1 Tham số

- Tập 2N + 2M + K điểm:
 - Hành khách i: điểm đón i và điểm trả i+N+M (i=1,2,...,N)
 - Gói hàng j: điểm lấy hàng j và điểm trả j+N+M (j=N+1,N+2,...,N+M)
 - -K điểm logic 2N+2M+1, 2N+2M+2, ..., 2N+2M+K tham chiếu tới điểm xuất phát vật lý 0. Điểm 2N+2M+k tương ứng là điểm bắt đầu và kết thúc lộ trình xe thứ k (k=1,2,...,K)
- w_i : Sự thay đổi khối lượng hàng khi đi tới điểm i~(i=1,2,...,2N+2M+K)

$$w_i = \begin{cases} q_i & \text{n\'eu } N+1 \leq i \leq N+M \\ -q_{i-(N+M)} & \text{n\'eu } 2N+M+1 \leq i \leq 2N+2M \\ 0 & \text{ngược lại} \end{cases}$$

• Q_k : Khối lượng hàng tối đa xe thứ k có thể chở (k = 1, 2, ..., K)

1.1 Biến quyết định

• x_{ij} : Biến nhị phân, xác định cung đi từ điểm i đến điểm j có xuất hiện trong lộ trình của 1 trong k xe không $(i, j \in \{1, 2, ..., 2N + 2M + K)$

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{n\'eu cung } (i,j) \text{ c\'e trong } \hat{\text{l\'eo}} \text{ trình của } 1 \text{ xe} \\ 0 & \text{ngược lại} \end{cases}$$
 (1)

- Tại mỗi điểm i (i=1,2,...,2N+2M+K):
 - $-r_i$: chỉ số của xe đi qua điểm i trong lộ trình

$$1 \le r_i \le K \tag{2}$$

 $-t_i$: thứ tự của điểm i trong lộ trình của xe k đi qua nó (điểm xuất phát có thứ tự 0)

$$0 \le t_i \le 2N + 2M \tag{3}$$

 $-\ c_i$: khối lượng hàng xe k (đi qua điểm i) còn chịu được khi đi tới điểm i

$$0 \le c_i \le \max_{1 \le k \le K} \{Q_k\} \tag{4}$$

2 Ràng buộc

• Ràng buộc cân bằng luồng vào ra:

$$\sum_{j=1}^{2N+2M+K} x_{ij} = 1, \quad i = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$$
 (5)

$$\sum_{i=1}^{2N+2M+K} x_{ij} = 1, \quad j = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$$
 (6)

• Xác định r_i :

$$r_{2N+2M+k} = k, \quad k = 1, 2, ..., K$$
 (7)

$$r_j - r_i \le \mu \times (1 - x_{ij}), \quad i = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$$
 (8)
 $r_j - r_i \ge -\mu \times (1 - x_{ij}), \quad j = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$

• Xác định t_i :

$$t_{2N+2M+k} = 0, \quad k = 1, 2, ..., K$$
 (9)

$$t_j - t_i - 1 \le \mu \times (1 -)x_{ij}, \quad i = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$$
 (10)
 $t_j - t_i - 1 \ge -\mu \times (1 - x_{ij}), \quad j = 1, 2, ..., 2N + 2M$

• Xác định c_i :

$$c_{2N+2M+k} = Q_k, \quad k = 1, 2, ..., K$$
 (11)

$$c_j - c_i - w_j \le \mu \times (1 - x_{ij}), \quad i = 1, 2, ..., 2N + 2M + K$$
 (12)
 $c_j - c_i - w_j \ge -\mu \times (1 - x_{ij}), \quad j = 1, 2, ..., 2N + 2M$

 Điểm đón và trả của hành khách i phải thuộc lộ trình của cùng một xe, tương tự với các gói hàng:

$$r_i = r_{i+N+M}, \quad i = 1, 2, ..., N+M$$
 (13)

• Điểm đón khách phải liền trước điểm trả khách:

$$x_{i,(i+N+M)} = 1, \quad i = 1, 2, ..., N$$
 (14)

• Điểm lấy hàng phải ở trước điểm giao hàng:

$$t_i + 1 \le t_{i+N+M}, \quad i = N+1, N+2, ..., N+M$$
 (15)

• Khối lượng còn lại của xe tại mọi thời điểm không âm (đã thỏa mãn).

3 Ràng buộc thừa

• Các điểm logic tham chiếu đến 0 không nối lẫn nhau:

$$x_{ij} = 0, \quad i = 2N + 2M + 1, ..., 2N + 2M + K$$

$$j = 2N + 2M + 1, ..., 2N + 2M + K$$

$$i \neq j$$
(16)

• Một điểm không tự nối tới chính nó:

$$x_{ii} = 0, \quad i = 1, 2, ..., 2N + 2M$$
 (17)

4 Hàm mục tiêu

$$\sum_{i=1}^{2N+2M+K} \sum_{j=1}^{2N+2M+K} d_{ij} \times x_{ij} \leftarrow min$$
 (18)