

밑바닥부터 시작하는 딥러닝

CH3. 신경망



INDEX

목차

목차1	퍼셉트론에서 신경망으로
목차2	활성화 함수
목차3	다차원 배열의 계산
목차4	3층 신경망 구현하기
목차5	출력층 설계하기
목차5	손글씨 글자인식





01

신경망



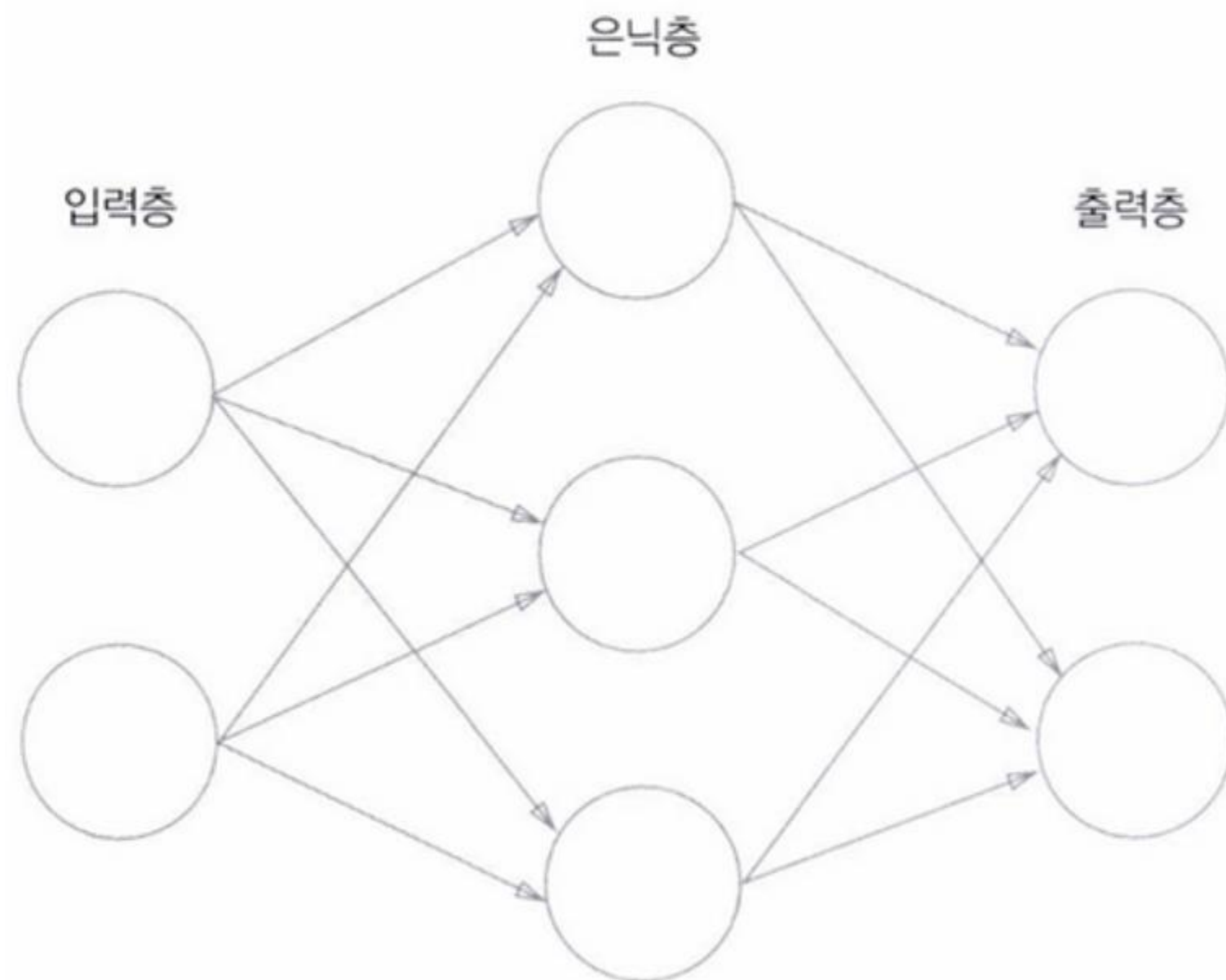


신경망의 구조



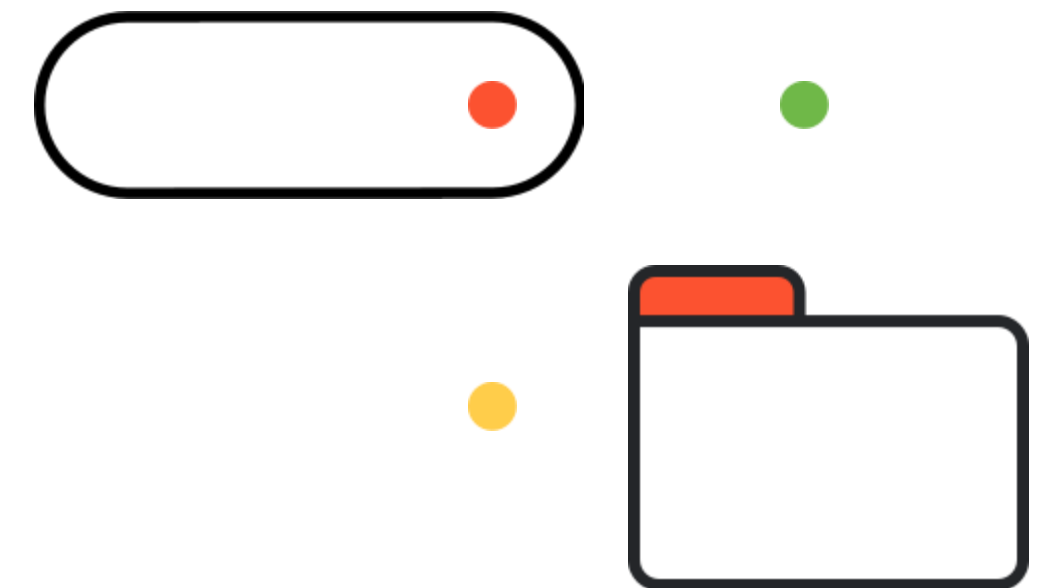
입력층, 출력층, 그리고 은닉층

- # 여러개의 뉴런들의 복합적 구조
- # 출력층 노드의 수는 클래스의 개수
- # 은닉층으로 인한 복잡한 분류의 가능



02

활성화 함수



퍼셉트론과 신경망의 주된 차이

$$a = b + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$y = h(a)$$



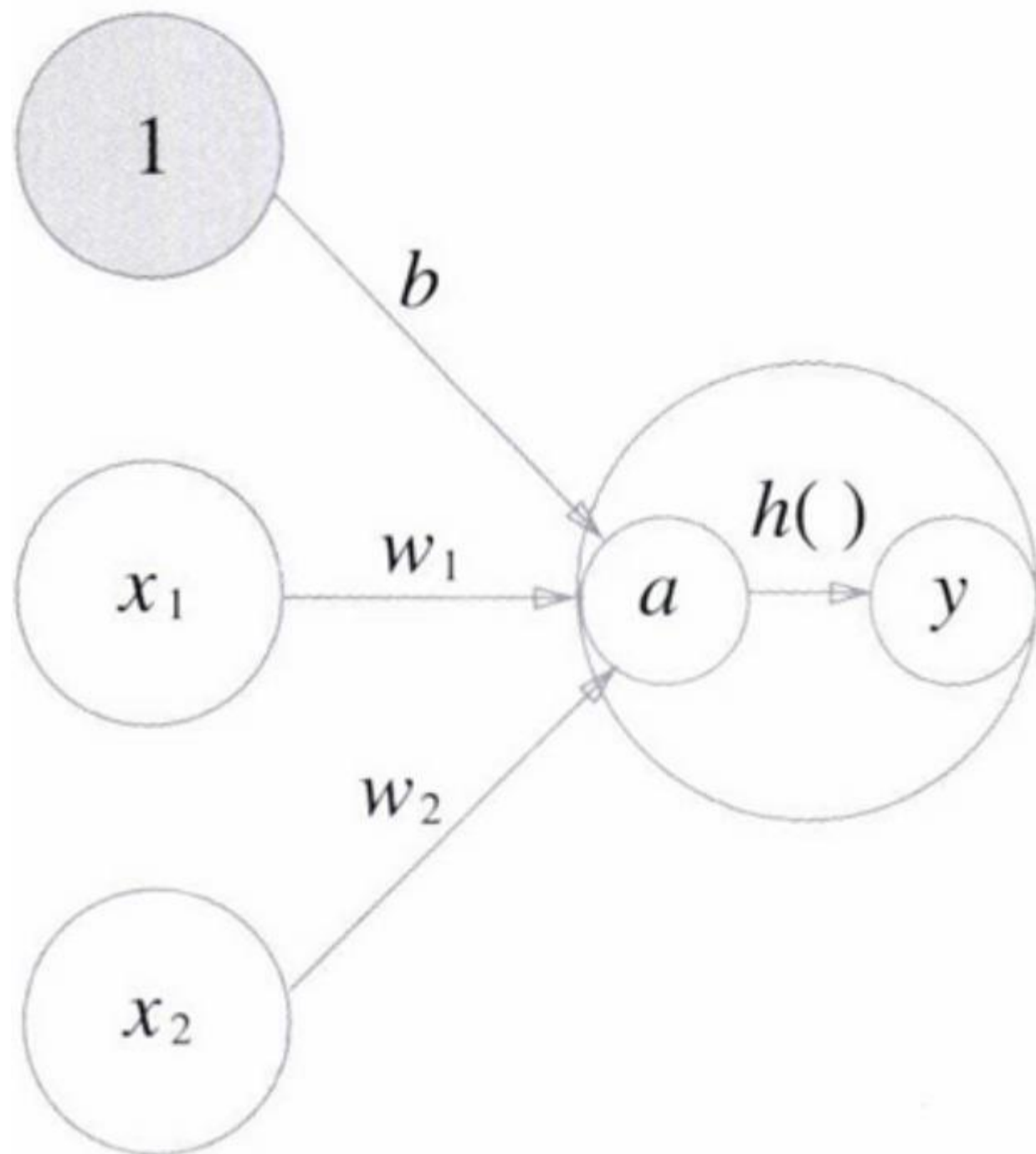
presentation_photo

활성화 함수의 처리 과정



가중합과 비선형함수

- # 입력 신호의 총합을 출력 신호로 변환하는 함수
- # 입력 신호의 총합이 활성화를 일으키는지 결정



presentation_photo

활성화 함수의 처리 과정

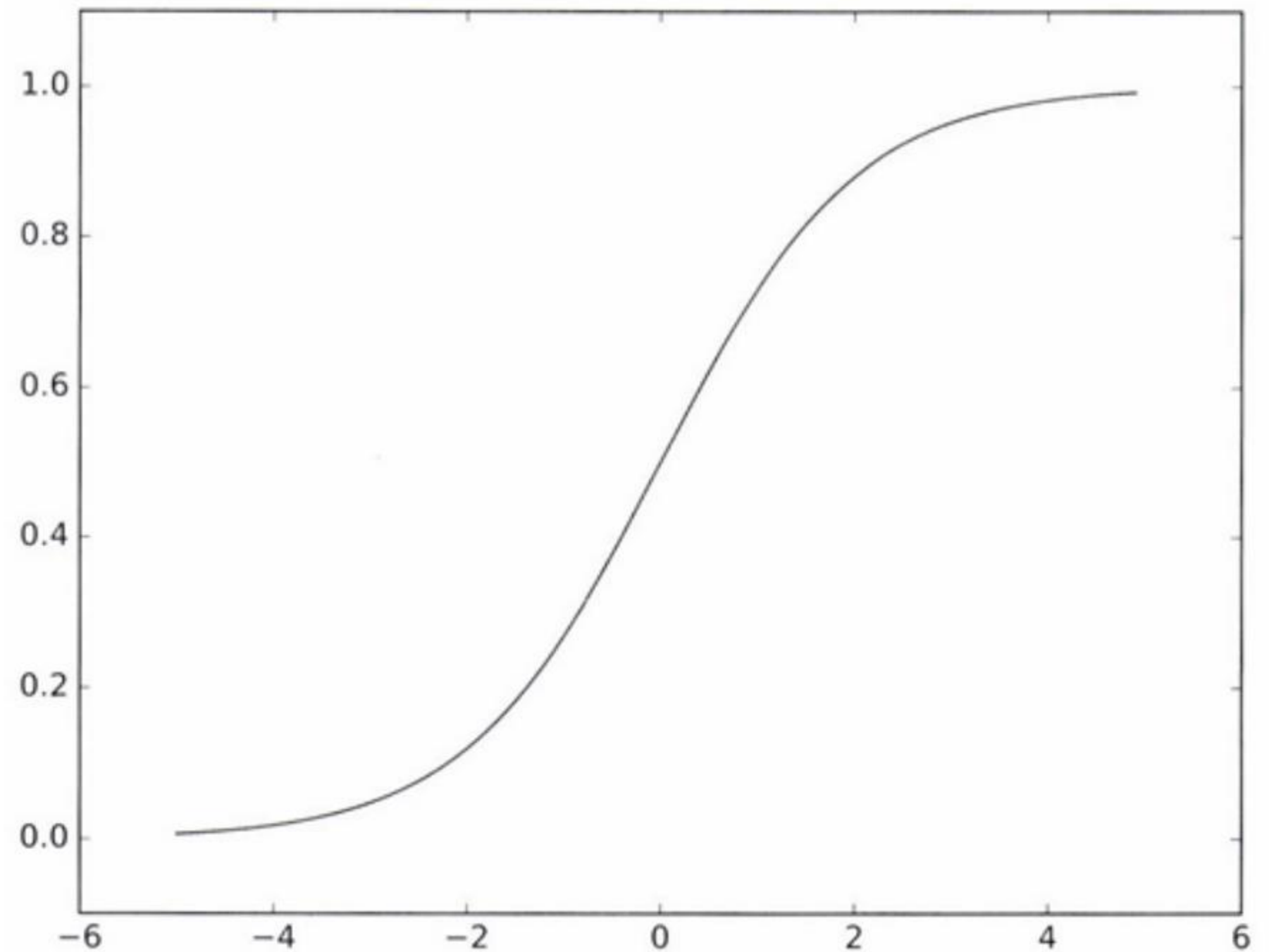


가중합과 비선형함수

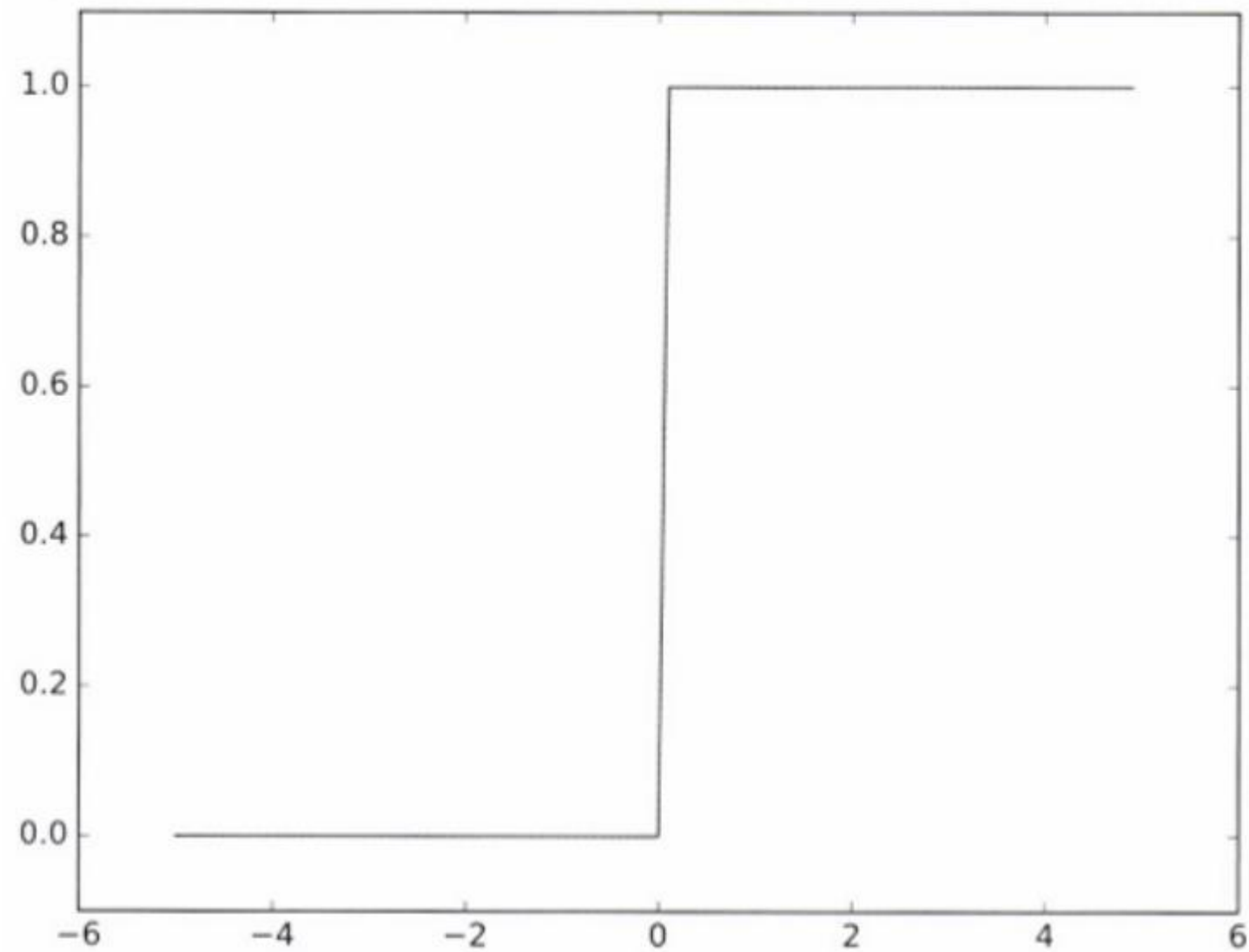
- # 입력 신호의 총합을 출력 신호로 변환하는 함수
- # 입력 신호의 총합이 활성화를 일으키는지 결정

시그모이드 함수

$$h(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}$$



계단 함수



ReLU 함수

$$h(x) = \begin{cases} x & (x > 0) \\ 0 & (x \leq 0) \end{cases}$$

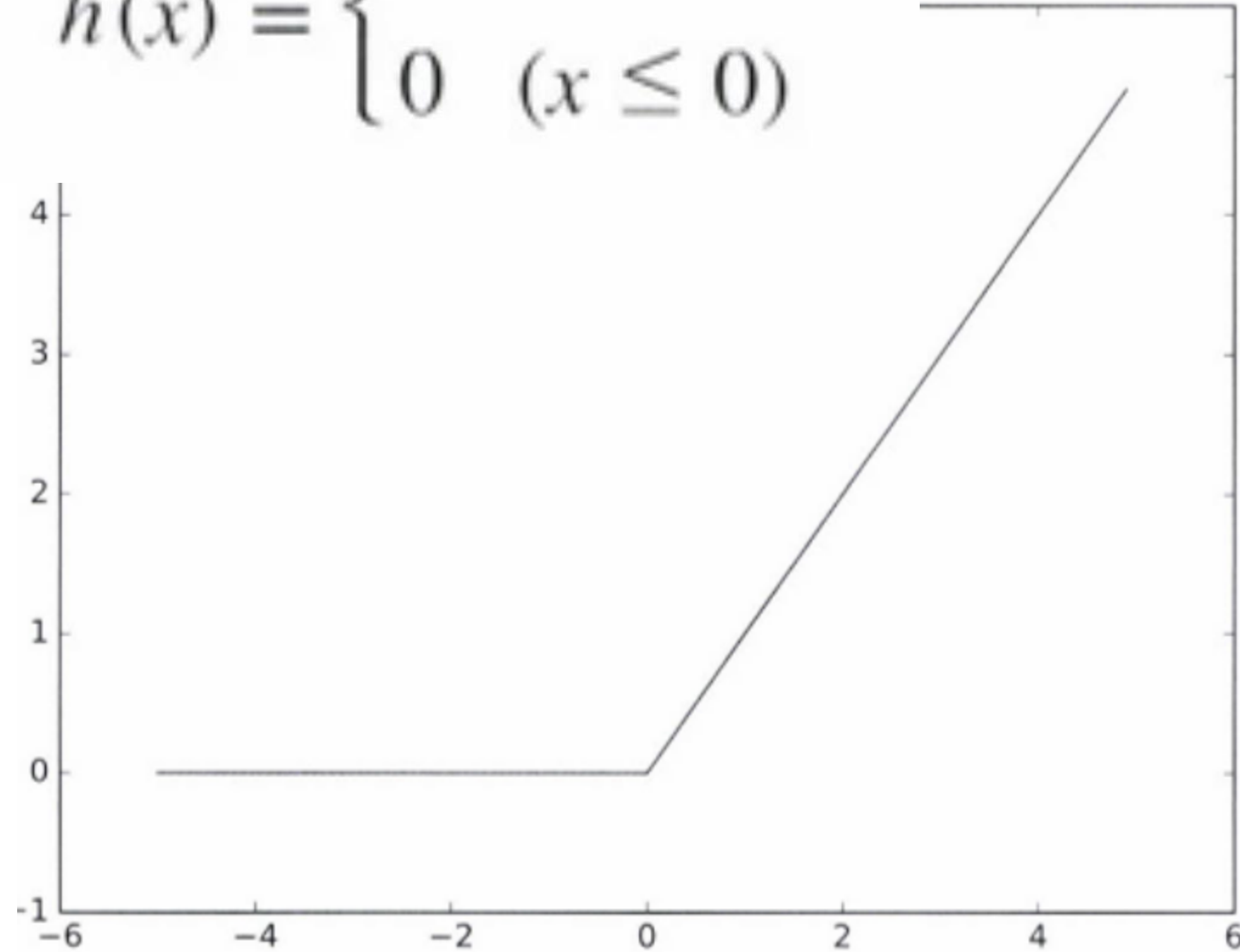
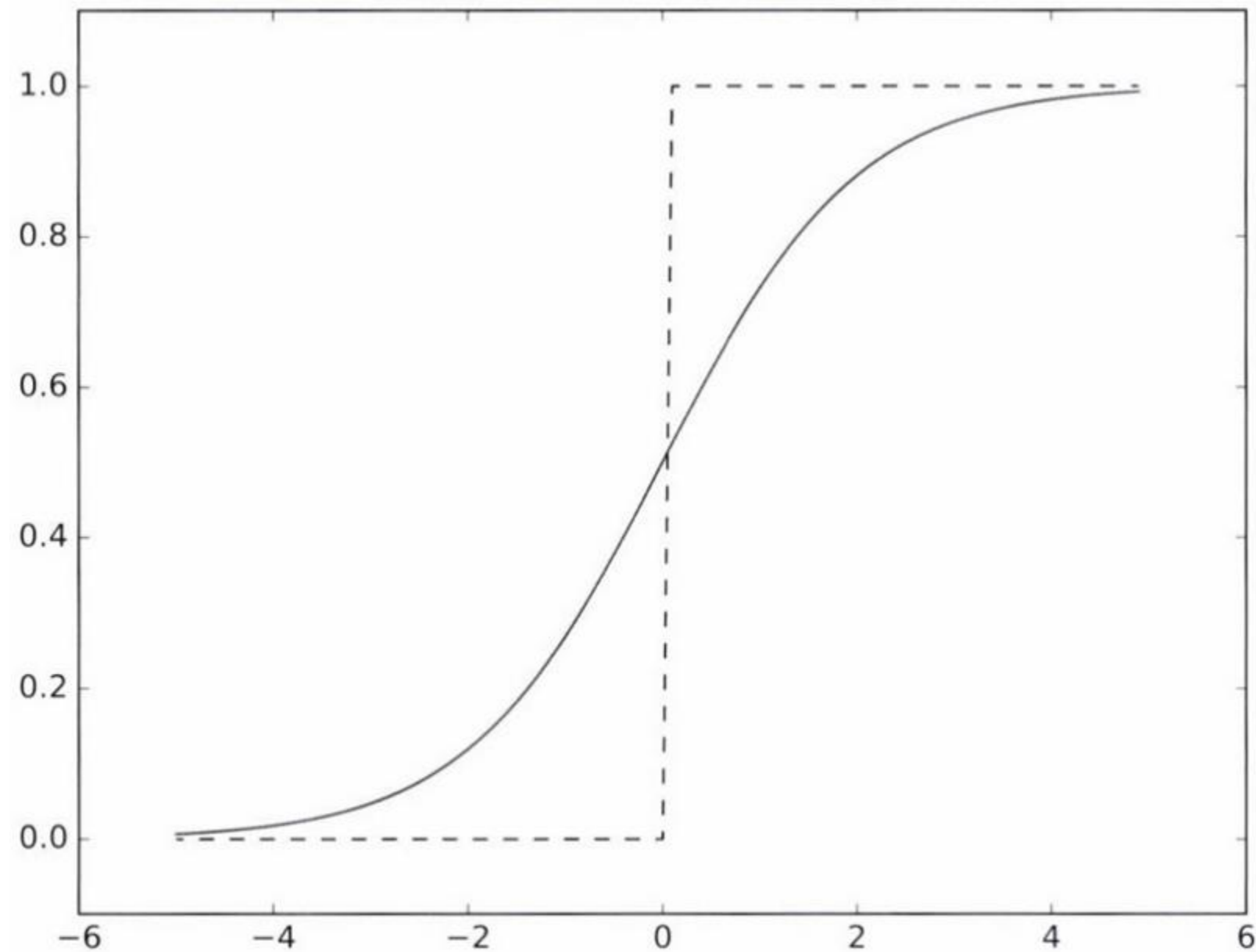


그림 3-8 계단 함수(점선)와 시그모이드 함수(실선)



계단 함수 vs 시그모이드 함수

- 공통점
- 출력 0에서 1 사이
 - 입력이 작을 때는 출력이 0에 가깝거나 0이고 입력이 커지면 출력이 1에 가까워지거나 1 (같은 모양)
 - 비선형 함수

- 차이점
- 계단 함수 : 0과 1 중 하나의 값
 - 시그모이드 함수 : 연속적인 실수

선형 함수 : $f(x) = ax + b$

비선형 함수 : 직선 1개로는 그릴 수 없는 함수

신경망 활성화 함수 -> 비선형 함수

: 선형 함수를 이용하면 신경망의 층을 깊게 하는 의미가 없어짐.

$h(x) = cx$ 를 활성화 함수로 사용한 3층 네트워크

$$y(x) = h(h(h(x)))$$

$$y(x) = c * c * c * x$$

$$y(x) = ax \text{와 똑같은 식} \quad a = c^3$$

계단 함수 vs 시그모이드 함수

공통점 - 출력 0에서 1 사이

- 입력이 작을 때는 출력이 0에 가깝거나 0이고 입력이 커지면 출력이 1에 가까워지거나 1 (같은 모양)

- 비선형 함수

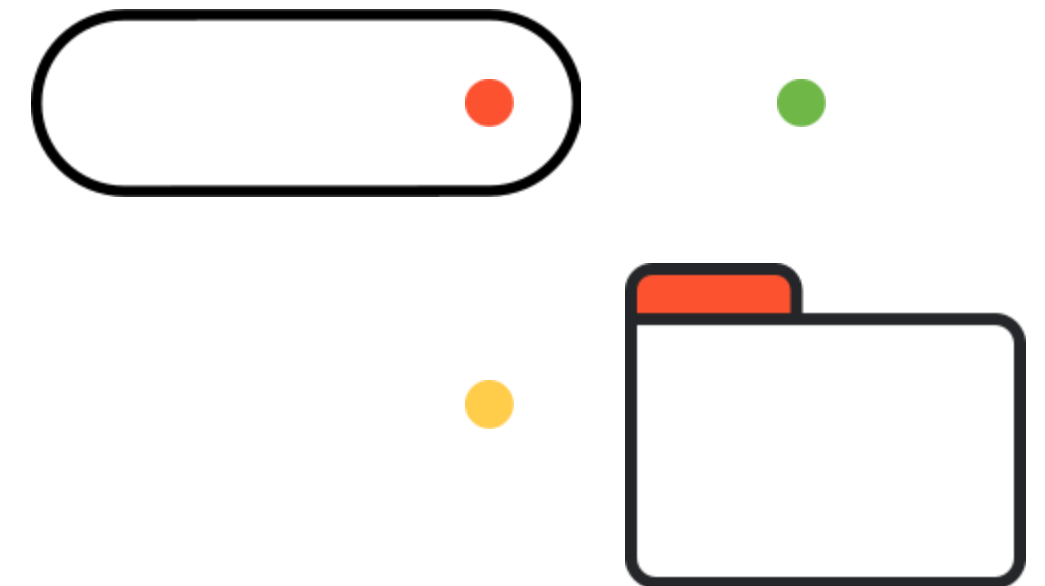
차이점 - 계단 함수 : 0과 1 중 하나의 값

- 시그모이드 함수 : 연속적인 실수



03

다차원 배열의 계산



$$\begin{pmatrix} \boxed{1} & \boxed{2} \\ \boxed{3} & \boxed{4} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \boxed{5} & 6 \\ \boxed{7} & 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \boxed{19} & 22 \\ \boxed{43} & 50 \end{pmatrix}$$

$1 \times 5 + 2 \times 7$
 $3 \times 5 + 4 \times 7$

A B



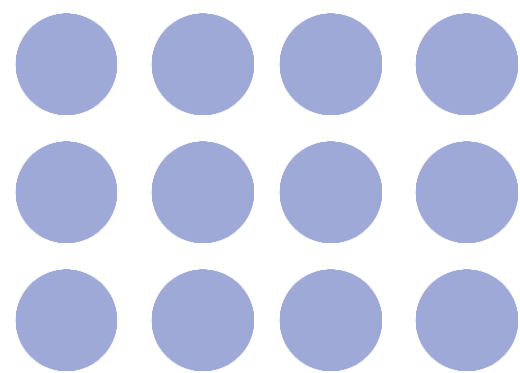
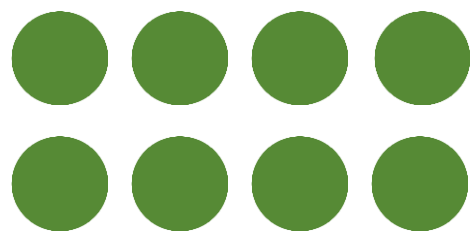
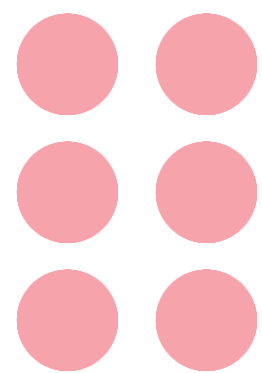
presentation_photo

행렬곱



기본 연산

- # 앞행렬의 열수와 뒷행렬의 행수가 같아야함
- # 가중합의 연산에서 기본이 되는 연산



A

B

=

C

형상 3×2

2×4

3×4

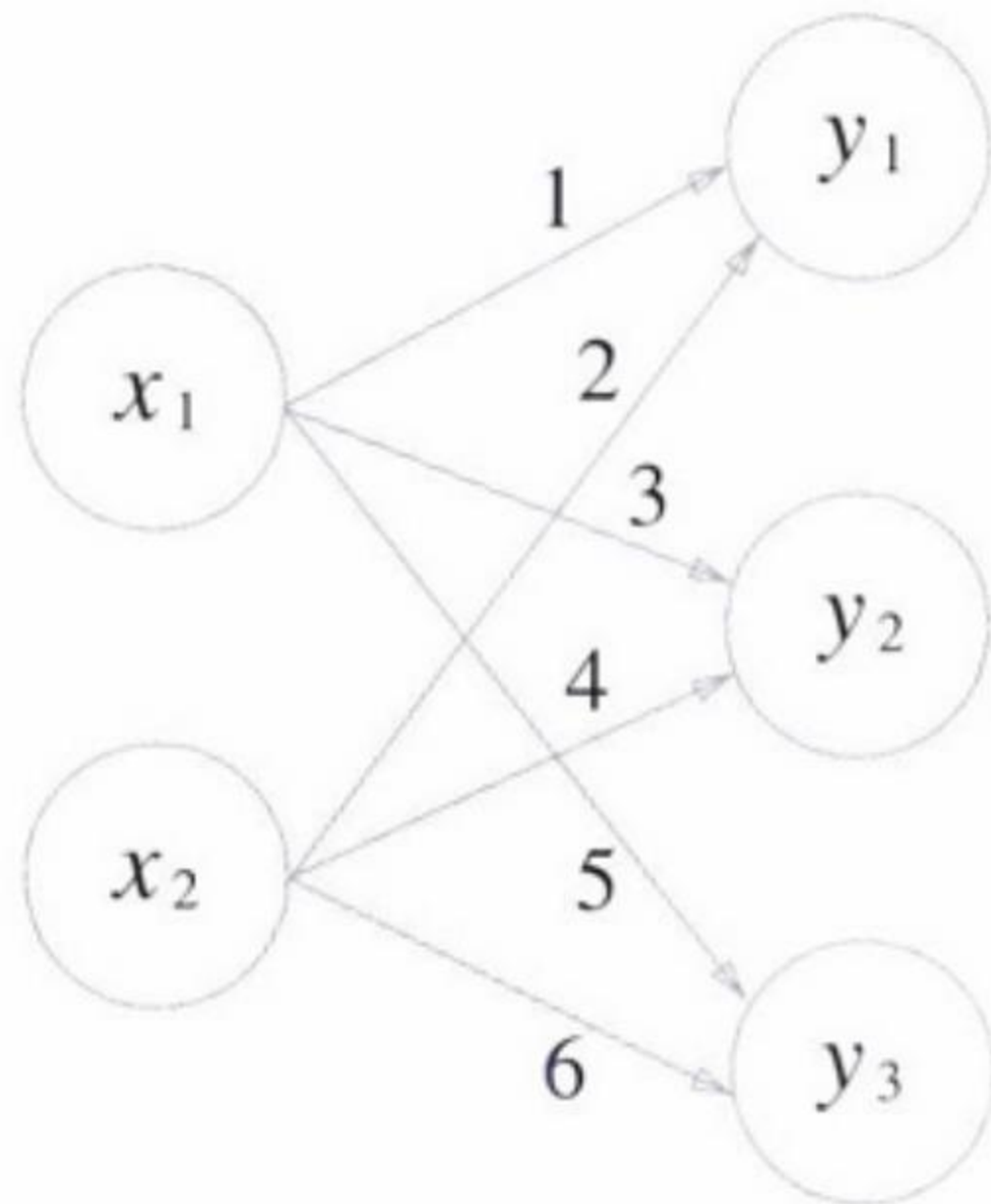
일치

행렬곱



기본 연산

- # 앞행렬의 열수와 뒷행렬의 행수가 같아야함
- # 가중합의 연산에서 기본이 되는 연산

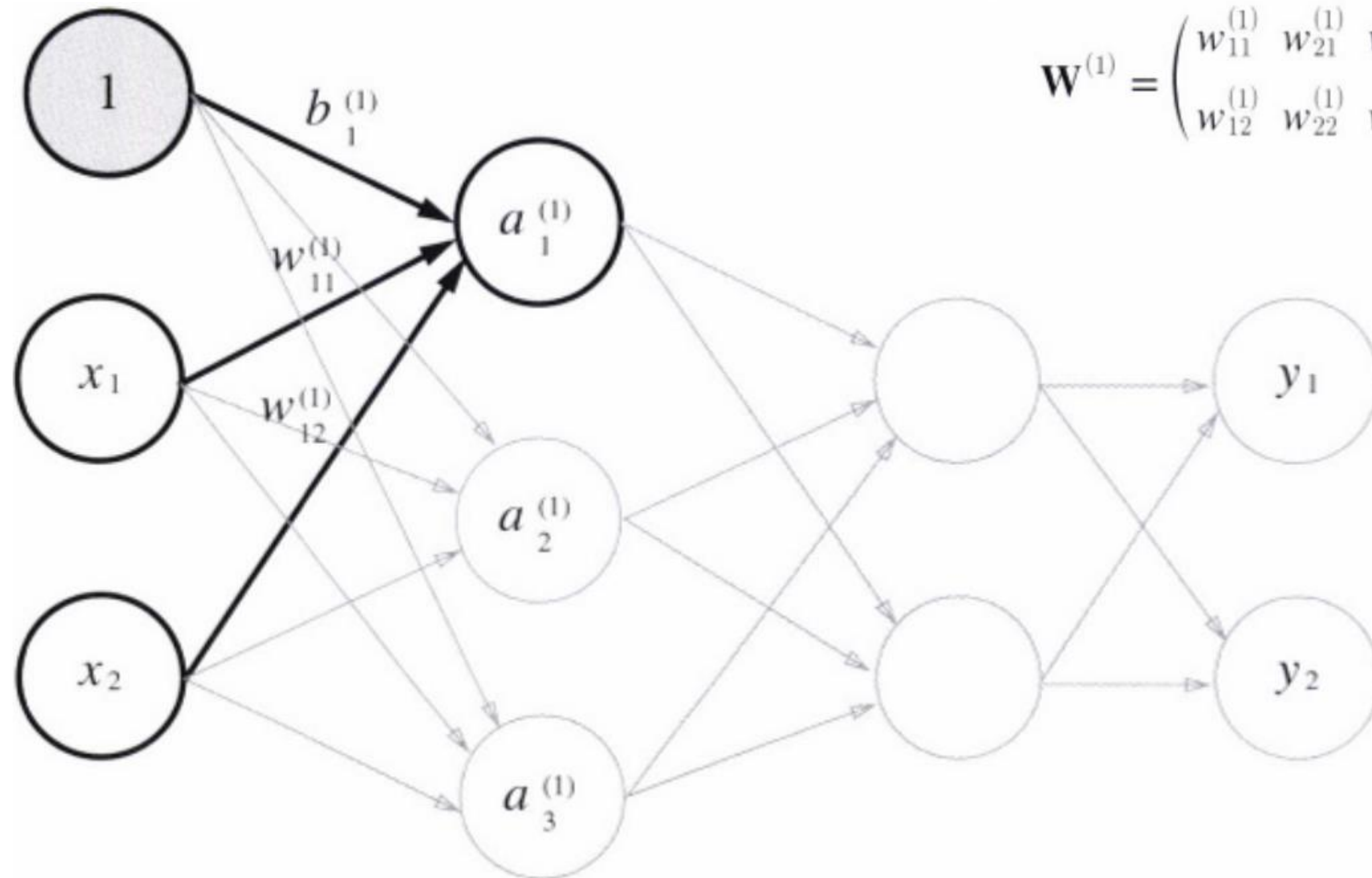


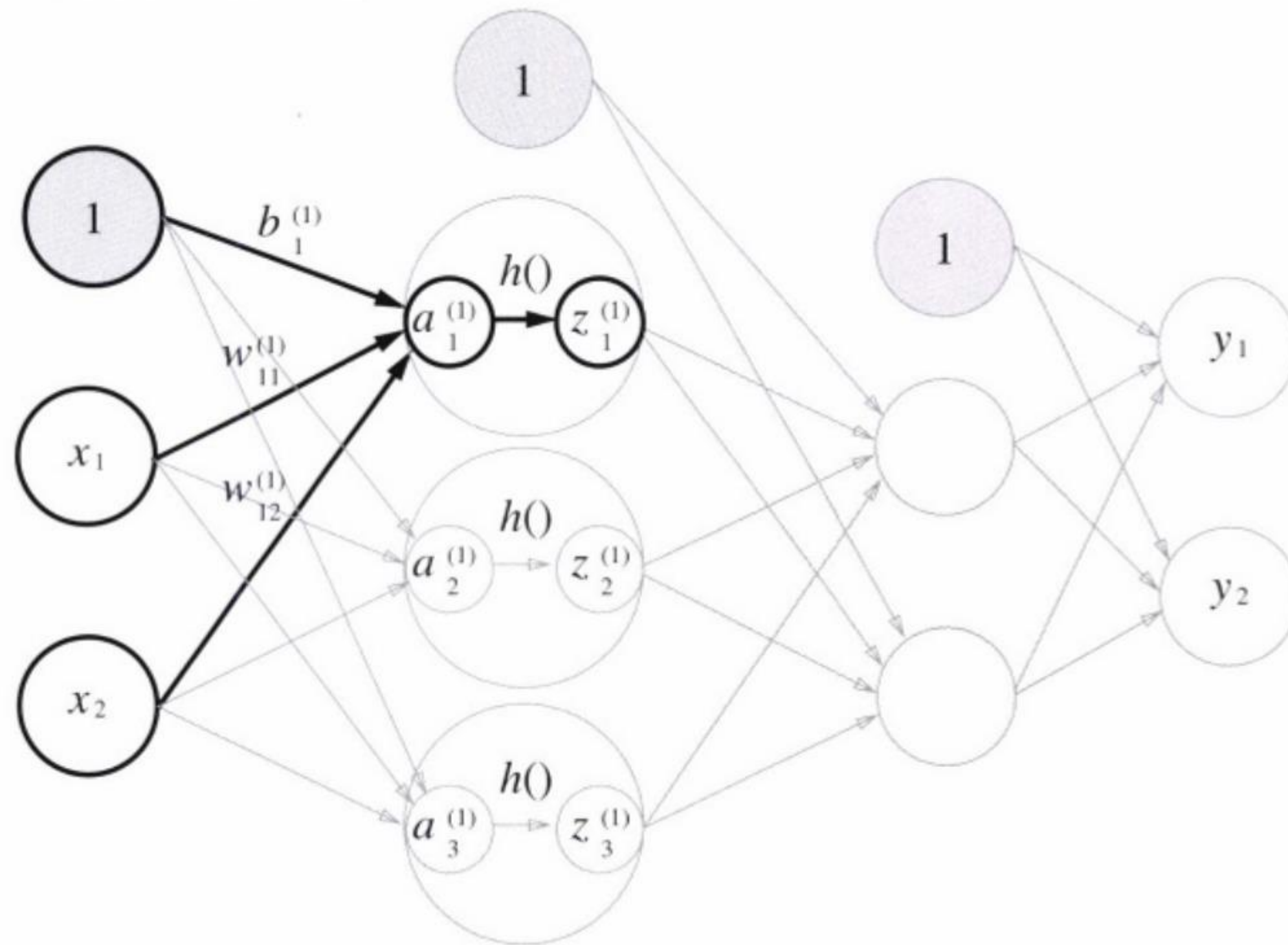
$$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$
$$\begin{matrix} X & W & = & Y \\ 2 & 2 \times 3 & & 3 \\ \hline & \text{일치} & & \end{matrix}$$

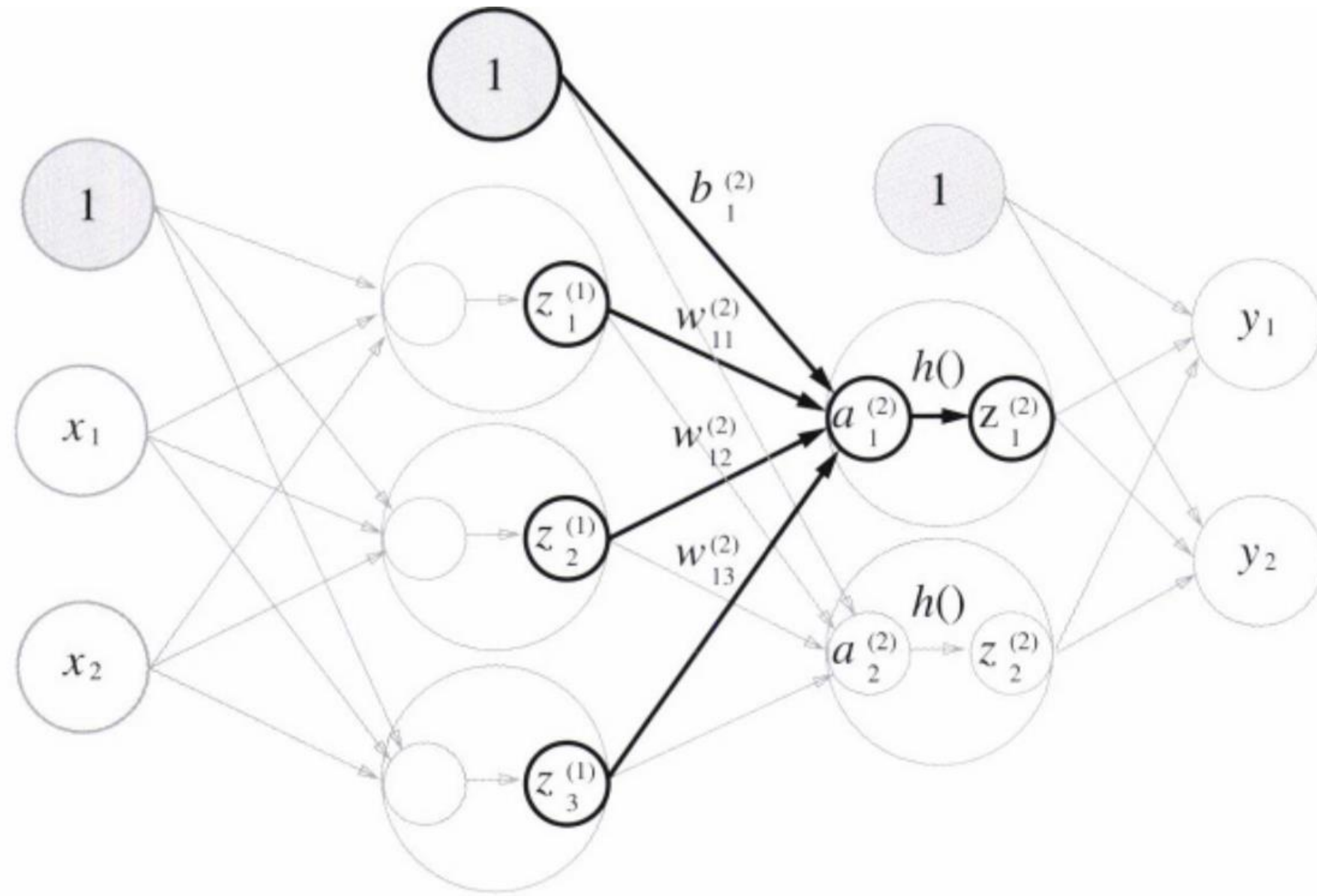
$$\mathbf{A}^{(1)} = \mathbf{X}\mathbf{W}^{(1)} + \mathbf{B}^{(1)}$$

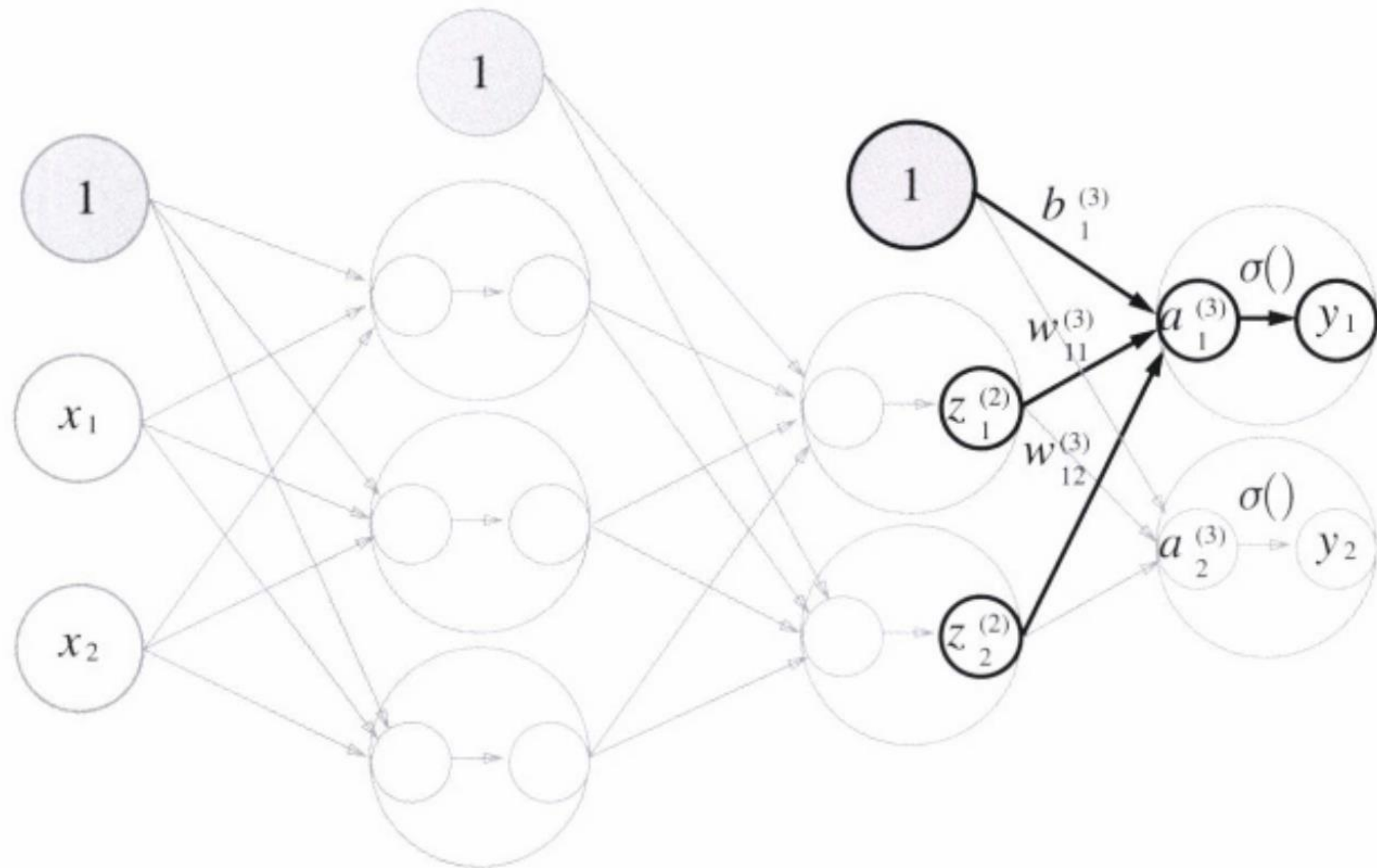
$$\mathbf{A}^{(1)} = (a_1^{(1)} \ a_2^{(1)} \ a_3^{(1)}), \ \mathbf{X} = (x_1 \ x_2), \ \mathbf{B}^{(1)} = (b_1^{(1)} \ b_2^{(1)} \ b_3^{(1)})$$

$$\mathbf{W}^{(1)} = \begin{pmatrix} w_{11}^{(1)} & w_{21}^{(1)} & w_{31}^{(1)} \\ w_{12}^{(1)} & w_{22}^{(1)} & w_{32}^{(1)} \end{pmatrix}$$









```

def init_network():
    network = {}
    network['W1'] = np.array([[0.1, 0.3, 0.5], [0.2, 0.4, 0.6]])
    network['b1'] = np.array([0.1, 0.2, 0.3])
    network['W2'] = np.array([[0.1, 0.4], [0.2, 0.5], [0.3, 0.6]])
    network['b2'] = np.array([0.1, 0.2])
    network['W3'] = np.array([[0.1, 0.3], [0.2, 0.4]])
    network['b3'] = np.array([0.1, 0.2])

    return network

def forward(network, x):
    W1, W2, W3 = network['W1'], network['W2'], network['W3']
    b1, b2, b3 = network['b1'], network['b2'], network['b3']

    a1 = np.dot(x, W1) + b1
    z1 = sigmoid(a1)
    a2 = np.dot(z1, W2) + b2
    z2 = sigmoid(a2)
    a3 = np.dot(z2, W3) + b3
    y = identity_function(a3)

    return y

def identity_function(x):
    return x

network = init_network()
x = np.array([1.0, 0.5])
y = forward(network, x)
print(y) # [ 0.31682708 0.69627909]

```



presentation_photo

신경망 코드



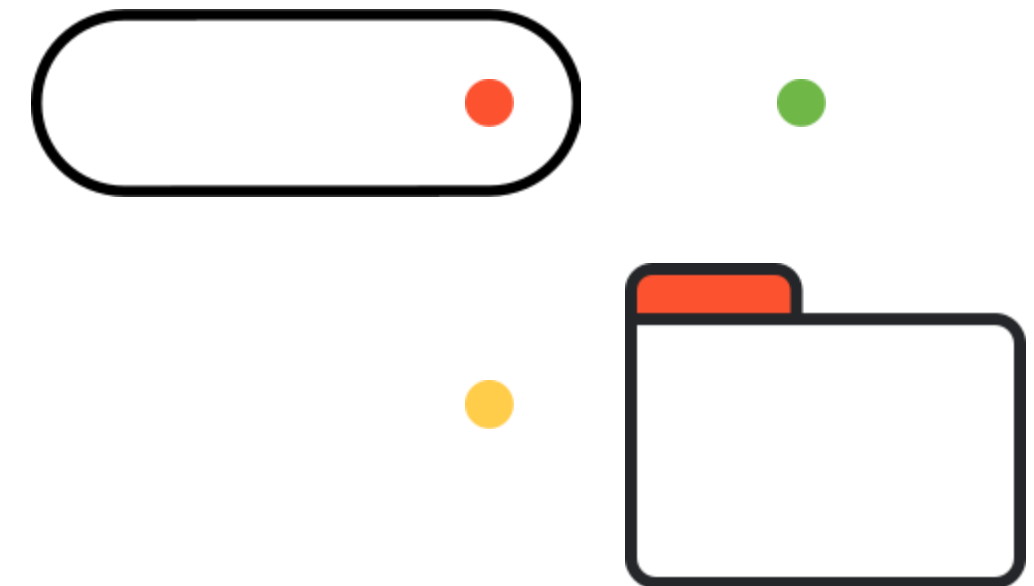
3층 신경망

init_network()를 통한 초기값 설정
forward(network, x)를 통한 순전파 출력값 연산

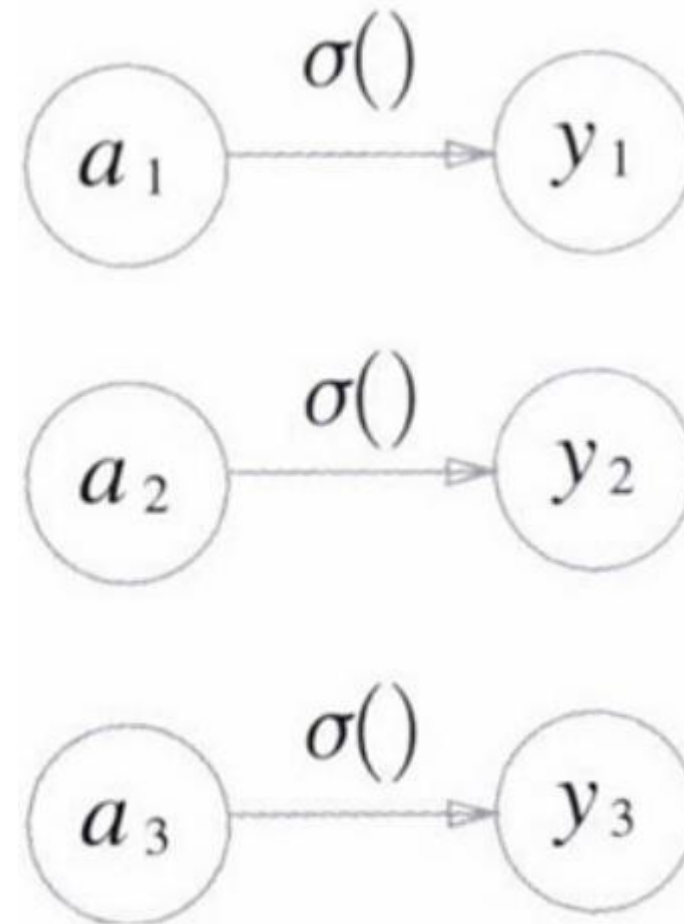
04

출력층 설계하기

일반적으로 회귀에는 항등함수, 분류에는 소프트맥스 함수 사용

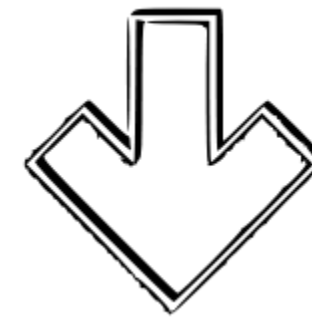


항등 함수



소프트맥스 함수

구현 시 오버플로 문제
(큰 값 -> 결과 수치 '불안정')



어떤 정수를 더하거나 빼도 결과 동일

C' : 일반적으로 입력 신호 중 최대값 이용

$$\begin{aligned} y_k &= \frac{\exp(a_k)}{\sum_{i=1}^n \exp(a_i)} = \frac{C \exp(a_k)}{C \sum_{i=1}^n \exp(a_i)} \\ &= \frac{\exp(a_k + \log C)}{\sum_{i=1}^n \exp(a_i + \log C)} \\ &= \frac{\exp(a_k + C')}{\sum_{i=1}^n \exp(a_i + C')} \end{aligned}$$

```
def softmax(a):  
    c = np.max(a)  
    exp_a = np.exp(a - c) # 오버플로 대책  
    sum_exp_a = np.sum(exp_a)  
    y = exp_a / sum_exp_a  
  
    return y
```

소프트맥스 함수

출력은 0에서 1 사이의 실수
출력의 총합은 1

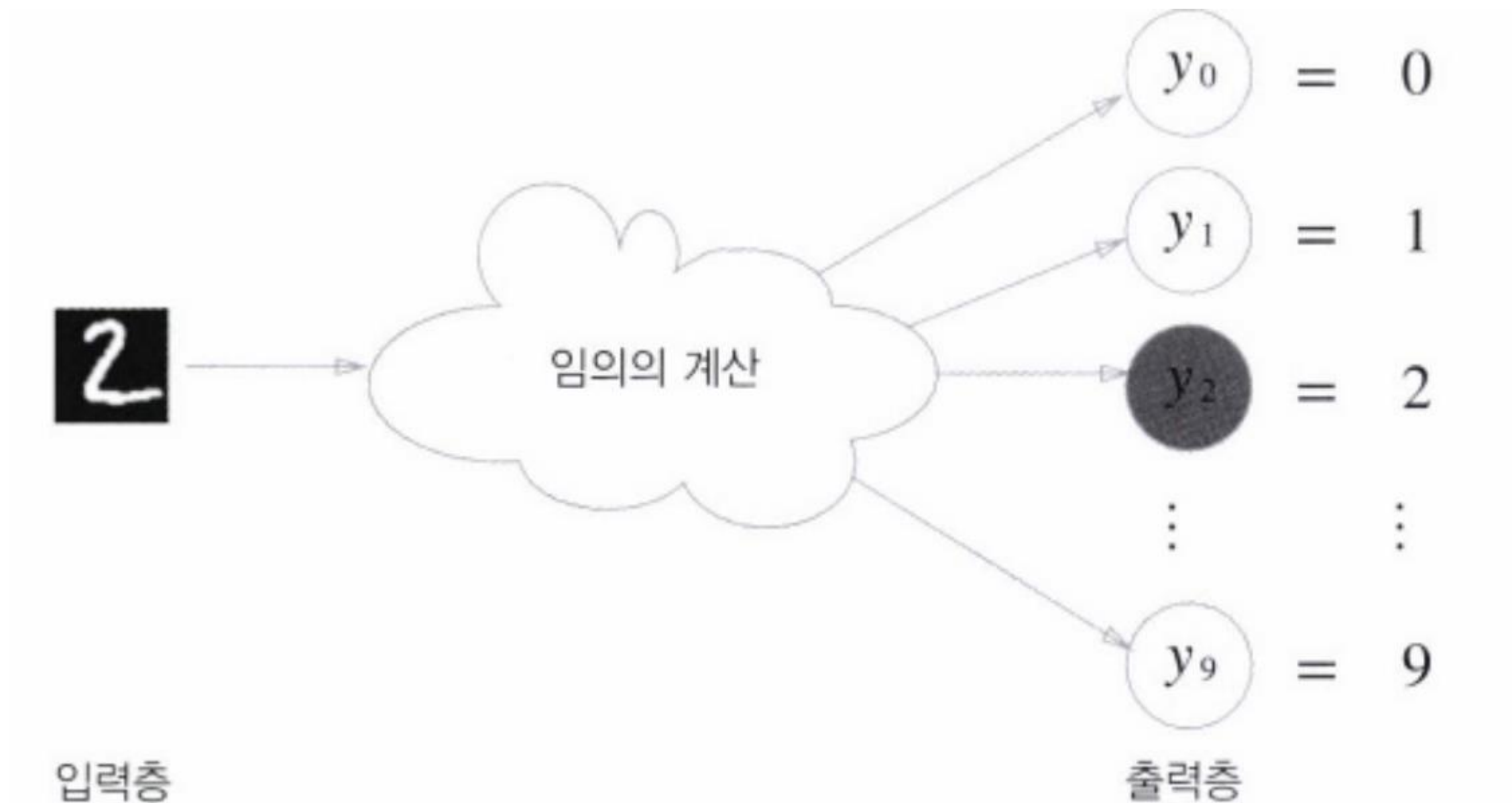


'확률'

지수 함수 : 단조 증가 함수 -> 적용해도 각 원소의 대소 관계 동일

->> 추론 단계에서 출력층의 소프트맥스 함수는 생략 가능

출력층 노드의 수는 분류하고 싶은 클래스의 수

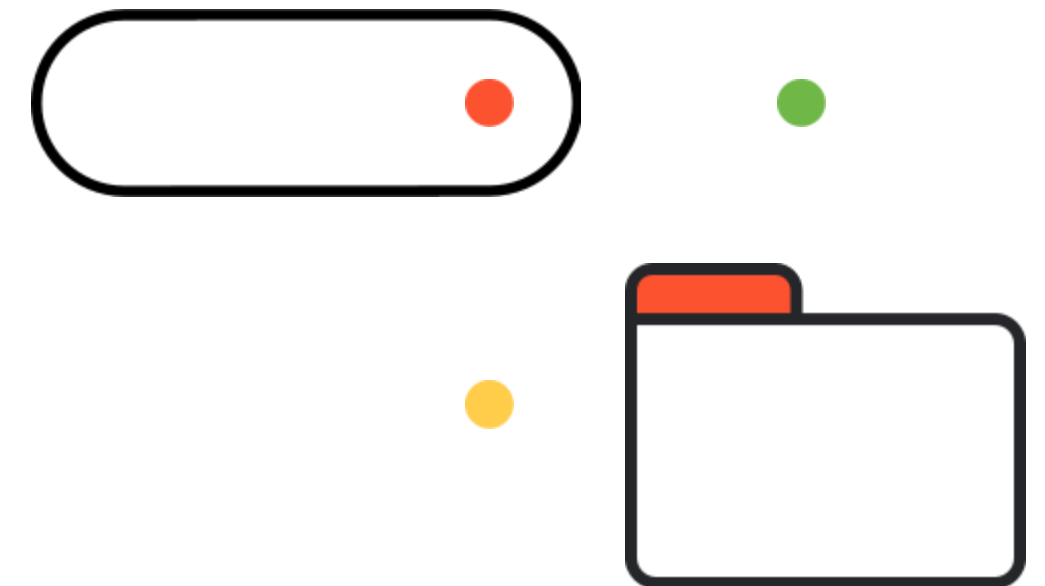


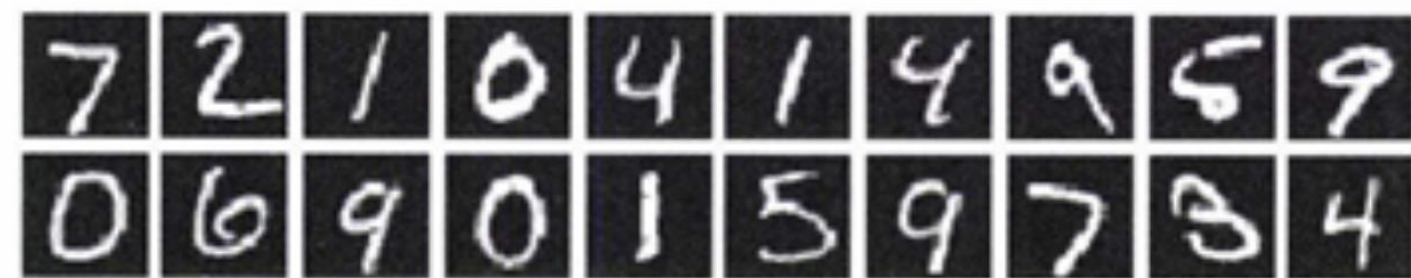
뉴런의 회색 농도가 해당 뉴런의
출력 값의 크기 의미



05

손글씨 숫자 인식





presentation_photo

MNIST 이미지 데이터셋



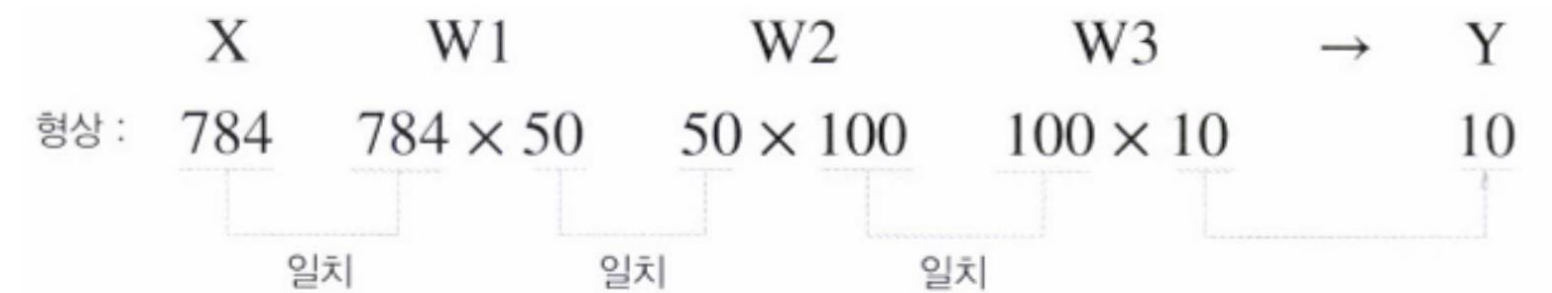
손글씨 데이터셋

- # 60000개의 훈련이미지
- # 10000개의 테스트 이미지
- # 정답에 해당하는 레이블이 있는 지도학습 (분류)

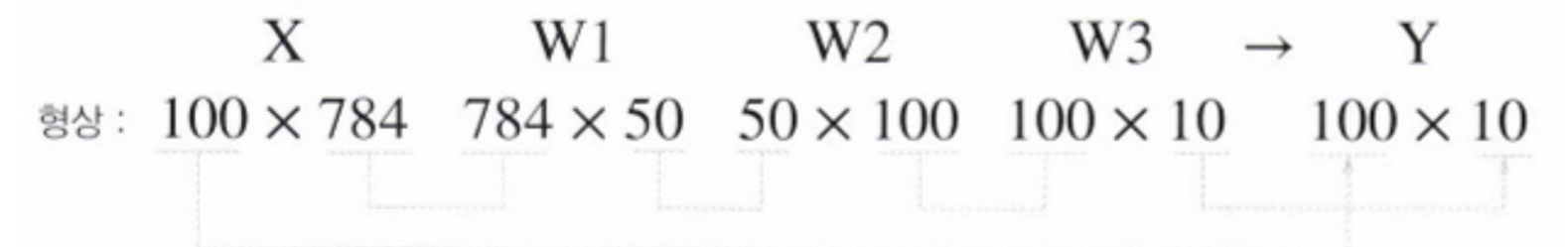
x의 형상

```
>>> x.shape
(10000, 784)
>>> x[0].shape
(784,)
>>> W1.shape
(784, 50)
>>> W2.shape
(50, 100)
>>> W3.shape
(100, 10)
```

이미지 1개



이미지 100개



배치: 하나로 묶은 입력 데이터

```

def get_data():
    (x_train, t_train), (x_test, t_test) = \
        load_mnist(normalize=True, flatten=True, one_hot_label=False)
    return x_test, t_test

def init_network():
    with open("sample_weight.pkl", 'rb') as f:
        network = pickle.load(f)

    return network

def predict(network, x):
    W1, W2, W3 = network['W1'], network['W2'], network['W3']
    b1, b2, b3 = network['b1'], network['b2'], network['b3']

    a1 = np.dot(x, W1) + b1
    z1 = sigmoid(a1)
    a2 = np.dot(z1, W2) + b2
    z2 = sigmoid(a2)
    a3 = np.dot(z2, W3) + b3
    y = softmax(a3)

    return y

```



presentation_photo

신경망으로 추론(분류)



MNIST 손글씨 데이터셋

normalize=T를 통한 정규화 (0~1)
 # flatten=T를 통한 일차원 배열로의 전환
 # one_hot_label=T를 하면 클래스에 해당하는 컬럼이
 원핫인코딩됨 (열개 컬럼으로)

#입력층 뉴런 784개 (이미지 크기 28X28)
 #출력층 뉴런 10개(0~9)
 # 첫번째 은닉층 50개뉴런, 두번째 은닉층 100개 뉴런

Thank you