

Aplicações de Pilhas Parte 2

Disciplina: Estrutura de Dados I

Prof. Fermín Alfredo Tang Montané

Curso: Ciência da Computação

- Estudaremos quatro grupos de aplicações de pilhas:
 - Inversão de dados;
 - Análise sintática (Parsing);
 - Adiamento do uso de dados;
 - Backtracking.

- Adiamento do uso de dados
 - Converter notação infixa em posfixa;
 - Avaliar expressões posfixas;
- Backtracking
 - Escolher entre dois o mais caminhos;
 - Problema das oito rainhas.

Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

Método Manual.

```
Step 1 results in (A + (B * C)) Step 2 moves the multiply operator after C (A + (B C *)) and then moves the addition operator to between the last two dosing parentheses. This change is made because the closing parenthesis for the plus sign is the last parenthesis. We now have (A (B C *) +) Finally, step 3 removes the parentheses.
```

Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

Método Manual.

Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

Transformação Algorítmica.



- Onde usar a pilha? O que deverá ser guardado?
- Como usar?
- Empilhar todos os operadores? Desempilhar todos e aplicar?
- Empilhar somente até achar outro operador. Desempilhar o mais antigo. Empilhar o mais novo?

```
A * B + C converts to A B * C +
```

• E a regra de precedência entre operadores?

```
A + B * C converts to A B C * +
```

Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

- Transformação Algorítmica.
 - E a regra de precedência entre operadores?

```
A + B * C converts to A B C * +
```

- 1. Copy operand A to output expression.
- Push operator + into stack.
- Copy operand B to output expression.
- 4. Push operator * into stack. (Priority of * is higher than +.)
- Copy operand C to output expression.
- 6. Pop operator * and copy to output expression.
- 7. Pop operator + and copy to output expression.

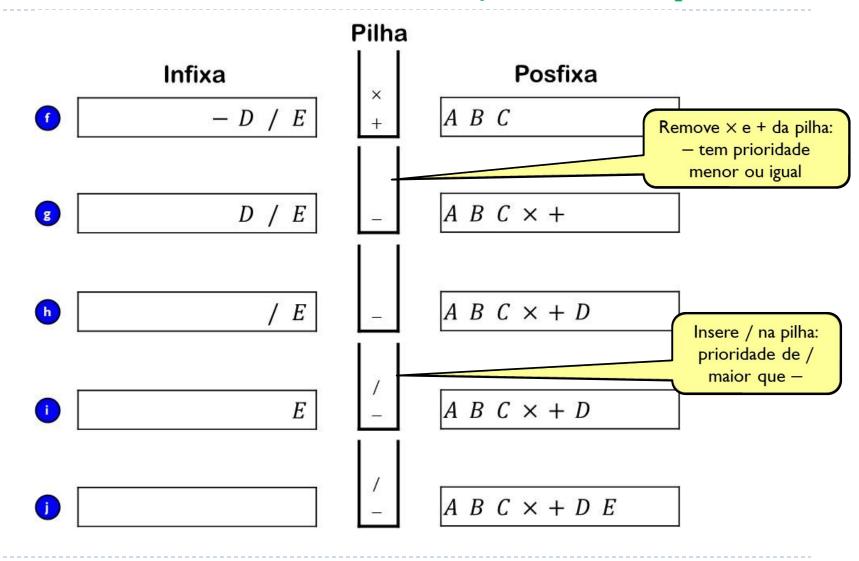
Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

- Transformação Algorítmica.
 - Ao encontrar um novo operador com prioridade inferior ou igual ao que está no topo da pilha, devemos desempilhar o operador do topo e colocar ele na expressão posfixa.
 - O novo topo pode pela sua vez ter prioridade sobre o novo operador. Com isso o processo pode-se repetir várias vezes.
 - O novo operador somente será empilhado após remover todos os operadores com prioridade maior ou igual na pilha.

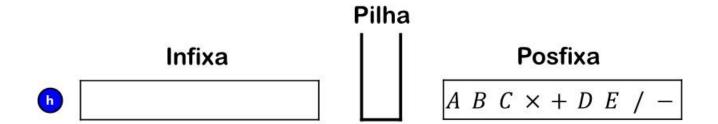
Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa

Pilha Infixa **Posfixa** $A + B \times C - D / E$ $+ B \times C - D / E$ $B \times C - D / E$ A B \times C - D / E d Insere × na pilha: prioridade de X maior que +

Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa



Adiamento do uso de dados - Notação infixa em posfixa



Notação Infixa em posfixa - Implementação

- Na primeira parte do programa principal definem-se as variáveis locais para armazenar o caráter lido e a expressão posfixa.
- Utiliza-se uma pilha para armazenar os operadores considerando a sua ordem de precedência.

```
Cria a pilha de operadores
```

```
P3-18 c
    #include ≺stdio.h>
    #include <string.h>
    #include "stacksADT.h"
10
     // Prototype Declarations
11
     int priority (char token);
12
    bool isoperator (char token);
13
14
     int main (void)
15
16
     // Local Definitions
17
                                                    Expressão
               postfix [80] = {0};
18
        char
                                                     posfixa
        char
               temp [2] = \{0\};
19
        char
               token;
20
                                         String para um operador
        char* dataPtr:
21
22
        STACK* stack;
                                          Caracter da expressão
23
                                                 infixa
     // Statements
24
        // Create Stack
25
        stack = createStack ();
27
        // read infix formula and parse char by char
28
        printf("Enter an infix formula: ");
29
```

```
31
                                                while ((token = qetchar ())! = '\n')
                                         32
                                                                                        Caso1
                                         33
                                                    if (token == '(') -----
 P3-18.c (Continuação...)
                                         34
                                         35
                                                        dataPtr = (char*) malloc (sizeof(char));
                                                        *dataPtr = token;
                                   Empilha token
                                                        pushStack (stack, dataPtr);
                                         38
                                                       } // if
               principal
       loop
                             do
                                         39
                                                    else if (token == ')') _____
                                                                                        Caso2
 programa
                           para
                                    Desempilha
                                                        dataPtr = (char*)popStack (stack);
 transformar
                           uma
                                                        while (*dataPtr != '(')
                                   Concatena no final de
 expressão
                 infixa
                            em
                                                            temp [0] = *dataPtr;
                                     expressão posfixa
                                                            strcat (postfix , temp);
 posfixa consiste na leitura
                                                             dataPtr = (char*)popStack (stack);
                                         46
 dos
                             da
           caracteres
                                         47
                                                           } // while
                                                       } // else if
                                         48
 expressão infixa.
                                         49
                                                    else if (isOperator (token))
                                                                                       Caso3
                                     Consulta topo
      caracter é processado
                                                        // test priority of token at stack top
                                       da pilha
 segundo 4 casos possíveis, se
                                                        dataPtr = (char*)stackTop (stack);
 for:
                                         53
                                                        while (!emptyStack (stack)
                                                           && priority (token) <= priority (*dataPtr))
     um '(' ;
                                     Desempilha
                                                             dataPtr = (char*)popStack (stack);
      um ')';
                                                             temp [0] = *dataPtr;
                                   Concatena no final de
                                                             streat (postfix , temp);
      um operador;
                                     expressão posfixa
                                                             dataPtr = (char*)stackTop (stack);
      ou um operando.
                                                             } // while
                                         60
                                                        dataPtr = (char*) malloc (sizeof (char));
                                         61
                                                        *dataPtr = token;
                                    Empilha token
                                                        pushStack (stack , dataPtr);
                                                        } // else if
                                                                           // character is operand
                                         65
                                                     else
                                                                                        Caso4
                              Concatena no final de
                                                        temp[0] = token;
                                                        streat (postfix , temp);
                                expressão posfixa
13
                                                        } // else
```

70

} // while get token

Notação Infixa em posfixa - Implementação

- Na última parte do programa principal após a leitura e processamento de todos os caracteres da expressão infixa, examina-se a pilha de operadores.
- Enquanto houver operadores na pilha, eles serão desempilhados, e concatenados no final da expressão posfixa já existente.

P3-18.c (Continuação...)

```
71
                       72
                               // Infix formula empty. Pop stack to postfix
                               while (!emptyStack (stack))
                       73
                                                                                         Desempilha
                       74
                                   dataPtr = (char*)popStack (stack);
                       75
                                                                                           operador
                                   temp[0] = *dataPtr;
                       76
Concatena no final de
                                   strcat (postfix , temp);
 expressão posfixa
                        78
                                  } // while
                        79
                               // Print the postfix
                        80
                               printf ("The postfix formula is: ");
                        81
   Imprime a
                        92
                               puts (postfix);
expressão posfixa
                        83
                        84
                               // Now destroy the stack
                                                                         Destrói a
                        85
                               destroyStack (stack);
                                                                           pilha
                        86
                               return 0;
                               // main
```

Notação Infixa em posfixa - Implementação

- A função priority() determina a prioridade de um operador.
- Quanto maior o valor retornado maior será a prioridade do operador.

P3-18.c (Função de prioridade do operador)

```
/* ========== priority ============
       Determine priority of operator.
          Pre token is a valid operator
90
          Post token priority returned
 91
92
    #/
    int priority (char token)
94
    // Statements
       if (token == '*' || token == '/')
96
97
           return 2;
       if (token == '+' || token == '-')
99
           return 1;
100
       return 0;
       // priority
101
```

Notação Infixa em posfixa - Implementação

- A função isOperator() verifica se um determinado caráter corresponde a um dos operadores: +, -, *, /.
- Em caso afirmativo, retorna true. Caso contrário retorna false.

P3-18.c (Função que determina se o caráter é operador)

```
/* ========== isoperator ==========
       Determine if token is an operator.
103
          Pre token is a valid operator
104
          Post return true if operator; false if not
105
    #/
106
107
    bool isOperator (char token)
108
109
    // Statements
110
       if /token == '*'
111
112
           | token == '-')
113
114
           return true;
       return false;
115
116
       // isoperator
```

Notação Infixa em posfixa - Resultado

 A figura mostra dois exemplos da transformação de uma expressão infixa em posfixa.

```
Results:
Run 1
Enter an infix formula: 2+4
The postfix formula is: 24+
Run 2
Enter an infix formula: (a+b)*(c-d)/e
The postfix formula is: ab+cd-*e/
```

Avaliar expressão posfixa - Ideia

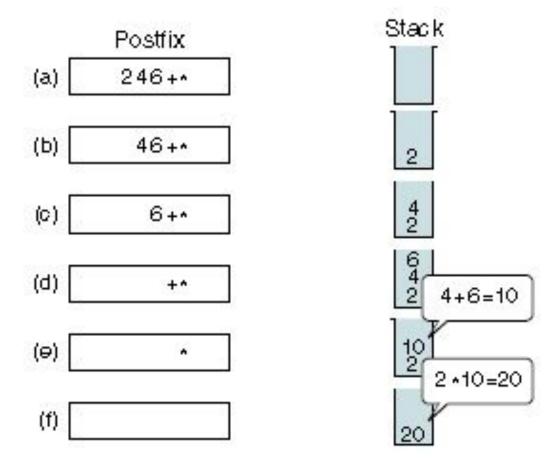
- Mostraremos como usar uma pilha para avaliar uma expressão posfixa.
- Em uma expressão posfixa, os operandos aparecem antes dos operadores.
 Assim, utilizaremos a pilha para adiar o uso dos operandos até achar um operador.
- Considere a seguinte expressão posfixa:

$$ABC+\times$$

- Os operandos são colocados em uma pilha até achar um operador.
- Quando achamos um operador, desempilhamos os dois operandos que se encontram no topo da pilha e executamos a operação indicada.
- Vale observar que: O primeiro operando desempilhado será de fato o segundo operando usado na operação, enquanto o segundo operando desempilhado corresponderá ao primeiro operando usado na operação. Respeitar a ordem é fundamental em operações como: -, ÷.
- Após calcular o resultado da operação, empilhamos esse valor novamente para uso posterior.

Avaliar expressão posfixa - Exemplo

A figura ilustra o uso da pilha para avaliação da expressão posfixa:



Após a avaliação da expressão, o resultado fica armazenado na pilha.

Avaliar expressão posfixa - Algoritmo

O algoritmo para avaliação da expressão posfixa é o seguinte:

```
Algorithm postFixEvaluate (expr)
                This algorithm evaluates a postfix expression and returns its
                value.
                  Pre a valid expression
                  Post postfix value computed
                   Return value of expression
Criar Pilha
                  createStack (stack)
                   loop (for each character)
Ler Carater
                                                                               Empilhar
                      if (character is operand)
                                                                              Operando
                      1 pushStack (stack, character)
                      else
                      1 popStack (stack, oper2)
                                                                             Desempilhar
                      2 popStack (stack, oper1)
                                                                             2 operandos
                      3 operator = character
 Executar
                       4 set value to calculate (oper1, operator, oper2)
Operação
                                                                              Empilhar
                      5 pushStack (stack, value)
                                                                              resultado
                      end if
                                                                             da operação
                3 end loop
Desempilhar
                  popStack (stack, result)
resultado final
                5 return (result)
                end postFixEvaluate
```

Avaliar expressão posfixa - Implementação

P3-19.c

A primeira parte do programa principal define as variáveis locais o tipo de dado a ser armazenado e cria a pilha.

```
/* This program evaluates a postfix expression and
       returns its value. The postfix expression must be
       valid with each operand being only one digit.
          Written by:
          Date:
    #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include "stacksADT.h"
10
    // Prototype Declarations
11
    bool isoperator (char token);
12
13
    int calc
                     (int operand), int oper, int operand2);
14
    int main (void)
15
16
    // Local Definitions
                                               Caracter para
17
       char
              token;
18
                                           armazenar o operador
       int operand1;
19
       int operand2;
2.0
              value;
                                            Define os dados a
       int
21
22
              dataPtr;
       int.*
                                           serem armazenados
23
       STACK* stack;
                                              como inteiros
24
    // Statements
26
       // Create Stack
27
                                           Cria a pilha
       stack = createStack ();
28
```

Avaliar expressão posfixa - Implementação

P3-19.c (Continuação...) O loop principal no principal programa // read postfix expression, char by char 29 printf("Input formula: "); 30 consiste em: while ((token = getchar ())!= '\n') -Ler caracter 31 Ler um caracter; 32 33 if (!isOperator (token)) Identificar se um 34 operando ou operador; 35 dataPtr = (int*) malloc (sizeof (int)); 36 *dataPtr = ato1 (&token); Se for um operando, 37 pushStack (stack, dataPtr); -Empilha empilhar; 38 } // while operando Se for um operador, 39 else 40 desempilhar dois // character is operand 41 operandos, executar a 42 operação e empilhar o 43 dataPtr = (int*)popStack (stack); resultado. 44 operand2 = *dataPtr; 45 dataPtr = (int*)popStack (stack); operand1 = *dataPtr; Desempilha 2 47 value = calc(operand1, token, operand2); dataPtr = (int*) malloc (sizeof (int)); operandos 48 *dataPtr = value; 50 pushStack (stack, dataPtr); Calcula operação } // else 51 Empilha resultado } // while da operação

Avaliar expressão posfixa - Implementação

- A parte final do programa principal, recupera o valor armazenado na pilha e imprime o resultado da expressão posfixa.
- Finalmente, a pilha é destruída.

P3-19.c (Continuação...)

```
53
       // The final result is in stack. Pop it print it
54
55
       dataPtr = (int*)popStack (stack);
                                                                Recupera o valor
56
       value = *dataPtr;
                                                              armazenado na pilha
       printf ("The result is: %d\n", value);
57
58
59
60
       // Now destroy the stack
61
       destroyStack (stack); .
                                                  Destrói a pilha
       return 0;
62
       // main
```

Avaliar expressão posfixa - Implementação

- A função is Operator () verifica se o token é um operador válido: +, -, \times , /.
- Em caso afirmativo, a função retorna o valor true, caso contrário o valor false.

P3-19.c (Função que determina se o caráter é um operador)

```
65
      Validate operator.
        Pre token is operator to be validated
66
67
        Post return true if valid, false if not
68
   */
   bool isOperator (char token)
69
70
                                           Verifica se o Token é
71
   // Statements
                                           um operador válido
72
      if (token == '*
73
            token == '/'
            token == '+'
            token == '-')
        return true;
      return false;
      // isOperator
```

Avaliar expressão posfixa - Implementação

- função calc() realiza o calculo de do tipo: +, -, \times , /.
- resultado

```
P3-19.c (Função que calcula o resultado da expressão )
```

```
/* ========== calc =========
                           80
                                  Given two values and operator, determine value of
uma operação binária
                                  formula.
                            81
                            82
                                     Pre operand1 and operand2 are values
                            83
                                          oper is the operator to be used
A função retorna o
                            84
                                     Post return result of calculation
                           85
                               */
                   da
                               int calc (int operand1, int oper, int operand2)
operação.
                            87
                               // Local Declaration
                            88
                            89
                                  int result;
                            90
                            91
                                // Statements
                           92
                                  switch (oper)
                           93
                            94
                                      case '+' : result = operand1 + operand2;
Identifica o operador e
                            95
                                                 break;
  executa a operação
                            96
                                      case '-' : result = operand1 - operand2;
   correspondente
                                                 break;
                                      case '*' : result = operand1 * operand2;
                           98
                           99
                                                  break;
                          100
                                      case '/' : result = operand1 / operand2;
                          101
                                                  break:
      Retorna o
                          102
                                     } // switch
      resultado
                                  return result;
                          104
                                  // calc
25
```

Avaliar expressão posfixa - Resultado

A figura ilustra o resultado para uma expressão posfixa de exemplo.

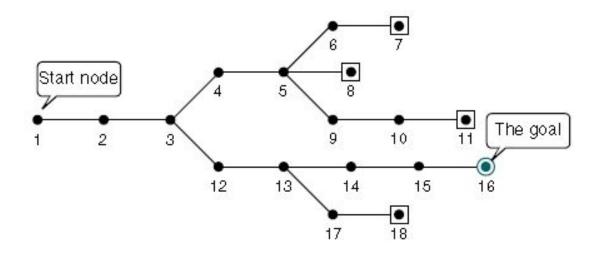
```
Results:
Input formula: 52/4+5*2+
The result is 32
```

Backtracking

- O Backtracking é uma outra aplicação das pilhas usada em aplicações tais como jogos computacionais, analise de decisão e sistemas expertos.
- A ideia do Backtracking consiste em poder explorar caminhos alternativos e para isso ter a capacidade de desfazer um percurso já feito e lembrar daquele percurso que ficou pendente.
- As pilhas são boas estruturas para lembrar das tarefas pendentes.
- Mostraremos duas aplicações de Backtracking: A busca de um objetivo (destino) e o problemas das 8 rainhas.

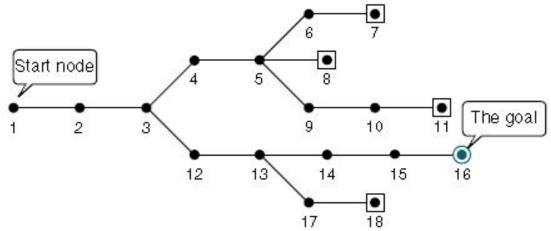
Backtracking - A busca de um objetivo (Destino)

- A figura ilustra um exemplo de uma busca por objetivo.
- Temos um grafo, mas especificamente uma árvore que começa no nó l e apresenta uma série de caminhos alternativos a partir dele.
- Apenas um destes caminhos nos leva ao nosso objetivo no nó 16.
- Precisamos de um algoritmo para encontrar o caminho correto.



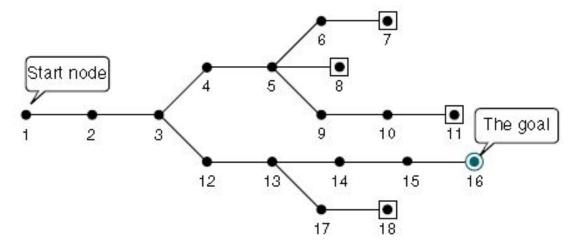
Backtracking - A busca de um objetivo (Destino)

- Cada vez que chegamos a um ponto de bifurcação em que precisamos decidir para onde ir, precisamos lembrar onde ele fica de maneira que possamos voltar a ele caso seja necessário. Isto é chamado de *Backtrack*.
- Fazer Backtrack significa voltar ao ponto mais próximo em que tomamos uma decisão.
- Não queremos voltar ao ponto de partida.
- Para implementar o Backtrack usamos estruturas LIFO (Last Input First Output)
 como a pilha.

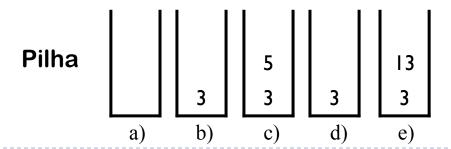


Backtracking - A busca de um objetivo (Destino)

- A questão aqui é o devemos colocar na pilha?
- Se queremos apenas localizar nosso objetivo, podemos empilhar os nós onde realizamos uma bifurcação.



Temos assim, a seguinte evolução da pilha:

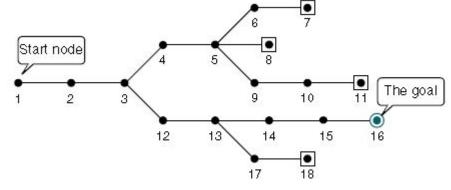


Backtracking - A busca de um objetivo (Destino)

 No entanto, se também queremos imprimir o caminho que nos leva ao nosso objetivo, teremos que empilhar tanto os nós que fazem parte de um caminho válido como os nós resultantes de uma bifurcação.

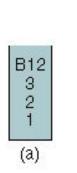
Distinguimos entre estes dois tipos de nós usando uma marcação ou flag, para os nós

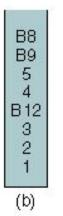
de bifurcação.

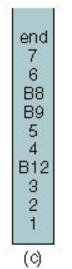


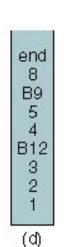
A pilha resultante neste caso é a seguinte:

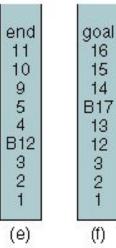
 Na solução final ignora-se os nós resultantes da bifurcação.





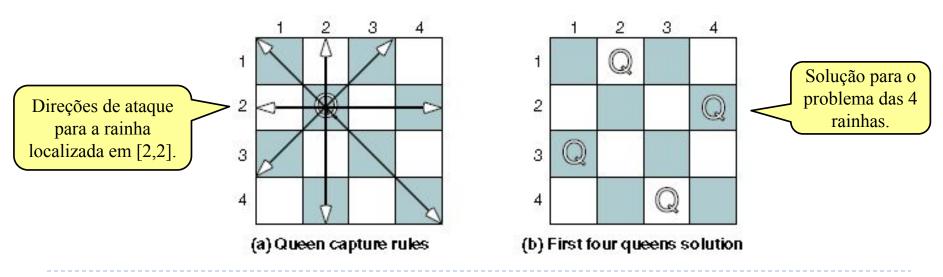






Backtracking - Problema da 8 rainhas

- O problema das 8 rainhas é um problema clássico associado ao jogo de xadrex quem consiste em posicionar 8 rainhas no tabuleiro de xadrez de maneira que nenhuma rainha possa atacar (capturar) qualquer outra rainha.
- A solução computacional para este problema requer que localizemos uma rainha em uma posição do tabuleiro e analisemos todas as possíveis direções de ataque, verificando que não existe outra rainha capaz de capturar a última rainha posicionada.
- Caso a posição da nova rainha esteja ameazada, tenta-se outra posição.
- A figura ilustra o caso simplificado com 4 rainhas e um tabuleiro 4x4.



Problema da 8 rainhas - Implementação

- Na primeira parte do programa principal define-se uma estrutura para armazenar uma posição no tabuleiro.
- Uma estrutura de pilha será formada com nós que incluem ponteiros a estruturas desse tipo.
- Declaram-se protótipos das funções para:
- obter o tamanho do tabuleiro;
- preencher o tabuleiro e a pilha;
- o imprimir a pilha;
- verificar se uma posição do tabuleiro está ameaçada.

P3-20.c (Funções para o tabuleiro)

```
#include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include "P4StkADT.h"
10
11
                                         Define a estrutura
    // Structure Declarations
12
                                          para armazenar
13
       typedef struct -
                                        posições de tabuleiro
14
15
           int row;
           int col;
16
17
          } POSITION;
18
19
    // Prototype Declarations
20
    int getSize (void);
21
    void fillBoard (STACK* stack, int boardSize);
    void printBoard (STACK* stack, int boardSize);
23
24
25
    bool quarded (int board[][9], int row,
26
                  int col,
                                  int boardSize);
```

Problema da 8 rainhas - Implementação

- O programa principal pilha para usa uma armazenar as posições das rainhas no tabuleiro.
- Além disso usará uma matriz de posições.

P3-20.c (Programa principal)

```
27
                                                                                   Define o
                                   int main (void)
                               28
                                                                                  tamanho do
                               29
                                                                                   tabuleiro
                               30
                                   // Local Definitions
                               31
                                       int boardSize;
                               32
                               33
                                      STACK* stack ;
                               34
                               35
                                   // Statements
                                                                                  Cria a pilha
                               36
                                      boardSize = getSize ();
                               37
                                                                                  de posições
                                       stack
                                                  = createStack ();
Preenche o tabuleiro
                               38
                                       fillBoard
                                                     /stack, boardSize);
     e a pilha
                               40
                                                     (stack, boardSize);
                                      printBoard
                                                                                Destrói a pilha
                                       destroyStack (stack); ----
Imprime o tabuleiro a
                               42
   partir da pilha
                                      printf("\nWe hope you enjoyed Eight Queens.\n");
                               43
                                      return 0;
                               44
                                      // main
                               45
```

Problema da 8 rainhas - Implementação

- A função getSize()
 permite a definição do
 tamanho do tabuleiro.
- O tamanho é definido pelo usuário e retornado pela função.
- São válidos tamanhos entre 4 e 8.

Leitura do tamanho do tabuleiro

P3-21.h (Função que define o tamanho do tabuleiro)

```
int getSize (void)
    // Local Definitions
       int boardSize;
10
11
    // Statements
12
       printf("Welcome to Eight Queens. You may select\n"
              "a board size from 4 x 4 to 8 x 8. I will\n"
13
              "then position a queen in each row of the\n"
14
15
              "board so no queen may capture another\n"
16
              "queen. Note: There are no solutions for \n"
17
              "boards less than 4 x 4.\n");
       printf("\nPlease enter the board size: ");
18
       scanf ("%d", &boardSize);
20
       while (boardSize < 4 | boardSize > 8)
21
22
           printf("Board size must be greater than 3 \n"
23
                  "and less than 9. You entered %d.\n"
24
                  "Please re-enter. Thank you.\a\a\n\n"
                  "Your board size: ", boardSize);
25
26
           scanf ("%d", &boardSize);
27
          } // while
28
       return boardSize;
       // getSize
29
```

Problema da 8 rainhas - Implementação

- A função fillBoard() realiza a tarefa de preenchimento do tabuleiro com rainhas em posições seguras (não ameaçadas).
- A função utiliza uma estratégia de tentativa e erro para colocar o maior número de rainhas no tabuleiro (No máximo uma por linha).
- Cada posição possível em uma linha é testada, usando a função **guarded()**, para garantir que não exista ameaça de outras rainhas.

P3-22.h (Função que posiciona as rainhas)

```
/* ========== fillBoard ============
                            Position chess queens on game board so that no queen
                            can capture any other queen.
                               Pre boardSize number of rows & columns on board
                               Post Queens' positions filled
                         void fillBoard (STACK* stack, int boardSize)
                         // Local Definitions
                            int row;
                     10
                            int col;
                     11
Matriz de posições
                                 board[9][9] = {0}; // 0 no queen: 1 queen
                            int
                                                     // row 0 & col 0 !used
                     13
                     14
                            POSITION* pPos; -
                                                           Ponteiro a uma posição
                     15
```

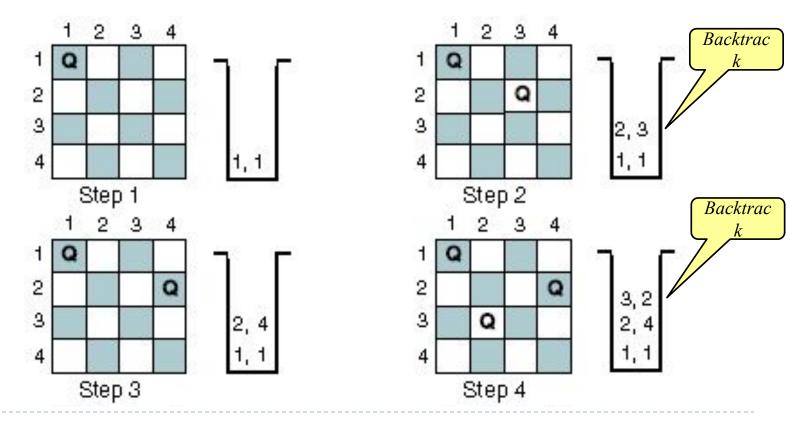
P3-22.h (Continuação...)

- A função fillBoard()
 assume que deve existir
 uma rainha em cada
 linha da solução.
- Para cada linha procura-se uma posição segura em uma coluna.
- Caso exista essa posição segura, registra ela na matriz, empilha e analisa a próxima linha.
- Caso contrário, faz o backtrack, libera a posição da última rainha posicionada, na matriz e na pilha.

```
// Statements
16
17
       row = 1;
       col = 0;
18
19
       while (row <= boardSize)
20
21
22
          while (col <= boardSize && row <= boardSize)
23
24
              col++;
25
              if (!quarded(board, row, col, boardSize))
26
                                             Preenche a posição
                  board[row][col] = 17
27
                                              segura na matriz
28
29
                 pPos = (POSITION*)malloc(sizeof(POSITION));
30
                  pPos->row = row;
31
                  pPos->col = col;
32
                                                 Empilha uma
                  pushStack(stack, pPos);
33
                                                posição segura
34
35
                  row++;
                  col = 0;
36
37
                 } // if
               while (col >= boardSize) -
38
                                                    Backtrack
39
40
                  pPos = popStack(stack)
41
                       = pPos->row;
                  row
                                                 Desempilha a
42
                  col = pPos->col;
                                                 última posição
43
                  board[row][col] = 0;
44
                  free (pPos);
45
                 } // while col
                                               Libera a última
              } // while col
46
                                              posição na matriz
47
          } // while row
48
       return;
49
        // fillBoard
```

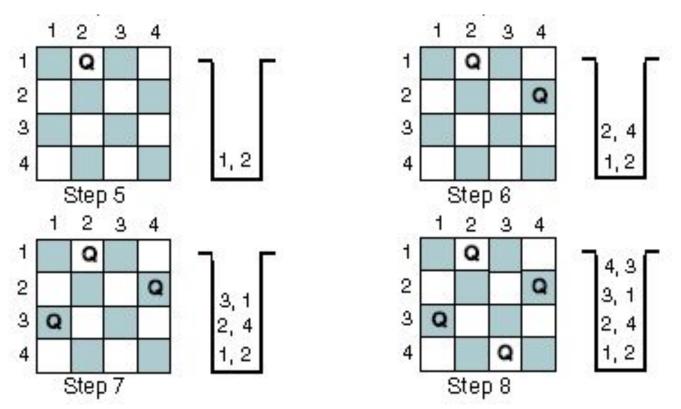
Problema da 8 rainhas - Exemplo

- A figura ilustra o uso da pilha para armazenamento das posições seguras para as rainhas. Assim como para desfazer o posicionamento da última rainha, caso ela impeça o posicionamento de novas rainhas na próxima linha.
- Observe os casos de Backtrack.



Problema da 8 rainhas - Exemplo

- A figura ilustra o uso da pilha para armazenamento das posições seguras para as rainhas.
- Os passos 5, 6, 7 e 8 mostram uma sequência posições seguras até achar a solução final.



P3-23.h (Função que determina se a posição esta ameaçada)

- A função guarded()
 verifica se existe uma
 ameaça para a posição da
 nova rainha, localizada na
 posição [chkrow, chk col].
- Caso a posição esteja ameaçada retorna true;
 Caso contrário, retorna false.
- A função recebe o tabuleiro preenchido com as rainhas anteriores.
- Somente é necessário testar ameaças vindas de cima.
- A função usa força bruta.

```
bool quarded (int board[][9], int chkRow,
                     int chkCol,
                                       int boardSize)
10
11
    // Local Definitions
12
        int row;
13
        int col;
14
15
                                                       Ameaças na
    // Statements
16
                                                     mesma coluna
17
18
        // Check current col for a queen
        col = chkcol;
19
        for (row = 1; row <= chkRow; row++)
20
                                                     Ameaças na
             if (board[row][col] == 1)
21
22
                return true;
                                                   diagonal à direita
23
        // Check diagonal right-up
24
        for \{\text{row} = \text{chkRow} - 1, \text{col} = \text{chkCol} + 1\}
25
26
             row > 0 && col <= boardSize;
27
             row--, col++)
                                                    Ameaças na
            if (board[row][col] == 1)
28
                return true;
                                                 diagonal à esquerda
29
30
        // Check diagonal left-up
31
        for \{\text{row} = \text{chkRow} - 1, \text{col} = \text{chkCol} - 1\}
32
             row > 0 && col > 0;
33
             row--, col--)
34
            if (board[row][col] == 1)
35
                return true;
36
37
38
        return false;
        // guarded
39
```

P3-24.h (Imprime o tabuleiro a partir da pilha)

- A função printBoard ()
 imprime o
 posicionamento das
 rainhas no tabuleiro.
- As posições armazenadas na pilha encontram-se ordenadas de maior a menor linha. Esta ordem é invertida usando uma pilha auxiliar.

```
/* ========== printBoard ==============
       Print positions of chess queens on a game board
       Pre stack contains positions of queen
            boardSize is the number of rows and columns
       Post Queens' positions printed
    # /
    void printBoard (STACK* stack, int boardSize)
    // Local Definitions
10
       int col;
11
12
       POSITION* pros;
13
       STACK*
                 poutStack;
14
15
    // Statements
                                            Pilha vazia
       if (emptyStack(stack))
16
17
           printf("There are no positions on this board\n");
18
19
            return:
20
           } // if
21
       printf("\nPlace queens in following positions:\n");
22
23
24
       // Reverse stack for printing
25
       pOutStack = createStack (); .
                                            Cria uma segunda
       while (!emptyStack (stack))
26
                                            pilha para inverter
27
                                                a primeira
           pPos = popStack (stack);
28
29
           pushStack (pOutStack, pPos);
30
          } // while
```

Problema da 8 rainhas - Exemplo

- A função printBoard()
 imprime o
 posicionamento das
 rainhas no tabuleiro.
- Usam-se as posições armazenadas na segunda pilha de menor a maior linha.

P3-24.h (Continuação...)

```
Extrai a
31
       // Now print board
                                                      posição
32
       while (!emptyStack (poutStack))
33
34
           pPos = popStack (pOutStack);
35
                                                     Imprime a
            printf("Row %d-Col %d: \t|",
36
                                                      posição
                    pPos->row, pPos->col);
37
            for (col = 1; col <= boardSize; col++)
38
39
                                                    Imprime Q
                if (pPos->col == col)
40
                    printf(" Q |");
41
                                                    na coluna
                else
42
                                                    apropriada
                    printf/"
                               |" ) 7
43
               } // for
44
           printf("\n");
45
           } // while
46
                                                    Destrói a
47
       destroyStack(pOutStack);=
                                                      pilha
48
       return;
       // printBoard
49
```

Problema da 8 rainhas - Resultado

A figura ilustra a solução para o problema das 4 rainhas.

```
Results:
Welcome to Eight Queens. You may select
a board size from 4 x 4 to 8 x 8. I will
then position a queen in each row of the
board so no queen may capture another
queen. Note: There are no solutions for
boards less than 4 x 4.
Please enter the board size: 4
Place queens in following positions:
Row 1-Col 2:
Row 2-Col 4:
Row 3-Col 1: Q
Row 4-Col 3:
We hope you enjoyed Eight Queens.
```

Referências

• Gilberg, R.F. e Forouzan, B.A. Data Structures_A Pseudocode Approach with C. Capítulo 3. Stacks. Segunda Edição. Editora Cengage, Thomson Learning, 2005.