Aplicaciones en IA



Aplicaciones

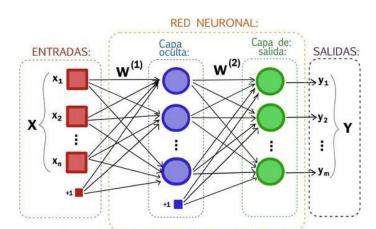
Algunas en:

- Diseño de modelos computacionales (estimación de hiperparámetros)
- Entrenamiento de Redes neuronales
- Clasificación
- Visión artificial
- sistemas clasificadores
- Robótica
- Bases de datos (optimización de consultas)
- Generación de gramáticas (regulares, libres de contexto, etc.)
- Toma de decisiones sobre los sistemas

Ejemplo: Diseño óptimo de una red neuronal NN

<u>Hiperparámetros</u>: el número de capas ocultas y el número de neuronas de cada capa se consideran variables de decision: El algoritmo comienza con un conjunto de NN como soluciones candidatas. Se entrena cada candidata (por cualquier método) y el costo (por ejemplo, error cuadrático) es su fitness:

- En GA, cada individuo es una NN con un diseño diferente, donde los genes son los (hiper) parámetros de diseño
- En PSO, cada partícula es una NN con un diseño diferente donde los componentes de cada partícula son los (hiper) parámetros de diseño



Ya sea en un individuo en GA o partícula en PSO, los hiperparámetros se pueden representar mediante una matriz, donde 1 denota un link entre un elemento y otro elemento (neuronas).

X2 Х3 X4 X5 X6 **Z**1 **Z**2 **Z**3 Υ X1 X1 X2 0 0 ХЗ 0 0 0 0 X4 0 0 0 X5 0 0 0 0 X6 1 0 **Z**1 0 0 1 0 0 0 72 **Z**3 0 0

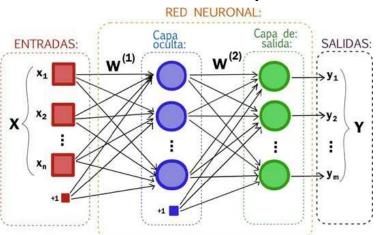
A Neural Network in Matrix Format

X capa de entrada Z capa oculta Y salida

Network #1: 111100100100000111000000001111 Network #2: 110101100100001011000000100111

Entrenamiento de redes neuronales

- Encontrar los pesos de una NN (con diseño predefinido)
- El problema es altamente no lineal y con muchos mínimos locales además de regiones planas.
- Para aplicar alguna MH en aprendizaje (supervisado) de una NN, cada individuo o partícula, etc se compone de un conjunto de valores de los pesos.



A pesar de que se puede acelerar el proceso de entrenamiento en algunos problemas, tiene alguna desventajas:

- Requiere mucho poder de procesamiento. <u>Entrenar</u> <u>muchas NN simultáneamente require mucho tiempo y</u> <u>recursos computaciones.</u>
- Pero esto va mejorando cada dia asi que es un método muy prometedor para entrenamiento.

Clasificación

Por ejemplo: cada individuo es una regla "if...and if..., and if... then..."

Han sido aplicados en:

- Detección de spam
- Diagnóstico de diabetes
- Predicción de ataques del corazón a partir de electrocardiogramas
- Clasificacion de clientes que eligirian marcas de productos
- Evaluacion de clientes de créditos
- En procesamiento de imagenes, ej., donde hacer ataques militares.
- Búsqueda de textos con ciertas características

Clustering

Por ejemplo: Cada individuo es una división posible de los datos en n grupos.

 La function de aptitude es el nivel de similaridad entre los datos de cada grupo



Visión artificial

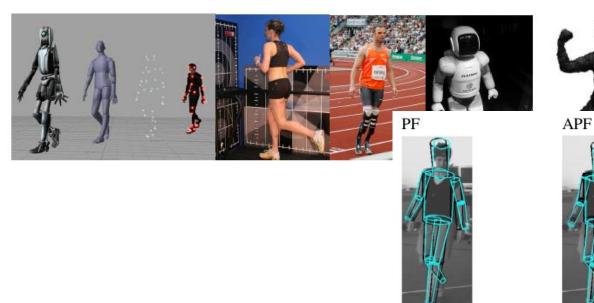
Evolutionary Algorithm for 3D Image Registration problem based on the CHC. O. Cordon, S. Damas y J. Santamaría

In proceeding of: Fuzzy Sets and Systems - IFSA 2003, 10th International Fuzzy Systems Association World Congress, Istanbul, Turkey, June 30 - July 2, 2003,

Visión artificial

Optimización heurística para la estimación de poses humanas

S. Akhtar, A Metaheuristic Bat-Inspired Algorithm for Full Body Human Pose Estimation, Computer and Robot, 2012.









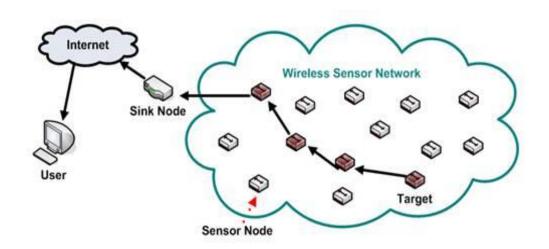
Robótica



Obstacle Avoidance Behaviors for Mobile Robots Using Genetic Algorithms and Recurrent Neural Networks. Management and Control of Production and Logistics, Volume 6 | Part# 1

<u>Optimization Technique for the Design of Robot</u> <u>Arms</u>, *Robotica*, Cambridge University Press, Vol. 16, No.4, July-August, pp. 401-414, 1998.

Redes Inalámbricas de sensores



- Jin, S., Zhou. M., Wu, A. Sensor Network Optimization using Genetic Algorithm. University of Central Florida.
- EkbataniFard, G. Hossein . A multi-Objective Genetic algorithm based approach Eenrgy Efficient QoS-Routing in

En toma de decisiones



Aplicaciones

Telecomunicaciones

Rutas de llamadas Asignación de caminos Diseño de redes para servicios

Electrónica

Diseño de circuitos

Diseño de conductores

Tecnología

- Distribución de energía eléctrica
- Diseño estructural de Ingeniería
- Explotación de crudo

Diseño

- Diseño de turbinas
- Planificación del espacio en arquitectura
- Distribución en Planta

Aplicaciones

Ingeniería Industrial

- Scheduling
- Planificación de fuerza laboral
- Horarios (escolares por ejemplo)
- Diseño de plantas
- Gestión de cadenas de suministro
- Planificación de inventarios

Transporte

Redes de rutas de Programación de vehículos Programación conductores Rutas de vehículos Secuenciación de vagones

Finanzas

Portafolio de acciones
Porfafolio de deuda
Clasificación de deudores
Mercados bursátiles
Estrategias de mercadeo

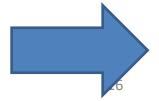
Ejemplos:

• Simulación de la interacción de firmas en competencia en cierto mercado.

Análisis de supervivencia en tratamientos clínicos.

• Estimación de puntos de monitoreo de contaminación en un ciudad.

• identificación de sospechosos de crimen.



Medicina

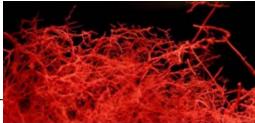
Diseño de andamios estructurales para tejidos suaves (scaffolds)

Algunas lesiones y enfermedades conducen a la pérdida funcional de tejido blando o duro.

Se desarrollan andamios estructurales, que permiten el desarrollo de tejido y conferir resistencia mecánica

modelo matemático del comportamiento mecánico de degradación del material del scaffold que es alginato.

Se encuentran los valores óptimos de la composición del alginato y la porosidad inicial, para que, en un tiempo específico, se presente el mayor modulo elástico



Revista Cubana de Investigaciones Biomédicas vol.30 no.3 2011. Algoritmos Genéticos aplicados a la Ingeniería biomédica Ing. Carlos Galeano Uruena, MSc. Ing. Diego A. Garzón-Alvarado Ph.D, Ing. Juan Miguel Mantilla González, PhD

Algoritmos genéticos aplicados en el diagnóstico de cáncer de seno

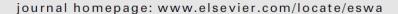
Tseng y Liao proponen una metodología para encontrar la relación entre el

cáncer/fibroadenoma y unos virus.



Contents lists available at SciVerse ScienceDirect

Expert Systems with Applications





A multi-objective grouping Harmony Search algorithm for the optimal distribution of 24-hour medical emergency units

I. Landa-Torres a, D. Manjarres A, S. Salcedo-Sanz b,*, J. Del Ser A, S. Gil-Lopez B



Distribución de unidades de emergencia

a OPTIMA Area, TECNALIA RESEARCH & INNOVATION, 48170 Zamudio, Bizkaia, Spain

^b Department of Signal Theory and Communications, Universidad de Alcalá de Henares, 28871 Alcalá de Henares, Madrid, Spain

Ingeniería mecánica

Definición Automática de la Geometría de Herramientas de Corte usando Algoritmos Genéticos

Presenta la utilización de una técnica de optimización evolutiva para la obtención de los **ángulos principales de la geometría del filo** de corte de una herramienta de mecanizado.

Automatic Definition of the Cutting Tool Geometry using Genetic Algorithms, O. Durán, N. Rodríguez y L.A. Consalter



Música

Estudio e implementación de algoritmos genéticos para la generación semiautomática de ritmos y melodías

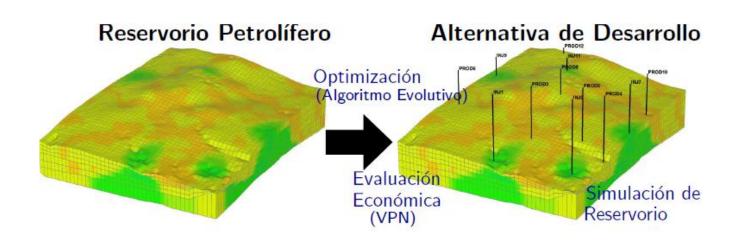
 http://earchivo.uc3m.es/bitstream/handle/10 DEBD880393A22718A5EB6FF9A33AFE5?seque



Petróleos

Proyecto ANEPI: Análise Econômica de Projetos de E&P de Petróleo sob Incerteza

Numero, localización, tipo, orden de perforación y dimensión de pozos . Y. J. Túpac Valdivia

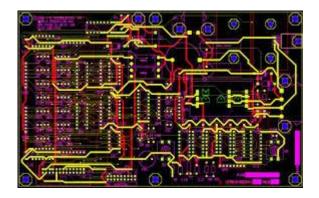


IEEE Sociedad de Inteligencia Computacional, 12 de abril de 2013, IEEE petroliferos,

Electrónica

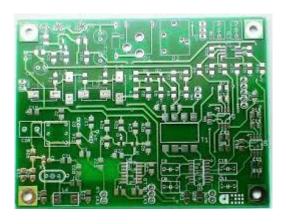
Síntesis Automática de Circuitos Electrónicos usando Algoritmos Genéticos

E. Tlelo Cuautle, M. A. Duarte Villaseñor, C. A. Reyes García and G. Reyes Salgado



Electrónica

Coello Coello, C. A.; Christiansen, A.D. & Hernández Aguirre, A., **Towards Automated Evolutionary Design of Combinational Circuits**, *Computers and Electrical Engineering*, Pergamon Press, Vol. 27, No. 1, pp. 1-28, January 2001



Estructuras

Optimal Design of Reinforced Concrete Beams using Genetic Algorithms, Coello Coello, C. A.; Santos Hernández, F. and Alonso Farrera, F. Expert Systems with Applications: An International Journal, pp. 101-108, Volume 12, No. 1, January 1997.



Transporte

Referencia

Maya, P., & Sörensen, K. (2011). A GRASP metaheuristic to improve accessibility after a disaster. *OR spectrum*, 33(3), 525-542.

Objetivo:

Determinar el mejor plan de recostrucción de carreteras despues de una emergencia, contando como criterios aumentar la conectividad entre zonas y minimizar los costos de intervención, usar en el caso de Haití.



(Maya & Sörensen, 2011)

Transporte

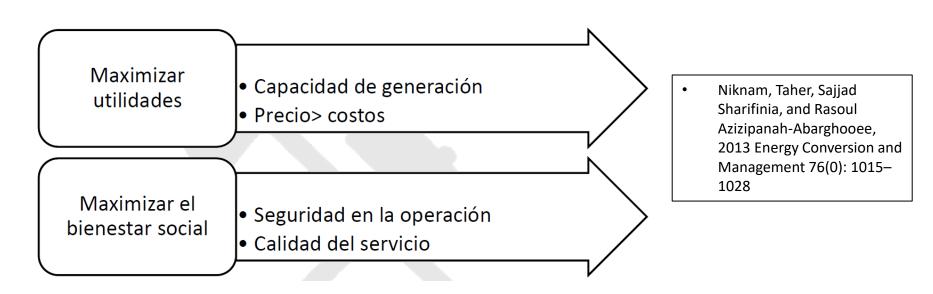
 T. G. Dias, J. P. de Sousa and J. F. Cunha, "Genetic Algorithms for the Bus Driver Scheduling Problem: A Case Study",2002. www.jstor.org/stable/822898



Mercados eléctricos

A New Enhanced Bat-inspired Algorithm for Finding Linear Supply Function Equilibrium of GENCOs in the Competitive Electricity Market.

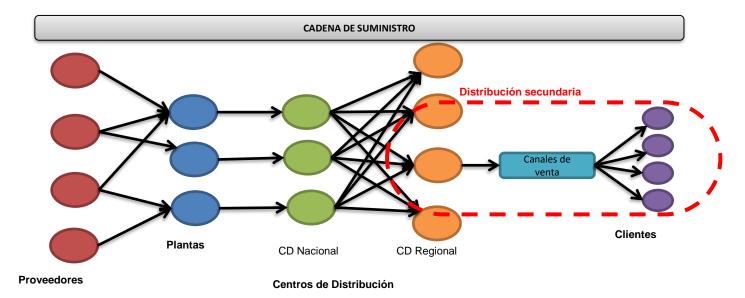
Encuentra la oferta de equilibrio, en una determinada hora, de una empresa generadora en un mercado eléctrico con restricciones en la red y en el que tiene información incompleta de sus competidores



Cadenas de suministro

Determinar las cantidades y el periodo en el cual se deben entregar los productos, además de los vehículos que se utilizarán y las rutas que estos seguirán, de forma tal que se minimicen los costos de la operación al mismo tiempo en que se maximiza el nivel de servicio al cliente final.

Songsong Liu and Lazaros G.(2013). Multiobjective optimisation of production, distribution and capacity planning of global supply chain in the process industry. Omega 41,



Recursos Hidráulicos

 Distribución del recurso hídrico entre diferentes sectores en diferentes ciudades.
 Incluye el área social, económica y ambiental.

Zhanping Wang, Juncang Tian. A Software-Tool for Optimal Allocation of Regional Water Resources Based on Particle Swarm Optimization. International Review on Computers and Software (I.RE.CO.S.), Vol. 7, N. 5. Septiembre 2012



Finanzas

A New Artificial Bee Colony Based Clustering Method and its Application to the Business Failure Prediction.

Ting-En Lee, Jao-Hong Cheng, Lai-Lin Jiang, 2012 International Symposium on Computer, Consumer and Control,

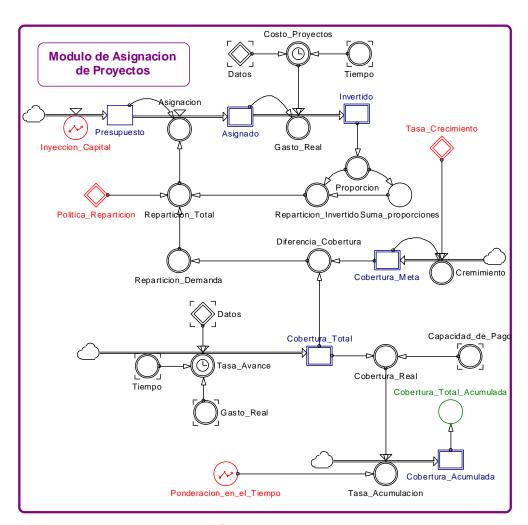


Planificación de recursos energéticos

Programación de Proyectos con Restricciones de Recursos (RCPSP)

Proyectos de Generación en ZNI
Cinco regiones
Amazonía
Andina
Atlántica
Orinoquía
Pacífica

Múltiples Objetivos
Empleo
Aumento Cobertura
Equidad Asignación Presupuesto
Sostenibidad
Impacto ambiental



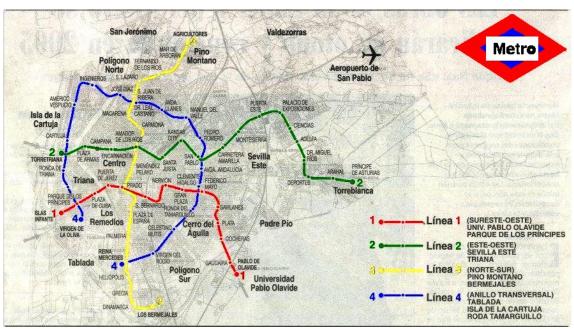
Grupo en Modelación de Sistemas Escuela de Sistemas

Aplicaciones UNAL



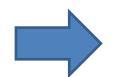


Rapid Transit Network Design model Accelerated Benders decomposition

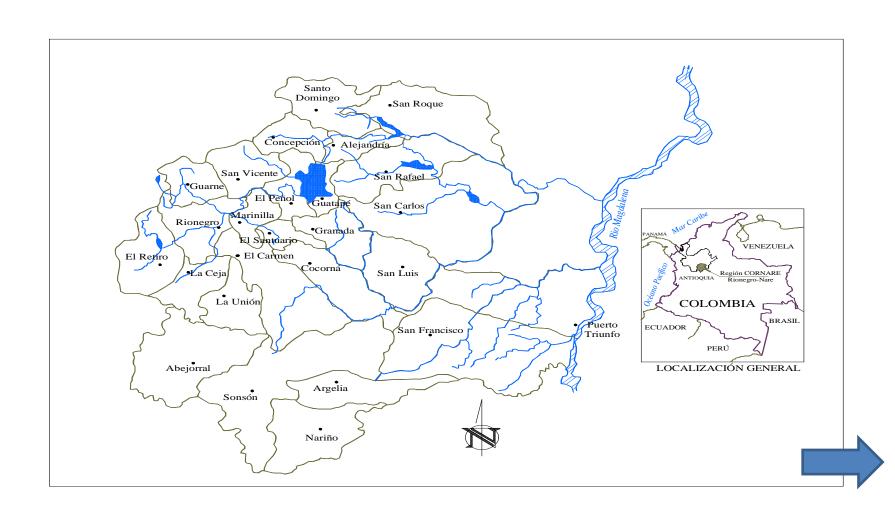


Sevilla "metro" corridors

Patricia Jaramillo, Universidad Nacional de Colombia, Ángel Marín, Universidad Politécnica de Madrid



Planificación de la electrificación rural en oriente antioqueño



Programación de rodamientos en vehiculos de transporte publico en Manizales



Objetivo: Programar los despachos de los buses de una ruta en la ciudad de Manizales

• En detalle...



Rapid Transit Network Design model Accelerated Benders decomposition

Patricia Jaramillo, Universidad Nacional de Colombia, Ángel Marín, Universidad Politécnica de Madrid Project: "Optimización Matemática para la planificación robusta y la extensión estratégica de sistemas metropolitanos de transporte público"

Ministerio de Fomento (España)

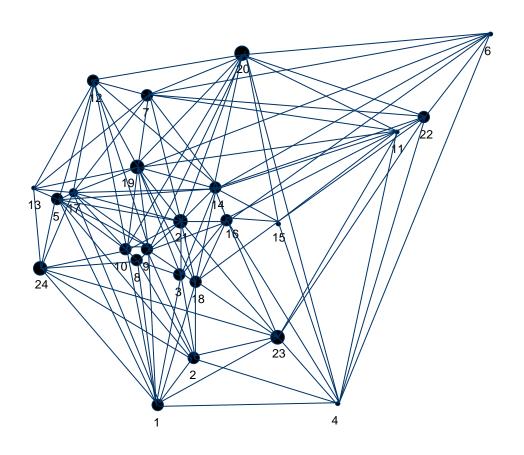
 Project: ARRIVAL "Algorithms for Robust and online Railway optimization: Improving the Validity and reliability of Large-scale systems".

European Comission. Sixth Frame Program

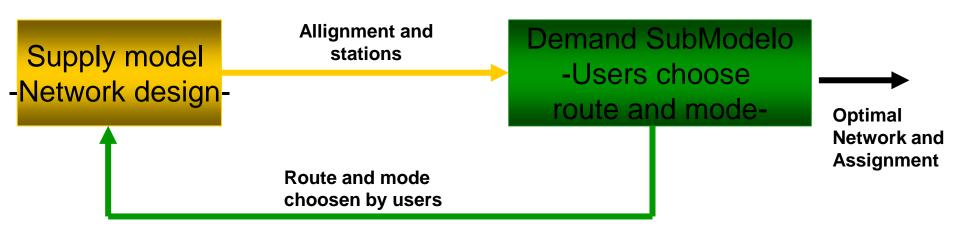
RTND (Rapid Transit Network Design) Generalities

- High-level design of RTN, considering lower-level demand decisions
- Higher level: Operators
 - 1. Objective: Maximize trip coverage by public mode
 - 2. Budget and line constraints
- Lower level: Users
 - 1. Users choose lower cost routes
 - 2. Users compare public and private costs

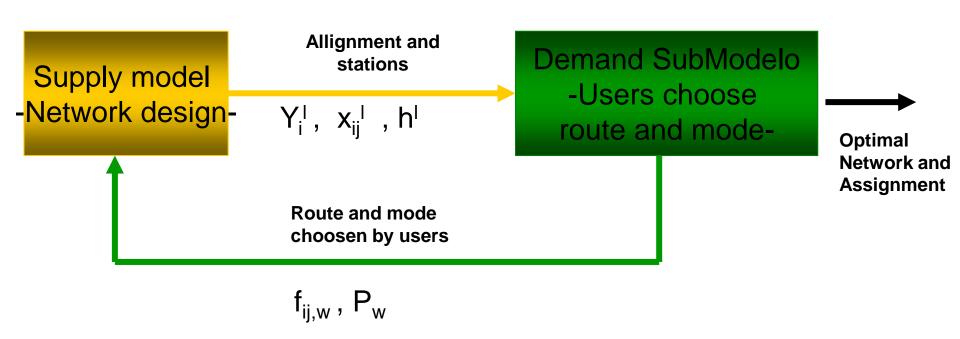
Sevilla's Test Network



RTND Model



RTND Model



RTND –Objective Function:

Maximize public demand coverage:
$$z_{dpub} = \frac{\sum\limits_{w \in W} g_w p_w}{\sum\limits_{w \in W} g_w}$$

Minimize routing costs:

$$z_r = \frac{1}{T_c} \sum_{w \in W} \left[\mu \ u_w^{pri} (1 - p_w) + u_w^{PUB} \right]$$

$$u_w^{PUB} = \frac{1}{\lambda} \sum_{ij \in A} d_{ij} f_{ij}^w$$

Minimize construction costs

$$z_c = \gamma \sum_{l \in L} \left(\sum_{(i,j) \in A; i < j} c_{ij}^l x_{ij}^l + \sum_{i \in N} c_i^{lt} y_i^l \right)$$

RTND – Constraints:

Routing demand constraints: RDC(i,w)

$$\begin{split} \sum_{k \in N(i)} f_{ki}^{w} - \sum_{j \in N(i)} f_{ij}^{w} &= i_{w}, \forall i \in N, \forall w \in W \\ \text{donde} \quad i_{w} &= \begin{cases} -p_{w} &, \text{if } i = o : \forall (o, d) = w \in W \\ p_{w} &, \text{if } i = d : \forall (o, d) = w \in W \\ 0 &, \text{otherwise} \end{cases}, \forall i \in N, \forall w \in W \end{split}$$

Mode splitting demand constraints: MSDC(w)

$$u_w^{PUB} - \mu u_w^{pri} - M(1 - p_w) \le 0, \forall w \in W$$

$$u_w^{pub} = \frac{1}{\lambda} \sum_{i \in A} d_{ij} f_{ij}^w$$

Line Location constraints: LLC(I)

$$x_{ij}^{l} \leq y_{i}^{l}, \forall (i, j) \in A, i < j, \forall l \in L$$

$$x_{ij}^{l} \leq y_{j}^{l}, \forall (i, j) \in A, i < j, \forall l \in L$$

$$x_{ij}^{l} = x_{ji}^{l}, \forall (i, j) \in A, \forall l \in L$$

$$\sum_{j \in N(i)} x_{ij}^{l} \leq 2, \forall i \in N, \forall l \in L$$

$$h_l + \sum_{\substack{(i,j) \in A \\ i < j}} x_{ij}^l = \sum_{i \in N} y_i^l, \forall l \in L$$

$$1/2 - \sum_{\substack{(i,j) \in A \\ i < j}} x_{ij}^l + Mh_l \ge 0, \forall l \in L$$

$$1/2 - \sum_{\substack{(i,j) \in A \\ i < j}} x_{ij}^{l} + M(h_{l} - 1) \le 0, \forall l \in L$$

$$\sum_{i \in B} \sum_{j \in B} x_{ij}^{l} \leq |B| - 1, \forall B \subset N, |B| \geq 2, \forall l \in L$$

Links location

Link location

Directed links

Each node has not more than 2 edges

Number of edges is 1 less the number of nodes of each line.

$$h_l = 1, if \sum_{(i,j) \in A, i < j} x_{ij}^l \neq 0$$

and zero, otherwise

Cycles by lines are not permited

LAC(i,j) Constraints:

Routing by the link ij is possible only if the link ij is located

$$f_{ij}^{w} + f_{ji}^{w} \leq \sum_{l \in L} x_{ij}^{l}, \forall (i, j) \in A, i < j, \forall w \in W$$

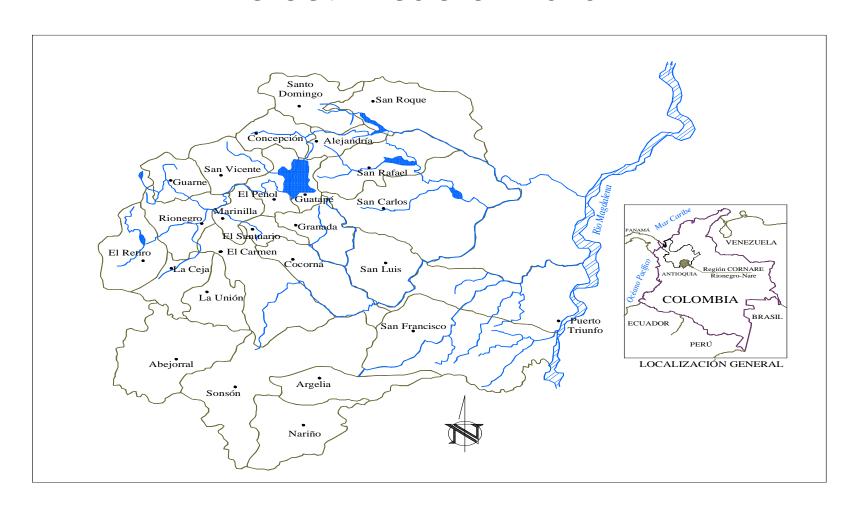
$$f_{p(w)j}^{w} \leq \sum_{l \in L} y_j^l, \forall (p(w), j) \in A_s, \forall w \in W$$

$$f_{iq(w)}^{w} \leq \sum_{l \in L} y_i^l, \forall (i, q(w)) \in A_s, \forall w \in W$$

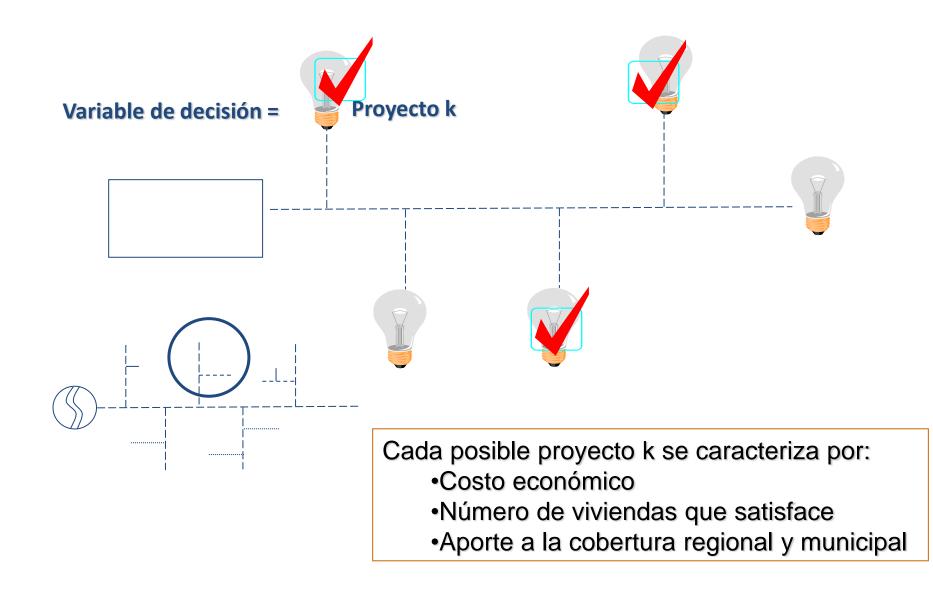
Construction cost constraints (CCC)

$$\sum_{l \in L} \left(\sum_{(i,j) \in A; i < j} c_{ij}^l x_{ij}^l + \sum_{i \in N} c_i^l y_i^l \right) \in \left[c_{\min,c} c_{\max} \right]$$

Aplicación: Planificación de la electrificación rural



Elección de proyectos para la expansión de la red rural de energía bajo escasez de recursos económicos y alto déficit en la oferta



Objetivos

- Objetivo económico: Eficiencia económica en la asignación de recursos
- Objetivo social 1: Equidad en las coberturas municipales
- Objetivo legal: Tratamiento preferencial a los municipios por ley prioritarios (en los que se han construido grandes embalses)

Características del problema:

Objetivos: 3

Años de planificación= 5

Proyectos = 956

Variables de decisión x_{kt}: 4780

Restricciones: 2504

No duplicidad: 956

Contingencia: 1690

Presupuesto: 5

Restricciones de Capacidad en las

subestaciones: 140

Planteamiento del problema

Objetivos

1. Maximizar eficiencia económica en la asignación de recursos

$$\sum_{t=1}^{5} \sum_{k=1}^{956} I_{kt} * NV_k$$

NV_k: Número de viviendas atendidas con el proyecto k

2. Equidad en las coberturas de los municipios no prioritarios

Contribución de un proyecto k al incremento de la cobertura en los municipios:

$$CONTRIBUCION_{ki} = NV_{ki} / NVT_i$$

Donde:

NV_{ki}: Número de viviendas beneficiadas por el proyecto k en el municipio i

NVT_i: Número de viviendas del municipio i

Para cada uno de los veintidós municipios considerados por ley no prioritarios, el objetivo puede representarse como:

$$Maximizar \left(Min(COBERTURA_1,...COBERTURA_{22}\right)$$

Equivalente a

Maximizar COBERTURA_{min}

Sujeto a:

$$COBERTURA_{t0} + \sum_{t=1}^{T} \sum_{\substack{k=1 \ k \in i}}^{n} I_{kt} * (CONTRIBUCION_{ki}) \ge COBERTURA_{min}$$

Donde : COBERTURA_{i0} cobertura del servicio en el municipio i al inicio del periodo considerado.

n: Número de proyectos propuestos que aportarían energía eléctrica al municipio i.

3. Equidad en las coberturas de los municipios prioritarios

Contribución de un proyecto k al incremento de la cobertura en los municipios prioritarios: San Carlos, San Rafael, Peñol y Guatapé.

Sujeto a:

$$COBERTURA_{t0}^{A} + \sum_{t=1}^{T} \sum_{\substack{k=1\\k \in i}}^{n} I_{kt} * (CONTRIBUCION_{ki}) \ge COBERTURA^*_{min}$$

Donde : COBERTURA_{i0} cobertura del servicio en el municipio i al inicio del periodo considerado. n: Número de proyectos propuestos que aportarían energía eléctrica al municipio i.

Restricciones

- **Restricciones de no-duplicidad**: cada alternativa se construirá como máximo una vez en todo el periodo de planificación.

$$\sum_{t=0}^{T} I_{kt} \le 1$$

Restricciones de condicionalidad o contingencia: la construcción de un proyecto está condicionada a la construcción previa de otro proyecto.

Donde j es un proyecto que se requiere construir previamente a la construcción del proyecto k y t' es el año de construcción de $I_{kt''}$

$$I_{kt'} \leq \sum_{t=0}^{t'} I_{jt}$$

Restricciones presupuestales

Hay un límite anual en el presupuesto disponible para la construcción de nuevos proyectos.

$$\sum_{k=1}^{956} I_{kt} * COSTO_{kt} \le PRESUP_t$$

Donde $COSTO_{kt}$ es el costo de proyecto k si se realiza en el año t de planificación y $PRESUP_t$ es la proyección presupuestal para el año t. Se tiene entonces cinco restricciones de carácter presupuestal.

Restricción de capacidad disponible en las subestaciones

La demanda exigida por los proyectos asociados a una subestación no debe exceder la capacidad de la subestación en cada período.

La demanda de cada proyecto se calcula como:

$$demanda_k = PCE^* NV_k$$

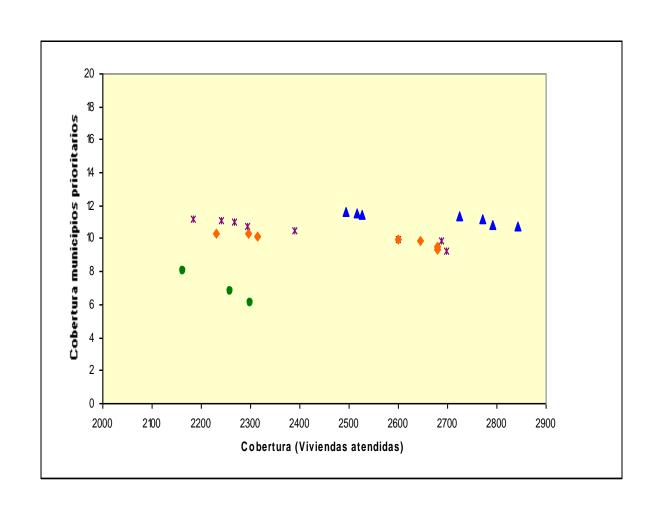
Donde:

PCE es el promedio de consumo de energía por vivienda en kilovatios por año (kWa).

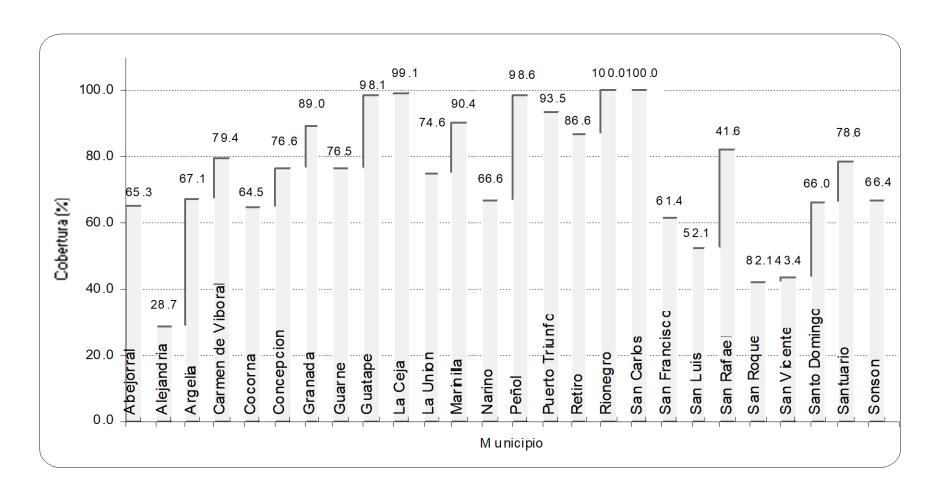
La sumatoria se hace sobre todos los proyectos asociados a la subestación

Para todo t y subestación l

Soluciones no dominadas Objetivo 1 y 3



Una de las soluciones con AG



Cobertura final en los municipios

Aplicación: Programación de rodamientos en vehiculos de transporte publico en Manizales



Objetivo: Programar los despachos de los buses de una ruta en la ciudad de Manizales

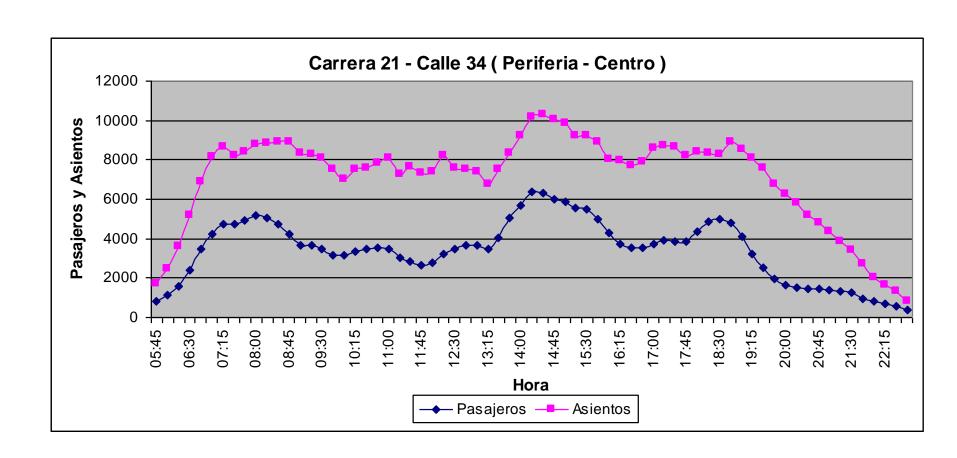
El transporte público en Colombia:

- La operación del sistema es muy desorganizada.
- Existe una gran sobreoferta de servicio.
- Los buses son lentos, no son calculables, ni confiables.
- Los conductores trabajan durante largas jornadas y sin descansos apropiados.
- Las ganancias para los propietarios y conductores son cada vez más reducidas.
- Se genera gran contaminación ambiental y estrés.
- La zona centro de las ciudades presenta gran congestión vehicular.

 la programación de itinerarios se maneja en el mundo como "Bus driver scheduling problem"

 Pero en Colombia se programan vehículos y en el resto del mundo se programan conductores.

Sobreoferta de asientos

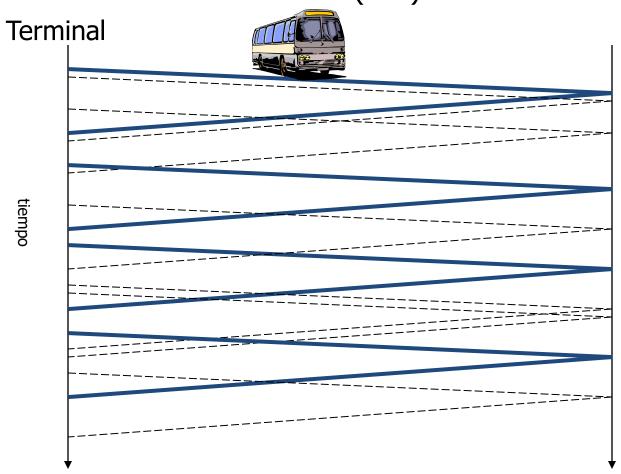


AG para la programación

Cada cromosoma representa los despachos de todo un día. Cada gen representa una rutina (programación diaria de un solo bus)

| 5:00 a.m. | 5:30 a.m. | 6:00 a.m. | 6:10 a.m. | 6:20 a.m. | 10:00 p.m. |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|-------------------|
| rutina 1 | rutina 2 | rutina 3 | rutina 1 | rutina 4 | rutina 8 |

Rutina (bus) i



Objetivos: Funciones difusas

1. Equidad en la programación (número de vueltas).

$$\mu_1(x) = f\left(\sum_i \sqrt{(Vueltas(i) - \text{Pr} \, omedio \, _Vueltas)^2}\right)$$

2. Mínimo número de rutinas

$$\mu_{2}(x) = f\left(\frac{1}{(1 + N\'{u}mero _Rutinas - M\'{i}n _Num _Rutinas)}\right)$$

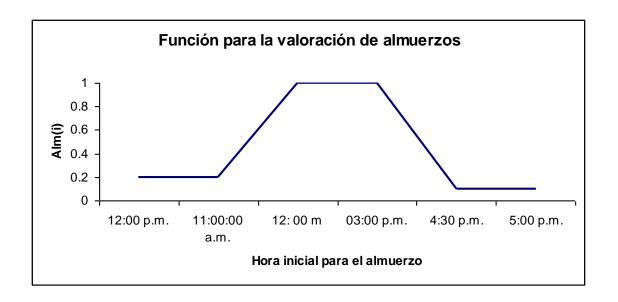
3. Minimizar tiempos de espera en terminal

$$\mu_3(x) = f\left(\sum_{i} esperas(i)\right)$$

4. Maximizar indice de tiempo del almuerzo:

$$\mu_4(x) = f\left(\frac{\sum_{i} Alm(i)}{Num_Rutinas}\right)$$

4. Calidad del tiempo para Almuerzos



Tiempo mínimo aceptable para almorzar: 30 minutos.

Una de las soluciones de Pareto Con AG

| RUTINA | VUELTAS | JORNADA | ALMUERZO | HORA ALM. | DESCANSO | ESPERA |
|--------|---------|---------|----------|---------------|----------|----------|
| 0 | 8 | 845 | 70 | 10:00:00 a.m. | 0 | 00:25:00 |
| 1 | 9 | 935 | 36 | 11:20:00 a.m. | 0 | 00:56:00 |
| 2 | 8 | 814 | 36 | 1:05:00 p.m. | 0 | 00:30:00 |
| 3 | 8 | 836 | 55 | 1:35:00 p.m. | 0 | 00:31:00 |
| 4 | 8 | 840 | 68 | 10:28:00 a.m. | 0 | 00:20:00 |
| 5 | 9 | 926 | 47 | 10:14:00 a.m. | 0 | 00:36:00 |
| 6 | 8 | 911 | 48 | 12:14:00 p.m. | 62 | 00:53:00 |
| 7 | 8 | 820 | 50 | 1:40:00 p.m. | 0 | 00:18:00 |
| 8 | 8 | 844 | 54 | 10:35:00 a.m. | 0 | 00:42:00 |
| 9 | 8 | 867 | 68 | 11:10:00 a.m. | 0 | 00:49:00 |
| 10 | 8 | 815 | 35 | 1:55:00 p.m. | 0 | 00:26:00 |
| 11 | 8 | 822 | 0 | | 0 | 01:14:00 |
| 12 | 8 | 838 | 41 | 2:14:00 p.m. | 0 | 00:49:00 |
| 13 | 7 | 906 | 180 | 11:30:00 a.m. | 48 | 00:21:00 |
| 14 | 8 | 835 | 44 | 11:00:00 a.m. | 0 | 00:41:00 |
| 15 | 7 | 916 | 195 | 5:30:00 p.m. | 0 | 01:08:00 |
| 16 | 7 | 931 | 48 | 11:25:00 a.m. | 190 | 00:36:00 |
| 17 | 6 | 831 | 46 | 9:46:00 a.m. | 36 | 03:03:00 |
| 18 | 6 | 851 | 42 | 11:40:00 a.m. | 210 | 00:37:00 |