

1. 原始问题:

$$\min_{\beta, \beta_0} \frac{1}{2} \|\beta\|^2 + C \sum_{i=1}^N \xi_i$$

subject to $\xi_i \geq 0, y_i(x_i^T \beta + \beta_0) \geq 1 - \xi_i \forall i$

2. 拉格朗日乘子法得到对偶问题:

$$\max_{\alpha} \sum_{i=1}^m \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^m \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i^T x_j$$

subject to $\sum_{i=1}^N \alpha_i y_i = 0, 0 \leq \alpha_i \leq C, i = 1, \dots, N$

3. 利用 SMO 算法求解对偶问题得到 α_i, β, β_0

$$\beta = \sum_{i=1}^N \alpha_i y_i x_i$$

4. 分类决策函数

$$G(x) = \text{sign}[x^T \beta + \beta_0]$$