7. 병렬 알고리즘 – STACK SKIP-LIST

멀티쓰레드 프로그래밍 정내훈

목차

Stack

•SKIPLIST

목차

- ●소개
- 무제한 무잠금 스택
- •백오프 스택
- 소거 백오프 스택
 - -무잠금 교환자
 - -소거 배열

소개

- Stack
 - -후입선출(LIFO) 구조
 - Push(), Pop() 메서드를 제공

무제한 성긴 동기화 스택

- 무제한 성긴 동기화 스택은 연결리스트로 구성되고 top 필드가 첫 노드를 가리킨다.
 - -만약 스택이 비어있을 경우는 nullptr
 - --1을 스택에 추가하는 것은 고려하지 않는다.
 - -Empty일 경우 Pop()은 -2을 리턴한다.

무제한 성긴 동기화 스택

Code

-class Node

```
class Node
public:
      int value;
      Node *next;
      Node() { }
      ~Node() { }
      Node(int input value) {
            value = input value;
            next = nullptr;
```

Push() top 추가할 노드 Pop() 제거할 노드 top

무제한 성긴 동기화 스택

- Code
 - -Single Thread Code

```
int Pop()
   if (nullptr == top) return -2;
   int temp = top->key;
   NODE *ptr = top;
   top = top->next;
   delete ptr;
   return temp;
                               void Push (int x)
                                   NODE *e = new NODE { x };
                                   e->next = top;
                                   top = e;
```

무제한 성긴 동기화 스택

- 실습 #20
 - 성긴 동기화 스택을 구현하라.
 - 1,2,4,8 쓰레드에서의 성능비교를 하라.
 - 아래 벤치마크 프로그램을 사용하라.

```
void ThreadFunc(int threadNum)
{
  for (int i=1; i<NUM_TEST / threadNum; i++) {
    if ((rand() % 2) || (i < 1000 / threadNum)) {
      Stack.Push(i);
    } else {
      Stack.Pop();
    }
}</pre>
```

- ●성능 (수목반)
 - -Intel® Core™ i7-4770@ 2.20Hz, 4Core, Hyperthread, 16GB Memory
 - -Single Thread: 877ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	STAMPED LF QUEUE	EBR LF QUEUE
1	1245	636	1135	473
2	1545	797	1027	534
4	1661	1139	1158	652
8	1968	724	1269	774
16	1960	730	1280	790

●성능

- -Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
- -Single Thread: 785ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free QUEUE	STAMPED LF QUEUE	EBR LF QUEUE	
1	1252	757	1135	473	
2	1268	636	1027	534	
4	1358	797	1158	652	
8	1560	1139	1269	774	
16	1570	1177	1280	790	

- 무잠금 스택은 CompareAndSet을 이용하여 구현한다.
- Top의 변환을 CAS를 사용하여 nonblocking으로 구현한다.
- ABA 문제가 있으므로 delete를 하지 않는다.

- 실습 #21
 - 무제한 Lock-Free 스택을 구현하라.
 - 1,2,4,8 쓰레드에서의 성능비교를 하라.
 - 아래 벤치마크 프로그램을 사용하시오.
 - 교재의 try-pop이니 try_push은 무시하시오.

- 숙제 #11 <<< 2020년도 생략 >>>
 - 무제한 Lock-Free 스택을 구현하라.
 - Try_pop이니 try_push 같은 것이 들어있는 프로그램을 베끼지 마시오.
 - 제출물
 - .cpp 파일
 - 실행속도 비교표 (Lock버전, Lock free)
 - CPU의 종류 (모델명, 코어 개수, 클럭)
 - 제출:생략

●성능

- Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core,
 Hyperthread, 64GB Memory
- -Single Thread: 785ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	STAMPED LF QUEUE	EBR LF QUEUE
1	1252	773		
2	1268	653		
4	1358	761		
8	1560	986		
16	1570	1027		

- 결론
 - -CAS를 사용하여 Lock-free 스택을 구현하였다.
 - -메서드 호출은 스택의 top에 대해 성공한 CAS호출의 순서로 하나씩 진행되므로 순차병목현상이 나타날 수 있다.
- ●메모리 문제
 - -new와 delete를 사용하면. ABA문제가 생긴다.
 - -Queue보다 문제가 생길 확률이 크다.

BACK OFF 스택

- CAS 동기화의 문제
 - -경쟁이 심할 경우 CAS 실패 시 계속 재시도하는 것은 전체 시스템에 악영향을 줌
 - Thread가 많아질 수록 경쟁이 심해짐
 - 경쟁이 심할 경우 CAS가 실패할 확률이 높음
 - 실패할 경우 성공할 때 까지 반복
 - CAS를 실행할 경우 같은 CPU의 모든 Core의 메모리 접근이 중단됨
 - Thread가 많아질 수록 잦은 메모리 접근 중단

목차

- ●소개
- 무제한 무잠금 스택
- 백오프 스택
- 소거 백오프 스택
 - -무잠금 교환자
 - -소거 배열

BACK OFF 스택

- BackOff
 - 교재 7장에 나옴
 - 경쟁이 심할 경우 경쟁을 줄이자.
 - CAS의 실패는 경쟁이 심함을 뜻함.
 - CAS가 실패했을 경우 <mark>적절한 기간</mark> 동안 실행을 멈추었다가 재개 하자.
 - CAS의 실패 확률이 낮아짐 -> 메모리 접근 중단 감소

- 적절한 기간

- 처음에는 짧게
- 계속 실패하면 점점 길게
- 첫 번 시도에 성공하면 짧게
- Thread마다 기간을 다르게 해야 한다.

BACK OFF 스택

- BackOff 객체
 - -CAS가 실패 했을 경우 다음 CAS를 시도하기 전에 사용.
 - -사용될 때 마다. BackOff 시간 간격 증가.
 - -시간 간격은 범위 안에서 랜덤하게

BACK OFF 스탤

BackOff class

```
class BackOff{
   int minDelay, maxDelay;
   int limit;
public:
   BackOff(int min, int max)
     : minDelay(min), maxDelay(max), limit (min) {}
   void InterruptedException() {
      int delay = 0;
      if (limit != 0) delay = rand() % limit;
      limit *= 2;
      if (limit > maxDelay) limit = maxDelay;
      this thread::sleep for(chrono::microseconds(delay));;
```

●성능

- Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core,
 Hyperthread, 64GB Memory
- -Single Thread: 785ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff LF Stack	EBR LF QUEUE
1	1252	773	801	
2	1268	653	816	
4	1358	761	757	
8	1560	986	765	
16	1570	1027	748	

- ●성능 (수목반)
 - -Intel® Core™ i7-4770@ 2.20Hz, 4Core, Hyperthread, 16GB Memory
 - -Single Thread: 877ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	BackOff LF Stack	BackOff-2 LF STack	
1	1245	636	737	736	
2	1545	797	643	599	
4	1661	1139	783	833	
8	1968	724	1031	1167	
16	1960	730	1082	1190	

- 성능 (화목반-B조)
 - -Intel® Core[™] i7-4770@ 2.20Hz, 4Core, Hyperthread, 16GB Memory
 - -Single Thread: 877ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	BackOff LF Stack	BackOff-2 LF STack
1	1245	795	793	819
2	1545	667	832	624
4	1661	779	862	752
8	1968	1130	779	974
16	1960	1166	801	1028

BACK OFF 스택

Better backoff

```
int delay = 0;
if (limit != 0)
   delay = rand() % limit;
limit *= 2;
if (limit > maxDelay)
  limit = maxDelay;
int start, current;
asm RDTSC;
asm mov start, eax;
do {
   asm RDTSC;
   asm mov current, eax;
 while (current - start < delay);</pre>
```

●성능

- -Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
- -Single Thread: 785ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff LF Stack	Backoff-2 LF STack	
1	1252	773	801	800	
2	1268	653	816	730	
4	1358	761	757	883	
8	1560	986	765	1207	
16	1570	1027	748	1225	

BACK OFF 스택

- Better backoff 2
 - 절대 시간이 중요한가? CPU가 빠르면Critical Section 처리 속도도 빠르다.
 - 루프에서 메모리를 아예 접근하지 않는 것이 바람직하다.

```
int delay = 0;
if (0 != limit) delay = rand() % limit;
if (0 == delay) return;
limit += limit;
if (limit > maxdelay) limit = maxdelay;

asm mov eax, delay;
myloop:
   asm dec eax
   asm jnz myloop;
```

- ●성능 (수목반)
 - -Intel® Core™ i7-4770@ 2.20Hz, 4Core, Hyperthread, 16GB Memory
 - -Single Thread: 877ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	BackOff LF Stack	BackOff-3 LF STack	
1	1245	636	737	723	
2	1545	797	643	635	
4	1661	1139	783	807	
8	1968	724	1031	1166	
16	1960	730	1082	1186	

●성능

- Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core,
 Hyperthread, 64GB Memory
- -Single Thread: 785ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff LF Stack	Backoff-3 LF STack	
1	1252	773	801	783	
2	1268	653	816	710	
4	1358	761	757	783	
8	1560	986	765	942	
16	1570	1027	748	965	

BACK OFF 스탤

- 실습 #22
 - 무제한 무잠금 BackOFF Lock-Free 스택을 구현하라.
 - 1,2,4,8 쓰레드에서의 성능비교를 하라.
 - 아래 벤치마크 프로그램을 사용하라.

BACK OFF 스택

- 숙제 12: << 생략 >>
 - Lock Free BackOff Stack의 구현
 - 강의자료실에 있는 LFSTACK활용
 - 제출물
 - .cpp 파일
 - 실행속도 비교표 (Lock버전, Lock free, Lock free BackOff)
 - CPU의 종류 (모델명, 코어 개수, 클럭)
 - 제출: <u>nhjung@kpu.ac.kr</u>
 - 제목 : [2019 멀티코어 프로그래밍 숙제 12] 학번, 이름
 - 11월 19일 화요일 오전 11시까지 제출

BACK OFF 스택

● BackOff Stack 성능 (8 Core, 4 CPU XEON)

	1	2	4	8	16	32	64
BackOff STACK	1370	1158	1233	1198	1749	2977	2986
LF STACK	1392	1236	2298	2704	4739	6779	7081

목차

- ●소개
- 무제한 무잠금 스택
- •백오프 스택
- 소거 백오프 스택
 - -무잠금 교환자
 - -소거 배열

소거

- 병행성 문제
 - Queue나 Stack은 리스트의 말단 부분에서 잦은 충돌이 생긴다.
 - fine grain synchronization타입의 최적화가 불가능하다.
 - Queue는 ½로 충돌이 분산된다.
 - Stack의 경우 충돌을 회피해서 병렬로 처리하는 방법이 가능
 - 아이디어:
 - push, pop이 동시에 발생하는 경우 꼭 Stack에 넣어야 하나?

소거

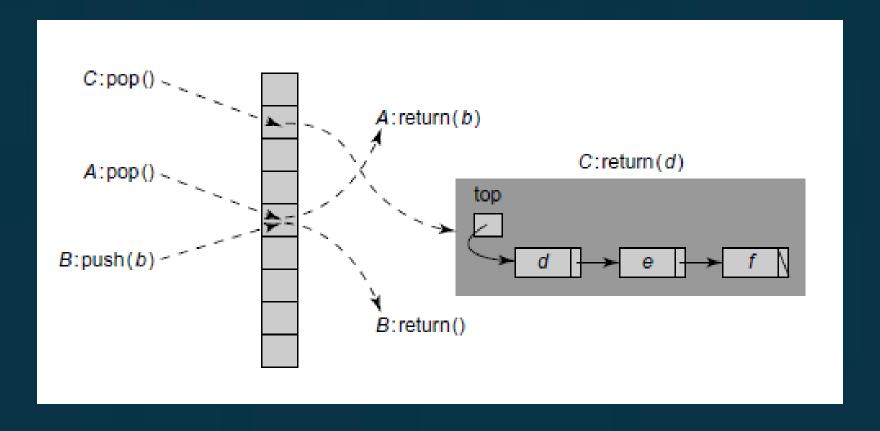
- ●소거
 - -많은 쓰레드가 서로 충돌할 경우 Stack에 넣지 않고 직접 Data를 주고 받도록 한다.
 - Stack을 통하지 말고 다른 객체를 통해 전달
 - -Lock-Free로 Data를 주고 받도록 한다.
 - -높은 경쟁률에 대비하여 주고 받는 별도의 객체를 복수로 준비한다.

소거

- 만약 push와 pop이 거의 동시에 실행된다면 두 연산은 서로 취소되어 없어지고 스택에 접근하지 않는다.
- 이런 경우 push를 호출하는 스레드는 스택의 변동 없이 pop을 호출하는 스레드와 값을 교환할 수 있다.
 - -이 때 서로를 소거(eliminate)하게 된다고 한다.

소거

• 소거(elimination)



소거

- EliminationArray
 - 자료교환의 장소 (교환자(Exchanger) 객체)
 - 여러 개의 원소를 갖고 부하를 분산
 - 서로 만나지 못할 경우도 있다.
 - 경쟁이 심할 경우 많은 장소가 효율적이고, 경쟁이 적을 경우는 장소가 적어야 한다.
- 스레드는 EliminationArray에서 임의의 항목을 골라서, 서로를 소거하려 시도
 - 잘못된 종류의 호출을 만난 경우는 소거 실패
 - 예) push와 push, pop과 pop
 - 임의로 하지 않고, 짝을 잘 맞추어 주면?
 - 정보 전달 자체가 오버헤드
 - Lock-free로 하는 것은 어렵다. Open-Problem

소거 백오프 스택(2020-수목)

- 앞에서 구현했던 LockFreeStack에서 백오프를 사용하지 않고, 대신에 소거를 시도한다.
 - 소거 :
 - Elimination Array의 임의의 원소를 선택한다
 - 임의: 협조 자체가 오버헤드
 - Array의 크기는 가변
 - 소거 시도:
 - 아무도 없으면 기다림
 - 다른 스레드가 기다리고 있으면 교환
 - 이미 교환 중이면 재시도 [array size 증가 필요]
 - 주의점
 - Time Out 필요 [array size 감소 필요]
 - 서로 만난 스레드가 <push>, <pop>의 조합이라는 보장이 없음
 - 잘못된 만남은 실패

- Elimination Array의 원소
- 두개의 쓰레드가 Lock free로 값을 교환할 수 있게 해주는 객체
- Exchange(myitem)의 메소드를 갖고 있으며 두개의 쓰레드가 Exchange()를 호출하면 서로의 입력 값을 리턴한다.
 - pop도 자기 값(-1)을 상대방에게 준다.
- 리턴 값은 교환값과 상태(성공, 실패, 타임아웃(-2)) 이다.

```
public class LockFreeExchanger<T> {
 2
      static final int EMPTY = ..., WAITING = ..., BUSY = ...;
 3
      AtomicStampedReference<T> slot = new AtomicStampedReference<T>(null, 0);
      public T exchange(T myItem, long timeout, TimeUnit unit)
 4
        throws TimeoutException {
 5
        long nanos = unit.toNanos(timeout);
 6
        long timeBound = System.nanoTime() + nanos;
 8
        int[] stampHolder = {EMPTY};
        while (true) {
 9
          if (System.nanoTime() > timeBound)
10
            throw new TimeoutException();
11
          T yrItem = slot.get(stampHolder);
12
          int stamp = stampHolder[0];
13
          switch(stamp) {
14
15
          case EMPTY:
            if (slot.compareAndSet(yrItem, myItem, EMPTY, WAITING)) {
16
             while (System.nanoTime() < timeBound){</pre>
17
               yrItem = slot.get(stampHolder);
18
               if (stampHolder[0] == BUSY) {
19
                 slot.set(null, EMPTY);
20
                 return yrItem;
21
22
23
24
              if (slot.compareAndSet(myItem, null, WAITING, EMPTY)) {
               throw new TimeoutException();
25
26
              } else {
               yrItem = slot.get(stampHolder);
27
               slot.set(null, EMPTY);
28
29
               return yrItem;
30
31
            break;
32
          case WAITING:
            if (slot.compareAndSet(yrItem, myItem, WAITING, BUSY))
33
              return yrItem;
34
35
            break;
          case BUSY:
36
37
            break;
          default: // impossible
38
39
40
41
42
43
```

무잠금 교환자(2020-화목B조)

- 구현
 - Slot
 - 처음 교환을 시도한 쓰레드의 입력값을 저장하는 공간
 - 두 번째 쓰레드가 자신의 값을 넘겨 주는 공간
 - 교환기는 3개의 상태를 가진다.
 - EMPTY
 - 슬롯에 아무런 값도 저장되지 않은 상태
 - WAITING
 - 처음 온 쓰레드에서 슬롯에 값을 하나 저장한 상태
 - 다른 쓰레드가 와서 읽어가기를 기다리는 상태
 - BUSY
 - 나중에 온 쓰레드가 슬롯의 값을 읽어가고 자신의 값으로 변경한 상태
 - 처음 쓰레드는 아직 읽기를 완료하지 않음

- 상태에 따른 구현 (1/2)
 - -EMPTY
 - CAS를 이용하여 슬롯에 자신의 아이템을 넣고 상태를 WAITING으로 바꾸기를 시도한다.
 - 실패
 - 다른 스레드가 이미 CAS를 성공한 경우이다.
 - 다른 스레드가 waiting으로 변경
 - 처음부터 다시 시도
 - 성공
 - 스핀을 하면서 다른 스레드가 교환을 끝내길 기다림
 - 교환이 완료(BUSY) 된 후에는 대기 중이던 스레드는 아이템을 가져간 후 상태를 empty 으로 바꾼다.
 - Empty()로 전환하는 일은 CAS를 이용하지 않는다
 - 오직 한 스레드 만 작업하기 때문

- 상태에 따른 구현 (2/2)
 - -EMPTY
 - Waiting으로 바꾼 후 다른 스레드를 기다림
 - 다른 스레드가 나타나지 않는다면,
 - 대기중이던 스레드는 slot의 상태를 CAS를 호출하여 EMPTY로 전환
 - 성공시
 - 시간제한 예외 발생
 - 실패시
 - 다른 스레드가 나타나서 교환을 완료하고 Busy로 변경했다는 의미이므로 대기중이던 스레드는 교환을 완료한다.

●구현

-WAITING

- 어떤 스레드가 대기중이며 슬롯은 그 스레드의 아이템을 갖는다.
 - CAS를 이용하여 자신의 아이템을 적고 대기중인 스레드의 아이템을 얻는 것을 시도한다.(BUSY상태로 전환)
 - 실패시에는 처음부터 다시
 - 성공하면 얻은 아이템을 반환한다.

-BUSY

• 현재 다른 두 스레드가 슬롯을 써서 값을 교환하고 있으므로 처음부터 다시.

무잠금 교환자(2020-화목 A조)

- ●구현
 - -AtomicStamperReference의 구현
 - 값의 교환과 상태 변경을 Atomic하게 구현해야 한다.
 - StampedQueue와 같은 구현?
 - InterlockedCompareExchange64
 - InterlockedCompareExchange128
 - 해결책
 - 32비트 int의 상위 2비트 사용
 - 교환할 수 있는 값의 최대값 감소

- ABA 문제??
 - -해당 알고리즘은 ABA문제를 일으키지 않는다.
 - ABA현상이 발생한다.
 - 하지만 그냥 진행해도 문제없다.
 - 교환대상이 바뀐 것 뿐이고 값도 그대로이기 때문에 아무 문제 없다.
 - 사실은 CAS를 통해서 old값을 읽기 때문에 상태만 그대로이면 값이 바뀌는 것 까지도 문제가 없다.
- 타임아웃 문제
 - -너무 짧은 교환 시간은 항상 실패하게 되므로 시간제한 기간을 고를 때 주의해야 한다.

- 소거 배열 (Elimination array)
 - -Exchage객체의 배열.
 - capacity개의 원소를 갖는다.
 - -visit()
 - 소거배열이 갖고 있는 exchange원소 중 하나를 랜덤하게 선택해서 교환을 시도한다.
 - range값을 통해 random값의 범위를 조정할 수 있다.

Code

-Class Elimination

- EliminationBackoffStack
 - LockFreeStack에서 CAS에 실패했을 경우 백오프를 하는 대신에 EliminationArray를 써서 값의 교환을 시도한다.
 - Push()
 - CAS(...)
 - 성공하면 리턴
 - 자신의 입력값을 인자로 Visit()를 호출
 - timeout이 아니면
 - 다른 스레드와의 교환이 성공
 - pop과의 교환이었으면 리턴 (교환된 값이 -1)
 - pop과의 교환이 아니었으면 다시 CAS로~~
 - timeout이면
 - 다시 CAS로~~~

- EliminationBackoffStack
 - -Pop()
 - CAS(…) 시도
 - 성공하면 return
 - -1 을 인자로 visit()를 호출
 - timeout이 아닌 경우: 교환 성공
 - push()호출과 교환했는지 검사 (교환값 != -1)
 - push()호출과의 교환이면 교환값을 리턴
 - 다시 CAS()로~~~
 - Timeout인 경우
 - 다시 CAS()로~~~.

- RangePolicy
 - -EliminationArray의 LoadBalancing
 - -EliminationArray에서 사용 중인 최대 인덱스 값을 갖는다.
 - -경쟁이 심하면 값을 늘리고
 - 방문했을 때 Busy인 경우
 - -timeout이 발생하면 값을 줄인다.

- EliminationBackoffStack
 - -만약 교환이 실패한다면 원인은?
 - 처음부터 교환이 없었거나, 같은 종류의 연산과 값이 교환되었을 경우 실패한다.
 - 이런 경우 다시 top에 대한 CAS를 재시도 한다.

- EliminationBackoffStack
 - -교환자의 위치 선택 범위는?
 - 범위의 크기와 충돌 확률은 반비례적
 - 스레드의 수가 적을 경우 범위는 작아야하고 스레드수가 클 경우 범위가 넓어야 한다.
 - RangePolicy객체를 이용하여 범위를 지정한다.
 - 간단하게는 time_out 하면 범위를 줄이고 exchanger에 너무 많은 쓰레드가 몰리면 범위를 늘인다.

실습

- 실습 #21: EliminationBackoffStack
 - -Lock-Free 소거 백오프 Stack을 완성하라
 - 샘플 프로그램 참조 (버그가 있을 수 있음)
 - 소거 성공 횟수를 기록해서 출력 할 것.
 - -1, 2, 4, 8 쓰레드에서의 성능비교를 하라.
 - -실습 #20과의 성능 비교를 하라.

숙제

- 숙제 12 :
 - -LockFree 소거 Stack의 구현
 - -제출물
 - .cpp 파일
 - 실행속도 비교표 (Lock버전, Lock free, Lock free 소거)
 - CPU의 종류 (모델명, 코어 개수, 클럭)
 - 강의 자료의 stack.cpp 참조
 - 제출: eclass
 - 수목 : 11월 24일 화요일 오전 11시

Stack

- 성능(화목)
 - -Intel® Core™ i7-7700@ 3.60Hz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
 - -Single Thread: 857 ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff-2 LF Stack	Elimination LF Stack
1	1077	732	692	
2	1191	573	644	
4	1316	616	661	
8	1491	737	752	
16	1505	766	753	

Stack

- 성능(화목)
 - -Intel® it-4770HQ 2.2GHz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
 - -Single Thread: ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff-2 LF Stack	Elimination LF Stack
1		954		763
2		640		776
4		785		799
8		1005		1145
16		1211		1242

Stack

- 성능(화목-B조)
 - -Intel® it-4770HQ 2.2GHz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
 - -Single Thread: ms

Thread	Coarse Stack	Lock-Free Stack	Backoff-2 LF Stack	Elimination LF Stack
1		733		776
2		619		753
4		937		867
8		1381		1362
16		1404		1335

결론

- EliminationBackoffStack
 - -LockFreeStack과 달리 확장될 가능성 있음
 - 부하가 높아지면 성공적인 소거가 증가하고,병렬적으로 여러 개의 연산이 완료된다
 - -소거된 연산은 절대로 스택에 접근하지 않기 때문에 LockFreeStack에서의 경쟁이 줄어든다.

목차

Stack

•SKIPLIST

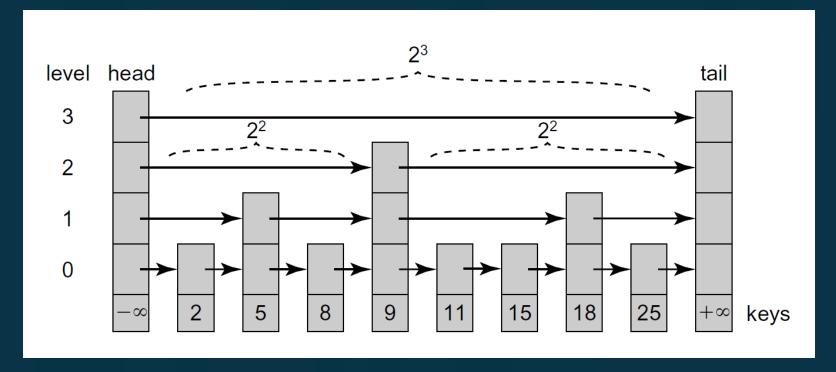
SKIP-LIST

- 소개
- 순차 스킵 리스트
- 병행 스킵 리스트
- Lock-Free 스킵 리스트

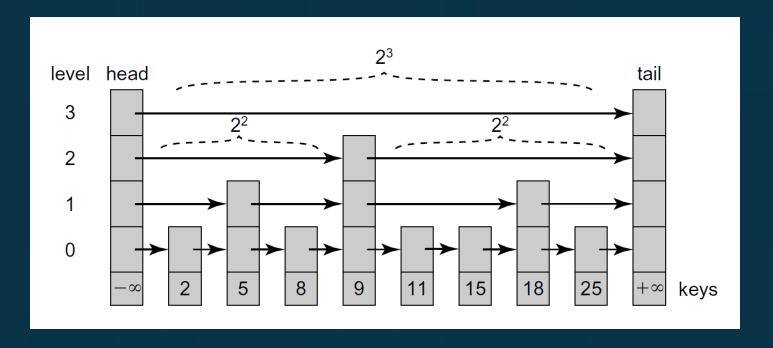
- 지금까지의 자료구조
 - Queue, Stack
 - Set
 - Linked List, 검색시간 O(n)
- O(n) 검색시간?
 - 실제로 사용하기에는 너무 무리
 - 원소의 개수가 적을 경우에는 사용 가능
- 실제 사용하는 자료구조
 - Hash: 순서가 필요 없는 경우
 - Binary Tree계열 (B+, Red-Black, Heap, AVL..)

- 일반적인 트리구조
 - 트리의 깊이를 유지하기 위해서 정기적인 재균형(Rebalancing) 작업이 필요(AVL트리..)
 - 하지만 병행 구조에서는 재균형작업이 병목이나 경쟁상태를 유발할 가능성이 있다.
- SkipList
 - 평균 O(logn) 검색시간을 갖는 병행 검색 구조
 - 재균형작업이 필요 없음!!!
 - 랜덤 자료구조(Randomized algorithm, Probabilistic data structure)
 - Worst Case O(n) 임

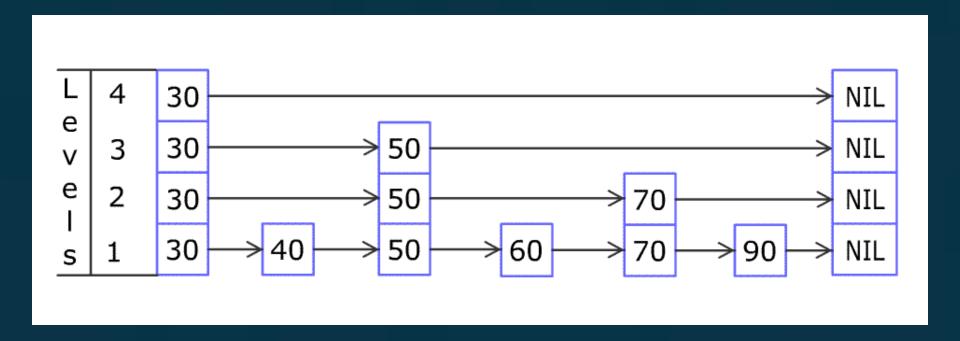
- 스킵리스트의 예
 - Set을 구현할 때 사용한 연결리스트의 확장
 - 노드들이 추가 포인터를 갖고 있으며, 같은 레벨의 포인터 끼리 연결됨. (next -> next[n])



- 스킵리스트의 기본 아이디어
 - 추가 링크 (레벨 1 이상) 지름길을 만든다.
 - 노드를 추가하거나 제거할 때 지름길을 유지한다.
 - 검색을 할 때 지름길을 우선 이용한다.



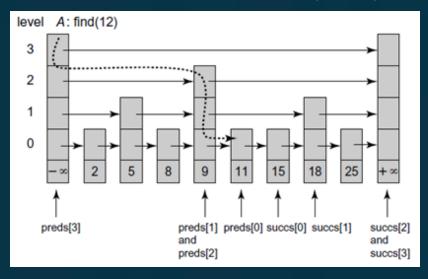
• 스킵리스트의 동작



SKIP-LIST(2020-화목)

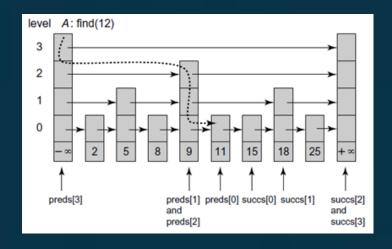
- 소개
- 순차 스킵 리스트
- 병행 스킵 리스트
- Lock-Free 스킵 리스트

● 순차 스킵리스트: Find(12)



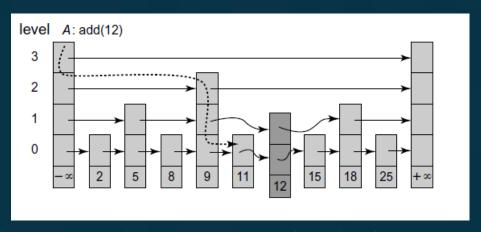
- 언제나 시작은 head에서,
- 높은 레벨의 포인터부터 검색 시작
- 한 레벨의 검색이 끝나면 다음 레벨의 검색 시작
 - 레벨별 검색결과 저장
- 맨 아래 레벨에 도달할 경우 종료된다.

- 순차 스킵리스트
 - -검색의 구현 Find()



- -더 높은 층의 리스트는 낮은 층의 리스트에 대한 지름길이다.
 - 계층의 각 연결은 바로 아래 계층의 2i-1개의 노드를 건너 뛴다

● 순차 스킵리스트: Add()



- 랜덤한 높이의 노드를 생성한다.
 - 높이가 높을 수록 노드의 개수는 감소 (단계 마다 원)
- -검색한 위치에 추가한다.
- -pred, curr 가 아닌 pred[], curr[]가 필요하다.
 - remove()도 마찬가지

● Node 구조

```
class NODE
public:
         int value;
         NODE *next[MAX LEVEL + 1];
         int top level;
         NODE ()
                  value = 0;
                   for (auto i = 0; i <= MAX LEVEL; ++i)</pre>
                            next[i] = nullptr;
                  top level = 0;
         NODE (int x, int top)
                  value = x;
                   for (auto i = 0; i <= MAX LEVEL; ++i)</pre>
                            next[i] = nullptr;
                  top level = top;
```

순차 스킵리스트

● 공통함수: Find

```
void Find(int key, SLNODE *preds[], SLNODE *currs[])
      preds[MAX LEVEL] = &head;
      for (int cl = MAX LEVEL; cl \geq 0; --cl) {
            if (cl != MAX LEVEL)
                preds[cl] = preds[cl + 1];
            currs[cl] = preds[cl]->next[cl];
            while (currs[cl]->key < key) {
                  preds[cl] = currs[cl];
                  currs[cl] = currs[cl]->next[cl];
```

리스트의 구현

- 실습:#22
 - -성긴 동기화 스킵리스트를 구현하시오
 - -1과 1000사이의 숫자를 랜덤하게 4백만회 삽입/삭제하는 프로그램을 통해 실행 속도를 측정하시오 (다음 페이지)
 - -쓰레드가 1개, 2개, 4개, 8개일 때의 속도를 비교하시오.
 - 각각 실행 전 Skip-List를 클리어 하시오

리스트의 구현

- 실습:#22
 - test program

```
#define NUM_TEST 4000000
#define KEY_RANGE 1000
```

```
void *ThreadFunc(void *lpVoid)
        int key;
        for (int i=0;i < NUM TEST / num thread;i++) {</pre>
           switch (rand() % 3) {
                 case 0: key = rand() % KEY RANGE;
                         csklist.Add(key);
                         break;
                 case 1: key = rand() % KEY RANGE;
                         csklist.Remove(key);
                         break;
                 case 2 : key = rand() % KEY RANGE;
                         csklist.Contains(key);
                         break;
                 default : printf("Error\n");
                         exit(-1);
} } }
```

숙제(2020-수목, EL실습 필요)

- 숙제 13:
 - 성긴 동기화 SkipList의 구현
 - 수업시간에 작성한 프로그램을 디버깅하여 완성하시오
 - 제출물
 - .cpp 파일
 - 실행속도 비교표 (쓰레드 개수 별)
 - CPU의 종류 (모델명, 코어 개수, 클럭)
 - 제출: eclass
 - 화목반: 11월 28일 토요일 오전 11시
 - 수목반 : 12월 1일 화요일 오진 11시

성능

- 수목: i4-4770HQ
- 싱글 쓰레드 : 2710ms (LIST)
- CLIST:
 - -1:2710
 - -2:2661
 - -4:2789
 - -8:3064

성긴 동기화 스킵리스트

- 성능(화목)
 - Intel® i7-7700 3.6GHz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
 - -Single Thread: 1822ms(list), 658ms(skiplist)

Thread	Coarse List	Lazy List	LF List	Coarse SKLIST
1	1986	2208	2173	960
2	1857	1615	1780	882
4	1994	1016	1232	916
8	5716	643	895	1120
16	7297	645	888	1127

SKIP-LIST

- 소개
- 순차 스킵 리스트
- 병행(Lazy) 스킵 리스트
- Lock-Free 스킵 리스트

- Non-Blocking 스킵리스트의 전 단계
- Mark field를 사용한 Lazy 방식의 스킵리스트
- 노드의 추가가 완전히 종료되지 않았을 때를 고려 해야 함.
 - -fullyLinked field 추가
- 노드가 스킵리스트에 언제 추가되는가?
 - -모든 링크다 다 연결되었을 때
 - fullyLinked가 true일때
 - -marking이 false일 때

- 조감도
 - -노드
 - 개별적인 잠금
 - std::recursive_mutex 필요 : 하나의 노드를 여러 번 잠글 수 있음.
 - Marked 필드(bool)
 - Remove()시 논리적으로 제거하고 있는 중이라면 true
 - next[n]
 - <u>- 각 층에 해당하는</u> 포인터의 배열
 - fullyLinked 필드(bool)
 - 보초노드 (head, tail)
 - 초기(SkipList가 비어있을 경우)에는 head의 모든 층은 tail을 가리킨다.

Find

- → 찾지 못했을 경우 -1을리턴
- 찾았을 경우 최고 레벨을 리턴
- 주의) 위쪽 링크가 다 연결되지 않았을 경우가 있으므로 검색이 끝난 후 최고 레벨을 리턴하면 곤란. (리턴 값과 최고 레벨을 비교하여 pred, curr가 모든 레벨의 링크를 담고 있는가 확인 가능)

```
int find(T x, Node<T>[] preds, Node<T>[] succs) {
 int key = x.hashCode();
 int |Found = -1|:
 Node<T> pred = head;
 for (int level = MAX LEVEL; level >= 0; level--) {
   Node<T> curr = pred.next[level];
   while (key > curr.key) {
     pred = curr; curr = pred.next[level];
   if (1Found == -1 && key == curr.key) {
     1Found = level;
   preds[level] = pred;
   succs[level] = curr;
 return 1Found;
```

- Add()
 - Add()는 항상 Find()를 호출
 - Find()
 - 스킵리스트를 순회하고 모든 층에 대해, 앞 노드와 뒷 노드를 반환
 - 노드가 추가되는 동안 앞 노드가 변경되는 것을 방지하기 위해 앞 노드들을 잠근다.
 - fullyLinked 필드
 - 모든 층에서 추가된 노드에 제대로 참조를 설정할 때까지 논리적으로 집합에 있지 않다고 판단
 - 모든 층에 연결 될 경우에 true
 - False일 경우에 접근이 허용되지 않으며 true가 될 때까지 스핀

잠금 기반의

ADD

- 검색한다
- 존재 할 경우
 - marking되어 있으면 다시 시작 (invaid이므로)
 - fullyLinking를 기다린 후
 false return
- 0레벨부터 valid 검사하면서 locking
- 0레벨부터 리스트에 연결
- unlocking
- 어직 추가되지않았는데 false를 return하면안됨.

```
boolean add(T x) {
  int topLevel = randomLevel();
 Node<T>[] preds = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
 Node<T>[] succs = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
 while (true) {
   int 1Found = find(x, preds, succs);
   if (1Found != -1) {
     Node<T> nodeFound = succs[1Found];
     if (!nodeFound.marked) {
    while (!nodeFound.fullvLinked) {}
       return false;
     continue;
   int highestLocked = -1;
   try {
     Node<T> pred, succ;
     boolean valid = true;
     for (int level = 0; valid && (level <= topLevel); level++) {</pre>
       pred = preds[level];
       succ = succs[level];
       pred.lock.lock();
       highestLocked = level;
       valid = !pred.marked && !succ.marked && pred.next[level] == succ;
     if (!valid) continue;
     Node<T> newNode = new Node(x, topLevel);
     for (int level = 0; level <= topLevel; level++)</pre>
       newNode.next[level] = succs[level];
     for (int level = 0; level <= topLevel; level++)</pre>
       preds[level].next[level] = newNode;
     newNode.fullyLinked = true; // successful add linearization point
     return true:
   } finally {
     for (int level = 0; level <= highestLocked; level++)</pre>
       preds[level].unlock();
```

- Remove()
 - -Find()를 호출해서 대상키를 가지고 있는 노드가 이미 리스트에 있는지 확인
 - 리스트에 있다면, 제거할 노드를 삭제할 수 있는지 확인
 - Marked, fullyLinked 필드를 이용해 확인
 - 삭제할 수 있다면, marked필드를 설정하여 논리적으로 삭제
 - 물리적인 삭제 방법은
 - 대상 노드의 앞 노드와 대상 노드를 잠그고, 각 층에서 하나씩 대상 노드를 제거(위층부터 제거)하고 다음 노드와 연결한다.

잠금 기반의 병

- Remove()
 - 변수
 - victim: 제거하려는 노드
 - isMarked : 제거하려는 노드에 marking을 했는가?
 - 마킹을 했거나 제거 조건이만족되면 제외 시도
 - 마킹을 하지 않았으면 마킹 실행
 - locking을 할 때 valid 검사
 - marking되었다면 locking원상 복구 후 continue;
 - top_level부터 링크를 끊는다.

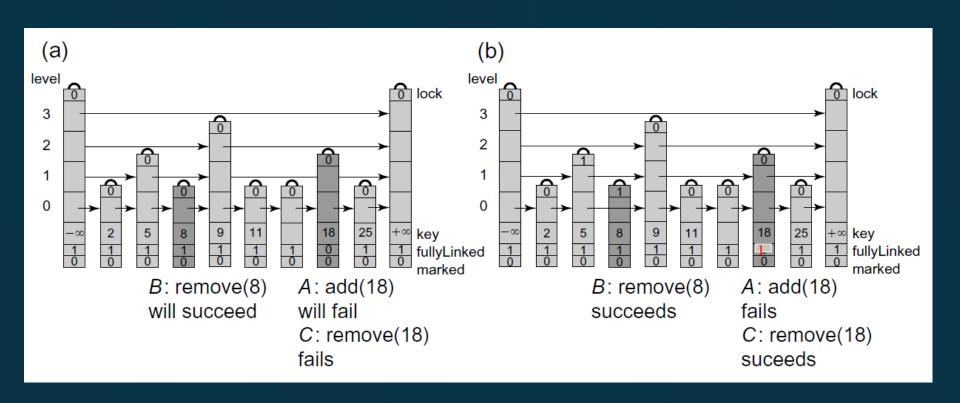
```
95
       boolean remove(T x) {
         Node<T> victim = null; boolean isMarked = false; int topLevel = -1;
96
         Node<T>[] preds = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
97
         Node<T>[] succs = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
         while (true) {
           int lFound = find(x, preds, succs);
100
           if (lFound != -1) victim = succs[lFound];
101
102
           if (isMarked
                 (1Found != -1 &&
103
                 (victim.fullyLinked
104
105
                 && victim.topLevel == 1Found
106
                 && !victim.marked))) {
             if (!isMarked) {
107
               topLevel = victim.topLevel;
108
109
               victim.lock.lock();
               if (victim.marked) {
110
                 victim.lock.unlock();
111
                 return false;
112
113
               victim.marked = true;
114
               isMarked = true:
115
116
117
             int highestLocked = -1;
118
             try {
               Node<T> pred, succ; boolean valid = true;
119
               for (int level = 0; valid && (level <= topLevel); level++) {</pre>
120
                 pred = preds[level];
121
                 pred.lock.lock();
122
                 highestLocked = level;
123
                 valid = !pred.marked && pred.next[level] == victim;
124
125
126
               if (!valid) continue;
127
               for (int level = topLevel; level >= 0; level--) {
128
                 preds[level].next[level] = victim.next[level];
129
               victim.lock.unlock();
130
               return true;
131
             } finally {
132
               for (int i = 0; i <= highestLocked; i++) {</pre>
133
                 preds[i].unlock();
134
135
136
           } else return false:
137
138
139
```

- Remove(): 다시
 - ─제거 조건 검사 (103 ~ 106)
 - find에서 찾음, marking안됨, fullylinked임. pred/curr에 모든 링크가 담겨 있음
 - 아니면 return false
 - -조건에 맞으면 marking
 - lock을 걸고 mark
 - 다른 스레드에서 먼저 markin하면 return false
 - -링크 재설정
 - invalid한 pred를 발견한 경우 다시 find 후 재설정

Contains

```
140     boolean contains(T x) {
141         Node<T>[] preds = (Node<T>[]) new Node[MAX_LEVEL + 1];
142         Node<T>[] succs = (Node<T>[]) new Node[MAX_LEVEL + 1];
143         int lFound = find(x, preds, succs);
144         return (lFound != -1
145         && succs[lFound].fullyLinked
146         && !succs[lFound].marked);
147    }
```

●조감도



- 결과
 - -i7 920
 - 연산횟수 32768
 - -순차 SkipList(1Thread): 0.37s

Thread	LazySkipLisy	Efficiency
1	0.094s	1
2	0.053s	0.885
4	0.026s	0.90
8	0.024s	0.48
16	0.020s	0.29
32	0.020s	0.14

실습

- 실습:#23
 - 게으른 동기화 스킵리스트를 구현하시오
 - mutex로 std::recursive_mutex를 사용
 - 같은 쓰레드라면 여러 번 lock()을 호출할 수 있고, lock()을 호출한 회수 만큼 unlock()을 해줘야 잠금해제
 - 지난 실습 (#22)에서 사용했던 벤치마크 프로그램을 사용하시오
 - 쓰레드가 1개, 2개, 4개, 8개일 때의 속도를 비교하시오.
 - 각각 실행 전 Skip-List를 클리어 하시오
 - 각 단계마다 최초 20개의 원소를 출력하시오

숙제

- 숙제 14:
 - 게으른 동기화 SkipList의 구현
 - 수업시간에 작성한 프로그램을 디버깅하여 완성하시오
 - 업로드한 샘플 참조 (버그가 많음)
 - mutex로 std::recursive_mutex를 사용
 - 같은 쓰레드라면 여러 번 lock()을 호출할 수 있고, lock()을 호출한 회수 만큼 unlock()을 해줘야 잠금해제
 - 제출물
 - .cpp 파일
 - 실행속도 비교표 (쓰레드 개수 별)
 - CPU의 종류 (모델명, 코어 개수, 클럭)
 - 제출 : eclass
 - 화목: 12월 1일 오전 11시

스킵리스트

- 성능(화목)
 - -Intel® i7-7700 3.6GHz, 4Core, Hyperthread, 64GB Memory
 - -Single Thread: 1822ms(list), 658ms(skiplist)

Thr ead	Coarse List	Lazy List	LF List	Coarse SKLIST	
1	1986	2208	2173	960	
2	1857	1615	1780	882	
4	1994	1016	1232	916	
8	5716	643	895	1120	
16	7297	645	888	1127	

SKIP-LIST

- ●소개
- 순차 스킵 리스트
- 병행 스킵 리스트
- 6월 12일 일요일 오후 2시 보강
- Lock-Free 스킵 리스트

- LockFreeSkipList
 - -3 장의 LockFreeList를 사용
 - -삽입과 삭제를 위해 CAS 사용
 - -삭제 시에는 노드의 next에 표시하여 논리적으로 제거한다
 - -물리적인 제거는 Find()에서 이루어 진다.
 - Find()는 리스트를 순회하면서 표시된 노드를 만날 때마다 잘라내어서 표시된 노드의 키는 절대 검색하지 않는다.

- ●클래스 정의
 - –LockFree List
 - 합성 포인터

```
public final class LockFreeSkipList<T> {
      static final int MAX LEVEL = ...;
      final Node<T> head = new Node<T>(Integer.MIN VALUE);
      final Node<T> tail = new Node<T>(Integer.MAX VALUE);
      public LockFreeSkipList() {
        for (int i = 0; i < head.next.length; i++) {
         head.next[i]
          = new AtomicMarkableReference<LockFreeSkipList.Node<T>>(tail, false);
9
10
      public static final class Node<T> {
11
        final T value; final int key;
12
        final AtomicMarkableReference<Node<T>>[] next;
14
        private int topLevel;
        // constructor for sentinel nodes
15
        public Node(int key) {
16
          value = null: kev = kev:
          next = (AtomicMarkableReference<Node<T>>[])
          new AtomicMarkableReference[MAX LEVEL + 1];
          for (int i = 0; i < next.length; i++) {
           next[i] = new AtomicMarkableReference<Node<T>>(null.false);
          topLevel = MAX LEVEL;
24
        // constructor for ordinary nodes
        public Node(T x, int height) {
          value = x:
          key = x.hashCode();
          next = (AtomicMarkableReference<Node<T>>[])
          new AtomicMarkableReference[height + 1];
          for (int i = 0; i < next.length; i++) {</pre>
           next[i] = new AtomicMarkableReference<Node<T>>(null.false):
31
32
33
          topLevel = height;
34
35
```

- Add()
 - -Find()를 이용하여 노드가 이미 리스트에 있는지 확인하고 자신의 앞노드(preds[])와 뒤노드(succs[])를 얻는다
 - -새 노드는 최하층 리스트에 연결하여 논리적으로 추가하고 그 다음에 순서대로 최상층까지 연결한다
 - 최상층
 - 새 노드가 고른 임의의 topLevel값이다.

Add()

```
boolean add(T x) {
36
        int topLevel = randomLevel();
37
        int bottomLevel = 0:
38
        Node<T>[] preds = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
39
        Node<T>[] succs = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
40
        while (true) {
41
          boolean found = find(x, preds, succs);
42
43
          if (found) {
            return false;
44
          } else {
45
            Node<T> newNode = new Node(x, topLevel);
46
            for (int level = bottomLevel: level <= topLevel: level++) {</pre>
47
48
             Node<T> succ = succs[level]:
             newNode.next[level].set(succ. false):
49
50
            Node<T> pred = preds[bottomLevel];
51
            Node<T> succ = succs[bottomLevel];
52
           newNode.next[bottomLevel].set(succ, false);
53
           if (!pred.next[bottomLevel].compareAndSet(succ, newNode,
54
                                                       false, false)) {
55
56
              continue;
57
            for (int level = bottomLevel+1; level <= topLevel; level++) {</pre>
58
59
             while (true) {
               pred = preds[level];
60
61
               succ = succs[level];
               if (pred.next[level].compareAndSet(succ, newNode, false, false))
62
                 break;
63
               find(x, preds, succs);
64
65
66
67
            return true;
68
69
70
```

- Remove()
 - -Find()를 호출하여 표시되지 않고 대상키를 갖는 노드가 최하층리스트에 있는지 확인
 - 최하층 리스트만 빼고 표시를 남겨서 논리적으로 제거
 - 최하층을 제외하고 전부 표시했다면 최하층의 next 참조에 표시
 - 이 표시를 남기는 것에 성공하면 Find()를 통해 물리적 제거를 한다.

Remove()

```
boolean remove(T x) {
71
        int bottomLevel = 0;
72
        Node<T>[] preds = (Node<T>[]) new Node[MAX LEVEL + 1];
73
        Node<T>[] succs = (Node<T>[]) new Node[MAX_LEVEL + 1];
74
75
        Node<T> succ:
        while (true) {
76
77
          boolean found = find(x, preds, succs);
78
          if (!found) {
            return false;
79
          } else {
80
            Node<T> nodeToRemove = succs[bottomLevel];
81
            for (int level = nodeToRemove.topLevel;
82
                  level >= bottomLevel+1; level--) {
83
              boolean[] marked = {false};
84
              succ = nodeToRemove.next[level].get(marked);
85
86
              while (!marked[0]) {
87
                nodeToRemove.next[level].attemptMark(succ, true);
              succ = nodeToRemove.next[level].get(marked);
88
89
90
91
            boolean[] marked = {false};
            succ = nodeToRemove.next[bottomLevel].get(marked);
92
            while (true) {
93
              boolean iMarkedIt =
94
                nodeToRemove.next[bottomLevel].compareAndSet(succ, succ,
95
96
                                                               false, true);
97
              succ = succs[bottomLevel].next[bottomLevel].get(marked);
              if (iMarkedIt) {
98
                 find(x, preds, succs);
99
                 return true;
100
101
              else if (marked[0]) return false;
102
103
104
105
106
```

- Find()
 - 스킵리스트를 순회하는데 각 층을 내려가며 리스트를 진행한다.
 - -진행 중에 표시된 노드(marked)를 만나면 이 노드를 잘라내어서 표시된 노드의 키값을 절대 보지 않는다.
 - 현재 노드보다 더 높은 층에서 이런 현상이 발생될 수 있으므로 LazySkipList처럼 스킵리스트 속성은 유지되지 않는다.

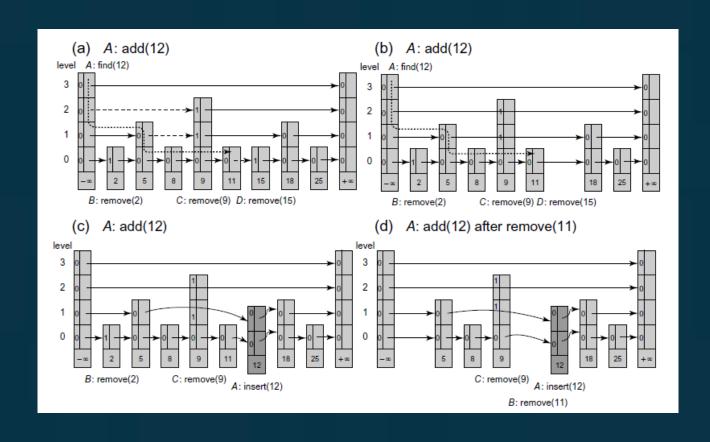
- Find()
 - -LockFreeSkipList를 검색하고 대상키가 집합에 있을 때만 true를 반환
 - -두가지 속성을 만족
 - 표시된 연결(marked)은 순회하지 않는다. 대신 해당 층의 리스트에서 표시된 연결이 참조된 노드를 제거
 - 모든 preds[]참조는 대상 키보다 작은 키를 갖는 노드

Find()

```
boolean find(T x, Node<T>|| preds, Node<T>|| succs) {
107
         int bottomLevel = 0;
108
         int key = x.hashCode();
109
         boolean[] marked = {false};
110
         boolean snip;
111
         Node<T> pred = null, curr = null, succ = null;
112
113
           while (true) {
114
            pred = head;
115
116
             for (int level = MAX LEVEL; level >= bottomLevel; level--) {
117
               curr = pred.next[level].getReference();
              while (true) {
118
                succ = curr.next[level].get(marked);
119
                while (marked[0]) {
120
                  snip = pred.next[level].compareAndSet(curr, succ,
121
                                                          false, false);
122
                  if (!snip) continue retry;
123
124
                  curr = pred.next[level].getReference();
                  succ = curr.next[level].get(marked);
125
126
                if (curr.key < key){</pre>
127
                  pred = curr; curr = succ;
128
                } else {
129
130
                  break;
131
132
               preds[level] = pred;
133
               succs[level] = curr;
134
135
             return (curr.key == key);
136
137
138
```

Contains()

```
boolean contains(T x) {
139
         int bottomLevel = 0;
140
         int v = x.hashCode();
141
142
         boolean[] marked = {false};
         Node<T> pred = head, curr = null, succ = null;
143
144
         for (int level = MAX LEVEL; level >= bottomLevel; level--) {
145
           curr = pred.next[level].getReference();
146
           while (true) {
             succ = curr.next[level].get(marked);
147
            while (marked[0]) {
148
              curr = pred.next[level].getReference(); // curr.next로 변경
149
               succ = curr.next[level].get(marked);
150
151
            if (curr.key < v){</pre>
152
              pred = curr;
153
154
               curr = succ;
155
             } else {
              break;
156
157
158
159
160
         return (curr.key == v);
161
```



- 실습 #24
 - -Lock Free Skip List 프로그램을 작성한다.
 - 4장에서 구현된 Free-List 연동
 - -순차 Skip List와 속도 비교
 - -Lock Free 일반 List와 속도 비교

정리

- non-blocking Stack
 - -부하 분산 테크닉
 - Elimination
 - -non-blocking free list 구현
- non-blocking 검색 자료구조
 - -SKIP-LIST
 - 평균 O(logn)의 검색 시간

총정리

- 왜 멀티쓰레드 프로그래밍을 해야 하는가?
- 멀티쓰레드 프로그램은 멀티코어 CPU에서 어떻게 실행되는가?
- 멀티쓰레드 프로그래밍 API는 무엇인가?
- 내가 작성한 멀티쓰레드 프로그램이 왜 죽는가?
- Lock을 쓰면 왜 느린가?
- Lock을 제거했더니 왜 죽는가?

총정리

- Lock을 사용하지 않을 때 쓰레드간의 동기화는 어떻게 구현 하는 것이 좋은가?
- Non-Blocking 알고리즘이 무엇인가?
 - -어떻게 구현해야 하는가?
 - -Blocking보다 왜 좋은가? 어떤 경우에 좋은가?
- Lock-Free 알고리즘의 구현이 왜 어려운가?

총정리

- OpenMP, TBB, CUDA, Transactional Memory는 무엇인가?
- 앞으로 우리는 어떠한 프로그래밍을 해야 하는가?
 - 언제까지 non-blocking 알고리즘을 써야 하나?
 - Core의 개수는 점점 늘어날 것인가?
 - C 스타일언어의 미래는?
 - 5년 후는?
 - 10년 후는?