## Informe Tarea 5

Ronald Cardona Anderson Grajales Sebastian Valencia Julian Sanchez

11 de septiembre de 2018

## 1. Solución numérica de sistemas de ecuaciones lineales

Muchos problemas del mundo real se formulan como sistemas de ecuaciones de n variables y m incógnitas que bajo condiciones ideales (n y m no son valores muy grandes), se pueden resolver de manera analítica. Sin embargo, cuando n y m tienden a ser valores muy grandes la solución analítica a estos problemas es muy difícil de calcular ya que requiere de mucho tiempo y claramente no es la forma más eficiente hacerlo. Debido a esto, desde el campo del Análisis Numérico se plantean diversas formas computacionales, ya sean algoritmos u otras técnicas que nos permitan resolver estos sistemas rápidamente, teniendo en cuenta que hay una propagación de error en cada cálculo dependiendo de la capacidad de la computadora donde se ejecuten estos. En este documento se presentan algunos algoritmos numéricos que son de gran ayuda a la hora de resolver sistemas de ecuaciones lineales.

## 1.1. Determinantes

**Definición 1.1.** Sea  $A = [a_{ij}]$  una matriz de tamaño  $n \times n$ . El cofactor  $C_{ij}$  de  $a_{ij}$  se define como  $(-1)^{i+j}$  det  $M_{ij}$ , donde  $M_{ij}$  es la matriz de tamaño  $(n-1) \times (n-1)$ , que se obtiene al eliminar la fila i y la columna j de la matriz.

Teorema 1.1. Sea  $A = [a_{ij}]$  una matriz de tamaño  $n \times n$ .

■ Para cada  $1 \le i \le n$  se cumple que:  $\det A = a_{i1}C_{i1} + a_{i2}C_{i2} + ... + a_{in}C_{in}$ 

■ Para cada  $1 \le j \le n$  se cumple que:  $\det A = a_{1j}C_{1j} + a_{2j}C_{2j} + ... + a_{nj}C_{nj}$ 

De acuerdo al teorema 1.1 se puede definir un algoritmo para encontrar el determinante de una matriz A de la siguiente manera:

$$det(A,n)_{1 \le i \le n} = \begin{cases} (A[1][1] * A[2][2]) - (A[1][2] * A[2][1]), & \text{if } n = 2. \\ (-1)^i \times A[1][i] \times det(A', n - 1), & \text{if } n > 2. \end{cases}$$
(1)

Donde  $A^\prime$ es la matriz que se obtiene al eliminar la columna i y la fila n de A