

SES 단순평화에측법

Holt 이중평활예측법

1. Trend 확인

```
[ ] linreg = linregress(x=DATA.index, y=DATA)
      print(linreg.slope, linreg.pvalue)
```

```
↳ 2.5386100386100385 1.1694156537818794e-08
```

기울기가 약 2.53으로 존재하고 pvalue가 0에 가깝기 때문에 trend가 존재한다고 볼 수 있다.

2. 데이터 절반의 initial level과 initial slope확인

```
#데이터 절반의 initial level, initial slope 확인
lin = linregress(x=DATA1[:18].index, y=DATA1[:18])
initial_slope = lin.slope
initial_level = lin.intercept
print(initial_level, initial_slope)
```

```
155.8823529411765 0.8369453044375644
```

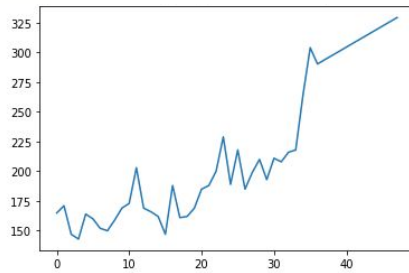
3. 초기값 토대로 level, trend 구하기 (alpha, gamma 둘 다 0.5일 때), 12개월 예측결과 식)

```
one_step_forecast[i] = level[i-1]+slope[i-1]
level[i] =
level[i-1]+slope[i-1]+alpha*(demands[i]-one_step_forecast[i])
slope[i] =
slope[i-1]+alpha*gamma*(demands[i]-one_step_forecast[i])
```

결과)

```
[307.633073002067,
 334.2595825478553,
 360.8860920936436,
 387.51260163943186,
 414.13911118522014,
 440.7656207310084,
 467.3921302767967,
 494.018639822585,
 520.6451493683733,
 547.2716589141615,
 573.8981684599498,
 600.5246780057381]
```

4. Exponential Smoothing으로 최적화



```
#standard error
math.sqrt(Hz.sse/(36-1))
```

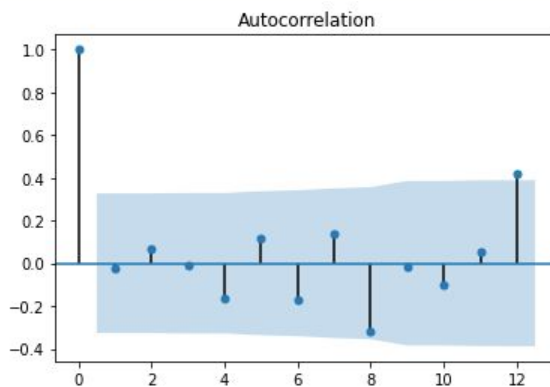
19.745150462645533

앞선 SES보다 standard error값이 줄었다. 예측 에러값이 줄어들었기 때문에 보다 정확한 결과라 볼 수 있다.

5. deviations from mean

0	2.454629	31	-3.725676
1	3.283281	32	3.187006
2	-26.435652	33	-0.468307
3	-16.515906	34	42.291861
4	11.848735	35	50.795523

6. 자기상관 그래프



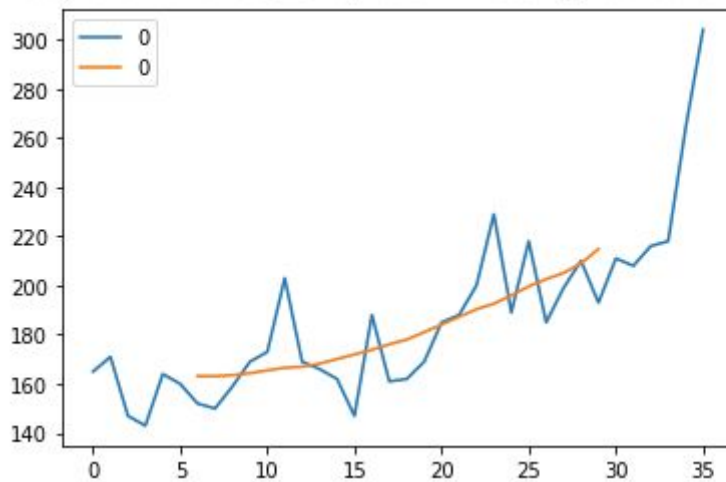
자기상관계수가 12일 때 높은 값을 가진다. 따라서 이 데이터는 12개월을 주기로 변화하는 특징을 가진다고 볼 수 있다.

7. 자기상관계수

```
array([ 1.          , -0.01736212,  0.06753761, -0.00440455, -0.151768   ,
        0.11991857, -0.16848853,  0.13962347, -0.3045567  , -0.0058307  ,
       -0.09231985,  0.05242037,  0.40895114])
```

Holt-winters 삼중평활예측법

1. MA(moving average) smoothed 구하기



MA smoothed: 두 연속한 12개월치 평균값의 중간값
파란색이 기존 데이터, 주황색이 MA smoothed이다.

2. initial seasonal factors X 3 만들기

```
#initian seasonal factors
seasonal_factor_init = []
for i in range(6,12):
    seasonal_factor_init.append((est[i]+est[i+12])/2)
for i in range(6):
    seasonal_factor_init.append((est[i]+est[i+12])/2)
```

x3 : 위 결과를 3배

결과:

```
[0.9882333992444625, 0.9208375893769152,
1.0394595142086607, 0.9266209436718105,
0.9329332917124478, 0.9884907528722957,
0.9125977559105471, 1.0162014531884298,
1.0430106047420362, 1.0480526558060541,
0.9064424515366746, ... 1.2040049076184032]
```

3. Deseasonalized Data 만들기

```
deseasonalized[i] = demands[i] / x3[i]
```

```
[166.96460585743006, 229.13921242373823,
164.50857167840934, 224.47150738443617,
157.5675359705235, 218.51494247402968,
156.69554201053379, 214.5243930876147,
157.2371357054049, 251.89574067436374,
176.5142395181901, ... 252.49066517621674]
```

4. Level과 Trend와 Seasonal_adj값으로 forecast해보기

a. Deseasonalized data에 대해 linear regression

```
print(initial_level, initial_slope)
```

```
144.42354225448122 2.2904500049389425
```

b. alpha, gamma, delta값을 모두 0.5로 설정했을 때 결과식)

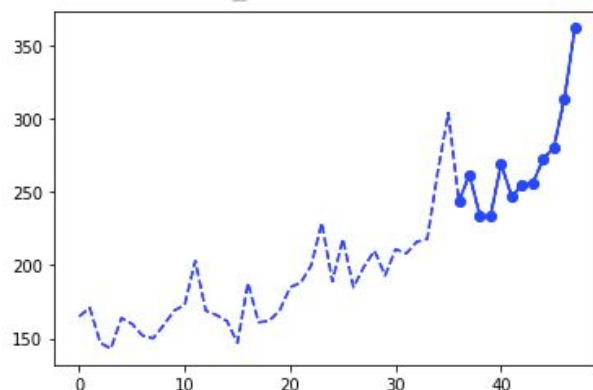
```
prev_level, prev_slope = level, slope
level =
alpha*demands[i]/seasonal_factor_init[i]+(1-alpha)*(prev_level+prev_slope)
slope = gamma*(level-prev_level)+(1-gamma)*prev_slope
seasonal_factor_init.append(delta*(demands[i]/level)+(1-delta)*seasonal_factor_init[i])
```

결과)

```
[258.3415200040934,
280.3639523439052,
253.28021140480934,
255.96408917080052,
298.45419301816605,
275.74146769136377,
288.1190092946273,
292.75019901953607,
318.095985870473,
336.2107591401663,
375.27294894525846,
432.0278289525443]
```

5. 최적화 된 forecast 값, 그래프

```
36 243.653544
37 261.894278
38 233.728698
39 233.769819
40 269.091744
41 247.207091
42 254.738356
43 256.025261
44 272.616274
45 280.410811
46 313.900717
47 362.089388
```



6. standard error

```
math.sqrt(season.sse/(36-1))
```

```
8.382520444295832
```

가장 작은 standard error값을 가지기 때문에 세 방법 중 예측 정확도가 가장 높다고 볼 수 있다.