

Programación 3

Cursada 2020

Prof. Alejandra Schiavoni (ales@info.unlp.edu.ar)

Prof. Pablo Iuliano (piuliano@info.unlp.edu.ar)

- Se dice que un objeto es recursivo cuando forma parte de sí mismo, es decir puede definirse en términos de sí mismo.
- En programación, la recursividad es la propiedad que tienen los Algoritmos de llamarse a sí mismos para resolver un problema.

- Ejemplos de definiciones recursivas:
 - Factorial de un número

Potencia de un número

$$x^0 = 1$$

Si y > 0, $x^y = x * x^{y-1}$

 Estructuras de datos Árboles

- Ejemplos de soluciones recursivas:
 - Buscar un elemento en un arreglo
 - Ordenar un arreglo de elementos
 - Recorrer un árbol

- Soluciones recursivas:
 - División sucesiva del problema original en problemas más pequeños del mismo tipo
 - Se van resolviendo estos problemas más sencillos
 - Con las soluciones de éstos se construyen las soluciones de los problemas más complejos

Ejemplo:

Programar un algoritmo recursivo que permita invertir un número

> Ejecución:

Entrada: 123

int invertir (int n)

System.out.print(n);

invertir (n div 10);

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (123)

```
n = 123
print (3)
invertir (12)
```

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida: 3 2

```
int invertir (int n)
{
  if (n < 10)  //caso base
   System.out.print(n);
  else
   System.out.print(n mod 10); // el resto de la
división entera
  invertir (n div 10);
  }</pre>
```

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12 print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (1)

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida: 3 2

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (I)

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Salida: 3 2

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

print []

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

print (I)

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

n = 1

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

n = 1

print (1

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

n = 12

print (2)

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Ejecución:

Entrada: 123

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (1)

print (1

invertir (12)

n = 12

print (2)

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

n = 1

invertir (12)

invertir (n div 10);

System.out.print(n);

n = 12

print (2)

int invertir (int n)

//caso base

System.out.print(n mod 10); // el resto de la

if (n < 10)

división entera

else

invertir (1)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

invertir (123)

n = 123

print (3)

invertir (12)

Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

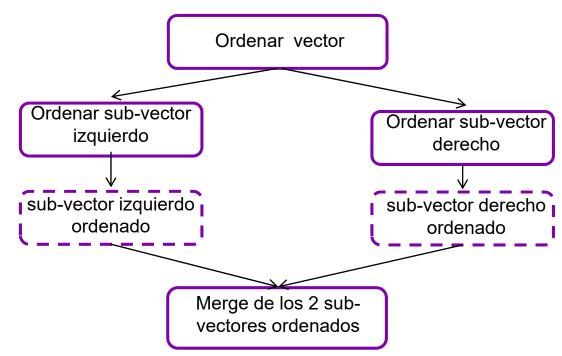
La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Características *recursivas* del algoritmo

- ✓ Se resuelven 2 sub-problemas más pequeños
- Se combinan los resultados de cada solución
- Se cuenta con un caso base.

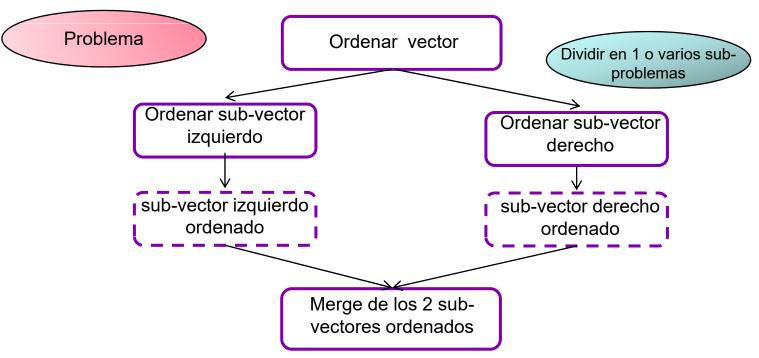
Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).



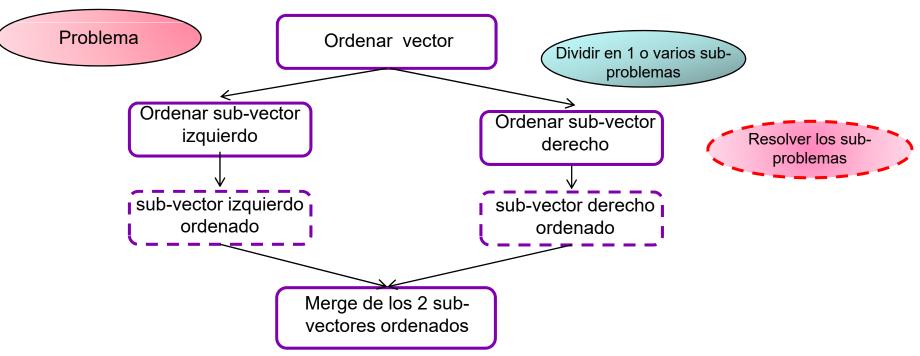
Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).



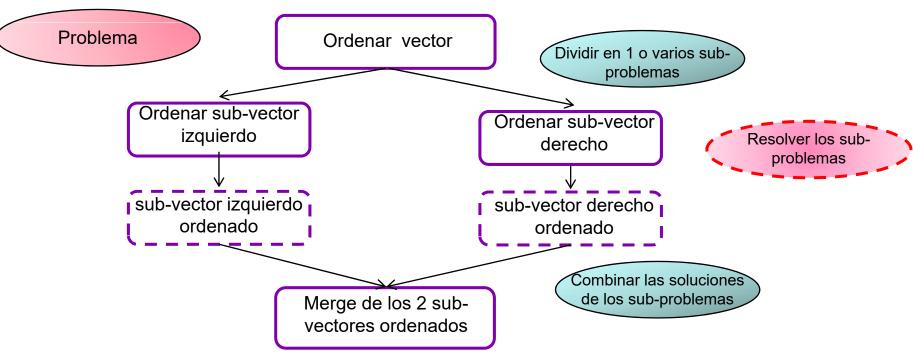
Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).



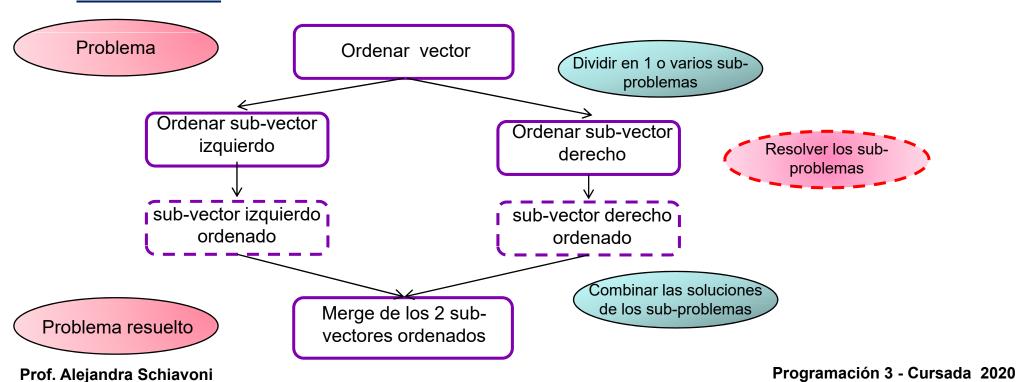
> Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación *MergeSort*

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

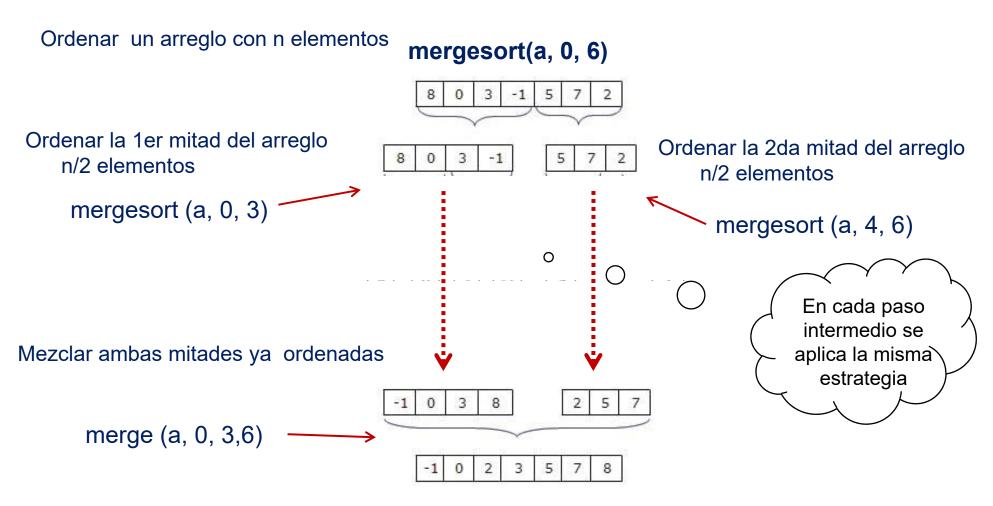


Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación MergeSort

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).



Ejemplo 2: Estrategia



Ejemplo 2:

```
public static void mergesort (int a[],int izq, int der) {

(a)         if ( izq<der ) {

(b)             int m = (izq+der)/2;

(c)             mergesort (a,izq, m);

(d)             mergesort (a,m+1, der);

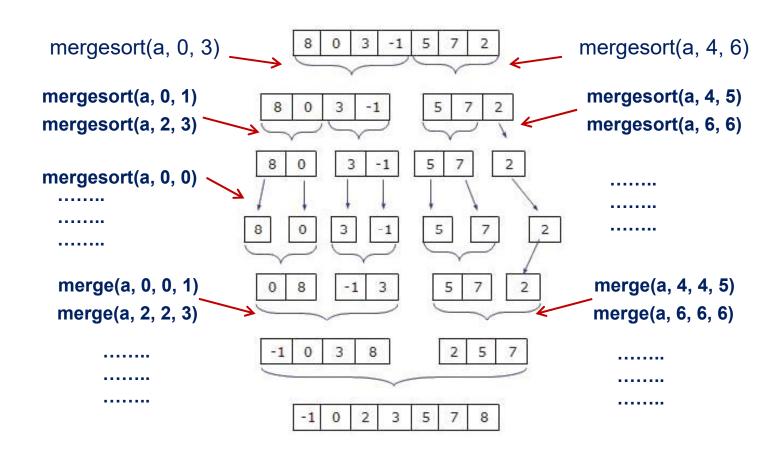
(e)             merge (a, izq, m, der);

}</pre>
```

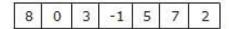
Ejemplo 2 (cont.):

```
public static void merge (int a[], int izq, int m, int der) {
 int i, j, k;
 int [] b = new int [a.length]; //array auxiliar
 for (i=izq; i<=der; i++) { //copia ambas mitades en el array auxiliar
       b[i]=a[i]; }
 i=izq; j=m+1; k=izq;
 while (i<=m && i<=der) { //copia el siguiente elemento más grande
       if (b[i]<=b[i])
            a[k++]=b[i++];
        else
            a[k++]=b[i++];
 while (i<=m) //copia los elementos que quedan de la
        a[k++]=b[i++]; //primera mitad (si los hay)
```

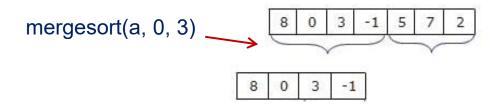
Ejemplo 2: Ejecución



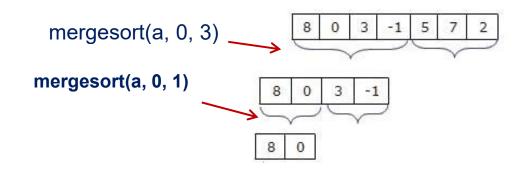
Ejemplo 2: Ejecución



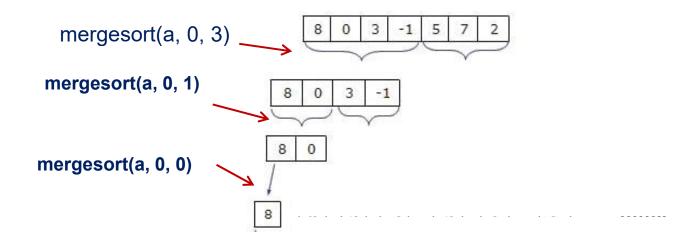
Ejemplo 2: Ejecución



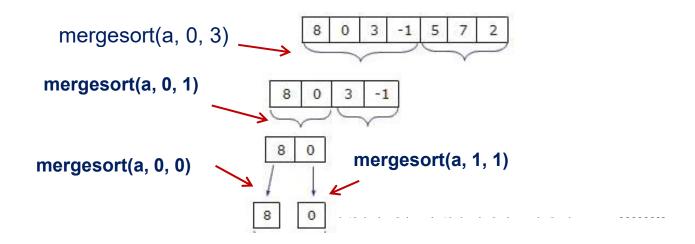
Ejemplo 2: Ejecución



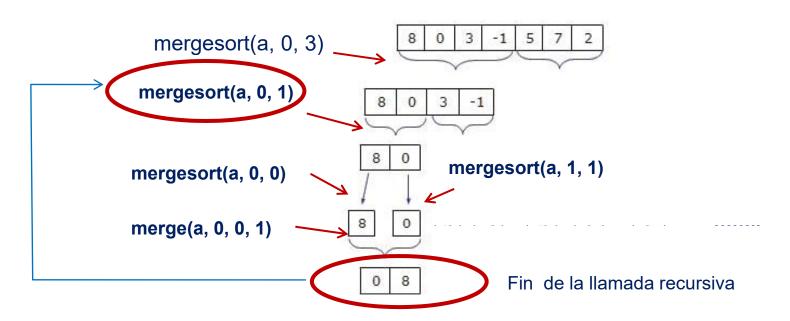
Ejemplo 2: Ejecución



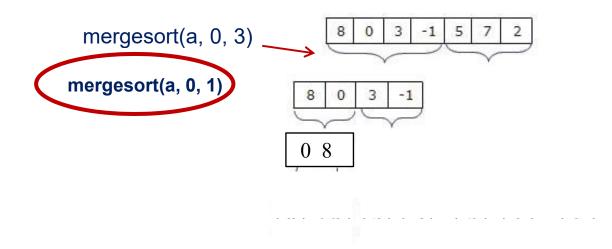
Ejemplo 2: Ejecución



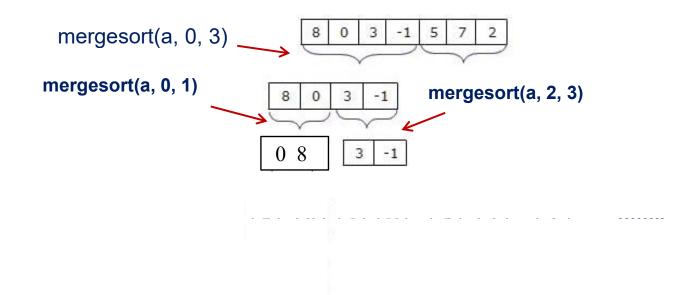
Ejemplo 2: Ejecución



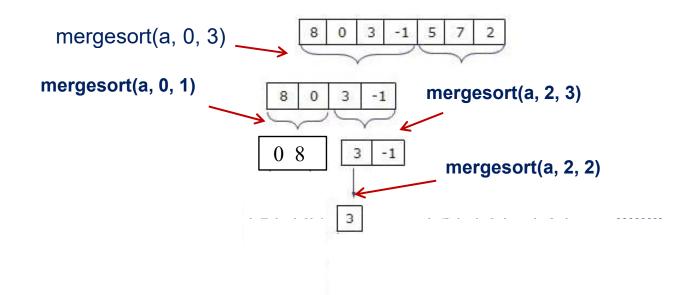
Ejemplo 2: Ejecución



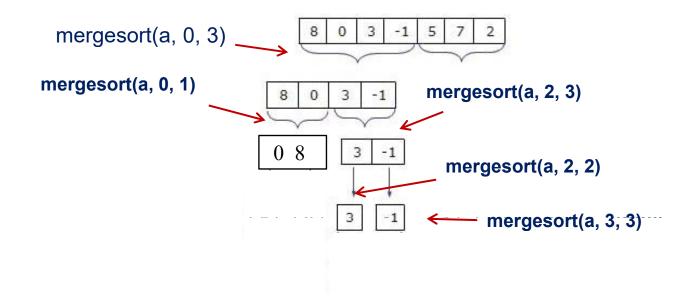
Ejemplo 2: Ejecución



Ejemplo 2: Ejecución

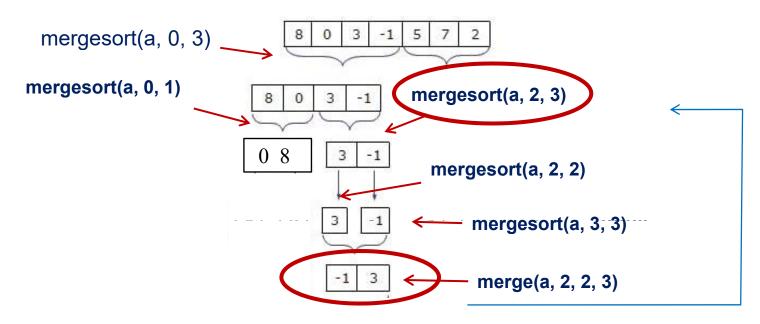


Ejemplo 2: Ejecución



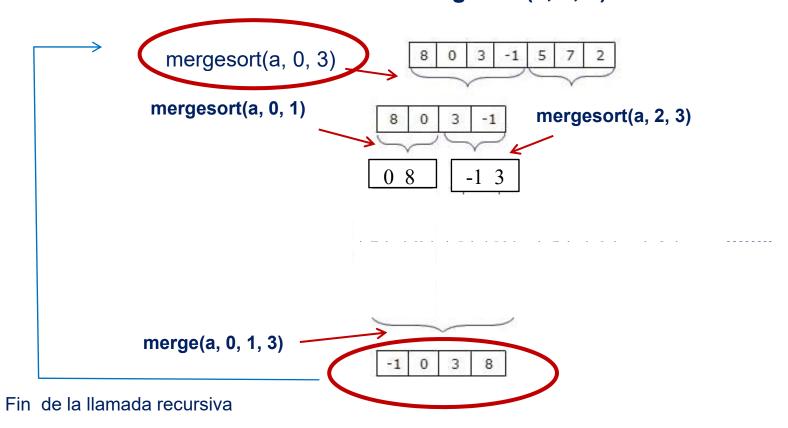
Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



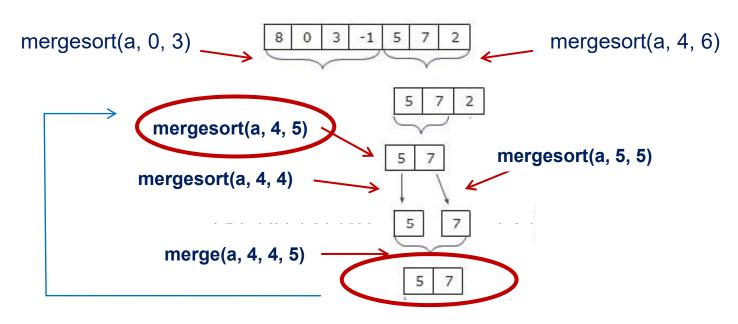
Fin de la llamada recursiva

Ejemplo 2: Ejecución



Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



Fin de la llamada recursiva

Ejemplo 2: Ejecución

