Exercices: concepts de probabilités

Probabilités et statistique pour la biologie : éléments (STAT1)

Jacques van Helden

2018-11-19

Exercice 03.1: tirage de tétranucléotides dans un génome

On tire aléatoirement une position génomique et on analyse le tétranucléotide qui y démarre. Quelles sont les probabilités respéctives d'observer chacun aux critères suivants ?

- a. Etre composé uniquement de A.
- b. Ne comporter aucun A.
- c. Etre composé de 4 résidus distincts.

Formulez explicitement le raisonnement qui vous amène à la formule de calcul. Indiquez ensuite la formule générale (avec des symboles), puis la formule particulière avec les valeurs numériques. Il n'est pas nécessaire de calculer le résultat final.

Exercice 03.2: absence d'un résidu

Quelle est la probabilités de n'observer aucun A dans un oligonucléotide de taille 12 ?

- a. En supposant des nucléotides équiprobables.
- b. Selon un modèle de Bernoulli généralisé dont les paramètres sont estimés à partir des fréquences génomiques suivantes.

Résidu	Occurrences génomiques	Fréquence génomique
A	3766191	0.3098064564636
\mathbf{C}	2320522	0.1908858838986
G	2316991	0.1905954242278
T	3752889	0.3087122354100

Exercice 03.3 : probabilité d'une purine

On tire un nucléotide au hasard dans le génome de la levure. En se basant sur base des fréquences génomiques de l'exercice précédent, quelle est la probabilité de tirer une purine (A ou G)? Justifiez vos choix.

Exercice 03.4: motif dégénéré, nucléotides équiprobables

En supposant qu'une séquence est composée de résidus équiprobables, quelle est la probabilité du motif GATWNA (W signifie "T ou A", et N correspond à n'importe quel nucléotide) ?

Exercice 03.5: motif dégénéré, nucléotides non-équiprobables

Même question en supposant les probabilités distinctes pour les nucléotides: P(A) = P(T) = 0.3, P(C) = P(G) (à vous de calculer ces dernières).