 \times 16 = 13 \text{ 整数}=13 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

.D

$$(173.8125)_{10} = (AD.D)_{16}$$

3、二进制与八进制的相互转换

十进制	二进制	八进制
0	000	0
1	001	1
2	010	2
3	011	3
4	100	4
5	101	5
6	110	6
7	111	7
8	1000	10



将3位二进制数看做一个整体，等价于1位八进制数。

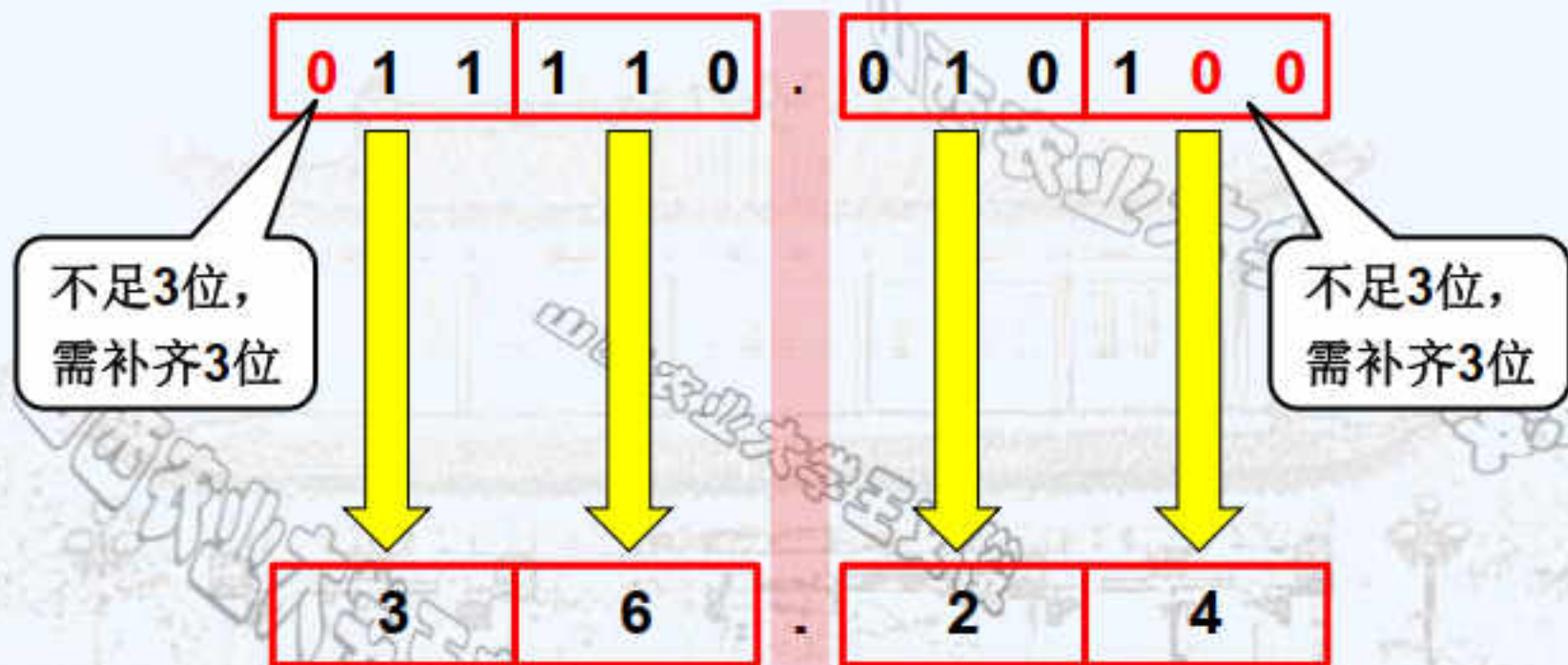
二-八转换

• 每3位二进制数看做一个整体，进行整体替换

八-二转换

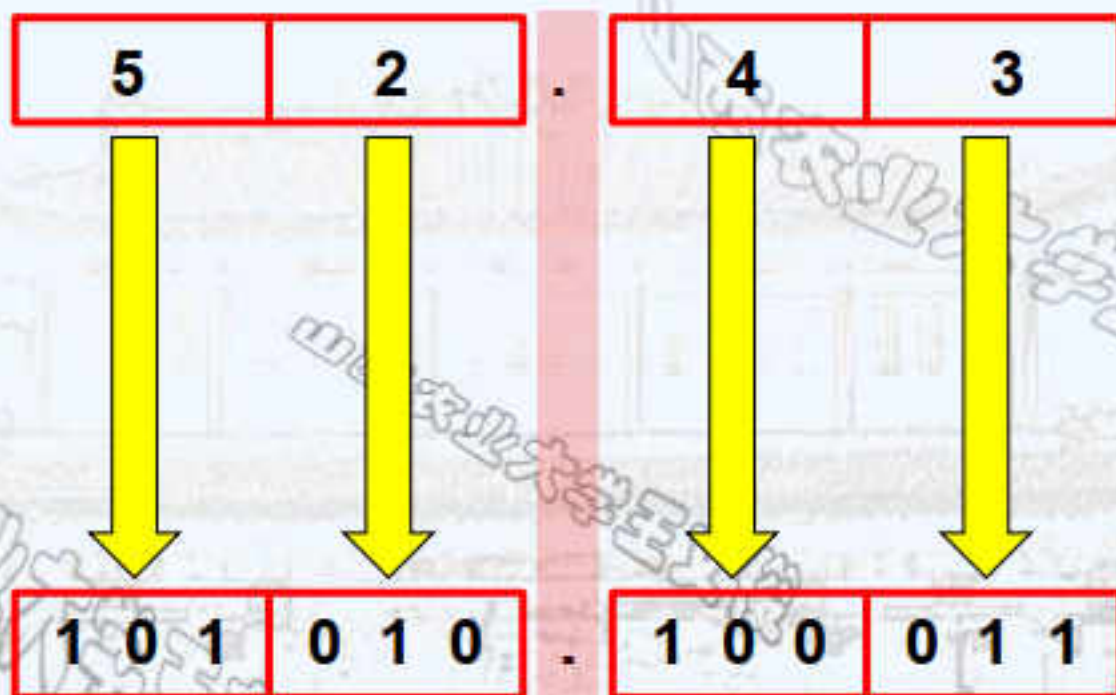
• 将每1位八进制数逐个转换为3位二进制数

- 例8（二-八转换）：将 $(11110.0101)_2$ 转换为八进制数



$$(11110.0101)_2 = (36.24)_8$$

- 例9（八-二转换）：将 $(52.43)_8$ 转换为二进制数



$$(52.43)_8 = (101010.100011)_2$$

• 4、二进制与十六进制的相互转换

十进制	二进制	十六进制	十进制	二进制	十六进制
00	0000	0	08	1000	8
01	0001	1	09	1001	9
02	0010	2	10	1010	A
03	0011	3	11	1011	B
04	0100	4	12	1100	C
05	0101	5	13	1101	D
06	0110	6	14	1110	E
07	0111	7	15	1111	F
			16	10000	10



将4位二进制数看做一个整体，等价于1位十六进制数。

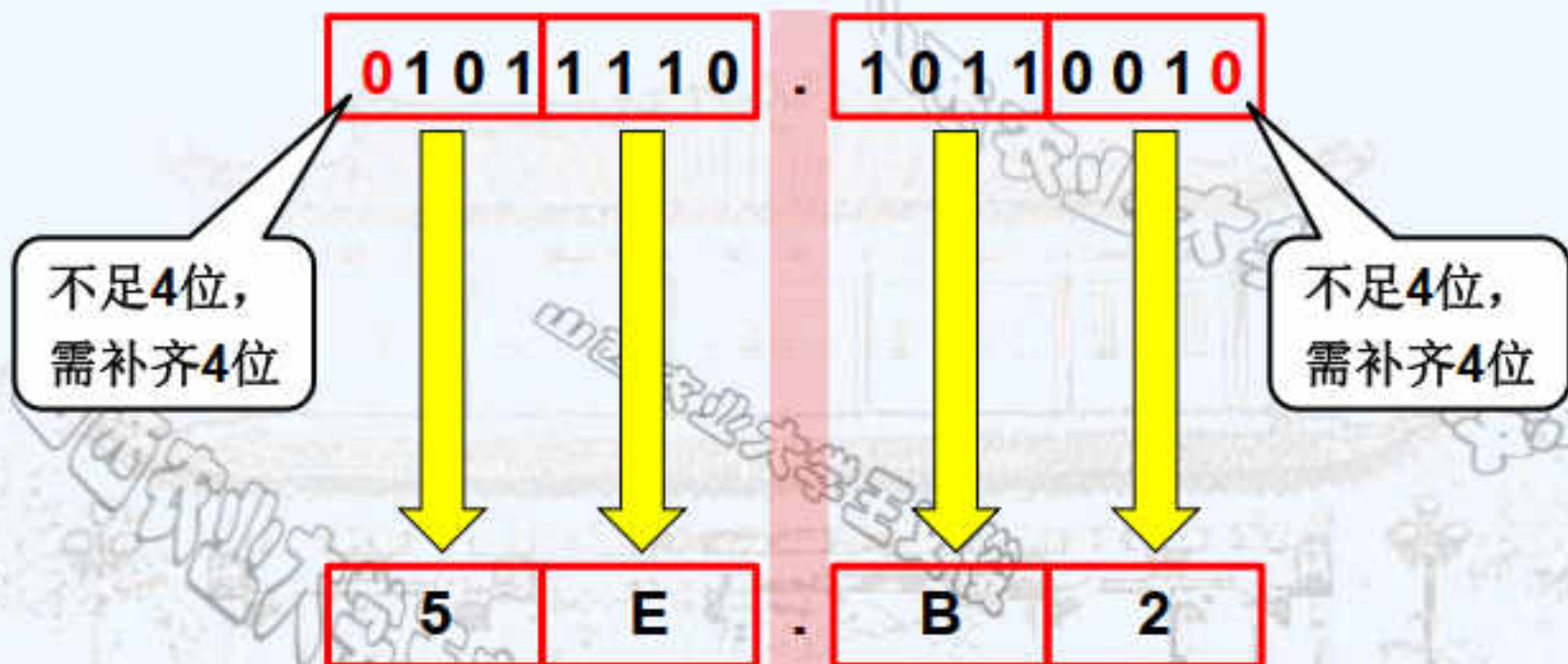
二-十六转换

• 每4位二进制数看做一个整体，进行整体替换

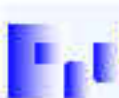
十六-二转换

• 将每1位十六进制数逐个转换为4位二进制数

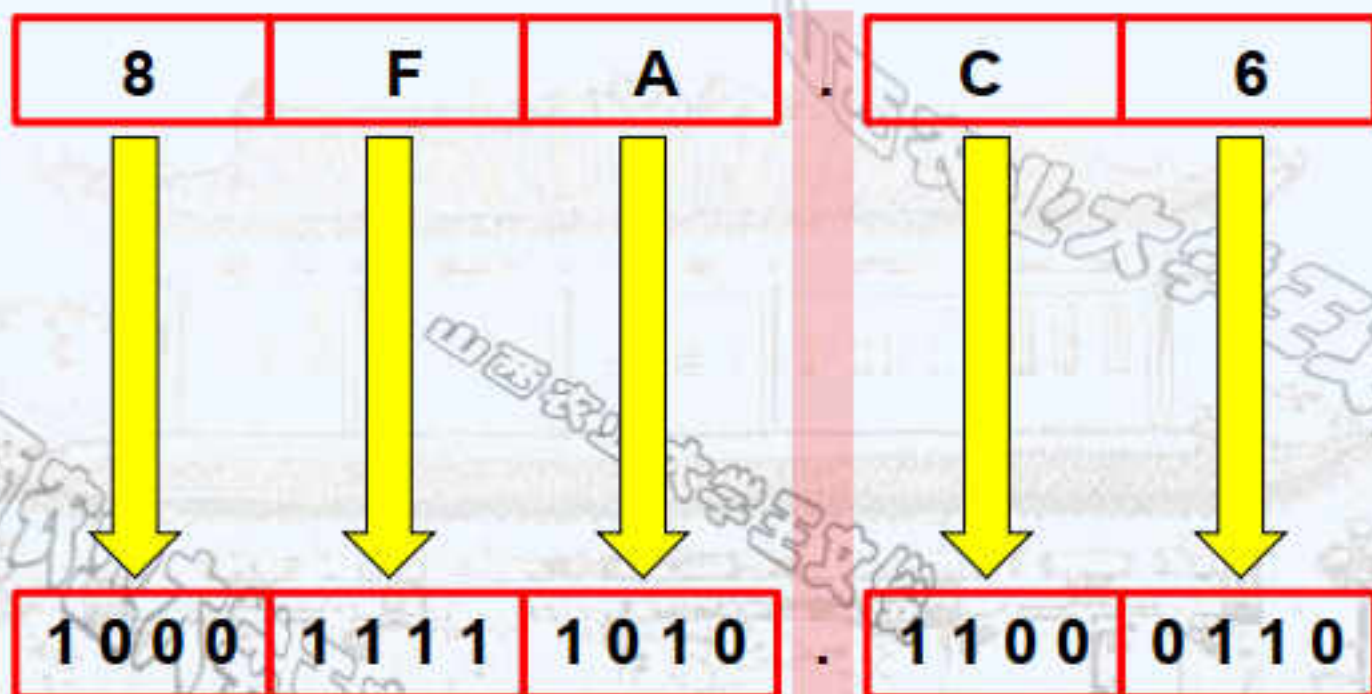
- 例10（二-十六转换）：将 $(1011110.1011001)_2$ 转换为十六进制数



$$(1011110.1011001)_2 = (5E.B2)_{16}$$



- 例11（十六-二转换）：将 $(8FA.C6)_{16}$ 转换为二进制数



$$(8FA.C6)_{16} = (100011111010.11000110)_2$$

四、二进制的算术运算

• 1、二进制的算术运算

加法运算

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 1 \\ +\ 0\ 1\ 0\ 1 \\ \hline 1\ 1\ 1\ 0 \end{array}$$

减法运算

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 1 \\ -\ 0\ 1\ 0\ 1 \\ \hline 0\ 1\ 0\ 0 \end{array}$$

乘法运算

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 1 \\ \times\ 0\ 1\ 0\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 0\ 1 \\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ 1\ 0\ 0\ 1 \\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1 \end{array}$$

乘数为1，被乘数不移动

乘数为0，0000 左移 1 位

乘数为1，被乘数 左移 2 位

乘数为0，0000 左移 3 位

4数相加

$$\begin{array}{r}
 1.11\dots \\
 0101 \overline{) 1001} \\
 \underline{0101} \\
 1000 \\
 \underline{0101} \\
 0110 \\
 \underline{0101} \\
 0010
 \end{array}$$

除法运算

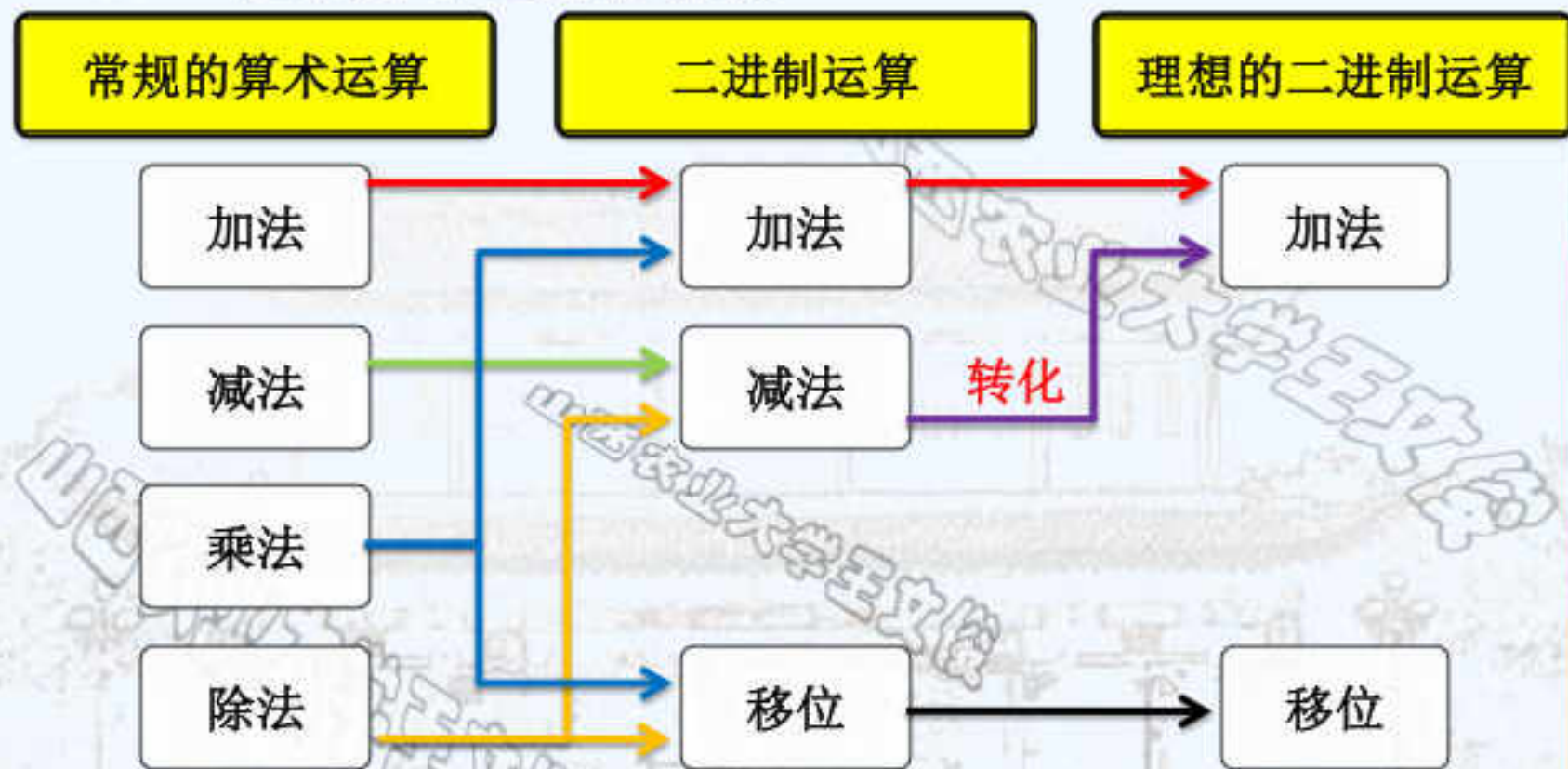
除数不移动，相减

除数右移 1 位，相减

除数右移 2 位，相减

山西农业大学

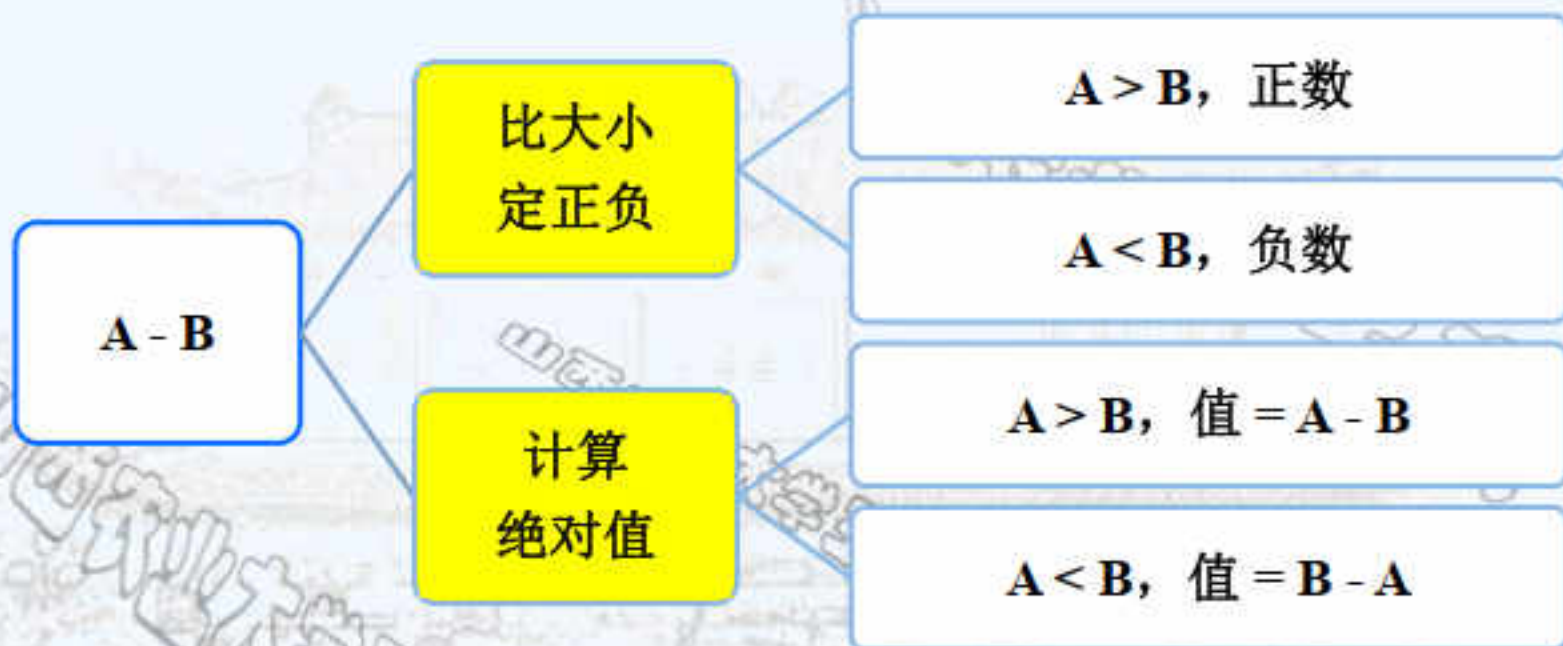
• 2、二进制算术运算的特点



采用二进制，可以将加、减、乘、除简化为“相加”和“移位”，从而使运算电路的结构大为简化。

因此，数字电路普遍采用二进制算术运算。

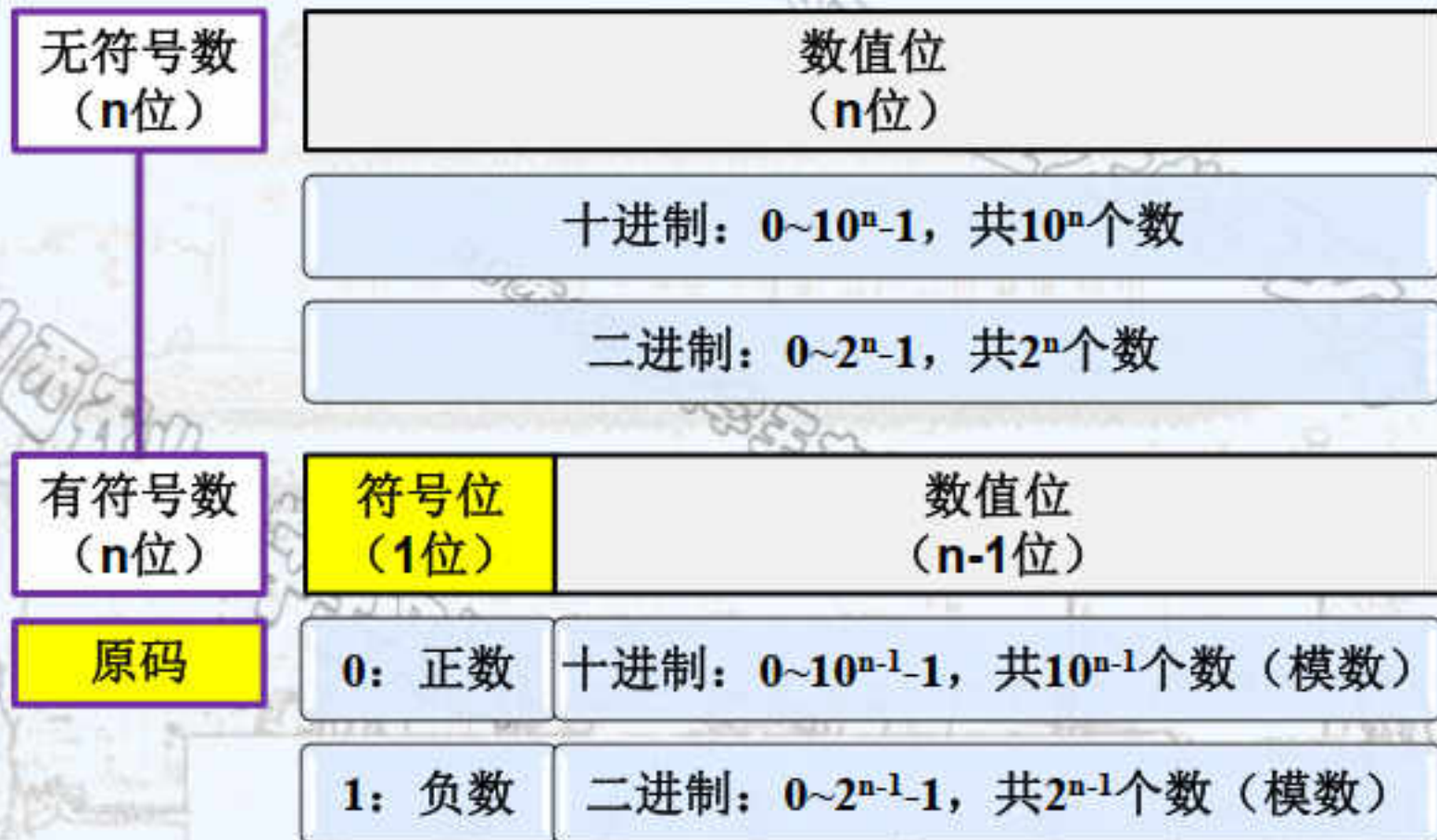
• 3、减法的计算流程



减法计算过程较复杂，且需要数值比较电路和减法运算电路。

五、原码、补码与反码

1、无符号数与有符号数



- 例12: 4位十进制数和4位二进制的表示范围



- 例13: 写出+14和-14的二进制数的原码

$$(14)_{10} = (1110)_2$$

$$(+14)_{10} = (0\ 1110)_2$$

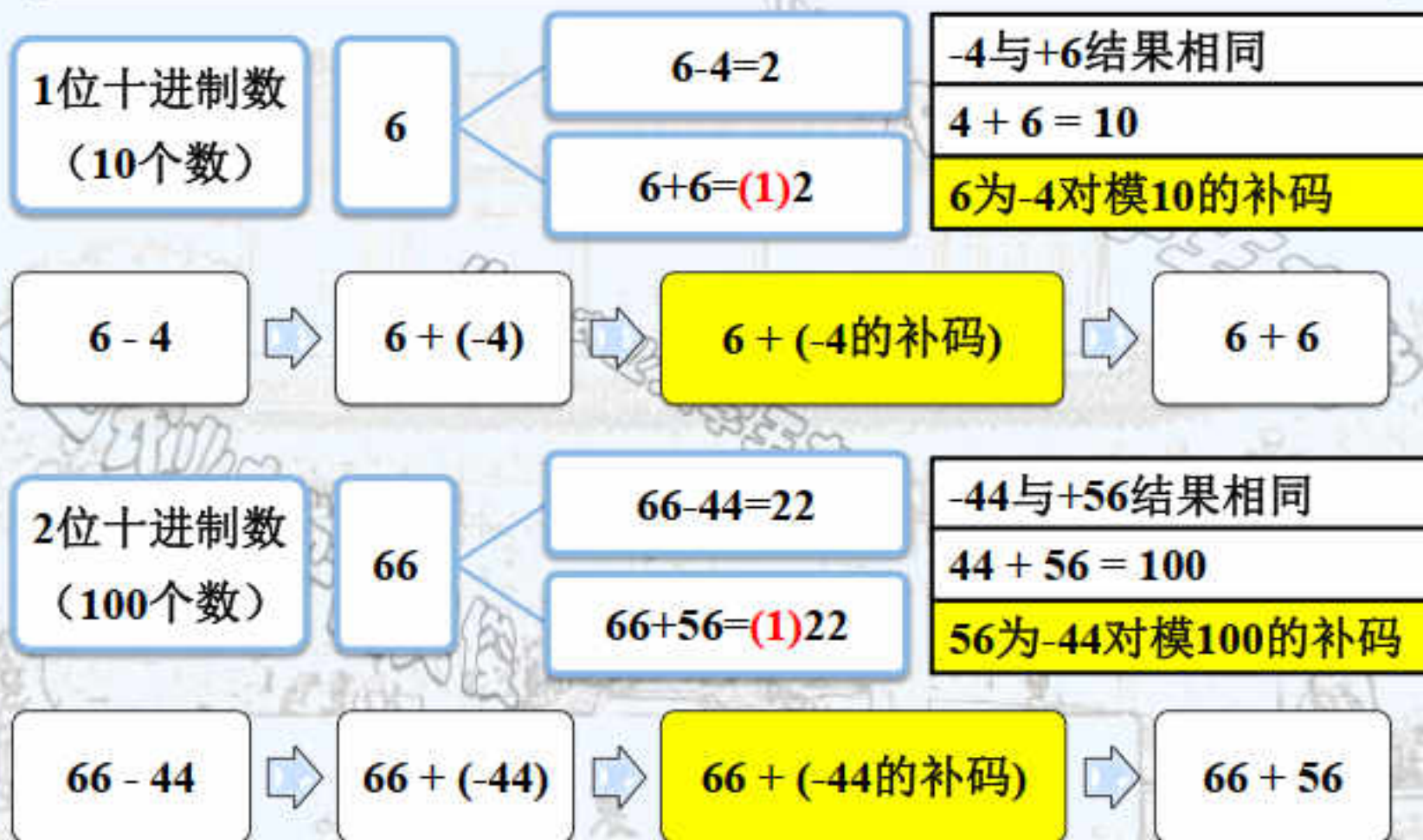
$$(-14)_{10} = (1\ 1110)_2$$

- 例14: 写出 $(1010)_2$ 表示的十进制数

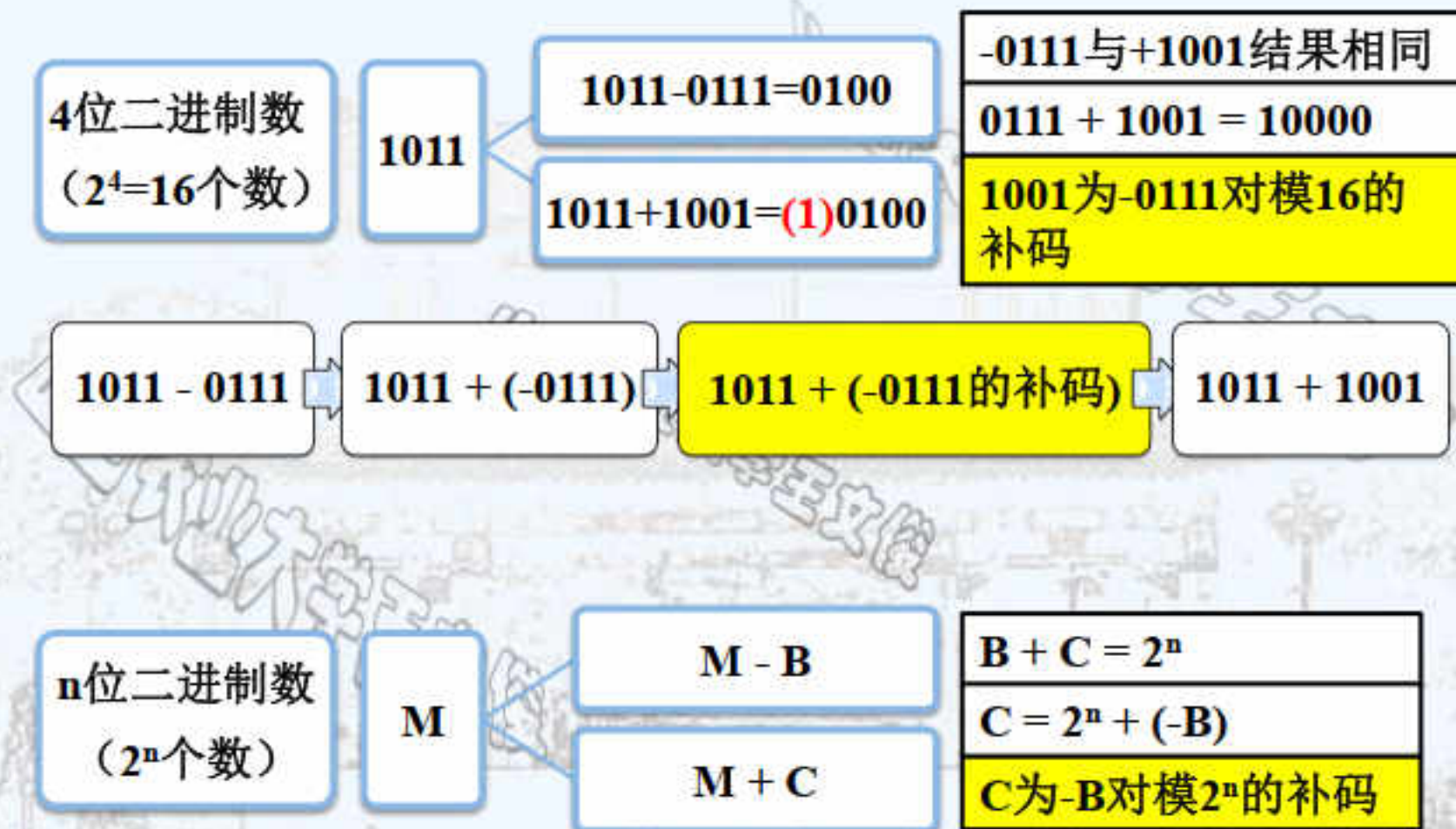


• 2、十进制的补码（仅讨论数值位）

为了能够将减法运算转换为加法运算，提出了**补码**的概念。



• 3、二进制的补码（仅讨论数值位）



• 4、补码运算

对数值位（**不包括符号位**）为 n 位的二进制数 M ，共可表示 2^n 个数。

补码 $(M)_{COMP}$ 的计算公式如下：

$$(M)_{COMP} = \begin{cases} M & M \geq 0 \\ 2^n - M & M < 0 \end{cases}$$

正数

- 本身就是加法运算
- 不需要求补码

负数

- 减法运算（加负数）
- 通过求补码转化为加法

由于补码运算涉及到减法运算，所以一般不直接求补码。

• 5、反码运算

对数值位（**不包括符号位**）为 n 位的二进制数 M ，将 M 中所有的数值位的0改为1、1改为0，即可得到**反码** $(M)_{INV}$

1 0 1 0

0→1 1→0

0 1 0 1

$$1010 + 0101 = 1111 = 2^4 - 1$$

$$(M)_{INV} = \begin{cases} M & M \geq 0 \\ (2^n - 1) - M & M < 0 \end{cases}$$

二进制反码运算步骤简单，极易实现。

• 6、补码与反码的关系

$$(M)_{COMP} = \begin{cases} M & M \geq 0 \\ 2^n - M & M < 0 \end{cases} \quad (M)_{INV} = \begin{cases} M & M \geq 0 \\ (2^n - 1) - M & M < 0 \end{cases}$$



$$(M)_{COMP} = \begin{cases} M & M \geq 0 \\ (M)_{INV} + 1 & M < 0 \end{cases}$$

整个数值位的最后一位+1，
而不是整数位的最后一位+1

通过反码运算，间接获得补码，可避开直接求补码中的减法运算。

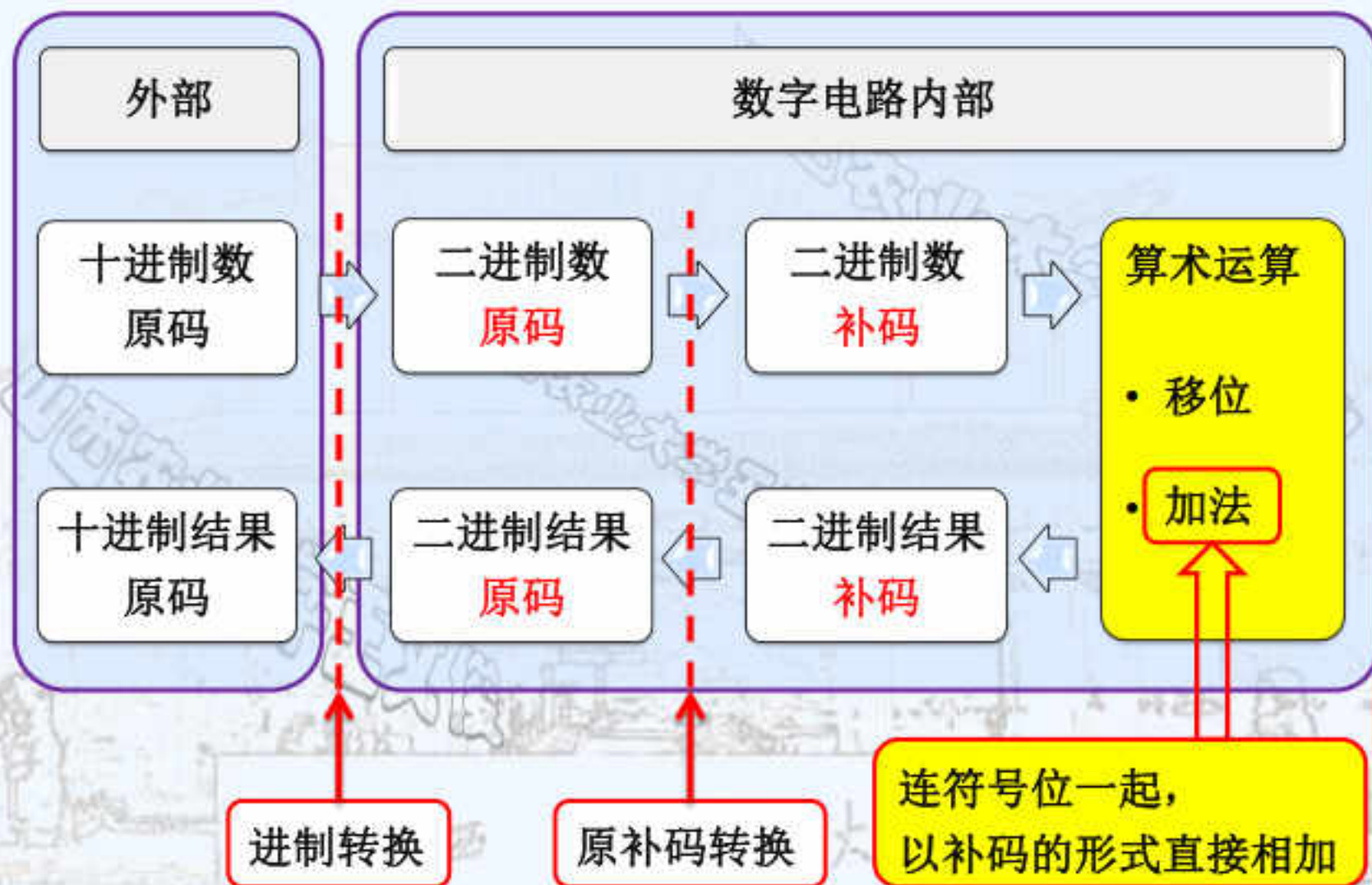
7、原码、反码、补码运算总结

原码 ($n+1$ 位)	符号位 (1位)	数值位 (n 位, 模数为 2^n)
原码	0	数值为 M
正数	原码 = 反码 = 补码	
原码	1	数值为 M
	保持 ↓ 不变	↓ $0 \rightarrow 1, 1 \rightarrow 0$
反码	1	数值为 $(2^n - 1) - M$
	保持 ↓ 不变	↓ 最后一位+1
补码	1	数值为 $2^n - M$

- 例15: 写出带符号位二进制数001010 (+10)、101010 (-10)、0101.11 (+5.75) 和1101.11 (-5.75) 的反码和补码。

十进制数	+10	-10	+5.75	-5.75
原码	0 01010	1 01010	0 101.11	1 101.11
反码	0 01010	1 10101	0 101.11	1 010.00
补码	0 01010	1 101 10	0 101.11	1 010.0 1

8、补码运算的应用



- 例16: 用二进制补码运算求:
- $13+10$ 、 $13-10$ 、 $-13+10$ 、 $-13-10$

十进制数	原码	补码		
+23	0 10111	0 10111	$13+10$	$(+13) + (+10)$
-23	1 10111	1 01001	+13补码	0 01101
+13	0 01101	0 01101	+10补码	0 01010
-13	1 01101	1 10011	结果补码	0 10111
+10	0 01010	0 01010	结果原码	0 10111
-10	1 01010	1 10110	结果	$(+23)_{10}$
+3	0 00011	0 00011		
-3	1 00011	1 11101		

- 例16: 用二进制补码运算求:
- $13+10$ 、 $13-10$ 、 $-13+10$ 、 $-13-10$

十进制数	原码	补码		
+23	0 10111	0 10111	$13-10$	$(+13) + (-10)$
-23	1 10111	1 01001		
+13	0 01101	0 01101	+13补码	0 01101
-13	1 01101	1 10011	-10补码	1 10110
+10	0 01010	0 01010	结果补码	(1) 0 00011
-10	1 01010	1 10110	结果原码	0 00011
+3	0 00011	0 00011	结果	$(+3)_{10}$
-3	1 00011	1 11101		

- 例16: 用二进制补码运算求:
- $13+10$ 、 $13-10$ 、 $-13+10$ 、 $-13-10$

十进制数	原码	补码		
+23	0 10111	0 10111		
-23	1 10111	1 01001		
+13	0 01101	0 01101		
-13	1 01101	1 10011		
+10	0 01010	0 01010		
-10	1 01010	1 10110		
+3	0 00011	0 00011		
-3	1 00011	1 11101		

$-13+10$	\Rightarrow	$(-13) + (+10)$
-13补码		1 10011
+10补码		0 01010
结果补码		1 11101
结果原码		1 00011
结果		$(-3)_{10}$

- 例16: 用二进制补码运算求:
- $13+10$ 、 $13-10$ 、 $-13+10$ 、 $-13-10$

十进制数	原码	补码	$-13-10 \Rightarrow (-13) + (-10)$	
+23	0 10111	0 10111		
-23	1 10111	1 01001	-13补码	1 10011
+13	0 01101	0 01101	-10补码	1 10110
-13	1 01101	1 10011	结果补码	(1) 1 01001
+10	0 01010	0 01010	结果原码	1 10111
-10	1 01010	1 10110	结果	$(-23)_{10}$
+3	0 00011	0 00011		
-3	1 00011	1 11101		

六、几种常用的编码

- 1、十进制代码

4位二进制数可表示16个数

10个用于表示十进制数0~9

6个废弃不用

不同编码规则

BCD码
(8421码)

2421码

5211码

余3码

余3循环码

十进制数	8421码 (BCD)	2421码	5211码
0	0000	0000	0000
1	0001	0001	0001
2	0010	0010	0100
3	0011	0011	0101
4	0100	0100	0111
5	0101	1011	1000
6	0110	1100	1001
7	0111	1101	1100
8	1000	1110	1101
9	1001	1111	1111

恒权码

- 编码中每一位的权恒定不变。
- 8421码的权：8、4、2、1
- 2421码的权：2、4、2、1
- 5211码的权：5、2、1、1

编码方式

- 将代码中每一位数与权重相乘，并累积求和，即可获得对应的十进制数。
- 2421码的“1101”：

$$\begin{array}{r}
 2 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 \times 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \\
 \hline
 2 + 4 + 0 + 1 = 7
 \end{array}$$

十进制数	余3码	余3循环码
0	0011	0010
1	0100	0110
2	0101	0111
3	0110	0101
4	0111	0100
5	1000	1100
6	1001	1101
7	1010	1111
8	1011	1110
9	1100	1010

余3码

- 将每一个余3码看做一个4位二进制数；
- 它的数值比其所表示的十进制数码多3。

- 余3码的“1010”：

$$(1010)_2 = (10)_{10}$$

$$10 - 7 = 3 \text{ (余3)}$$

余3循环码

- 相邻两个代码之间仅有一位的状态发生变化。

• 2、格雷码

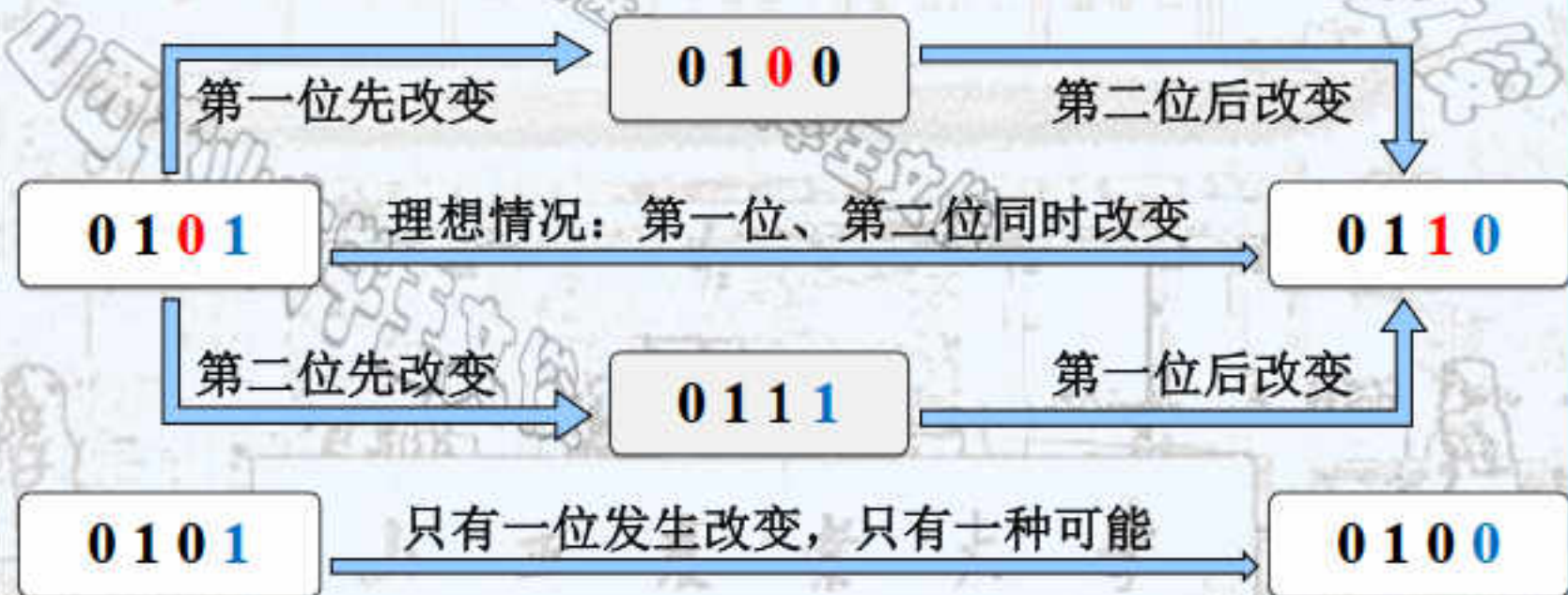
编码顺序	二进制码	格雷码	编码顺序	二进制码	格雷码
0	0000	0000	8	1000	1100
1	0001	0001	9	1001	1101
2	0010	0011	10	1010	1111
3	0011	0010	11	1011	1110
4	0100	0110	12	1100	1010
5	0101	0111	13	1101	1011
6	0110	0101	14	1110	1001
7	0111	0100	15	1111	1000

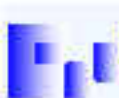
格雷码每一位的状态都按一定顺序循环，因此也被称为**循环码**。

格雷码相邻两个代码之间只有一**位**发生变化，在代码转换过程中不会出现过渡“噪声”。

• 过渡“噪声”的产生

编码顺序	二进制码	格雷码	编码顺序	二进制码	格雷码
4	0100	0110	12	1100	1010
5	0101	0111	13	1101	1011
6	0110	0101	14	1110	1001
7	0111	0100	15	1111	1000





• 3、美国信息交换标准代码 (ASCII)

ASCII码是由美国国家标准化协会制定的一种信息代码。

ASCII是一组7位二进制代码($b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1$), 共128个。

数字0-9
(10个)

大、小写
英文字母
(52个)

各种符号代码
(32个)

控制码
(34个)

ASCII码是一种国际通用标准代码, 广泛应用于计算机和通信领域。

ASCII表

(American Standard Code for Information Interchange 美国标准信息交换代码)

高四位		ASCII控制字符												ASCII打印字符											
		0000						0001						0010	0011		0100	0101		0100	0111				
		0						1						2	3		4	5		6	7				
		十进制	字符	Ctrl	代码	转义	字符解释	十进制	字符	Ctrl	代码	转义	字符解释	十进制	字符	十进制	字符	十进制	字符	十进制	字符	十进制	字符	十进制	字符
0000	0		^@	NUL	\0	空字符	16	▶	^P	DL		数据链路转义	32		48	0	64	@	80	P	96	`	112	p	
0001	1	☺	^A	SOH		标题开始	17	◀	^Q	DC1		设备控制 1	33	!	49	1	65	A	81	Q	97	a	113	q	
0010	2	●	^B	STX		正文开始	18	↕	^R	DC2		设备控制 2	34	"	50	2	66	B	82	R	98	b	114	r	
0011	3	♥	^C	ETX		正文结束	19	!!	^S	DC3		设备控制 3	35	#	51	3	67	C	83	S	99	c	115	s	
0100	4	♦	^D	EOT		传输结束	20	◀	^T	DC4		设备控制 4	36	\$	52	4	68	D	84	T	100	d	116	t	
0101	5	♣	^E	ENQ		查询	21	§	^U	NAE		否定应答	37	%	53	5	69	E	85	U	101	e	117	u	
0110	6	♠	^F	ACK		肯定应答	22	—	^V	STN		同步空闲	38	&	54	6	70	F	86	V	102	f	118	v	
0111	7	•	^G	BEL	\a	响铃	23	↕	^W	ETB		传输块结束	39	'	55	7	71	G	87	W	103	g	119	w	
1000	8	▣	^H	BS	\b	退格	24	↑	^X	CAN		取消	40	(56	8	72	H	88	X	104	h	120	x	
1001	9	○	^I	HT	\t	横向制表	25	↓	^Y	EM		介质结束	41)	57	9	73	I	89	Y	105	i	121	y	
1010	A	▣	^J	LF	\n	换行	26	→	^Z	SUB		替代	42	*	58	:	74	J	90	Z	106	j	122	z	
1011	B	♂	^K	VT	\v	纵向制表	27	←	^[ESC	\e	溢出	43	+	59	;	75	K	91	[107	k	123	{	
1100	C	♀	^L	FF	\f	换页	28	└	^_	FS		文件分隔符	44	,	60	<	76	L	92	\	108	l	124		
1101	D	♪	^M	CR	\r	回车	29	↔	^]	GS		组分隔符	45	-	61	=	77	M	93]	109	m	125	}	
1110	E	🎵	^N	SO		移出	30	▲	^^	RS		记录分隔符	46	.	62	>	78	N	94	^	110	n	126	~	
1111	F	🎵	^O	SI		移入	31	▼	^.	US		单元分隔符	47	/	63	?	79	O	95		111	o	127	␣	*Backspace 代码: DEL

注：表中的ASCII字符可以用“Alt + 小键盘上的数字键”方法输入。

习 题

- P18【题1.4】 (1) (4)
- P18【题1.9】 (1)
- P19【题1.11】 (1) (3)
- P19【题1.15】 (1) (5)

山西农业大学王文俊

山西农业大学