

数据结构考试题（样例一）

一. 选则题（5分）

1. 数据结构中，与所使用的计算机无关的是数据的 (3) 结构。
(1) 存储 (2) 物理 (3) 逻辑 (4) 物理和存储
2. (4) 在链表中进行比在顺序表中进行效率高。
(1) 顺序查找 (2) 折半查找 (3) 分块查找 (4) 插入
3. 树结构最适合于用来表示 (3)。
(1) 有序数据 (2) 无序数据 (3) 元素间具有分支层次关系的数据
(4) 元素间无关联的数据
4. 散列存储中，碰撞（或称冲突）指的是 (2)。
(1) 两个元素具有相同序号 (2) 不同的关键字对应于相同的存储地址
(3) 两个记录的关键字相同 (4) 数据元素过多
5. n 个结点的连通图至少有 (1) 条边。
(1) $n-1$ (2) n (3) $n(n-1)/2$ (4) $2n$
6. 直接选择排序的时间复杂性为 (4) (n 为元素的个数)。
(1) $O(n)$ (2) $O(\log_2 n)$ (3) $O(n \log_2 n)$ (4) $O(n^2)$

二. 判断下列各命题是否正确，若正确在（ ）内打√，否则打×。（5分）

1. 使用双向链表存储数据，可以提高查找（定位运算）的速度。（√）
2. B+ 树是一种特殊的二叉树。（×）
3. 栈可视为一种特殊的线性表。（√）
4. 最小生成树是边数最少的生成树。（√）
5. 快速排序总是比其它排序方法快。（×）

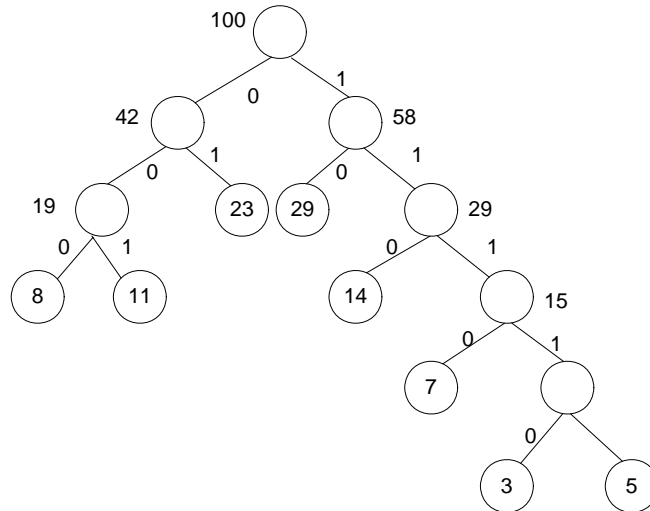
三. 填空（10分）

1. 设二维数组 $A[10 \dots 20, 5 \dots 10]$ 按行优先存储，每个元素占 4 个单元， $A[10, 5]$ 的地址是 2000，则 $A[15, 10]$ 的地址是 2140。
2. 深度为 k 的满二叉树有 $2^k - 1$ 个结点。
3. 设 $s = \text{'I AM A STUDENT'}$ ， $t = \text{'GOOD WORKER'}$ ， $\text{CONCAT}(\text{Substr}(s, 6, 2), t) = \text{'A GOOD WORKER'}$ 。
4. ISAM文件由 主索引，柱面索引，磁道索引和主文件组成。
5. 散列既是一种 存储 方式，又是一种查找方法。

四. 应用题 (40 分)

1. (15 分) 已知某系统在通信联络中只可能出现 8 种字符。其频率分别为 0.05, 0.29, 0.07, 0.08, 0.14, 0.23, 0.03, 0.11。试设计哈夫曼编码。

答案:



哈夫曼编码: 0.05: 11111, 0.29: 10, 0.07: 1110, 0.08: 000, 0.14: 110, 0.23: 01, 0.03: 11110, 0.11: 001;

2. (15 分) 试编写算法实现下述运算: ①图的广度优先搜索; ②图的连通分量计算。

答案:

```
const  vnum = ...;    //图的顶点数
```

```
struct  graph
{
    int vex[vnum];
    int arcs[vnum][vnum];
};  graph ga;
```

```
void  dfs (vexnode *g[], int v1)          //从 V1 出发深度优先遍历用链接表表示的图 g
```

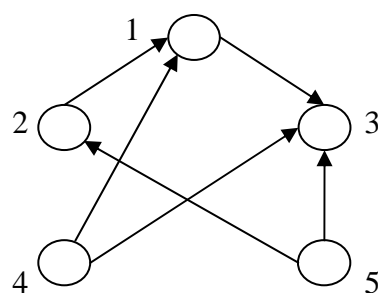
```
{
    edgenode *p;
    bool visited[n];          //访问标记数组, n 为顶点数
    cout<<v1;
    visited[v1] = true;       //标志 V1 访问
    p = g[v1]→link;          //找 V1 的第一个邻接点
    while (p != NULL)
    {
        if (!(visited [p→vertex])  dfs(g, p→vertex);
        p = p→next;          //回溯 - 找 V1 邻接点
    }
}
```

在广度优先搜索中，若对 x 的访问先于 y ，则对 x 邻接点的访问也先于对 y 邻接点的访问。因此，可采用队列来暂存那些刚访问过，但可能还有未访问的邻接点的顶点。

```
void bfs (vexnode *g[], int v1)
{ //以邻接表为存储结构的广度优先搜索。q 为队列，假设 visited 的各分量已置
  为 false}
  int v;
  init_linkedque (q);    //设置一个空队 q
  visited[v1] = true;
  cout<<v1;
  in_linkedque (q, v1);  //v1 入队
  while (!(empty (q))
  {   v = out_linkedque (q);    //出链队列
      p = g[v]→link;
      while (p != NULL)
      {   if (!visited[p→vertex])
          {   visited [p→vertex] = true;
              cout<<p→vertex<<" ";
              in _linkedque (q, p→vertex);
          }
          p = p→next;
      }
  }
}
```

如果要遍历一个非连通图，则需多次调用 `dfs` 或 `bfs`。每一次都得到一个连通分量；调用 `dfs` 或 `bfs` 的次数就是连通分量的个数。

3. (10 分) 给出下图的所有拓扑排序序列。



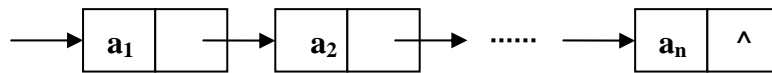
答案:

④ → ⑤ → ② → ① → ③;
 ⑤ → ④ → ② → ① → ③;
 ⑤ → ② → ④ → ① → ③。

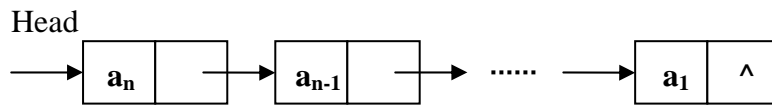
五. 设计题 (40 分)

1. (10 分) 写一个算法，借助栈将一个单链表倒置 (可以用栈的基本运算)。也即，将下面的单链表:

Head



倒置成:



答案: 无标准答案，评分标准参照如下两点要求:

- 1) 正确地写出了把单链表中各元素依次取出，用 **PUSH** 操作进行压栈处理给 5 分;
- 2) 正确地写出了用 **POP** 操作把栈中各元素依次取出，并正确放入单链表给 5 分;

2. (15 分) 试编写选择排序算法实现直接选择排序。

答案: 直接选择排序是一种很简单的排序方法，它的做法是: 首先在所有的记录中选出键值最小的记录，把它与第一个记录交换;然后在其余的记录中再选出键值最小的记录与第二个记录交换;依次类推，直至所有记录排序完成。在第 i 趟中，通过 $n - i$ 次键值比较选出所需记录。

```
void select (records r[n+1], int n)
{
    //函数 swap(r[k], r[i])的功能是交换 r[k]和 r[i]记录的位置
    int i, j, k;
    for (i = 1; i < n; i++)    //每次循环，选择一个最小键值
    {
        k = i;
        for (j = i+1; j <= n; j++)
            if (r[j].key < r[k].key) k = j;
        if (k != i) swap(r[k], r[i]);
    }
}
```

3. (15 分) 试编写选择排序算法实现堆排序。

答案: 堆排序是树形选择排序的进一步改进。首先给出堆的定义: 堆是一键值序列 $\{k_1, k_2, \dots, k_n\}$ ，对所有 $i = 1, 2, \dots, [n/2]$ 满足: $\begin{cases} k_i \leq k_{2i} \\ k_i \leq k_{2i+1} \end{cases}$ 。堆排序的基本思想是: 对一组待排序记录的键值，首先把它们按堆的定义排成一个堆，这称为建堆。这就找到最小的键值。然后将最小键值取出，用剩下的键值再建堆，便得到次最小的键值。如此反复进行，直到最大键值。从而将全部键值排好序为止。实现堆排序需要解决两个问题: 1) 如何由一个无序序列建成一个堆? ; 2) 如何输出堆顶元素之后，调整剩余元素成为一个新堆?。

第一问题的基本方法是: 首先将要排序的所有键值分放到一棵完全二叉树的

各个结点中（这时的完全二叉树并不一定具备堆的特性）。显然，所有 $i > [n/2]$ 的结点 k_i 都没有孩子结点。因此，以这样的 k_i 为根的子树已经是堆。然后从 $i = [n/2]$ 的结点 k_i 开始，逐步把以 $i = [n/2]$, $[n/2]-1, \dots$ 为根的子树排成堆，直到以 k_1 为根的树排成堆，就完成了建堆过程，实际上，即从第 $[n/2]$ 个元素开始筛选。

第二个问题的基本方法是：在输出堆顶元素之后，以堆中最后一个元素替代之。此时根结点的左、右子树均为堆，则需要自上而下进行调整，得到一个新堆。具体做法是：首先堆顶元素和其左、右子树根结点的值比较，由于右子树根结点的值小于左子树根结点的值，且小于根结点的值，则将右子树根结点与二叉树的根结点交换；由于交换后破坏了右子树的堆，则需进行和上述相同的调整，直至叶子结点。此时，调整后的堆顶为 $n-1$ 个元素中的最小值。重复上述过程（称为“筛选”），便可得有序的输出。

```
void sift (records r[n+1], int k, int m)
{
    //假设 r[k]...r[m]是以 r[k]为根的完全二叉树，且分别以 r[2k]和 r[2k+1]为根的
    //左、右子树满足堆的性质，该算法调整 r[k]使整个序列 r[k]...r[m]满足堆的性质
    int i, j, x;
    bool finished;
    records t;
    i = k, j = 2*i;
    x = r[k].key;
    finished = false;
    t = r[k];          //暂存“根”记录 r[k]
    while ((j <= m) && (! finished))
    {
        if ((j < m) && (r[j].key > r[j+1].key)) j++;
        //若存在右子树，且右子树根的关键字小，则沿右分支筛选
        if (x <= r[j].key) finished = true;    //筛选完毕
        else { r[i] = r[j]; i = j; j = 2*j; }
    }
    r[i] = t;    //r[k]填入恰当位置
}
```

```
void heapsort (records r[n+1])
{
    //对 r[1] 到 r[n]进行堆排序，排序完成后，r 中记录按关键字自大至小有序排列
    int i;
    for (i = n / 2; i >= 1; i--)
        sift (r, i, n);    //自第 [n/2]个记录开始进行筛选建堆
    for (i = n; i >= 2; i--)
    {
        swap (r[1], r[i]);    //将堆顶记录和堆中最后一个记录互换
        sift (r, 1, i-1)    //调整 r[1], 使 r[1]到[i-1]变成堆
    }
}
```