VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ FAKULTA INFORMAČNÍCH TECHNOLOGIÍ

Typografie a publikování – 2. projekt Sazba dokumentů s matematickými výrazy

Ferdinand Mravenec 5. března 2012

1 Úvod

Tato úloha je zaměřena na sazbu titulní strany a textů, které obsahují matematické vzorce, rovnice (1), prostředí (například definice 3.1 na straně 1).

Na titulní straně je využito sázení nadpisu podle optického středu s využitím zlatého řezu. Tento postup byl probírán na přednášce. Pro sazbu matematických elementů byly využity balíky $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ -IATFXu.

2 Plynulý matematický text

Zásady pro sazbu matematiky v plynulém textu odpovídají zásadám pro smíšenou sazbu.

Pro množinu M označuje $\operatorname{card}(M)$ kardinalitu M. Pro množinu M reprezentuje M^* volný monoid generovaný množinou M s operací konkatenace. Prvek identity ve volném monoidu M^* značíme symbolem ε . Nechť $M^+ = M^* - \{\varepsilon\}$. Algebraicky je tedy M^+ volná pologrupa generovaná množinou M s operací konkatenace. Konečnou neprázdnou množinu M nazvěme abeceda. Pro $w \in M^*$ označuje |w| délku řetězce w. Pro $W \subseteq M$ označuje occur(w,W) počet výskytů symbolů z W v řetězci w a $\operatorname{sym}(w,i)$ určuje i-tý symbol řetězce w; například $\operatorname{sym}(abcd,3) = c$.

3 Sazba definic a vět

Pro sazbu definic a vět slouží balík amsthm.

Definice 3.1. Bezkontextová gramatika *je čtveřice* G = (V, T, P, S), kde

V je totální abeceda,

 $T \subseteq V$ je abeceda terminálů,

 $S \in (V - T)$ je startující symbol,

P je konečná množina pravidel tvaru $q \colon A \to \alpha$, kde $A \in (V - T)$, $\alpha \in V^*$ a q je návěští tohoto pravidla.

Nechť N=V-T značí abecedu neterminálů. Pokud $q\colon A\to\alpha\in P,\ \gamma,\delta\in V^*,\ G$ provádí derivační krok z $\gamma A\delta$ do $\gamma\alpha\delta$ podle pravidla $q\colon A\to\alpha,$ symbolicky píšeme $\gamma A\delta\Rightarrow\gamma\alpha\delta$ $[q\colon A\to\alpha]$ nebo zjednodušeně $\gamma A\delta\Rightarrow\gamma\alpha\delta.$ Standardním způsobem definujeme $\Rightarrow^n,$ kde $n\ge 0.$ Dále definujeme tranzitivní uzávěr \Rightarrow^+ a tranzitivně-reflexivní uzávěr $\Rightarrow^*.$

Algoritmus můžeme uvádět textově, podobně jako definice, nebo lze použít pseudokódu vysázeného ve vhodném prostředí (například algorithm2e).

Algoritmus 3.2. Ověření bezkontextovosti gramatiky. Mějme gramatiku G = (N, T, P, S).

- 1. Pro každé pravidlo $p \in P$ proveď test, zda p na levé straně obsahuje právě jeden symbol z N.
- 2. Pokud všechna pravidla splňují podmínku z kroku 1, tak je gramatika G bezkontextová.

Definice 3.3. Jazyk definovaný gramatikou G definujeme jako $L(G) = \{w \in T^* \mid S \Rightarrow^* w\}.$

3.1 Podsekce obsahující větu

Věty a definice mohou mít vzájemně nezávislé číslování. Důkaz se obvykle uvádí hned za větou.

Definice 3.4. Nechť L je libovolný jazyk. L je bezkontextový jazyk, když a jen když L = L(G), kde G je libovolná bezkontextová gramatika.

Definice 3.5. Množinu $\mathcal{L}_{CF} = \{L | L \text{ je bezkontextový} \text{ jazyk}\}$ nazýváme třídou bezkontextových jazyků.

Věta 1. Nechť $L_{abc} = \{a^n b^n c^n | n \geq 0\}$. Platí, že $L_{abc} \notin \mathcal{L}_{CF}$.

 $D\mathring{u}kaz$. Důkaz se provede pomocí Pumping lemma pro bezkontextové jazyky a je zřejmý, což implikuje pravdivost věty 1.

4 Rovnice a odkazy

Složitější matematické formulace sázíme mimo plynulý text. Lze umístit několik výrazů na jeden řádek, ale pak je třeba tyto vhodně oddělit, například příkazem \quad.

$$\sqrt[a^8]{\frac{3}{4}b_1^2} \quad \mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\} \quad x^{y^y} \neq x^{yy} \quad z_{i_j} \not\equiv z_{ij}$$

V rovnici (1) jsou využity tři typy závorek s různou explicitně definovanou velikostí.

$$x = -\left(\left\{ \left[a * b \right]^{c} - d \right\} + 1 \right)$$

$$s = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{s} p_{i}(x_{i} - x)^{2}}$$
(1)

V této větě vidíme, jak vypadá implicitní vysázení limity $\lim_{n\to\infty} f(n)$ v normálním odstavci textu. Podobně je to i s dalšími symboly jako \sum_1^n či $\bigcup_{A\in\mathcal{B}}$. V případě vzorce $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ jsme si vynutili méně úspornou sazbu příkazem \limits.

$$\int_{a}^{b} f(x) dx = -\int_{b}^{a} f(x) dx \qquad (2)$$

$$\overline{\overline{A} \wedge \overline{B}} = \overline{\overline{A \vee B}} \tag{3}$$

5 Složené zlomky

Při sázení složených zlomků dochází ke zmenšování použitého písma v čitateli a jmenovateli. Toto chování není vždy žádoucí, protože některé zlomky potom mohou být obtížně čitelné.

V těchto případech je možné nastavit standardní stupeň písma v podvýrazech ručně pomocí příkazu \displaystyle u vysázených vzorců nebo pomocí \textstyle u vzorců, které jsou součástí textu. Srovnejte:

$$\frac{(a+b)^{2}}{x+y} - \frac{x-y}{\frac{a}{b}} \qquad \frac{(a+b)^{2}}{1-\frac{a+b}{a-b}}$$

$$\frac{1-\frac{a+b}{a-b}}{1-\frac{a+b}{a-b}}$$

Tento postup lze použít nejen u zlomků.

$$\prod_{i=0}^{m-1} (n-i) = \overbrace{n(n-1)(n-2)\dots(n-m+1)}^{m \text{ je počet činitelů}}$$

6 Matice

Pro sázení matic se velmi často používá prostředí array a závorky (\left, \right). Tyto příkazy vždy tvoří pár a nelze je použít samostatně.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} \underbrace{a+b} & a-b \\ \widehat{c+d} & \widetilde{b} \\ \overrightarrow{a} & \underbrace{AC} \\ \xi & \aleph \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} h & i \\ w & x \end{vmatrix} = hx - iw$$

Prostředí array lze úspěšně využít i jinde.

$$\binom{n}{k} = \begin{cases} 0 & \text{pro } k < 0 \text{ nebo } k > n \\ \frac{n!}{k!(n-k)!} & \text{pro } 0 \le k \le n \end{cases}$$

7 Závěrem

V případě, že budete potřebovat vyjádřit matematickou konstrukci nebo symbol a nebude se Vám dařit jej nalézt v samotném LATEXu, doporučuji prostudovat možnosti balíku maker AMS-LATEX. Analogická poučka platí obecně pro jakoukoli konstrukci v TEXu.