(j)edit

Interaktívne vyšetrovanie priebehu elementárnych funkcií

AUTOR: Juraj Vetrák

ŠKOLITEĽ: Ing. Ján Komara, PhD.

cieľ práce - prehľad

interaktívny editor

edukačný nástroj

matematická analýza

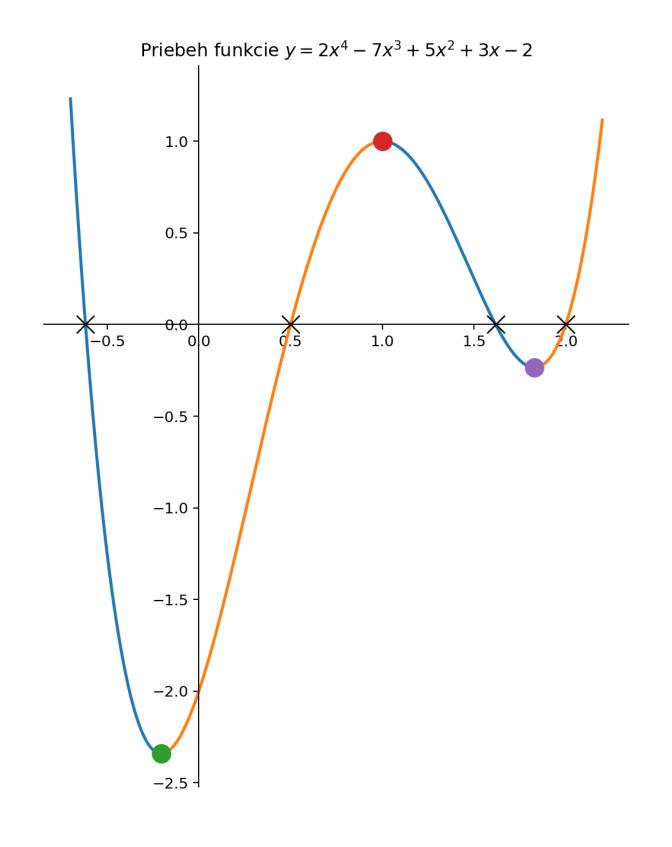
priebeh funkcie

vizualizačná pomôcka

prostredie jupyter notebook

TYPICKÁ SITUÁCIA

- študent úvodného kurzu matematickej analýzy
- predpokladaná neznalosť diferenciálneho počtu
- základná znalosť programovacieho jazyka Python
- vie nakresliť graf funkcie pomocou grafických knižníc
- vie z grafu vyčítať niektoré kvantitatívne charakteristiky danej funkcie



PROBLÉM

- niektoré vlastnosti funkcie poskytol priamo graf
- ako však určiť presnejšie súradnice/intervaly?
- bez diferenciálneho počtu to zrejme jednoduché nebude...

• ...či?



RIEŠENIE

vykreslenie grafu

```
import numpy as np
%matplotlib notebook
import matplotlib.pyplot as plt
import ipywidgets as widgets
from maux import *

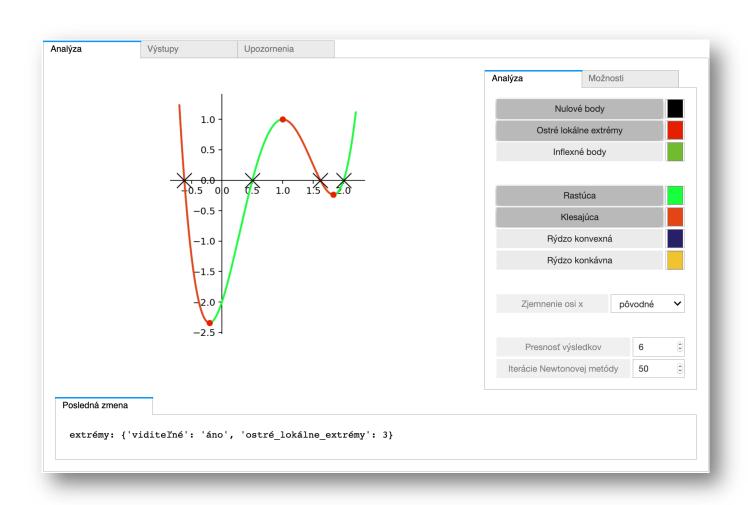
def f(X):
    return 2 * X ** 4 - 7 * X ** 3 + 5 * X ** 2 + 3 * X - 2
X = np.linspace(-0.70, 2.20, 29*100+1)

fig, ax = plt.subplots(figsize=(7,9))
fig.tight_layout()
init_subplot(ax)
ax.set_aspect('equal')
ax.set_title(r"$y = 2x^4-7x^3+5x^2+3x-2$")
ax.plot(X, f(X),c='black', linewidth=2)
```

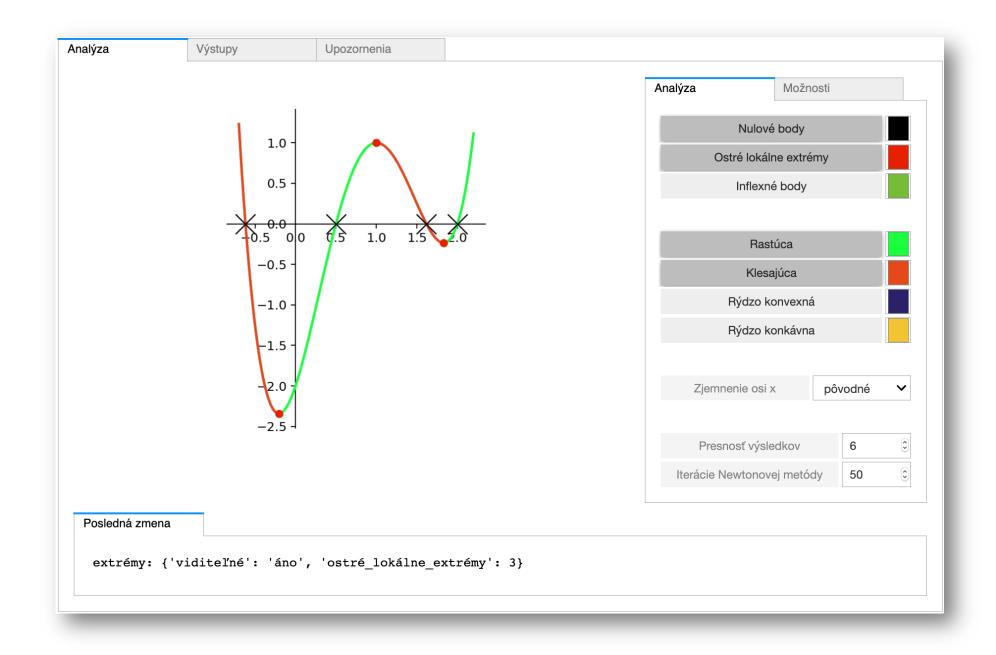
spustenie editora

```
import numpy as np
%matplotlib notebook
import matplotlib.pyplot as plt
import ipywidgets as widgets
from maux import *
from jedit import editor
\mathbf{def} \ \mathbf{f}(X):
    return 2 * X ** 4 - 7 * X ** 3 + 5 * X ** 2 + 3 * X - 2
X = np.linspace(-0.70, 2.20, 29*100+1)
fig, ax = plt.subplots(figsize=(7,9))
fig.tight_layout()
init_subplot(ax)
ax.set_aspect('equal')
ax.set_title(r"$y = 2x^4-7x^3+5x^2+3x-2$")
ax.plot(X, f(X),c='black', linewidth=2)
editor(figure=fig, axes=ax, function=f, intervals=[X])
```

analýza



RIEŠENIE



```
Analýza
                Výstupy
                                Upozornenia
 [18.06.2020 18:40:50]
         popis akcie: nulové body
        derivácie: 0
        metóda: Secant
        maxiter: 50
        počet: 4
         v_bodoch: [
           -0.618034,
           0.5,
           1.61803,
           2.0
 [18.06.2020 18:40:48]
        popis akcie: extrémy
        viditeľné: áno
        ostré_lokálne_extrémy_v_bodoch: [
           -0.205,
           1.0,
           1.83
        ostré_lokálne_minimá_v_bodoch: [
           -0.205,
          1.83
         ostré_lokálne_maximá_v_bodoch: [
          1.0
 [18.06.2020 18:40:46]
        popis akcie: klesajúca
        viditeľné: áno
        intervaly_x: [
           (-0.7, -0.206),
           (1.001, 1.829)
```

technológie v pozadí

programovací jazyk

Python 3.7.4

knižnice

Numpy

Scipy

matplotlib

ipywidgets

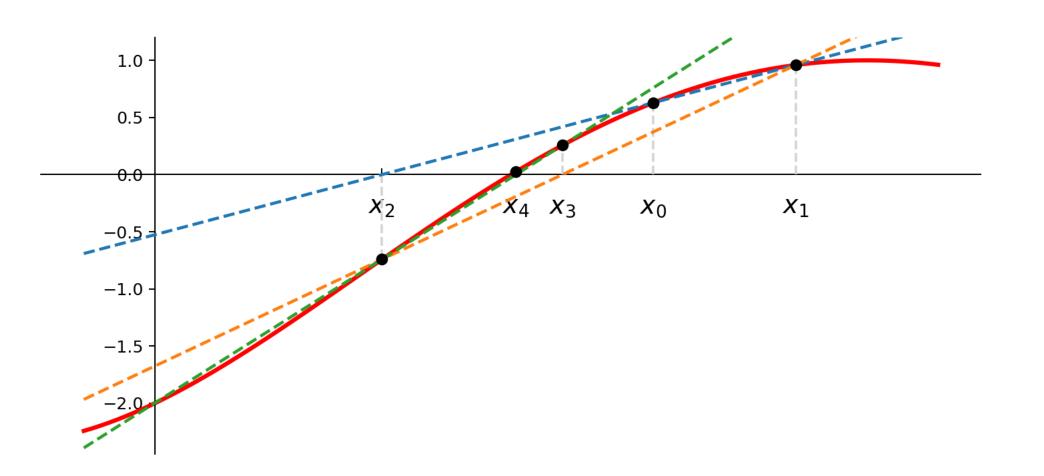
prostredie

Anaconda

Jupyter Notebook

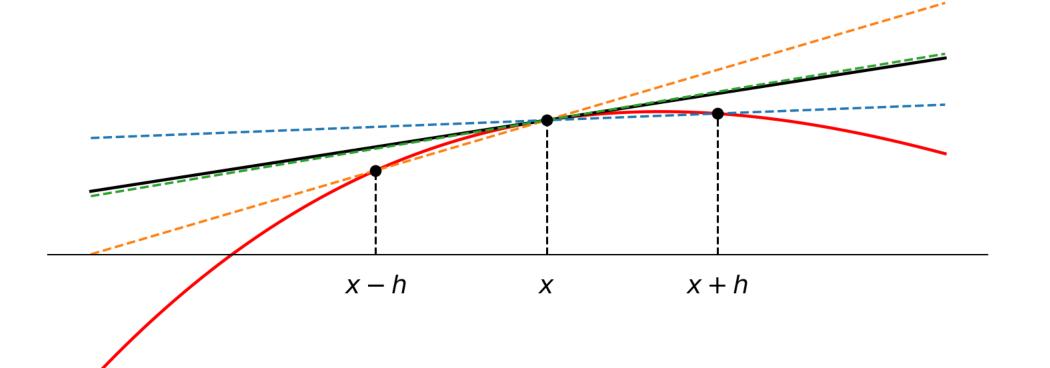
NUMERICKÝ VÝPOČET NULOVÝCH BODOV

- Metóda sečníc
- Newtonova metóda
- scipy.optimize.newton



NUMERICKÝ VÝPOČET DERIVÁCIÍ

- študent nemusí vedieť derivovať
- editor však áno
- scipy.misc.derivative (centrálna diferencia)



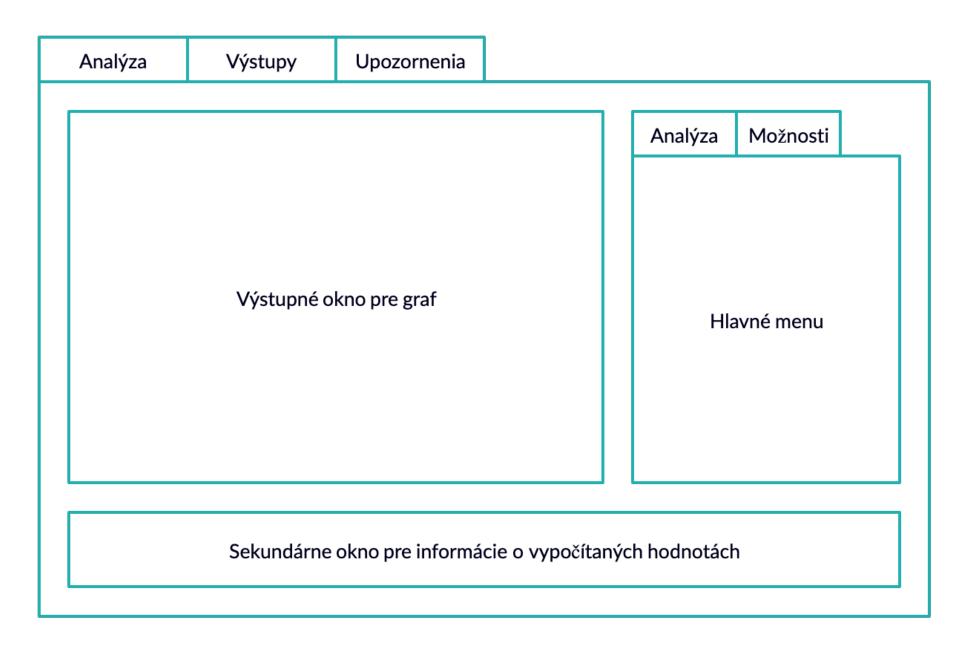
CHARAKTERIZAČNÉ VETY O VYŠETROVANÍ PRIEBEHU FUNKCIE POMOCOU DIFERENCIÁLNEHO POČTU

Veta 2. Nech funkcia f je n-krát diferencovateľná vo vnútornom bode x množiny D(f). Nech ďalej $f'(x) = \cdots = f^{(n-1)}(x) = 0$ a $f^{(n)}(x) \neq 0$ $(n \geq 2)$.

- 1. Ak n je párne a $f^{(n)}(x) > 0$, tak funkcia f má v bode x ostré lokálne minimum.
- 2. Ak n je párne a $f^{(n)}(x) < 0$, tak funkcia f má v bode x ostré lokálne maximum.
- 3. Ak n je nepárne, tak funkcia f nemá v bode x lokálny extrém.

```
def extremes(self, function):
    for i, interval in enumerate(function.intervals):
        primes1 = function.data['primes1'][f'interval{i}']
       for n in range(2, settings['extremes']['max_derivative'] + 1, 2):
            primes_n = function.data[f'primes{n}'].get(f'interval{i}', None)
            if primes_n is None:
                primes_n = add_derivative(function.func, interval, n)
            table = np.dstack((interval, primes1, primes_n))[0]
            candidates = table[table[:, 1] == 0]
            if len(candidates) == 0: break
            if numpy.any(candidates[candidates[:, 2] != 0]):
                minima = candidates[candidates[:, 2] > 0][:, 0]
                maxima = candidates[candidates[:, 2] < 0][:, 0]</pre>
                function.data['minima'][f'interval{i}'] = minima
                function.data['maxima'][f'interval{i}'] = maxima
                extrema = numpy.concatenate([minima, maxima])
                function.data['extremes'][f'interval{i}'] = extrema
                if not numpy.any(candidates[candidates[:, 2] == 0]): break
```

- intuitívny a prehľadný
- dôraz na sprievodné informácie
- dizajnové obmedzenia implementačného prostredia

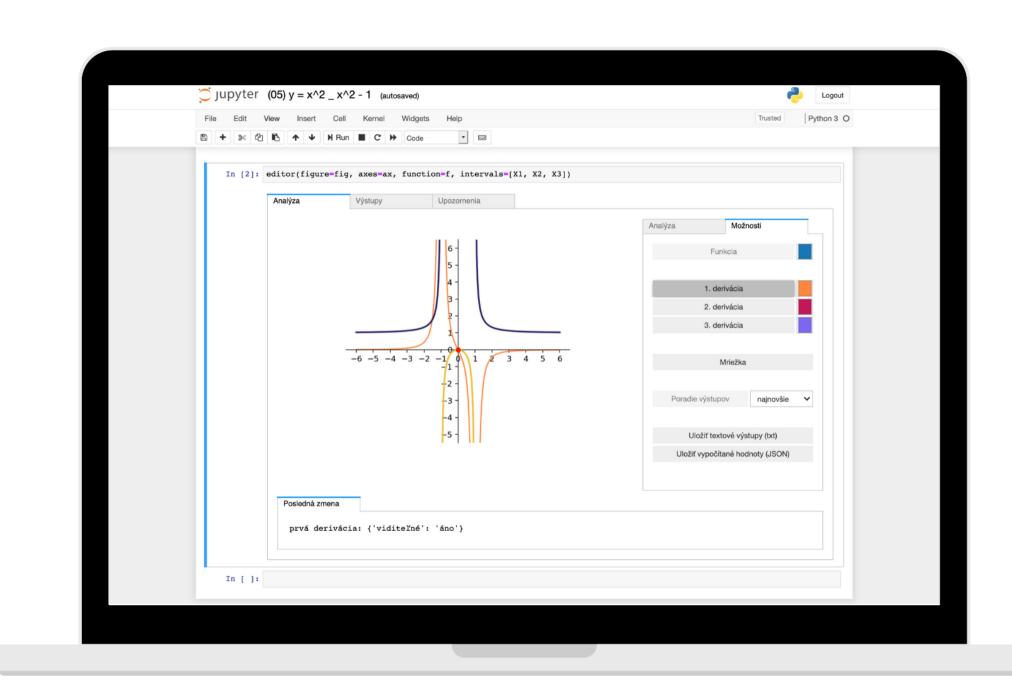


výsledky a pohľad do budúcna

EDITOR V PRAXI

- používaný na laboratóriách v LS, testovaný študentami
- vývoj prispôsobený požiadavkám
- užitočnosť vyhodnotená dotazníkom
- vývoj a používanie pokračuje
- kód prístupný pod GNU AGPL 3.0





ukážka programu

ďakujem za pozornosť





otázky OPONENTKA