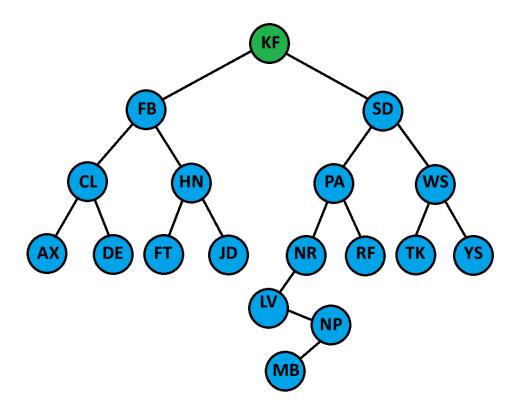
CONCEPTOS DE BASES DE DATOS





Resumen

• Un árbol binario se desbalancea fácilmente





Resumen

- Los árboles balanceados en altura proporcionan una solución aceptable al problema de mantener un índice ordenado
 - Los cambios son locales (no masivos)
- Pero como son árboles binarios, son muy profundos al usarlos con muchos elementos
 - Para 1.000.000 claves, un árbol AVL puede tener 28 niveles → demasiado



Resumen

 Los árboles binarios paginados introducen la idea de agrupar claves en páginas, pero no se ha encontrado la forma de hacerlo eficientemente

- Problemas
 - ¿Cómo construirlo?
 - ¿Cómo elegir la raíz?
 - ¿Cómo mantenerlo balanceado?



Resumen

 Para asegurar que las búsquedas realizadas tengan un costo logarítmico → se debe asegurar que el árbol esta balanceado



Resumen

- Árboles B (orden M)
 - Son árboles multicamino

 - Cantidad de hijos por nodo:
 - Mínimo: [M/2] hijos (menos raíz y terminales)
 - Máximo: M hijos
 - Nodos terminales al mismo nivel
 - Mínimo: [M/2]-1 claves
 - Máximo: M-1 claves



Resumen

- Árboles B
 - Inserción: si el nuevo registro produce overflow
 - **División del nodo**. Promoción. puede propagarse hasta generar una nueva raíz.
 - Eliminación: si el nodo queda en underflow
 - Redistribución. Alguno de sus nodos adyacentes hermanos tiene elementos suficientes → se realiza la redistribución entre dicho nodo y el que quedó en underflow.
 - Concatenación. Ninguno de sus nodos adyacentes hermanos tiene elementos suficientes → se realiza la concatenación entre uno de ellos y el que quedó en underflow. Es posible perder un nivel del árbol.



Resumen

Inserción vs Eliminación

? Redistribución

División Concatenación

- La redistribución podría posponer la creación de nuevos nodos
- Se pueden generar árboles B más eficientes en términos de utilización de espacio



Balanceados (B*)

- Árbol B*: Es un **árbol B especial** en el que cada nodo está lleno por lo menos en 2/3 partes (excepto la raíz)
- Propiedades de un árbol B* de orden M
 - Cantidad de hijos por nodo:
 - Máximo: M hijos
 - Mínimo: [(2M-1)/3] hijos (menos raíz y terminales)
 - Mínimo raíz: 2 hijos (o sino ninguno)
 - Nodos no terminales: K hijos → K-1 claves
 - Nodos terminales (hoja): todos están al mismo nivel
 - Máximo: M-1 claves
 - Mínimo: [(2M 1) / 3]-1 claves



Operaciones (B*)

- Búsqueda: similar a árbol B
- Inserción: redistribución / división. Tres políticas:
 - Derecha (de un lado):
 - Redistribuir con nodo adyacente hermano derecho (o izq. si es el último).
 Si esta lleno se realiza la división usando ambos nodos.
 - Derecha o Izquierda (de un lado u otro)
 - Si el nodo derecho está lleno, se intenta hacerlo con el izquierdo. Si ambos están llenos se usa el nodo en overflow y su hermano derecho para realizar la división.
 - Derecha e Izquierda (de un lado y otro)
 - Similar anterior, pero al realizar la división se usan los tres nodos, generando cuatro nodos que tendrán 3/4 parte llena.
- Eliminación: similar a árbol B (redist./concat.)



- Manejo de nodos (páginas) en buffers
 - Objetivo: minimizar cantidad de accesos a disco
 - El SO administra gran cantidad de buffers

 - Estrategias de reemplazo: LRU (Least Recently Used)
 - Tamaño buffer → capacidad del nodo
 - Si se almacenan nodos en un buffer en RAM
 - Sólo el nodo raíz

 se ahorra 1 acceso a mem. secundaria
 - Nodo raíz y otros principales → se ahorran varios accesos a memoria secundaria



- Manejo de nodos (páginas) en buffers → Ej.
 - Cantidad de claves = 2400
 - Cantidad de nodos = 140
 - Altura del árbol = 3

Cantidad de páginas en buffers en RAM	I	5	10	20
Cantidad de accesos promedio por búsqueda	3	1.71	1.42	0.97



- Conclusiones
 - Los árboles balanceados B y B* permiten el acceso aleatorio por clave de forma eficiente
 - Además, los árboles B* exigen que sus nodos se mantengan más llenos que los árboles B → menor altura
 - ¿Cómo se realiza un procesamiento secuencial ordenado por clave?



- Archivos secuenciales indizados
 - Permiten dos formas de acceso:
 - Indizado: acceso aleatorio por clave
 - Secuencial: acceso secuencial ordenado por clave
 - Alternativas de implementación con los métodos vistos hasta ahora:
 - Orden físico: ineficiente al sufrir modificaciones.
 - Árbol B: rápida recuperación para acceso aleatorio pero ineficiente para acceso secuencial



Balanceados (B+)

 Los árboles B+ constituyen una mejora sobre los árboles B

 Conservan la propiedad de acceso aleatorio rápido de los árboles B (acceso indizado)

 Permiten además un recorrido secuencial ordenado rápido



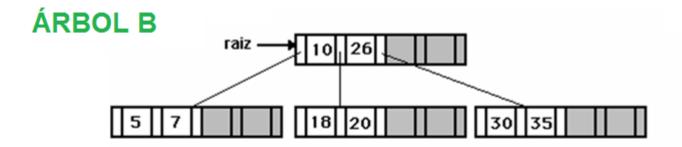
Balanceados (B+)

- Un árbol B+ consta de dos partes
 - Índice \rightarrow nodos interiores
 - En la raíz y nodos interiores se duplican las claves necesarias para definir los caminos de búsqueda
 - Secuencia nodos hojas enlazados
 - Todas las claves se encuentran en los nodos hoja

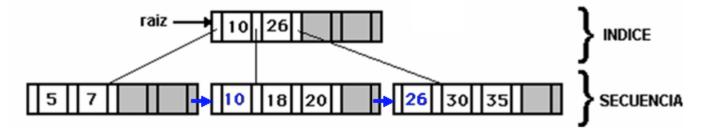


Balanceados (B+)

Comparación



ÁRBOL B+





Balanceados (B+)

 Un árbol B+ ocupa más espacio que un árbol B equivalente, ya que algunas de sus claves se encuentran más de una vez en el árbol

 Las claves del nodo raíz y nodos interiores se utilizan únicamente como índice para las búsquedas



Balanceados (B+)

- Propiedades de un árbol B+ de orden M
 - Cantidad de hijos por nodo:
 - **Máximo**: **M** hijos
 - Mínimo: [M/2] hijos (menos raíz y terminales)
 - Mínimo raíz: 2 hijos (o sino ninguno)
 - Nodos no terminales (interiores)
 - Son punteros a los datos → no contienen datos
 - Nodos terminales (hoja): todos están al mismo nivel
 - Representan un conjunto de datos y son linkeados juntos



Operaciones (B+)

Búsqueda

- No debe detenerse cuando se encuentre la clave en la raíz o en un nodo interior
- La búsqueda continúa por el nodo apuntado por la rama derecha de dicha clave hasta llegar a un nodo hoja



Operaciones (B+)

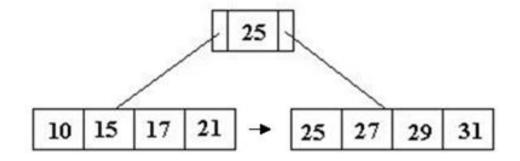
Inserción

- Es **similar a la de los árboles B**, excepto cuando se desea insertar una clave en donde el nodo se encuentra lleno
- En ese caso, el nodo lleno se divide en otros dos, pero ahora:
 - El primero contendrá M/2 claves
 - El segundo 1+M/2 claves, ya que lo que subirá al padre será una copia de la clave central

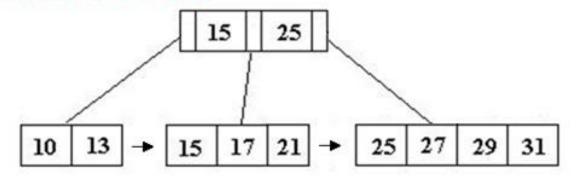


Operaciones (B+)

• Inserción (orden M = 5)



AL INSERTAR LA CLAVE 13:





Operaciones (B+)

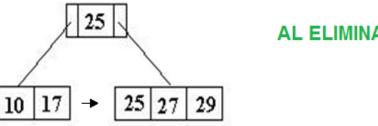
Eliminación

- Todas las claves se encuentran en los nodos hoja → más simple que en los árboles B
- Si al eliminar no se produce underflow
 - Las claves de la raíz o nodos internos no se modifican ya que siguen siendo un separador válido entre las claves de los nodos descendientes
- Si al eliminar se produce underflow
 - Es necesario una redistribución o fusión de las claves, que involucra a las hojas y el índice



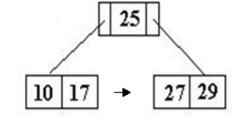
Operaciones (B+)

• Eliminación (orden M = 6)









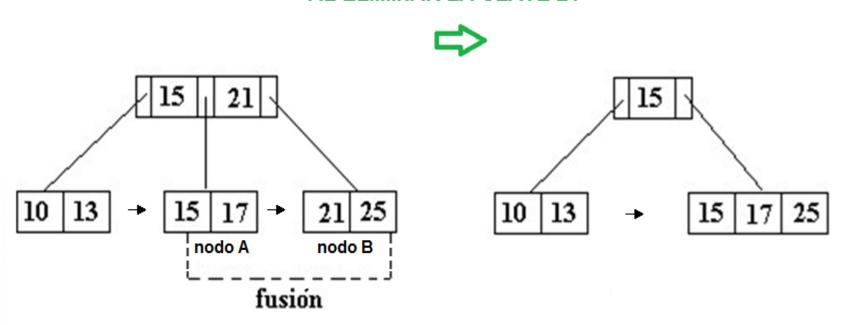




Operaciones (B+)

• Eliminación (orden M = 6)

AL ELIMINAR LA CLAVE 21





Balanceados (B+)

Separadores

- Son derivados de las claves de los registros que limitan un bloque en el conjunto de secuencia

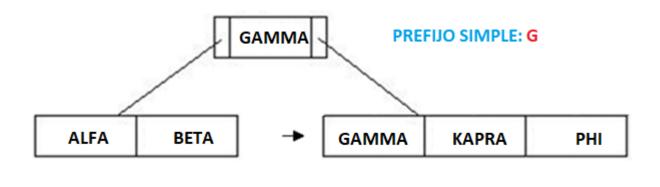
Árbol B+ de prefijos simples

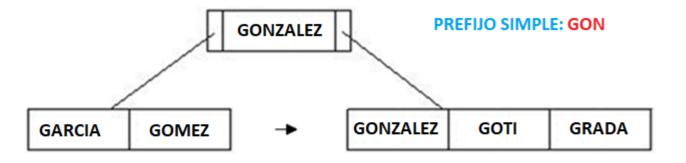
 Es un árbol B+ en el cual el conjunto índice está constituido por separadores más cortos



Balanceados (B+)

• Árbol B+ de prefijos simples







Balanceados

Comparación

	Árbol B	Árbol B+	
Ubicación de datos	Nodos (cualquiera)	Nodos terminales	
Tiempo de búsqueda	Equivalente (puede ser algo mejor)	Equivalente	
Procesamiento secuencial ordenado	Lento (complejo)	Rápido (con punteros)	
Inserción/Eliminación	Equivalente	Equivalente	