

실습11- Hashing



실습11 Hash Table을 이용한 자료검색

The Index is like this.

INDEX

1. Hash Table을 이용한 자료검색

- 실습 목적
- 실습 문제

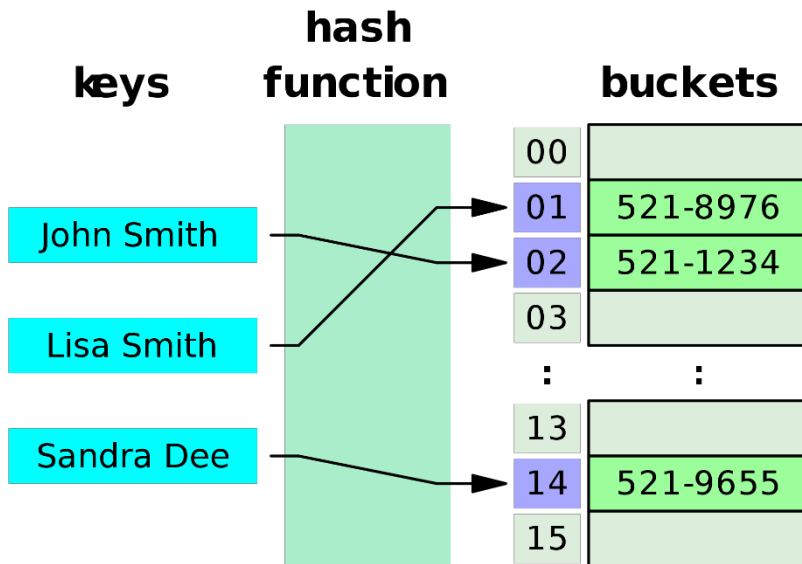
실습 목적

■ 실습 목적

- Hash의 특성을 이해한다.
- Hash를 활용하여 자료를 저장하고, 저장된 자료를 검색한다.

■ 해시(Hash)

- 키 값에 직접 산술적인 연산을 적용하여(해시 함수), 항목이 저장되어 있는 테이블의 주소를 계산하여 항목에 접근
- 값의 연산에 의해 직접 접근이 가능한 구조를 해시 테이블(hash table)이라 부르며, 해시테이블을 이용한 탐색을 해싱(hashing)



실습 목적

■ 실습 목적

- Hash의 특성을 이해한다.
- Hash를 활용하여 자료를 저장하고, 저장된 자료를 검색한다.

■ 충돌 해결책

- 선형 조사법(linear probing)
 - 충돌이 $ht[k]$ 에서 충돌이 발생했다면 $ht[k+1]$ 이 비어 있는지를 조사, 만약 비어있지 않다면 $ht[k+2]$ 를 살펴본다.
 - 비어있는 공간이 나올 때까지 계속하는 조사하는 방법, 테이블의 끝에 도달하게 되면 다시 테이블의 처음부터 조사
 - 조사를 시작했던 곳으로 다시 되돌아오게 되면 테이블이 가득 찬 것임
 - 조사되는 위치 $h(k), h(k)+1, h(k)+2, \dots$
 - 아래는 크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13, 7, 5, 2을 삽입할 때의 선형 조사법에 의한 충돌 처리 예시

1단계 (8) : $\cdot h(8) = 8 \bmod 7 = 1$ (저장)
2단계 (1) : $\cdot h(1) = 1 \bmod 7 = 1$ (충돌발생)
 $\cdot (h(1)+1) \bmod 7 = 2$ (저장)
3단계 (9) : $\cdot h(9) = 9 \bmod 7 = 2$ (충돌발생)
 $\cdot (h(9)+1) \bmod 7 = 3$ (저장)
4단계 (6) : $\cdot h(6) = 6 \bmod 7 = 6$ (저장)
5단계 (13) : $\cdot h(13) = 13 \bmod 7 = 6$ (충돌 발생)
6단계 (7) : $\cdot h(7) = 7 \bmod 7 = 0$ (충돌 발생)
 $\cdot (h(7)+1) \bmod 7 = 1$ (충돌발생)
 $\cdot (h(7)+2) \bmod 7 = 2$ (충돌발생)
 $\cdot (h(7)+3) \bmod 7 = 3$ (충돌발생)
 $\cdot (h(7)+4) \bmod 7 = 4$ (저장)

7단계 (5) : $\cdot h(5) = 5 \bmod 7 = 5$ (저장)
8단계 (2) : $\cdot h(2) = 2 \bmod 7 = 2$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+1) \bmod 7 = 3$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+2) \bmod 7 = 4$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+3) \bmod 7 = 5$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+4) \bmod 7 = 6$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+5) \bmod 7 = 0$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+6) \bmod 7 = 1$ (충돌발생)
 $\cdot (h(2)+7) \bmod 7 = 2$ (테이블 포화, 종료)

[0]	13
[1]	8
[2]	1
[3]	9
[4]	7
[5]	5
[6]	6

크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13, 7, 5, 2를 삽입할 때의 선형 조사법에 의한 충돌 처리 출력 예시

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=1
인덱스 10에 insert item 8

=====
[0]      -1
[1]      8
[2]      -1
[3]      -1
[4]      -1
[5]      -1
[6]      -1
=====

hash_address=1
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 1
인덱스 20에 insert item 1

=====
[0]      -1
[1]      8
[2]      1
[3]      -1
[4]      -1
[5]      -1
[6]      -1
=====

hash_address=2
인덱스 2에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 2
인덱스 30에 insert item 9

=====
[0]      -1
[1]      8
[2]      1
[3]      9
[4]      -1
[5]      -1
[6]      -1
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=6
인덱스 60에 insert item 6

=====
[0]      -1
[1]      8
[2]      1
[3]      9
[4]      -1
[5]      -1
[6]      6
=====

hash_address=6
인덱스 6에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 3
인덱스 00에 insert item 13

=====
[0]      13
[1]      8
[2]      1
[3]      9
[4]      -1
[5]      -1
[6]      6
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=0
인덱스 0에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 4
인덱스 1에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 5
인덱스 2에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 6
인덱스 3에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 7
인덱스 4에 insert item 7

=====
[0]      13
[1]      8
[2]      1
[3]      9
[4]      7
[5]      -1
[6]      6
=====

hash_address=5
인덱스 50에 insert item 5

=====
[0]      13
[1]      8
[2]      1
[3]      9
[4]      7
[5]      5
[6]      6
=====

hash_address=2
인덱스 2에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 8
인덱스 3에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 9
인덱스 4에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 10
인덱스 5에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 11
인덱스 6에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 12
인덱스 0에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 13
인덱스 1에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 14
테이블이 가득 찼습니다
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13 을 삽입할 때의 선형 조사법에 의한 충돌 처리 출력 예시

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=1
인덱스 10에 insert item 8

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]    -1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=1
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 1
인덱스 20에 insert item 1

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=2
인덱스 20에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 2
인덱스 30에 insert item 9

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=6
인덱스 60에 insert item 6

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]     6
=====

hash_address=6
인덱스 60에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 3
인덱스 00에 insert item 13

=====
[0]    13
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]     6
=====

탐색 8: 위치 = 1
탐색 1: 위치 = 2
탐색 9: 위치 = 3
탐색 6: 위치 = 6
탐색 13: 위치 = 0
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

[0]	13
[1]	8
[2]	1
[3]	9
[4]	-1
[5]	-1
[6]	6

실습 목적

■ 실습 목적

- Hash의 특성을 이해한다.
- Hash를 활용하여 자료를 저장하고, 저장된 자료를 검색한다.

■ 충돌 해결책

- 이차 조사법(quadratic probing)
 - 선형 조사법과 유사하지만, 다음 조사할 위치를 다음 식에 의하여 결정한다.
 - $(h(k)+i*i) \bmod M$
 - 조사되는 위치 $h(k), h(k)+1, h(k)+4, \dots$
 - 선형 조사법에서의 문제점인 군집과 결합을 크게 완화
 - $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13, 7, 5, 1 을 삽입할 때에 이차 조사법에 의한 충돌 처리 예시

1단계 (8) : $\cdot h(8) = 8 \bmod 7 = 1$ (저장)
2단계 (1) : $\cdot h(1) = 1 \bmod 7 = 1$ (충돌발생)
 $\cdot (h(1)+1*1) \bmod 7 = 2$ (저장)
3단계 (9) : $\cdot h(9) = 9 \bmod 7 = 2$ (충돌발생)
 $\cdot (h(9)+1*1) \bmod 7 = 3$ (저장)
4단계 (6) : $\cdot h(6) = 6 \bmod 7 = 6$ (저장)
5단계 (13) : $\cdot h(13) = 13 \bmod 7 = 6$ (충돌 발생)
6단계 (7) : $\cdot h(7) = 7 \bmod 7 = 0$ (충돌 발생)
 $\cdot (h(7)+1*1) \bmod 7 = 1$ (충돌발생)
 $\cdot (h(7)+2*2) \bmod 7 = 4$ (저장)
7단계 (5) : $\cdot h(5) = 5 \bmod 7 = 5$ (저장)
8단계 (1) : $\cdot h(1) = 1 \bmod 7 = 1$ (충돌 발생)
 $\cdot (h(1)+1*1) \bmod 7 = 2$ (탐색키 중복, 종료)

[0]	13
[1]	8
[2]	1
[3]	9
[4]	7
[5]	5
[6]	6

크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13, 7, 5, 1 을 삽입할 때에 이차 조사법에 의한 충돌 처리 출력 예시

```
C:\WINDOWS\system32\cm...
hash_address=1
인덱스 10에 insert item 8

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]    -1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=1
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 1
인덱스 20에 insert item 1

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=2
인덱스 20에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 2
인덱스 30에 insert item 9

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cm...
hash_address=6
인덱스 60에 insert item 6

=====
[0]    -1
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]     6
=====

hash_address=6
인덱스 60에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 3
인덱스 00에 insert item 13

=====
[0]    13
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]    -1
[5]    -1
[6]     6
=====

hash_address=0
인덱스 00에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 4
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 5
인덱스 40에 insert item 7

=====
[0]    13
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]     7
[5]    -1
[6]     6
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cm...
hash_address=5
인덱스 50에 insert item 5

=====
[0]    13
[1]     8
[2]     1
[3]     9
[4]     7
[5]     5
[6]     6
=====

hash_address=1
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 6
인덱스 20에서 탐색키가 중복되었습니다
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13, 7, 5을 삽입할 때의 이차 조사법에 의한 충돌 처리 출력 예시

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=1
인덱스 10에 insert item 8

=====
[0]    -1
[1]    8
[2]    -1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=1
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 1
인덱스 20에 insert item 1

=====
[0]    -1
[1]    8
[2]    1
[3]    -1
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====

hash_address=2
인덱스 20에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 2
인덱스 30에 insert item 9

=====
[0]    -1
[1]    8
[2]    1
[3]    9
[4]    -1
[5]    -1
[6]    -1
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=6
인덱스 60에 insert item 6

=====
[0]    -1
[1]    8
[2]    1
[3]    9
[4]    -1
[5]    -1
[6]    6
=====

hash_address=6
인덱스 60에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 3
인덱스 00에 insert item 13

=====
[0]    13
[1]    8
[2]    1
[3]    9
[4]    -1
[5]    -1
[6]    6
=====

hash_address=0
인덱스 00에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 4
인덱스 10에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 5
인덱스 40에 insert item 7

=====
[0]    13
[1]    8
[2]    1
[3]    9
[4]    7
[5]    -1
[6]    6
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
hash_address=5
인덱스 50에 insert item 5

=====
[0]    13
[1]    8
[2]    1
[3]    9
[4]    7
[5]    5
[6]    6
=====

탐색 8: 위치 = 1
탐색 1: 위치 = 2
탐색 9: 위치 = 3
탐색 6: 위치 = 6
탐색 13: 위치 = 0
탐색 7: 위치 = 4
탐색 5: 위치 = 5
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

실습 목적

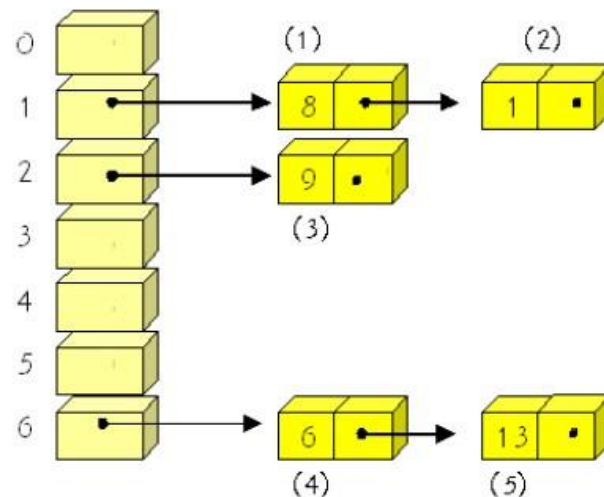
■ 실습 목적

- Hash의 특성을 이해한다.
- Hash를 활용하여 자료를 저장하고, 저장된 자료를 검색한다.

■ 충돌 해결책

- 체이닝
 - 해시테이블의 하나의 위치가 여러 개의 항목을 저장하는 구조
 - 각 버킷에 고정된 슬롯을 할당하는 것이 아니라 각 버킷에, 삽입과 삭제가 용이한 연결 리스트를 할당
 - 버킷 내에서는 원하는 항목을 찾을 때는 연결 리스트를 순차 탐색
 - 아래는 크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13 을 삽입할 때의 체이닝에 의한 충돌 처리 예시

1단계 (8) : $h(8) = 8 \bmod 7 = 1$ (저장)
2단계 (1) : $h(1) = 1 \bmod 7 = 1$ (충돌발생 → 새로운 노드 생성 저장)
3단계 (9) : $h(9) = 9 \bmod 7 = 2$ (저장)
4단계 (6) : $h(6) = 6 \bmod 7 = 6$ (저장)
5단계 (13) : $h(13) = 13 \bmod 7 = 6$ (충돌 발생 → 새로운 노드 생성 저장)



크기가 7인 해시테이블에 $h(k)=k \bmod 7$ 의 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13 을 삽입할 때의 체이닝에 의한 충돌 처리 출력 예시

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe

=====
[0]->
[1]->8->
[2]->
[3]->
[4]->
[5]->
[6]->
=====

인덱스 1에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 1

=====
[0]->
[1]->8->1->
[2]->
[3]->
[4]->
[5]->
[6]->
=====

=====
[0]->
[1]->8->1->
[2]->9->
[3]->
[4]->
[5]->
[6]->
=====
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe

=====
[0]->
[1]->8->1->
[2]->9->
[3]->
[4]->
[5]->
[6]->6->
=====

인덱스 6에서 충돌 발생, 충돌 횟수= 2

=====
[0]->
[1]->8->1->
[2]->9->
[3]->
[4]->
[5]->
[6]->6->13->
=====

탐색 8 성공 탐색 횟수: 1 번
탐색 1 성공 탐색 횟수: 2 번
탐색 9 성공 탐색 횟수: 1 번
탐색 6 성공 탐색 횟수: 1 번
탐색 13 성공 탐색 횟수: 2 번
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

실습 문제

■ 실습 프로그램 설명

- Hash Table에 $h(k)$ 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13 등의 값을 삽입할 때의 충돌 처리 및 KEY 검색
 - 배열에 저장된 값이 key이고, 해시 함수를 이용하여 계산한 결과값이 hash_value인 Hash Table을 생성
 - key 값으로 해시 함수를 이용하여 탐색 위치를 조회
 - Hash Address은 $h(k) = k \% (\text{Hash Table의 크기})$
 - 선형 조사법, 이차 조사법, 체이닝을 이용하여 충돌 처리

■ 구조체 struct list

```
struct list
{
    element item;
    struct list *link;
};
```

- 체이닝을 위한 struct list 구조체

element

```
typedef struct
{
    int key;
} element;
```

- element 구조체의 멤버를 key로 함

실습 문제

■ 실습 프로그램 설명

- Hash Table에 $h(k)$ 해시 함수를 이용하여 8, 1, 9, 6, 13 등의 값을 삽입할 때의 충돌 처리 및 KEY 검색
 - 배열에 저장된 값이 key이고, 해시 함수를 이용하여 계산한 결과값이 hash_value인 Hash Table을 생성
 - key 값으로 해시 함수를 이용하여 탐색 위치를 조회
 - Hash Address은 $h(k) = k \% (\text{Hash Table의 크기})$
 - 선형 조사법, 이차 조사법, 체이닝을 이용하여 충돌 처리

■ 함수 목록

- `int hash_function(int key)`
 - Hash Address를 계산하여 반환
- `void init_table(element ht[])`
 - Hash Table을 초기화
- `void hash_lp_add(element item, element ht[])`
- `void hash_qp_add(element item, element ht[])`
- `void hash_chain_add(element item, struct list *ht[])`
 - Item의 key에 따라 Hash Table에 삽입
- `void hash_lp_search(element item, element ht[]);`
- `void hash_qp_search(element item, element ht[]);`
- `void hash_chain_search(element item, struct list *ht[])`
 - Item의 key 값으로 Hash Table을 조회
- `void hash_lp_print(element ht[]);`
- `void hash_qp_print(element ht[]);`
- `void hash_chain_print(struct list *ht[])`
 - Hash Table의 모든 데이터를 출력

실습 문제

■ 실습 문제 : 해시 테이블의 구성과 탐색

- 해시 테이블을 구성하는 함수와 탐색하는 함수를 이해한다.
- 자료를 해시 테이블에 저장하고 활용해 본다.

■ 구현 함수 설명

// 체인법을 이용하여 테이블에 키를 삽입

```
void hash_chain_add(element item, struct list *ht[])
```

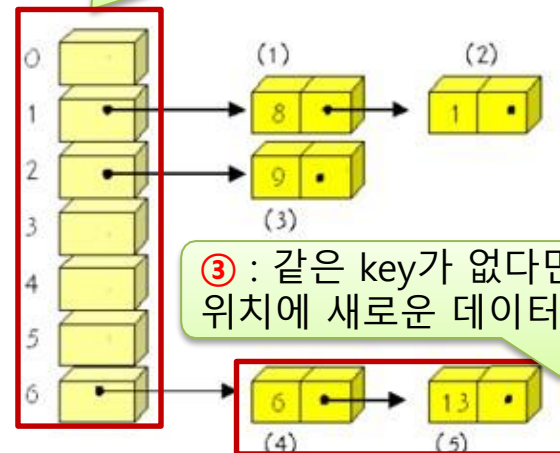
```
{  
    ① int hash_value = hash_function(item.key);  
    struct list *ptr;  
    struct list *node_before = NULL, *node = ht[hash_value];
```

②

③

```
}
```

① : key에 맞는 Hash address를 계산하고, Hash address에 맞는 리스트의 첫 주소를 저장



③ : 같은 key가 없다면, 마지막 위치에 새로운 데이터를 추가

② : 리스트를 순차적으로 검색해 가며 같은 key가 이미 저장되어 있는지 검사

실습 문제

- 실습 문제 : 해시 테이블의 구성과 탐색
 - 해시 테이블을 구성하는 함수와 탐색하는 함수를 이해한다.
 - 자료를 해시 테이블에 저장하고 활용해 본다.
- 구현 함수 설명

// 체인법을 이용하여 테이블에 저장된 키를 탐색

```
void hash_chain_search(element item, struct list *ht[])
```

```
{
```

```
    struct list *node;
```

```
    int search_count = 0; // 탐색 횟수
```

```
    int hash_value = hash_function(item.key); ① : key에 맞는 Hash address 계산
```

```
    ② : key에 맞는 Hash address의 리스트를 순차적으로 방문 {
```

③ : 탐색하는 key와 저장된 item의 key가 같으면 해당 item의 key를 출력

```
}
```

```
    printf("키를 찾지 못했음\n");
```

```
}
```


실습 문제

- 실습 문제 : 해시 테이블의 구성과 탐색
 - 해시 테이블을 구성하는 함수와 탐색하는 함수를 이해한다.
 - 자료를 해시 테이블에 저장하고 활용해 본다.
- 메인 함수 설명
 - 주어진 **입력의 data배열**(input) 원소를 해시 함수를 이용하여 Hash Table에 삽입, **선형 조사법, 이차 조사법, 체인법**으로 충돌 처리
 - Hash Table에 저장된 자료를 **선형 조사법, 이차 조사법, 체인법**을 이용하여 Hash Table에서 탐색한다.

```
// 해싱 테이블을 사용한 예제
int main(void)
{
    int data[SIZE] = { 8, 1, 9, 6, 13 };
    element e;

    for (int i = 0; i < SIZE; i++) {
        e.key = data[i];
        hash_chain_add(e, hash_table);
        hash_chain_print(hash_table);
    }
    for (int i = 0; i < SIZE; i++) {
        e.key = data[i];
        hash_chain_search(e, hash_table);
    }
    return 0;
}
```

Thank You
Q&A