Universidade de Pernambuco - UPE Escola Politécnica de Pernambuco - POLI

Disciplina: Teoria da Informação - Prof
 ^a Verusca Severo - 2020.2 $5^{\underline{o}}$ Lista de Exercícios

-Só serão aceitas as respostas com as devidas justificativas e/ou cálculos-

- 1. Seja uma fonte que apresenta um alfabeto composto por 2 símbolos $S = \{s_1, s_2\}$ com probabilidades $P(s_1) = 0, 8$ e $P(s_2) = 0, 2$.
- (a) Defina a extensão de ordem n=2 da fonte S (alfabeto e distribuição de probabilidades) e construa um código binário do tipo Shannon para S^2 .
- (b) Calcule a eficiência do código construído.
- (c) Repita (a) e (b) para a extensão de ordem n=3 da fonte S.
- 2. Considere que uma determinada fonte gera os símbolos apresentados na tabela abaixo com as seguintes probabilidades

Símbolo	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Probabilidade	0,20	$0,\!25$	0,15	0,08	0,07	0,06	0,05	0,05	0,05	0,04

- (a) Construa para essa fonte um código binário prefixo de Shannon.
- (b) Verifique se o código construído na letra (a) satisfaz o teorema da codificação.
- (c) Construa para essa fonte um código binário de Shannon-Fano.
- (d) Verifique se o código construído na letra (c) satisfaz o teorema da codificação.
- (e) Determine qual dos códigos é o mais eficiente.
- **3.** Seja U uma fonte discreta sem memória com alfabeto $U = \{A, B, C, D, E, F, G, H\}$ e distribuição de probabilidade P(A) = P(B) = 0,25, P(C) = P(D) = 0,14 e P(E) = P(F) = P(G) = P(H) = 0,055.
- (a) Calcule a entropia da fonte U.
- (b) Construa um código binário Prefixo do tipo Shannon-Fano para esta fonte.
- (c) Determine o comprimento médio do código construído.
- (d) Calcule a eficiência do código construído.
- **4.** Considere que uma determinada fonte X gera os símbolos apresentados na tabela abaixo com as seguintes probabilidades:

X	R	E	A	C	P	J	О	M	S	Τ	U
P(X)	0,11	0,15	0,25	0,04	0,05	0,02	0,08	0,06	0,14	0,03	0,07

- (a) Construa um código binário Prefixo do tipo Shannon-Fano para esta fonte. (Obs.: no processo de atribuir os bits 0 e 1 a cada sublista no código, para esta fonte atribua sempre o bit 0 a sublista superior e o bit 1 a sublista inferior).
- (b) Verifique se o código encontrado satisfaz o teorema da codificação e calcule sua eficiência.
- (c) Obtenha a sequência de símbolos de fonte que deu origem à sequência binária: