## Quantum Function Evaluator

Buscamos definir funciones clásicas de manera cuánticas y encontrar las ventajas que existen.

Sea una función  $f: X \rightarrow Y$  tal que conocemos el valor de f(x) para todo  $x \in X$ .

Respuesta

Lo Dudo que conocemos los valores de la imagen de cada elemento de l dominio basta con hacer:

if (input = x): Pava todo x ∈ X

then Y(x)

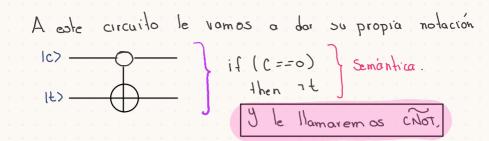
Obs. Solo estamas trabajando con dominios finitos; dominios infinitos no se verá dentro de está escuela.

Queremos plantear esta idea en un circuito cuántico, por lo que necesitamos saber:

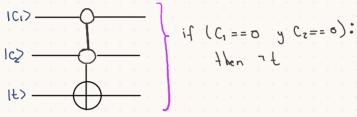
d'Ové compuerta cuántica simula el -if"? Respuesta

LD CNOT, CCNOT, . . .

Recordando la semantica de la compuerta CNOT:  CNOT (C, t) := if (C == 1):  then 7t  Con t := target; C := control.  Cambiamos el valor  del target.  (c)  (t)
La generalización de CNOT aumenta el número de qubits que revisamos que están en el valor 1
Sin embargo estas compuertas no bastan. CPor qué?  Respuesta De la que solo identifican cuando los qubits de control con valor 1.  La Falla saber cuando tienen valor 0.  C'Podemas modificar nuestra compuerta para que identifiquen 0 en lugar de 1?  Respuesta: Si, basta con aplicar una compuerta x (Tx) a IC) antes de la CNOT.  Ic> X  It> If(TC == 1):   TC= 1



Análogo a la compuerta CNOT se puede generalizar para revisar si más qubits tienen el valor O



Finalmente, Podemos = mezclar" ambas operadores.

Poe. 
$$1C_1$$
)

$$1c_2$$

$$1c_3$$

Then  $7t$ 

TAREA: Ver al operador como matriz.

Mostrar que el operador es unitario.

## Ejemplo: Sumador cuantico.

· Suma de 1 quit mas 1 qubit.

Sean 1x0), 1x1) estados de 1 qubit, buscamos un circuito que regrese el valor 1xx + x1).

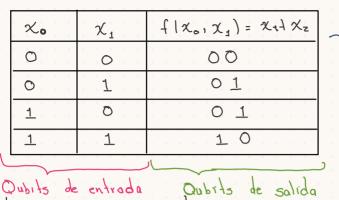
· Lo primero que buscamos hacer es definir la function  $f(x_0, x_1) = x_0 + x_1$ 

×.	χ <sub>1</sub>	f(x0, X1) = X1 X2
0	0	00
0	1 1 1	0 1
1 1		0 1
1 1	1	10

Qubits de entrada Qubits de salida

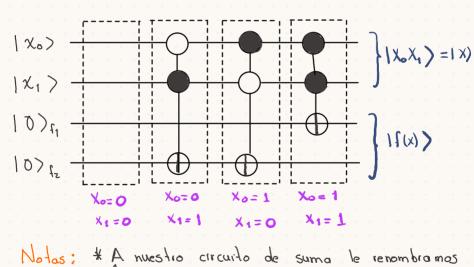
- Vamos a definir el circuito dada la tabla anterior:
  - a) El circuito constara de # de gibils de entrada más el # de qubits de salida.
  - b) Inicializaremos a los qubits de salida con el valor de 10>.

(on las aclaraciones a), b) podemos empezar a definir el circuito.



Dubits de entrada Oubits de salida

A Qubits control. A Qubits target.



Usum:

\* La forma de representar o nuestro circuito
como compuerta es:

$$|X_0 \times Y_1| = |X\rangle \qquad |X\rangle$$

$$|X\rangle = |X\rangle \qquad |X\rangle$$

$$|X\rangle = |X\rangle \qquad |X\rangle = |X\rangle \qquad |X\rangle = |X\rangle$$

Esta compuerta la podemos generalizar para estados de mas de 1 qubit.

Sumador para dos estadas IXI), IXI de dos qubits?

1. Hacer la tabla que defina la l'unción

ν χ, -	χ <sub>z</sub>	$f(\chi_1,\chi_2) = \chi_1 + \chi_2$
00	00	000
	6	

2- Dolinir el circuito tal que ocupo 4 qubits de entrada y 3 qubits de salicla.

C'Londe esta la Ventaja?

Superposición. — Podemos hacer la operación en distintos estados al mismo tiempo

 $\bigcup_{\text{Sum}} \left( \underbrace{16}_{\text{X}_{0}} | 0 \right)_{\text{X}_{1}} + \underbrace{10}_{\text{X}_{0}} | 1 \right)_{\text{X}_{1}} + \underbrace{11}_{\text{X}_{0}} | 0 \right)_{\text{X}_{1}} + \underbrace{11}_{\text{X}_{1}} | 1 \right)_{\text{X}_{1}} = \underbrace{\left( 100 \right) + 101 \right) + 101 \right) + \underbrace{10}_{\text{X}_{1}} + \underbrace{11}_{\text{X}_{1}} | 1 \right)_{\text{X}_{1}} + \underbrace{11}_{\text{X}_{1}}$ 

Conseguimos un estado con todas las soluciones pasibles de la suma de dos estados de un qubit. Paralelismo Cuántico.

Entonces ... Ja ganamos?

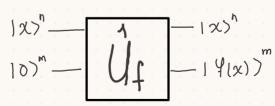
La Aquí no acaba nuestro camino, ya que, aunque en Superposición tenemos todos los resultados posibles este no es observable; Al momento de querer ver el estado colapsará a solo una de las soluciones, y peor aún, está solución es probabilista.

Lo Este inconveniente es manejable y se verá en ejemplos de la sig sección.

## Generalización.

Usando la filosofía de como definimos la función Sum, podemos definir cualquier función clásica.

Sea 7: [0,1]" -> [0,1]" ent existe una compuerta cuántica Úp tal que calcula fy esta definida como:



Usualmente no es relevante la implementación de Út, se trata como una caja negra y le llamaremas oraculo. Sin embargo es fundamental que se entienda como se podría implementar de ser necesario. Tarea: Define las compuertos UAND, Vor y Of con  $f(x) = x^2$ .

d'Porqué la compuerta AND clásica no coincide en dimensionalidad' con el AND cuantico?

dos 
$$\lim_{b \to 3} \left\{ \frac{1}{|x|^2} - \frac{1}{|x|^2} \right\} = \frac{1}{|x|^2} \left\{ \frac{1}{|x|^2} + \frac{1}{|x|^2} \right\} = \frac{1}{|x|^2} \left\{ \frac{1}{|x|^2} + \frac{1}{|x|^2} + \frac{1}{|x|^2} \right\} = \frac{1}{|x|^2} + \frac{1}{|x|^2} +$$

