

공간 복잡도

- 알고리즘 계산 복잡도는 다음 두 가지 척도로 표현될 수 있음

- 시간 복잡도 : 얼마나 빠르게 실행되는지
- 공간 복잡도 : 얼마나 많은 저장공간이 필요한지

좋은 알고리즘은 실행 시간도 짧고, 저장 공간도 적게 쓰는 알고리즘

- 통상 둘 다를 만족시키기는 어려움
 - 시간과 공간은 반비례적 경향이 있음
 - 최근 대용량 시스템이 보편화되면서, 공간 복잡도보다는 시간복잡도가 우선
 - 그래서! 알고리즘은 시간 복잡도가 중심

공간 복잡도 대략적인 계산은 필요함

- 기존 알고리즘 문제는 예전에 공간 복잡도도 고려되어야 할 때 만들어진 경우가 많음
- 그래서 기존 알고리즘 문제에 시간 복잡도뿐만 아니라, 공간 복잡도 제약 사항이 있는 경우가 있음
- 또한, 기존 알고리즘 문제에 영향을 받아서, 면접시에도 공간 복잡도를 묻는 경우도 있음

Complexity:

- expected worst-case time complexity: $O(N)$
- expected worst-case space complexity: $O(N)$

1. 공간 복잡도 (Space Complexity)

- 프로그램을 실행 및 완료하는데 필요한 저장공간의 양을 뜻함
- 총 필요 저장 공간
 - 고정 공간(알고리즘과 무관한 공간) : 코드 저장 공간, 단순 변수 및 상수
 - 가변 공간(알고리즘 실행과 관련있는 공간) : 실행 중 동적으로 필요한 공간
 - $S(P)=c+Sp(n)$

- c : 고정 공간
- $Sp(n)$: 가변 공간

빅 오 표기법을 생각해볼 때, 고정 공간은 상수이므로 공간 복잡도는 가변 공간에 좌우됨

2. 공간 복잡도 계산

- 공간 복잡도 계산은 알고리즘에서 실제 사용되는 저장 공간을 계산하면 됨
 - 이를 빅 오 표기법으로 표현할 수 있으면 됨

공간 복잡도 예제1

- $n!$ 팩토리얼 구하기
 - $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$
- n 의 값에 상관없이 변수 n , 변수 fac , 변수 $index$ 만 필요함
- 공간 복잡도는 $O(1)$

```
def factorial(n):
    fac = 1
    for index in range(2, n+1):
        fac = fac * index
    return fac

factorial(3)
>>6
```

공간 복잡도 예제2

- $n!$ 팩토리얼 구하기
 - $n! = 1 \times 2 \times \dots \times n$
- 재귀함수를 사용하였으므로, n 에 따라, 변수 n 이 n 개가 만들어지게 됨
 - `factorial` 함수를 재귀 함수로 1까지 호출하였을 경우, n 부터 1까지 스택에 쌓이게 됨
- 공간 복잡도는 $O(n)$

```
def factorial(n):  
    if n>1:  
        return n * factorial(n-1)  
    else:  
        return 1
```