Algorithm Library

CReatiQ

South China Normal University

October 31, 2024

Contents

头文件	3
DEBUG头	
int128 输出流	
常用数学函数	
数学	4
欧拉筛	
取模类(MInt)	
组合数	
多项式	6
原根表	
线性基	
min-plus 卷积	
NO. 10-12-1-12-	
数据结构	12
并查集(启发式合并 + 带撤销)	
状压 RMQ	
ST 表	
树状数组....................................	
线段树	
字符串	17
字符串哈希(随机模数)	
KMP	
Z函数	
AC 自动机	
后缀数组....................................	TQ
(广义) 后缀自动机	
(广义)后缀自动机	
(广义) 后缀自动机	
(广义) 后缀自动机	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 ロ文	
(广义)后缀自动机	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 () 圏论 Dijkstra SPFA ()	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 图论 Dijkstra SPFA Johnson	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 図论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 图论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 边双连通分量	
(广义)后缀自动机 Manacher 回文自动机 圏论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 轻重链剖分	
(广义)后缀自动机 Manacher 回文自动机 閉论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 轻重链剖分 2-SAT	
(广义)后缀自动机 Manacher 回文自动机 閉论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 轻重链剖分 2-SAT 最大流	
(广义)后缀自动机 Manacher 回文自动机 閉论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 轻重链剖分 2-SAT	20 21 22 23 23 23 24 25 27 28 29 29 29 29 29 29 29 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20
(广义)后缀自动机 Manacher 回文自动机 閉论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 轻重链剖分 2-SAT 最大流	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 圏论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 边双连通分量	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 图论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 . 边双连通分量 . 控重键剖分 . 2-SAT . 最大流 . 最小费用最大流 . 最小费用最大流 . 计算几何 EPS .	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 图论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 边双连通分量 技工链剖分 2-SAT . 最大流 . 最小费用最大流 计算几何 EPS . Point	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 倒论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 . 边双连通分量 . 技工使部分 . 2-SAT . 最大流 . 最小费用最大流 . 最小费用最大流 . 最小費用最大流 . Line .	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 圏论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 边双连通分量 技工链剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 计算几何 EPS Point Line 距离	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 圏论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 边双连通分量 转重链剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 计算几何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 圏论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 边双连通分量 转重链剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 计算几何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转 关于线的对称点	20 21 22 23 23 23 23 24 25 25 27 28 29 31 32 32 32 33 33 34 34
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 圏论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 转重链剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 计算几何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转 关于线的对称点 位置关系判断	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 Bi论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 边双连通分量	
(广义) 后缀自动机 Manacher . 回文自动机 Bi论 Dijkstra . SPFA . Johnson . 强连通分量 . 边双连通分量 . 技工使通分量 . 基本重链剖分 . 2-SAT . 最大流 . 最小费用最大流	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 図论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 控重键剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 計算几何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转 关于线的对称点 位置关系判断 线段交点 过定点做圆的切线 两圆交点	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 図论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 投重链剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 计算儿何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转 关于线的对称点 位置关系判断 线段交点 过定点做圆的切线 两圆交点 多边形面积	
(广义) 后缀自动机 Manacher 回文自动机 図论 Dijkstra SPFA Johnson 强连通分量 边双连通分量 控重键剖分 2-SAT 最大流 最小费用最大流 計算几何 EPS Point Line 距离 点绕中心旋转 关于线的对称点 位置关系判断 线段交点 过定点做圆的切线 两圆交点	

头文件

DEBUG 头

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    using i64=long long;
    using i128=__int128;
    namespace DBG
        template <class T>
        void _dbg(const char *f,T t) { cerr<<f<<'='<<t<'\n'; }</pre>
10
        template <class A,class... B>
11
        void _dbg(const char *f,A a,B... b)
12
13
            while (*f!=',') cerr<<*f++;</pre>
14
            cerr<<'='<<a<<",";
15
            _dbg(f+1,b...);
16
17
        }
18
        template <class T>
19
20
        ostream& operator << (ostream& os,const vector<T> &v)
21
            os<<"[ ";
            for (const auto &x:v) os<<x<<", ";</pre>
23
            os<<"]";
24
            return os;
25
        }
26
27
        #define dbg(...) _dbg(#__VA_ARGS__, __VA_ARGS__)
28
29
30
    using namespace DBG;
    __int128 输出流
    ostream &operator << (ostream &os,i128 n)
2
        string s;
        bool neg=n<0;</pre>
        if (neg) n=-n;
        while (n)
            s+='0'+n\%10;
            n/=10;
10
        if (neg) s+='-';
11
        reverse(s.begin(),s.end());
12
13
        if (s.empty()) s+='0';
        return os<<s;</pre>
14
    }
    常用数学函数
    i64 ceilDiv(i64 n,i64 m)
    {
2
        if (n>=0) return (n+m-1)/m;
        else return n/m;
    }
    i64 floorDiv(i64 n,i64 m)
    {
        if (n>=0) return n/m;
        else return (n-m+1)/m;
    }
11
    i128 gcd(i128 a,i128 b)
13
    {
14
```

```
return b?gcd(b,a%b):a;
15
16
    数学
    欧拉筛
    vector<int> minp,primes;
    void sieve(int n)
4
    {
        minp.assign(n+1,0);
        primes.clear();
        for (int i=2;i<=n;i++)</pre>
            if (!minp[i])
            {
                 minp[i]=i;
11
                 primes.push_back(i);
13
            for (auto p:primes)
14
15
                 if (i*p>n) break;
16
                 minp[i*p]=p;
17
                 if (p==minp[i]) break;
18
            }
19
        }
20
   }
21
    取模类 (MInt)
    template <class T>
    constexpr T power(T a,i64 b)
2
3
        T res=1;
4
        for (;b;b>>=1,a*=a)
5
            if (b&1) res*=a;
        return res;
    }
    template <int P>
10
11
    struct MInt
12
13
        int x;
        constexpr MInt():x{} {}
14
        constexpr MInt(i64 x):x{norm(x%getMod())} {}
15
16
        static int Mod;
17
        constexpr static int getMod()
18
19
            if (P>0) return P;
20
            else return Mod;
21
22
23
        constexpr static void setMod(int Mod_) { Mod=Mod_; }
24
25
        constexpr int norm(int x) const
26
27
            if (x<0) x+=getMod();
28
            if (x>=getMod()) x-=getMod();
29
            return x;
31
32
        constexpr int val() const { return x; }
33
34
35
        explicit constexpr operator int () const { return x; }
36
37
        constexpr MInt operator - () const
```

38

{

```
MInt res;
39
40
             res.x=norm(getMod()-x);
             return res;
41
         }
42
43
         constexpr MInt inv() const
44
45
             assert(x!=0);
46
             return power(*this,getMod()-2);
47
         }
48
49
50
         constexpr MInt &operator *= (MInt rhs) &
51
             x=1ll*x*rhs.x%getMod();
52
             return *this;
53
54
         constexpr MInt &operator += (MInt rhs) &
56
57
             x=norm(x+rhs.x);
58
59
             return *this;
61
         constexpr MInt &operator -= (MInt rhs) &
63
             x=norm(x-rhs.x);
64
65
             return *this;
         }
66
67
         constexpr MInt &operator /= (MInt rhs) &
68
69
             return *this*=rhs.inv();
70
71
         }
72
         friend constexpr MInt operator * (MInt lhs, MInt rhs)
73
74
             MInt res=lhs;
75
             res*=rhs;
76
77
             return res;
         }
78
79
         friend constexpr MInt operator + (MInt lhs, MInt rhs)
80
81
82
             MInt res=lhs;
             res+=rhs;
83
84
             return res;
85
         friend constexpr MInt operator - (MInt lhs,MInt rhs)
87
88
89
             MInt res=lhs;
             res-=rhs;
90
             return res;
92
93
         friend constexpr MInt operator / (MInt lhs,MInt rhs)
94
95
             MInt res=lhs;
97
             res/=rhs:
             return res;
98
         }
99
100
101
         friend constexpr istream &operator >> (istream &is,MInt &a)
102
103
             i64 v;
             is>>v:
104
105
             a=MInt(v);
106
             return is;
107
         friend constexpr ostream &operator << (ostream &os,const MInt &a) { return os<<a.val(); }</pre>
109
```

```
110
111
         friend constexpr bool operator == (MInt lhs,MInt rhs) { return lhs.val()==rhs.val(); }
112
         friend constexpr bool operator != (MInt lhs,MInt rhs) { return lhs.val()!=rhs.val(); }
113
114
115
     template<>
116
     int MInt<0>::Mod=1;
117
118
119
     template<int V,int P>
     constexpr MInt<P> CInv=MInt<P>(V).inv();
120
     组合数
     struct Comb
 1
 2
     {
         int n;
 3
         vector<Z> _fac,_inv,_finv;
         Comb():n{0},_fac{1},_inv{0},_finv{1}{}
         Comb(int n):Comb() { init(n); }
         void init(int m)
10
             m=min(m,Z::getMod()-1);
11
             if (m<=n) return;</pre>
12
13
             _fac.resize(m+1);
              _inv.resize(m+1);
14
             _finv.resize(m+1);
15
             for (int i=n+1;i<=m;i++)</pre>
17
18
                  _fac[i]=_fac[i-1]*i;
              _finv[m]=_fac[m].inv();
19
             for (int i=m;i>n;i--)
21
             {
                  _finv[i-1]=_finv[i]*i;
22
23
                  _inv[i]=_finv[i]*_fac[i-1];
             }
24
25
             n=m;
         }
26
27
         Z fac(int m)
28
29
             if (m>n) init(m<<1);
             return _fac[m];
31
         }
32
33
         Z finv(int m)
34
35
             if (m>n) init(m<<1);
36
             return _finv[m];
37
38
         }
39
         Z inv(int m)
40
41
         {
             if (m>n) init(m<<1);
42
             return _inv[m];
43
         }
44
45
46
         Z binom(int n,int m)
47
             if (n < m \mid |m < 0) return 0;
48
             return fac(n)*finv(m)*finv(n-m);
         }
    } comb;
51
     多项式
    vector<int> rev;
    vector<Z> roots{0,1};
```

```
4
    void dft(vector<Z> &a)
5
         int n=a.size();
         if (int(rev.size())!=n)
8
             int k=__builtin_ctz(n)-1;
             rev.resize(n);
10
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
11
12
                  rev[i]=rev[i>>1]>>1|(i&1)<<k;
13
14
         for (int i=0;i<n;i++)</pre>
              if (rev[i]<i)</pre>
15
                  swap(a[i],a[rev[i]]);
16
         if (int(roots.size())<n)</pre>
17
18
19
             int k=__builtin_ctz(roots.size());
             roots.resize(n);
20
             while ((1<<k)<n)
21
             {
22
                  Z = power(Z(3), (P-1) >> (k+1));
23
                  for (int i=1 << (k-1); i < (1 << k); i++)
24
25
                      roots[i<<1]=roots[i];</pre>
27
                      roots[i<<1|1]=roots[i]*e;</pre>
28
29
                  k++;
             }
30
31
         for (int k=1;k<n;k<<=1)</pre>
32
             for (int i=0;i<n;i+=k*2)</pre>
33
                  for (int j=0; j< k; j++)
34
35
                      Z u=a[i+j],v=a[i+j+k]*roots[j+k];
                      a[i+j]=u+v;
37
38
                      a[i+j+k]=u-v;
                  }
39
    }
40
41
    void idft(vector<Z> &a)
42
43
         int n=a.size();
44
         reverse(a.begin()+1,a.end());
45
46
         dft(a);
         Z inv=(1-P)/n;
47
48
         for (int i=0;i<n;i++) a[i]*=inv;</pre>
    }
49
    struct Poly
51
52
    {
53
         vector<Z> a;
54
         Poly(){}
         explicit Poly(int size,function<Z(int)>f=[](int) { return 0; }):a(size)
56
57
         { for (int i=0;i<size;i++) a[i]=f(i); }
         Poly(const vector<Z> &a):a(a){}
58
         Poly(const initializer_list<Z> &a):a(a){}
59
60
61
         int size() const { return a.size(); }
62
         void resize(int n) { a.resize(n); }
63
64
65
         Z operator [] (int idx) const
66
67
             if (idx<size()) return a[idx];</pre>
             else return 0;
68
70
         Z &operator [] (int idx) { return a[idx]; }
71
72
         Poly mulxk(int k) const
73
```

```
74
         {
75
              auto b=a;
              b.insert(b.begin(),k,0);
76
              return Poly(b);
77
78
79
80
         Poly modxk(int k) const
81
              k=min(k,size());
82
83
              return Poly(vector<Z>(a.begin(),a.begin()+k));
         }
84
85
         Poly divxk(int k) const
86
87
              if (size()<=k) return Poly();</pre>
88
              return Poly(vector<Z>(a.begin()+k,a.end()));
89
90
91
92
         friend Poly operator + (const Poly &a,const Poly &b)
93
              vector<Z> res(max(a.size(),b.size()));
94
95
              for (int i=0;i<int(res.size());i++)</pre>
                  res[i]=a[i]+b[i];
96
              return Poly(res);
         }
98
99
         friend Poly operator - (const Poly &a,const Poly &b)
100
101
102
              vector<Z> res(max(a.size(),b.size()));
              for (int i=0;i<int(res.size());i++)</pre>
103
                  res[i]=a[i]-b[i];
104
              return Poly(res);
105
         }
106
107
         friend Poly operator - (const Poly &a)
108
109
              vector<Z> res(a.size());
110
              for (int i=0;i<int(res.size());i++)</pre>
111
112
                  res[i]=-a[i];
              return Poly(res);
113
114
115
         friend Poly operator * (Poly a,Poly b)
116
117
              if (!a.size()||!b.size()) return Poly();
118
              if (a.size()<b.size()) swap(a,b);</pre>
119
              if (b.size()<128)</pre>
120
121
              {
                  Poly c(a.size()+b.size()-1);
122
                   for (int i=0;i<a.size();i++)</pre>
123
                       for (int j=0;j<b.size();j++)</pre>
124
                           c[i+j]+=a[i]*b[j];
125
                  return c;
127
              int sz=1,tot=a.size()+b.size()-1;
128
              while (sz<tot) sz<<=1;</pre>
129
              a.a.resize(sz);
130
131
              b.a.resize(sz);
              dft(a.a);
132
              dft(b.a);
133
              for (int i=0;i<sz;i++)</pre>
134
                  a.a[i]=a[i]*b[i];
135
136
              idft(a.a);
              a.resize(tot);
137
138
              return a;
         }
139
140
         friend Poly operator * (Z a,Poly b)
141
142
143
              for (int i=0;i<int(b.size());i++) b[i]*=a;</pre>
              return b;
144
```

```
}
145
146
         friend Poly operator * (Poly a,Z b)
147
148
149
              for (int i=0;i<int(a.size());i++) a[i]*=b;</pre>
              return a;
150
151
152
         Poly &operator += (Poly b) { return (*this)=(*this)+b; }
153
154
         Poly &operator -= (Poly b) { return (*this)=(*this)-b; }
         Poly &operator *= (Poly b) { return (*this)=(*this)*b; }
155
156
         Poly &operator *= (Z b) { return (*this)=(*this)*b; }
157
         Poly deriv() const
158
159
              if (a.empty()) return Poly();
160
161
              vector<Z> res(size()-1);
              for (int i=0;i<size()-1;i++)</pre>
162
                  res[i]=(i+1)*a[i+1];
163
              return Poly(res);
164
         }
165
         Poly integr() const
167
168
              vector<Z> res(size()+1);
169
              for (int i=0;i<size();i++)</pre>
170
171
                  res[i+1]=a[i]/(i+1);
             return Poly(res);
172
173
         }
174
         Poly inv(int m) const
175
176
              Poly x{a[0].inv()};
177
178
             int k=1;
              while (k<m)
179
180
                  k < < = 1 :
181
                  x=(x*(Poly{2}-modxk(k)*x)).modxk(k);
182
183
              return x.modxk(m);
184
185
186
         Poly ln(int m) const { return (deriv()*inv(m)).integr().modxk(m); }
187
188
         Poly exp(int m) const
189
             Poly x{1};
191
192
              int k=1;
             while (k<m)
193
              {
194
195
                  k<<=1;
                  x=(x*(Poly{1}-x.ln(k)+modxk(k))).modxk(k);
196
197
              return x.modxk(m);
198
         }
199
200
         Poly pow(int k,int m) const
201
202
203
              int i=0;
              while (i<size()&&a[i].val()==0) i++;</pre>
204
205
             if (i==size()||1ll*i*k>=m) return Poly(vector<Z>(m));
              Z v=a[i];
206
207
              auto f=divxk(i)*v.inv();
              return (f.ln(m-i*k)*k).exp(m-i*k).mulxk(i*k)*power(v,k);
208
209
210
211
         Poly sqrt(int m) const
212
             Poly x\{1\};
213
214
              int k=1;
              while (k<m)
215
```

```
{
216
217
                  k <<=1;
                  x=(x+(modxk(k)*x.inv(k)).modxk(k))*((P+1)/2);
218
              }
219
220
              return x.modxk(m);
221
         Poly mulT(Poly b) const
222
223
              if (b.size()==0) return Poly();
224
225
              int n=b.size();
              reverse(b.a.begin(),b.a.end());
226
227
              return ((*this)*b).divxk(n-1);
         }
228
229
         vector<Z> eval(vector<Z> x) const
230
231
232
              if (size()==0) return vector<Z>(x.size(),0);
              const int n=max(int(x.size()),size());
233
234
              vector<Poly> q(n<<2);</pre>
              vector<Z> ans(x.size());
235
              x.resize(n);
236
              function<void(int,int,int)> build=[&](int p,int l,int r)
237
238
                  if (r-l==1) q[p]=Poly{1,-x[l]};
239
                  else
240
                  {
241
                       int m=(l+r)>>1;
242
                       build(p<<1,1,m);</pre>
243
244
                       build(p<<1|1,m,r);
                       q[p]=q[p<<1]*q[p<<1|1];
245
                  }
246
              };
247
              function<void(int,int,int,const Poly&)> work=[&](int p,int l,int r,const Poly &num)
248
249
                  if (r-l==1)
250
251
                  {
                       if (l<int(ans.size())) ans[l]=num[0];</pre>
252
                  }
253
254
                  else
                  {
255
256
                       int m=(l+r)>>1;
                       work(p \le 1, l, m, num.mulT(q[p \le 1|1]).modxk(m-l));
257
                       work(p<<1|1,m,r,num.mulT(q[p<<1]).modxk(r-m));</pre>
258
259
                  }
              };
260
              build(1,0,n);
261
              work(1,0,n,mulT(q[1].inv(n)));
262
263
              return ans;
         }
264
    };
265
     原根表
     prime
                            r
                                k
                                    g
                           1
                                1
    3
                                    2
 2
 3
     5
                                2
                                    2
    17
                           1
                                    3
     97
                                    5
    193
                           3
                                6
                                    5
     257
                           1
                                8
                                    3
     7681
                           15
                                9
                                    17
    12289
                           3
                                12
                                    11
     40961
                           5
                                13
                                    3
    65537
                           1
                                16
11
                                    3
                           3
                                18
     786433
                                    10
12
13
     5767169
                           11
                               19
                                    3
     7340033
                                20
                                    3
14
    23068673
                           11 21 3
15
                           25
    104857601
                               22 3
16
     167772161
                           5
                                25
                                    3
17
                                    3
18
    469762049
                                26
```

```
1004535809
                        479 21 3
19
20
    2013265921
                        15 27
                        17 27 3
   2281701377
21
   3221225473
                        3
22
   75161927681
                        35 31 3
   77309411329
                        9
                            33 7
24
25
   206158430209
                        3
                            36 22
   2061584302081
                        15 37
                                7
26
   2748779069441
27
28
   6597069766657
                        3 41 5
                        9
   39582418599937
                            42
29
    79164837199873
                        9
                            43
                                5
   263882790666241
                        15 44 7
31
   1231453023109121
                       35 45 3
32
   1337006139375617
                        19 46 3
33
   3799912185593857
                        27 47
34
   4222124650659841
                        15 48 19
   7881299347898369
                        7 50 6
36
   31525197391593473 7
   180143985094819841 5
                            55 6
38
   1945555039024054273 27
39
   4179340454199820289 29 57 3
    线性基
   struct LB
1
2
        static constexpr int L=60;
3
        array<i64,L+1> a{};
        LB(){}
        LB(const vector<i64> &v) { init(v); }
8
        bool insert(i64 t)
10
11
            for (int i=L;i>=0;i--)
12
                if (t&(1ll<<i))</pre>
13
14
                    if (!a[i])
15
16
                    {
                        a[i]=t;
17
                        return 1;
18
19
                    else t^=a[i];
20
                }
21
22
            return 0;
        }
23
24
        void init(const vector<i64> &v) { for (auto x:v) insert(x); }
25
26
        bool check(i64 t)
27
28
            for (int i=L;i>=0;i--)
29
                if (t&(1ll<<i))
30
31
                    if (!a[i]) return 0;
                    else t^=a[i];
32
            return 1;
33
        }
34
35
36
        i64 QueryMax()
37
            i64 res=0;
            for (int i=L;i>=0;i--)
39
                res=max(res,res^a[i]);
40
41
            return res;
        }
42
43
        i64 QueryMin()
44
45
        {
            for (int i=0;i<=L;i++)</pre>
46
```

```
if (a[i]) return a[i];
47
48
             return 0;
        }
49
50
        i64 QueryKth(int k)
51
52
53
             i64 res=0;
             int cnt=0;
54
             array<i64,L+1> tmp{};
55
             for (int i=0;i<=L;i++)</pre>
57
58
                 for (int j=i-1;j>=0;j--)
                     if (a[i]&(1ll<<j)) a[i]^=a[j];</pre>
59
                 if (a[i]) tmp[cnt++]=a[i];
60
61
             if (k>=(1ll<<cnt)) return -1;</pre>
62
63
             for (int i=0;i<cnt;i++)</pre>
                 if (k&(1ll<<i)) res^=tmp[i];
64
             return res;
        }
66
67
    };
    min-plus 卷积
    \mathcal{O}(n \log n), 但要求 b 是凸的。
    template <class T>
    vector<T> min_plus_convolution(const vector<T> &a,const vector<T> &b)
2
4
        int n=a.size(),m=b.size();
        vector<T> c(n+m-1);
        function<void(int,int,int,int)> solve=[&](int l,int r,int ql,int qr)
             if (l>r) return;
             int mid=(l+r)>>1;
             while (ql+m<=l) ++ql;</pre>
11
             while (qr>r) --qr;
12
             int qmid=-1;
13
14
             c[mid]=inf;
15
             for (int i=ql;i<=qr;i++)</pre>
16
17
                 if (a[i]+b[mid-i]-i<c[mid])</pre>
18
                 {
                     c[mid] = a[i] + b[mid-i];
19
20
                     qmid=i;
21
                 else if (mid-i>=0&&mid-i<m) qmid=i;</pre>
22
23
             solve(l,mid-1,ql,mid);
24
25
             solve(mid+1,r,qmid,qr);
        };
26
27
        solve(0,n+m-2,0,n-1);
28
29
        return c;
    }
30
    数据结构
    并查集(启发式合并+带撤销)
    struct DSU
    {
        int n=0;
        vector<int> fa,siz;
        stack<int> s;
        DSU(int n) { init(n); }
```

```
void init(int n)
10
             fa.resize(n);
11
12
             iota(fa.begin(),fa.end(),0);
             siz.assign(n,1);
13
             while (!s.empty()) s.pop();
14
15
16
         int get(int x) { return fa[x]==x?x:get(fa[x]); }
17
18
        void merge(int x,int y)
19
20
             x=get(x),y=get(y);
21
             if (x==y) return;
22
             if (siz[x]<siz[y]) swap(x,y);</pre>
23
             s.push(y),fa[y]=x,siz[x]+=siz[y];
24
25
26
27
        void undo()
28
        {
             if (s.empty()) return;
29
30
             int y=s.top();
             s.pop();
31
             siz[fa[y]]-=siz[y];
             fa[y]=y;
33
34
35
         void back(int t=0) { while (s.size()>t) undo(); }
36
    };
    状压 RMQ
    template <class T,class Cmp=less<T>>
    struct RMQ
2
3
    {
        const Cmp cmp=Cmp();
4
         static constexpr unsigned B=64;
        using u64=unsigned long long;
        int n;
        vector<vector<T>> a;
        vector<T> pre,suf,ini;
10
        vector<u64> stk;
11
12
        RMQ() {}
        RMQ(const vector<T> &v) { init(v); }
13
14
        void init(const vector<T> &v)
15
16
17
             n=v.size();
             pre=suf=ini=v;
18
             stk.resize(n);
19
20
             if (!n) return;
             const int M=(n-1)/B+1;
21
22
             const int lg=__lg(M);
             a.assign(lg+1,vector<T>(M));
23
24
             for (int i=0;i<M;i++)</pre>
25
             {
                  a[0][i]=v[i*B];
26
                   \label{eq:formula}  \mbox{for } (\mbox{int} \ j=1; j < B\&\&i * B+j < n; j++) 
27
                      a[0][i]=min(a[0][i],v[i*B+j],cmp);
28
             for (int i=1;i<n;i++)</pre>
30
                  if (i%B) pre[i]=min(pre[i],pre[i-1],cmp);
             for (int i=n-2;i>=0;i--)
32
                  if (i%B!=B-1) suf[i]=min(suf[i],suf[i+1],cmp);
33
34
             for (int j=0;j<lg;j++)</pre>
                  for (int i=0;i+(2<<j)<=M;i++)</pre>
35
                      a[j+1][i]=min(a[j][i],a[j][i+(1<<j)],cmp);
             for (int i=0;i<M;i++)</pre>
37
38
             {
                  const int l=i*B;
```

```
const int r=min(1U*n,l+B);
40
41
                 u64 s=0;
                 for (int j=l;j<r;j++)</pre>
42
43
                 {
                      while (s\&cmp(v[j],v[__lg(s)+l])) s^=1ULL<<__lg(s);
44
                      s = 1ULL << (j-1);
45
46
                      stk[j]=s;
                 }
47
            }
48
        }
49
50
        //查询区间 [l,r) 的 RMQ
51
        T operator()(int l,int r)
52
53
             if (l/B!=(r-1)/B)
54
55
             {
56
                 T ans=min(suf[l],pre[r-1],cmp);
                 l=l/B+1,r=r/B;
57
                 if (l<r)
59
                 {
                      int k=__lg(r-l);
60
                      ans=min({ans,a[k][l],a[k][r-(1<<k)]},cmp);
61
62
                 }
                 return ans;
             }
64
65
             else
66
             {
                 int x=B*(1/B);
67
                 return ini[__builtin_ctzll(stk[r-1]>>(l-x))+l];
            }
69
70
    };
71
    ST 表
    template <class T>
1
    struct ST
3
    {
        int n;
        vector<vector<T>> a;
5
        ST() {}
        ST(const vector<T> &v) { init(v); }
        void init(const vector<T> &v)
10
11
12
             n=v.size();
             if (!n) return;
13
14
             const int lg=__lg(n);
            a.assign(lg+1,vector<T>(n));
15
            a[0]=v;
16
             for (int j=0;j<lg;j++)</pre>
17
                 for (int i=0;i+(2<<j)<=n;i++)</pre>
18
                     a[j+1][i]=__gcd(a[j][i],a[j][i+(1<<j)]);
19
        }
20
21
        T operator()(int l,int r)
22
23
24
             int k=__lg(r-l);
            return __gcd(a[k][l],a[k][r-(1<<k)]);</pre>
25
26
27
    };
    树状数组
    template <class T>
    struct BIT
2
    {
3
        int n;
        vector<T> a;
```

```
7
         BIT(int n_=0) { init(n_); }
8
         void init(int n_)
10
             n=n_;
11
12
             a.assign(n,T{});
         }
13
14
         void add(int x,const T &v)
15
16
17
             for (int i=x+1;i<=n;i+=i&-i)</pre>
                 a[i-1]=a[i-1]+v;
18
         }
19
20
         //查询区间 「0,x)
21
22
         T sum(int x)
23
24
             T ans{};
             for (int i=x;i>0;i-=i&-i)
25
                 ans=ans+a[i-1];
26
27
             return ans;
28
         }
         //查询区间 [l,r)
30
31
         T rangeSum(int l,int r) { return sum(r)-sum(l); }
32
         int select(const T &k)
33
34
             int x=0;
35
             T cur{};
36
             for (int i=1<<__lg(n);i;i>>=1)
37
38
39
                  if (x+i<=n&&cur+a[x+i-1]<=k)
                  {
40
41
                      x+=i;
                      cur=cur+a[x-1];
42
43
                  }
44
             return x;
45
    };
47
    线段树
    template <class Info,class Tag>
1
    struct SGT
2
3
         int n;
         vector<Info> info;
5
         vector<Tag> tag;
         SGT():n(0) {}
         SGT(int n_,Info v_=Info()) { init(n_,v_); }
10
11
         template <class T>
         SGT(vector<T> init_) { init(init_); }
12
13
         void init(int n_,Info v_=Info()) { init(vector(n_,v_)); }
14
15
         template <class T>
17
         void init(vector<T> init_)
         {
             n=init_.size();
19
             info.assign(4<<__lg(n),Info());
tag.assign(4<<__lg(n),Tag());</pre>
20
21
             function<void(int,int,int)> build=[&](int p,int l,int r)
22
23
                  if (r-l==1)
24
25
                  {
                      info[p]=init_[l];
26
```

```
return;
27
28
                 int m=(l+r)>>1;
29
                 build(p<<1,1,m);</pre>
30
                 build(p<<1|1,m,r);
                 pushup(p);
32
33
             build(1,0,n);
34
        }
35
        void pushup(int p) { info[p]=info[p<<1]+info[p<<1|1]; }</pre>
37
38
39
        void apply(int p,const Tag &v)
40
41
             info[p].apply(v);
             tag[p].apply(v);
42
43
44
45
        void pushdown(int p)
46
47
             apply(p<<1,tag[p]);
48
             apply(p<<1|1,tag[p]);
             tag[p]=Tag();
49
        }
51
52
         void modify(int p,int l,int r,int x,const Info &v)
53
             if (r-l==1)
54
                 info[p]=v;
56
57
                 return;
58
59
             int m=(l+r)>>1;
             pushdown(p);
             if (x<m) modify(p<<1,l,m,x,v);</pre>
61
             else modify(p<<1|1,m,r,x,v);
62
             pushup(p);
63
64
        }
65
        //O(log n) 单点修改
66
67
        void modify(int p,const Info &v) { modify(1,0,n,p,v); }
68
        Info rangeQuery(int p,int l,int r,int x,int y)
69
70
             if (l>=y||r<=x) return Info();</pre>
71
72
             if (l>=x&&r<=y) return info[p];</pre>
             int m=(l+r)>>1;
73
             pushdown(p);
             return rangeQuery(p<<1,l,m,x,y)+rangeQuery(p<<1|1,m,r,x,y);</pre>
75
        }
76
77
        //O(log n) 区间查询 [l,r)
78
        Info rangeQuery(int l,int r) { rangeQuery(1,0,n,l,r); }
80
81
        void rangeApply(int p,int l,int r,int x,int y,const Tag &v)
82
             if (l>=y \mid r<=x) return;
83
             if (l>=x&&r<=y)
85
             {
86
                 apply(p,v);
87
                 return;
88
             int m=(l+r)>>1;
             pushdown(p);
90
91
             rangeApply(p<<1,l,m,x,y,v);</pre>
             rangeApply(p<<1|1,m,r,x,y,v);</pre>
92
93
             pushup(p);
        }
94
95
         //O(log n) 区间操作 [l,r)
        void rangeApply(int l,int r,const Tag &v) { rangeApply(1,0,n,l,r,v); }
97
```

```
98
99
         //O(log n) 区间 [l,r) 内查找第一个合法位置
         template <class F>
100
         int findFirst(int p,int l,int r,int x,int y,F pred)
101
102
              if (l>=y||r<=x||!pred(info[p])) return -1;</pre>
103
              if (r-l==1) return l;
104
              int m=(l+r)>>1;
105
              pushdown(p);
106
              int res=findFirst(p<<1,l,m,x,y,pred);</pre>
107
              if (res==-1) res=findFirst(p<<1|1,m,r,x,y,pred);</pre>
108
              return res;
         }
110
111
         template <class F>
112
         int findFirst(int l,int r,F pred) { return findFirst(1,0,n,l,r,pred); }
113
114
         template <class F>
115
116
         int findLast(int p,int l,int r,int x,int y,F pred)
117
              if (l>=y||r<=x||!pred(info[p])) return -1;</pre>
118
              if (r-l==1) return l;
119
              int m=(l+r)>>1;
120
              pushdown(p);
              int res=findFirst(p<<1|1,m,r,x,y,pred);</pre>
122
              if (res==-1) res=findFirst(p<<1,l,m,x,y,pred);</pre>
123
124
              return res;
         }
125
126
         template <class F>
127
         int findLast(int l,int r,F pred) { return findLast(1,0,n,l,r,pred); }
128
    };
129
130
     //这里默认乘法优先 (x*a+b)*c+d=x*(a*c)+(b*c+d)
131
    struct Tag
132
133
         i64 a=1,b=0;
134
         void apply(Tag t)
135
136
              a*=t.a;
137
138
              b=b*t.a+t.b;
139
    };
140
141
     struct Info
142
143
         i64 x=0,l=0,r=0;
144
145
         void apply(Tag t)
146
              int len=r-l+1;
147
148
              x=x*t.a+len*t.b;
         }
149
    };
150
151
152
     Info operator + (Info a,Info b)
153
         return {a.x+b.x,min(a.l,b.l),max(a.r,b.r)};
154
155
    }
     字符串
     字符串哈希 (随机模数)
     bool isPrime(int n)
 1
 2
         if (n<=1) return 0;</pre>
 3
         for (int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
              if (n%i==0) return 0;
         return 1;
    }
```

```
9
    int findPrime(int n)
10
    {
        while (!isPrime(n)) n++;
11
12
        return n;
    }
13
14
    mt19937 rng(time(0));
15
    const int P=findPrime(rng()%900000000+1000000000);
16
    struct StrHash
17
18
19
        int n;
        vector<int> h,p;
20
21
        StrHash(const string &s){ init(s); }
22
23
        void init(const string &s)
24
25
        {
             n=s.size();
            h.resize(n+1);
27
            p.resize(n+1);
28
29
            p[0]=1;
             for (int i=0;i<n;i++) h[i+1]=(10ll*h[i]+s[i]-'a')%P;</pre>
30
             for (int i=0;i<n;i++) p[i+1]=10ll*p[i]%P;</pre>
32
33
        //查询 [l,r) 的区间哈希
34
        int get(int l,int r) { return (h[r]+1ll*(P-h[l])*p[r-l])%P; }
35
    };
    KMP
    vector<int> KMP(const string &s)
2
    {
        int now=0;
3
        vector<int> pre(s.size(),0);
        for (int i=1;i<s.size();i++)</pre>
             while (now&&s[i]!=s[now]) now=pre[now-1];
             if (s[i]==s[now]) now++;
             pre[i]=now;
        return pre;
11
    }
    Z函数
    vector<int> zFunction(string s)
2
    {
        int n=s.size();
        vector<int> z(n);
        z[0]=n;
        for (int i=1,j=1;i<n;i++)</pre>
             z[i]=max(0,min(j+z[j]-i,z[i-j]));
             while (i+z[i]<n&&s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;</pre>
10
            if (i+z[i]>j+z[j]) j=i;
11
12
        return z;
    }
13
    AC 自动机
    struct ACAM
2
    {
        static constexpr int ALPHABET=26;
        struct Node
             int len;
```

```
int link;
8
             array<int,ALPHABET> next;
             Node():len{0},link{0},next{}{}
        };
10
11
        vector<Node> t;
12
13
        ACAM() { init(); }
14
15
        void init()
16
17
        {
18
             t.assign(2,Node());
             t[0].next.fill(1);
19
             t[0].len=-1;
20
        }
21
22
        int newNode()
23
24
        {
25
             t.emplace_back();
             return t.size()-1;
26
        }
27
28
29
        int add(const string &a)
             int p=1;
31
32
             for (auto c:a)
33
                 int x=c-'a';
34
                 if (t[p].next[x]==0)
36
37
                      t[p].next[x]=newNode();
                      t[t[p].next[x]].len=t[p].len+1;
38
39
                 }
40
                 p=t[p].next[x];
41
42
             return p;
        }
43
44
        void work()
45
46
47
             queue<int> q;
             q.push(1);
48
             while (!q.empty())
49
50
             {
                 int x=q.front();
51
52
                 q.pop();
                 for (int i=0;i<ALPHABET;i++)</pre>
53
                      if (t[x].next[i]==0) t[x].next[i]=t[t[x].link].next[i];
55
56
                      else
57
                      {
                          t[t[x].next[i]].link=t[t[x].link].next[i];
58
                          q.push(t[x].next[i]);
                      }
60
61
                 }
             }
62
        }
63
64
        int next(int p,int x) { return t[p].next[x]; }
65
66
        int link(int p) { return t[p].link; }
67
68
        int size() { return t.size(); }
    };
70
    后缀数组
    struct SA
2
    {
         int n;
3
        vector<int> sa,rk,lc;
```

```
SA(const string &s)
6
             n=s.length();
             sa.resize(n);
             rk.resize(n);
             lc.resize(n-1);
10
11
             iota(sa.begin(),sa.end(),0);
             sort(sa.begin(),sa.end(),[&](int a,int b){ return s[a]<s[b]; });</pre>
12
             rk[sa[0]]=0;
13
             for (int i=1;i<n;i++) rk[sa[i]]=rk[sa[i-1]]+(s[sa[i]]!=s[sa[i-1]]);</pre>
14
             int k=1;
15
             vector<int> tmp,cnt(n);
17
             tmp.reserve(n);
             while (rk[sa[n-1]]<n-1)
18
19
             {
                 tmp.clear();
20
21
                 for (int i=0;i<k;i++) tmp.push_back(n-k+i);</pre>
                 for (auto i:sa)
22
23
                      if (i>=k) tmp.push_back(i-k);
                 fill(cnt.begin(),cnt.end(),0);
24
                 for (int i=0;i<n;i++) cnt[rk[i]]++;</pre>
25
                 for (int i=1;i<n;i++) cnt[i]+=cnt[i-1];</pre>
26
                 for (int i=n-1;i>=0;i--) sa[--cnt[rk[tmp[i]]]]=tmp[i];
27
                 swap(rk,tmp);
                 rk[sa[0]]=0;
29
30
                 for (int i=1;i<n;i++)</pre>
                      rk[sa[i]] = rk[sa[i-1]] + (tmp[sa[i-1]] < tmp[sa[i]] | |sa[i-1] + k = n | |tmp[sa[i-1] + k] < tmp[sa[i] + k]);
31
32
             for (int i=0,j=0;i<n;i++)</pre>
34
35
                 if (rk[i]==0) j=0;
36
37
                 else
38
                      for (j-=j>0;i+j<n&&sa[rk[i]-1]+j<n&&s[i+j]==s[sa[rk[i]-1]+j];) j++;</pre>
39
40
                      lc[rk[i]-1]=j;
                 }//lc[i]:lcp(sa[i],sa[i+1]),lcp(sa[i],sa[j])=min{lc[i...j-1]}
41
42
             }
43
        }
    };
44
     (广义) 后缀自动机
    struct SAM
2
    {
        static constexpr int ALPHABET=26;
3
4
        struct Node
5
             int len;
             int link;
             array<int,ALPHABET> next;
             Node():len{},link{},next{} {}
        };
10
11
        vector<Node> t;
12
13
        SAM() { init(); }
14
15
        void init()
16
17
        {
18
             t.assign(2,Node());
             t[0].next.fill(1);
19
             t[0].len=-1;
        }
21
22
23
        int newNode()
24
        -{
             t.emplace_back();
25
             return t.size()-1;
26
27
        }
28
```

```
int extend(int lst,int c)
29
30
             \textbf{if} \ (\texttt{t[lst].next[c]\&\&t[t[lst].next[c]].len==t[lst].len+1)}
31
32
                  return t[lst].next[c];
             int p=lst,np=newNode(),flag=0;
33
             t[np].len=t[p].len+1;
34
35
             while (!t[p].next[c])
36
             {
                  t[p].next[c]=np;
37
38
                  p=t[p].link;
39
             if (!p)
41
             {
                  t[np].link=1;
42
43
                  return np;
44
45
             int q=t[p].next[c];
             \textbf{if} \ (\texttt{t[q].len} \texttt{==} \texttt{t[p].len} \texttt{+1})
46
47
             {
                  t[np].link=q;
48
                  return np;
49
50
51
             if (p==lst) flag=1,np=0,t.pop_back();
             int nq=newNode();
             t[nq].link=t[q].link;
53
54
             t[nq].next=t[q].next;
55
             t[nq].len=t[p].len+1;
             t[q].link=t[np].link=nq;
56
57
             while (p&&t[p].next[c]==q)
58
             {
                  t[p].next[c]=nq;
59
60
                  p=t[p].link;
61
62
             return flag?nq:np;
         }
63
64
         int add(const string &a)
65
66
67
             int p=1;
             for (auto c:a) p=extend(p,c-'a');
68
             return p;
         }
70
71
72
         int next(int p,int x) { return t[p].next[x]; }
73
74
         int link(int p) { return t[p].link; }
75
         int len(int p) { return t[p].len; }
77
         int size() { return t.size(); }
78
    };
    Manacher
    vector<int> manacher(vector<int> s)
1
2
    {
         vector<int> t{0};
3
         for (auto c:s)
         {
             t.push_back(c);
             t.push_back(0);
         int n=t.size();
         vector<int> r(n);
10
         for (int i=0,j=0;i<n;i++)</pre>
11
12
             if (j*2-i>=0&&j+r[j]>i) r[i]=min(r[j*2-i],j+r[j]-i);
13
             while (i-r[i]>=0&&i+r[i]<n&&t[i-r[i]]==t[i+r[i]]) r[i]++;</pre>
14
             if (i+r[i]>j+r[j]) j=i;
15
16
17
         return r;
```

```
18 }
```

回文自动机

```
struct PAM
1
2
    {
        static constexpr int ALPHABET_SIZE=28;
3
        struct Node
             int len,link,cnt;
             array<int,ALPHABET_SIZE> next;
             Node():len{},link{},cnt{},next{}{}
        vector<Node> t;
10
11
        int suff;
        string s;
12
13
14
        PAM() { init(); }
15
16
        void init()
        {
17
18
             t.assign(2,Node());
             t[0].len=-1;
19
             suff=1;
20
21
             s.clear();
        }
22
23
        int newNode()
24
25
             t.emplace_back();
26
             return t.size()-1;
27
28
29
        bool add(char c,char offset='a')
31
             int pos=s.size();
32
33
             s+=c;
             int let=c-offset;
34
35
             int cur=suff,curlen=0;
             while (1)
36
37
             {
                 curlen=t[cur].len;
38
                 if (pos-curlen-1>=0&&s[pos-curlen-1]==s[pos]) break;
39
                 cur=t[cur].link;
41
42
             if (t[cur].next[let])
43
             {
44
                 suff=t[cur].next[let];
45
                 return 0;
46
47
             int num=newNode();
48
             suff=num;
             t[num].len=t[cur].len+2;
49
50
             t[cur].next[let]=num;
             if (t[num].len==1)
51
52
             {
                 t[num].link=t[num].cnt=1;
53
                 return 1;
54
55
             }
             while (1)
56
57
             {
58
                 cur=t[cur].link;
                 curlen=t[cur].len;
                 if (pos-curlen-1>=0&&s[pos-curlen-1]==s[pos])
60
61
                 {
62
                      t[num].link=t[cur].next[let];
                      break;
63
                 }
64
65
             t[num].cnt=t[t[num].link].cnt+1;
66
67
             return 1;
```

```
68 }
69 };
```

图论

Dijkstra

```
注意设定合适的 inf。
   vector<i64> dijk(const vector<vector<pair<int,i64>>> &adj,int s)
2
    {
        int n=adj.size();
3
        using pa=pair<i64,int>;
        vector<i64> d(n,inf);
        vector<int> ed(n);
        priority_queue<pa,vector<pa>,greater<pa>> q;
        q.push({0,s}); d[s]=0;
        while (!q.empty())
10
            int u=q.top().second;
11
12
            q.pop();
            ed[u]=1;
13
            for (auto [v,w]:adj[u])
                if (d[u]+w<d[v])
15
16
                {
                     d[v]=d[u]+w;
17
                     q.push(\{d[v],v\});
18
19
            while (!q.empty()&&ed[q.top().second]) q.pop();
20
21
        return d;
22
   }
23
    SPFA
    注意设定合适的 inf。
   vector<i64> spfa(const vector<vector<pair<int,i64>>> &adj,int s)
2
    {
        int n=adj.size();
3
        assert(n);
        queue<int> q;
        vector<int> len(n),ed(n);
        vector<i64> d(n,inf);
        q.push(s); d[s]=0;
        while (!q.empty())
10
            int u=q.front();
11
12
            q.pop();
13
            ed[u]=0:
            for (auto [v,w]:adj[u])
14
                \textbf{if} \ (d[u]+w < d[v])
15
                {
16
                     d[v]=d[u]+w;
17
                     len[v]=len[u]+1;
18
                     if (len[v]>n) return {};
19
20
                     if (!ed[v]) ed[v]=1,q.push(v);
                }
21
22
        return d;
23
   }
   Johnson
    vector<vector<i64>> dijk(const vector<vector<pair<int,i64>>> &adj)
2
    {
        vector<vector<i64>> res;
3
        for (int i=0;i<adj.size();i++)</pre>
4
            res.push_back(dijk(adj,i));
```

```
return res;
7
    }
    vector<i64> spfa(const vector<vector<pair<int,i64>>> &adj)
10
        int n=adj.size();
11
12
        assert(n);
        queue<int> q;
13
        vector<int> len(n),ed(n,1);
14
15
        vector<i64> d(n);
        for (int i=0;i<n;i++) q.push(i);</pre>
16
17
        while (!q.empty())
18
             int u=q.front();
19
20
             q.pop();
             ed[u]=0;
21
22
             for (auto [v,w]:adj[u])
                 if (d[u]+w< d[v])
23
24
                 {
                     d[v]=d[u]+w;
25
                     len[v]=len[u]+1;
26
27
                     if (len[v]>n) return {};
28
                     if (!ed[v]) ed[v]=1,q.push(v);
30
31
        return d;
    }
32
33
34
    vector<vector<i64>> john(vector<vector<pair<int,i64>>> adj)
    {
35
        int n=adj.size();
36
        assert(n);
37
        auto h=spfa(adj);
38
39
        if (!h.size()) return {};
        for (int u=0;u<n;u++)</pre>
40
41
             for (auto &[v,w]:adj[u])
                 w+=h[u]-h[v];
42
        auto res=dijk(adj);
43
44
        for (int u=0;u<n;u++)
             for (int v=0;v<n;v++)</pre>
45
46
                 if (res[u][v]!=inf)
                     res[u][v]-=h[u]-h[v];
47
        return res;
48
49
    }
    强连通分量
    struct SCC
1
2
    {
        int n,cur,cnt;
3
        vector<vector<int>> adj;
4
        vector<int> stk,dfn,low,bel;
        SCC() {}
        SCC(int n) { init(n); }
        void init(int n)
10
11
             this->n=n;
12
            adj.assign(n,{});
13
14
             stk.clear();
             dfn.assign(n,-1);
15
            low.resize(n);
            bel.assign(n,-1);
17
             cur=cnt=0;
18
19
20
        void add(int u,int v) { adj[u].push_back(v); }
21
22
        void dfs(int x)
23
24
        {
```

```
dfn[x]=low[x]=cur++;
25
26
             stk.push_back(x);
             for (auto y:adj[x])
27
28
             {
                 if (dfn[y]==-1)
29
                 {
30
31
                      dfs(y);
                      low[x]=min(low[x],low[y]);
32
33
                 else if (bel[y]==-1) low[x]=min(low[x],dfn[y]);
34
35
             if (dfn[x]==low[x])
36
37
             {
                 int y;
38
39
                 do
40
                 {
41
                      y=stk.back();
                      bel[y]=cnt;
42
                      stk.pop_back();
43
                 } while (y!=x);
44
45
                 cnt++;
             }
46
        }
47
48
        vector<int> work()
49
50
        {
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
51
                 if (dfn[i]==-1) dfs(i);
52
53
             return bel;
        }
54
55
        struct Graph
56
57
58
             int n;
             vector<pair<int,int>> edges;
59
60
             vector<int> siz,cnte;
        };
61
62
        Graph compress()
63
64
65
             Graph G;
             G.n=cnt;
66
             G.siz.resize(cnt);
67
68
             G.cnte.resize(cnt);
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
69
70
             {
                 G.siz[bel[i]]++;
71
72
                  for (auto j:adj[i])
                      if (bel[i]!=bel[j])
73
74
                          G.edges.emplace_back(bel[j],bel[i]);
75
             return G;
76
        };
    };
    边双连通分量
    struct EBCC
2
    {
        int n;
3
        vector<vector<int>> adj;
        vector<int> stk,dfn,low,bel;
        int cur, cnt;
        EBCC() {}
8
        EBCC(int n) { init(n); }
10
11
        void init(int n)
12
        {
             this->n=n;
13
             adj.assign(n,{});
14
```

```
dfn.assign(n,-1);
15
16
              low.resize(n);
             bel.assign(n,-1);
17
             stk.clear();
18
19
             cur=cnt=0;
         }
20
21
         void add(int u,int v)
22
23
         {
24
             adj[u].push_back(v);
             adj[v].push_back(u);
25
         }
26
27
         void dfs(int x,int p)
28
29
             dfn[x]=low[x]=cur++;
30
31
             stk.push_back(x);
             for (auto y:adj[x])
32
33
              {
                  if (y==p) continue;
34
                  if (dfn[y]==-1)
35
36
                       dfs(y,x);
37
38
                       low[x]=min(low[x],low[y]);
39
40
                  else if (bel[y]==-1\&\&dfn[y]<dfn[x]) low[x]=min(low[x],dfn[y]);
41
             if (dfn[x]==low[x])
42
43
                  int y;
44
45
                  do
46
                  {
47
                      y=stk.back();
48
                      bel[y]=cnt;
                      stk.pop_back();
49
50
                  } while (y!=x);
                  cnt++;
51
             }
52
         }
53
54
55
         vector<int> work()
56
             dfs(0,-1);
57
58
             return bel;
59
         }
60
         struct Graph
61
62
         {
             int n;
63
64
             vector<pair<int,int>> edges;
             vector<int> siz,cnte;
65
         };
66
67
         Graph compress()
68
69
         {
             Graph G;
70
             G.n=cnt;
71
             G.siz.resize(cnt);
72
             G.cnte.resize(cnt);
73
74
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
75
76
                  G.siz[bel[i]]++;
77
                  for (auto j:adj[i])
78
                  {
79
                       if (bel[i] < bel[j]) G.edges.emplace_back(bel[i],bel[j]);</pre>
                       else if (i<j) G.cnte[bel[i]]++;</pre>
80
81
                  }
82
83
             return G;
84
         };
    };
85
```

轻重链剖分

```
struct HLD
1
2
    {
        int n;
        vector<int> siz,top,dep,pa,in,out,seq;
        vector<vector<int>> adj;
        int cur;
        HLD(){}
        HLD(int n) { init(n); }
10
        void init(int n)
11
12
             this->n=n;
13
             siz.resize(n);
14
15
             top.resize(n);
             dep.resize(n);
16
17
             pa.resize(n);
             in.resize(n);
18
19
             out.resize(n);
             seq.resize(n);
20
21
             cur=0;
             adj.assign(n,{});
22
        }
23
24
        void addEdge(int u,int v)
25
26
             adj[u].push_back(v);
27
             adj[v].push_back(u);
28
29
        }
30
31
        void work(int rt=0)
32
             top[rt]=rt;
33
34
             dep[rt]=0;
             pa[rt]=-1;
35
36
             dfs1(rt);
37
             dfs2(rt);
38
        }
39
40
        void dfs1(int u)
41
             if (pa[u]!=-1) adj[u].erase(find(adj[u].begin(),adj[u].end(),pa[u]));
42
             siz[u]=1;
43
             for (auto &v:adj[u])
44
45
             {
46
                 pa[v]=u;
                 dep[v]=dep[u]+1;
47
48
                 dfs1(v);
49
                 siz[u]+=siz[v];
                 if (siz[v]>siz[adj[u][0]])
50
51
                      swap(v,adj[u][0]);
             }
52
53
        }
54
55
        void dfs2(int u)
56
             in[u]=cur++;
57
58
             seq[in[u]]=u;
             for (auto v:adj[u])
59
60
                 top[v]=(v==adj[u][0])?top[u]:v;
61
                 dfs2(v);
62
63
             out[u]=cur;
64
65
        }
66
        int lca(int u,int v)
67
68
             while (top[u]!=top[v])
69
```

```
{
70
71
                  if (dep[top[u]]>dep[top[v]]) u=pa[top[u]];
72
                  else v=pa[top[v]];
73
             }
74
             return dep[u] < dep[v] ?u:v;</pre>
         }
75
76
         int dist(int u,int v) { return dep[u]+dep[v]-(dep[lca(u,v)]<<1); }</pre>
77
78
79
         int jump(int u,int k)
80
         {
81
             if (dep[u] < k) return -1;</pre>
82
             int d=dep[u]-k;
             while (dep[top[u]]>d) u=pa[top[u]];
83
84
             return seq[in[u]-dep[u]+d];
85
         bool isAncester(int u,int v) { return in[u]<=in[v]&&in[v]<out[u]; }</pre>
87
88
         int rootedParent(int u,int v)//u->root,v->point
89
90
91
             if (u==v) return u;
92
             if (!isAncester(v,u)) return pa[v];
             auto it=upper_bound(adj[v].begin(),adj[v].end(),u,[&](int x,int y){ return in[x]<in[y]; })-1;
             return *it;
94
95
         }
96
         int rootedSize(int u,int v)//same as rootedParent
97
98
             if (u==v) return n;
99
             if (!isAncester(v,u)) return siz[v];
100
             return n-siz[rootedParent(u,v)];
101
         }
102
103
         int rootedLca(int a,int b,int c) { return lca(a,b)^lca(b,c)^lca(c,a); }
104
    };
105
    2-SAT
    struct TwoSat
1
2
    {
         int n;
         vector<vector<int>> e:
         vector<bool> ans;
         TwoSat(int n):n(n),e(n<<1),ans(n){}</pre>
         void addClause(int u,bool f,int v,bool g)
             e[u*2+!f].push_back(v*2+g);
11
             e[v*2+!g].push_back(u*2+f);
12
13
         }
14
         bool satisfiable()
15
16
17
             vector<int> id(n*2,-1),dfn(n*2,-1),low(n*2,-1),stk;
             int now=0,cnt=0;
18
             function<void(int)> tarjan=[&](int u)
19
20
             {
                  stk.push_back(u);
21
                  dfn[u]=low[u]=now++;
22
                  for (auto v:e[u])
23
                      if (dfn[v]==-1)
25
                      {
26
27
                           tarjan(v);
                           low[u]=min(low[u],low[v]);
28
29
                      else if (id[v]==-1)
30
                           low[u]=min(low[u],dfn[v]);
31
                  }
32
```

```
if (dfn[u] == low[u])
33
34
                      int v;
35
                      do
36
37
                      {
                           v=stk.back();
38
39
                           stk.pop_back();
                          id[v]=cnt;
40
                      } while (v!=u);
41
42
                      cnt++;
                 }
43
44
             };
             for (int i=0;i<n*2;i++)</pre>
45
                  if (dfn[i]==-1)
46
47
                      tarjan(i);
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
48
49
             {
                  if (id[i*2]==id[i*2+1]) return 0;
50
                  ans[i]=id[i*2]>id[i*2+1];
51
             }
52
             return 1;
53
54
55
         vector<bool> answer() { return ans; }
    最大流
    template <class T>
    struct MaxFlow
2
3
         struct _Edge
4
         {
             int to;
             _Edge(int to,T cap):to(to),cap(cap){}
         };
10
         int n;
11
12
         vector<_Edge> e;
         vector<vector<int>> g;
13
14
         vector<int> cur,h;
15
         MaxFlow(){}
16
         MaxFlow(int n) { init(n); }
17
18
19
         void init(int n)
20
             this->n=n;
21
22
             e.clear();
             g.assign(n,{});
23
24
             cur.resize(n);
25
             h.resize(n);
         }
26
27
         bool bfs(int s,int t)
28
29
             h.assign(n,-1);
30
             queue<int> que;
31
32
             h[s]=0;
33
             que.push(s);
34
             while (!que.empty())
35
                  const int u=que.front();
                  que.pop();
37
                  for (int i:g[u])
38
39
                      auto [v,c]=e[i];
40
41
                      if (c>0&&h[v]==-1)
42
                      {
                           h[v]=h[u]+1;
43
                           if (v==t) return 1;
44
```

```
que.push(v);
45
46
                       }
                  }
47
              }
48
              return 0;
         }
50
51
         T dfs(int u,int t,T f)
52
53
              if (u==t) return f;
54
              auto r=f;
55
              for (int &i=cur[u];i<int(g[u].size());i++)</pre>
56
57
                  const int j=g[u][i];
58
                  auto [v,c]=e[j];
59
                  if (c>0\&\&h[v]==h[u]+1)
60
61
                  {
                       auto a=dfs(v,t,min(r,c));
62
63
                       e[j].cap-=a;
64
                       e[j^1].cap+=a;
65
                       r-=a;
                       if (r==0) return f;
66
67
                  }
              }
              return f-r;
69
70
         }
71
         void addEdge(int u,int v,T c)
72
              g[u].push_back(e.size());
74
75
              e.emplace_back(v,c);
              g[v].push_back(e.size());
76
77
              e.emplace_back(u,0);
78
79
80
         T flow(int s,int t)
81
              T ans=0;
82
83
              while (bfs(s,t))
84
85
                  cur.assign(n,0);
                  ans+=dfs(s,t,numeric_limits<T>::max());
86
87
88
              return ans;
89
         }
90
         vector<bool> minCut()
91
92
         {
              vector<bool> c(n);
93
94
              for (int i=0;i<n;i++) c[i]=(h[i]!=-1);</pre>
95
              return c;
         }
96
97
         struct Edge
98
99
         {
              int from;
100
              int to;
101
102
              T cap;
              T flow;
103
         };
104
105
         vector<Edge> edges()
106
107
              vector<Edge> a;
108
109
              for (int i=0;i<e.size();i+=2)</pre>
110
              {
111
                  Edge x;
                  x.from=e[i+1].to;
112
                  x.to=e[i].to;
113
114
                  x.cap=e[i].cap+e[i+1].cap;
                  x.flow=e[i+1].cap;
115
```

```
a.push_back(x);
116
117
             }
118
             return a;
         }
119
    };
     最小费用最大流
    template <class T>
    struct MinCostFlow
2
3
     {
4
         struct _Edge
             int to;
             T cap;
             T cost:
             _Edge(int to,T cap,T cost):to(to),cap(cap),cost(cost){}
10
         };
11
12
         int n;
13
14
         vector<_Edge> e;
         vector<vector<int>> g;
15
         vector<T> h,dis;
16
17
         vector<int> pre;
18
19
         bool john(int s,int t)
20
             dis.assign(n,numeric_limits<T>::max());
21
22
             pre.assign(n,-1);
             priority_queue<pair<T,int>,vector<pair<T,int>>> q;
23
24
             dis[s]=0;
             q.emplace(0,s);
25
             while (!q.empty())
27
                  T d=q.top().first;
28
29
                  int u=q.top().second;
                  q.pop();
30
31
                  if (dis[u]!=d) continue;
                  for (int i:g[u])
32
33
                  {
                      int v=e[i].to;
34
                      T cap=e[i].cap;
35
                      T cost=e[i].cost;
                      if (cap>0&&dis[v]>d+h[u]-h[v]+cost)
37
38
                      {
                           \label{eq:discontinuity} \mbox{dis}[v] = \mbox{d+h}[u] - \mbox{h}[v] + \mbox{cost};
39
                           pre[v]=i;
40
41
                           q.emplace(dis[v],v);
                      }
42
43
44
             return dis[t]!=numeric_limits<T>::max();
45
         }
46
47
48
         MinCostFlow(){}
         MinCostFlow(int n) { init(n); }
49
50
         void init(int n_)
51
52
         {
53
             n=n_;
54
             e.clear();
             g.assign(n,{});
         }
56
57
58
         void addEdge(int u,int v,T cap,T cost)
59
             g[u].push_back(e.size());
              e.emplace_back(v,cap,cost);
61
             g[v].push_back(e.size());
62
             e.emplace_back(u,0,-cost);
63
```

```
}
64
65
         pair<T,T> flow(int s,int t)
66
67
             T flow=0;
68
              T cost=0;
69
70
             h.assign(n,0);
             while (john(s,t))
71
72
                  for (int i=0;i<n;i++) h[i]+=dis[i];</pre>
73
                  T aug=numeric_limits<int>::max();
74
                  for (int i=t;i!=s;i=e[pre[i]^1].to)
75
                      aug=min(aug,e[pre[i]].cap);
76
                  for (int i=t;i!=s;i=e[pre[i]^1].to)
77
78
                  {
                       e[pre[i]].cap-=aug;
79
80
                       e[pre[i]^1].cap+=aug;
81
82
                  flow+=aug;
                  cost+=aug*h[t];
83
84
              return make_pair(flow,cost);
85
86
         }
87
         struct Edge
88
89
         {
             int from;
90
              int to;
91
92
             T cap;
93
             T cost:
94
              T flow;
         };
95
96
         vector<Edge> edges()
97
98
99
              vector<Edge> a;
              for (int i=0;i<e.size();i+=2)</pre>
100
              {
101
102
                  Edge x;
                  x.from=e[i+1].to;
103
104
                  x.to=e[i].to;
                  x.cap=e[i].cap+e[i+1].cap;
105
                  x.cost=e[i].cost;
106
107
                  x.flow=e[i+1].cap;
                  a.push_back(x);
108
109
              return a;
110
111
    };
112
     计算几何
     EPS
 1
     const double eps=1e-8;
     int sgn(double x)
 2
     {
 3
         if (fabs(x)<eps) return 0;</pre>
         if (x>0) return 1;
         return -1;
    }
     Point
     template <class T>
 1
 2
     struct Point
```

Point(T $x_{=0}$,T $y_{=0}$): $x(x_{-})$, $y(y_{-})$ {}

3 {

```
7
        Point & operator += (Point p) &
8
            x+=p.x;
10
            y+=p.y;
           return *this;
11
12
13
        Point & operator -= (Point p) &
14
15
            x-=p.x:
16
17
            y-=p.y;
18
            return *this;
19
20
        Point &operator *= (T v) &
21
22
           x*=v:
23
24
           y*=v;
            return *this;
25
        }
26
27
        Point operator - () const { return Point(-x,-y); }
28
        friend Point operator + (Point a,Point b) { return a+=b; }
30
        friend Point operator - (Point a,Point b) { return a-=b; }
31
        friend Point operator * (Point a,T b) { return a*=b; }
32
        friend Point operator * (T a,Point b) { return b*=a; }
33
34
        friend bool operator == (Point a,Point b) { return a.x==b.x&&a.y==b.y; }
35
36
        friend istream &operator >> (istream &is,Point &p) { return is>>p.x>>p.y; }
37
38
39
        friend ostream &operator << (ostream &os,Point p) { return os<<'('<<p.x<<','<<p.y<<')'; }</pre>
   };
40
41
    template <class T>
42
    T dot(Point<T> a,Point<T> b) { return a.x*b.x+a.y*b.y; }
43
44
    template <class T>
45
    T cross(Point<T> a,Point<T> b) { return a.x*b.y-a.y*b.x; }
47
    template <class T>
48
49
   T square(Point<T> p) { return dot(p,p); }
50
51
    template <class T>
    double length(Point<T> p) { return sqrt(double(square(p))); }
52
   long double length(Point<long double> p) { return sqrt(square(p)); }
54
    Line
    template <class T>
2
   struct Line
3
    {
        5
   };
    距离
    template <class T>
    double dis_PP(Point<T> a,Point<T> b) { return length(a-b); }
2
    template <class T>
    double dis_PL(Point<T> a,Line<T> l) { return fabs(cross(a-l.a,a-l.b))/dis_PP(l.a,l.b); }
    template <class T>
   double dis_PS(Point<T> a,Line<T> l)
   {
```

```
if (dot(a-l.a,l.b-l.a)<0) return dis_PP(a,l.a);</pre>
10
11
                         if (dot(a-l.b,l.a-l.b)<0) return dis_PP(a,l.b);</pre>
                         return dis_PL(a,l);
12
13
             点绕中心旋转
            template <class T>
           Point<T> rotate(Point<T> a,double alpha)
            { return Point<T>(a.x*cos(alpha)-a.y*sin(alpha),a.x*sin(alpha)+a.y*cos(alpha)); }
            关于线的对称点
            template <class T>
            Point<T> lineRoot(Point<T> a,Line<T> l)
 2
                         Point<T> v=l.b-l.a;
 4
                         return l.a+v*(dot(a-l.a,v)/dot(v,v));
           }
           template <class T>
            Point<T> symmetry_PL(Point<T> a,Line<T> l) { return a+(lineRoot(a,l)-a)*2; }
            位置关系判断
            template <class T>
           bool pointOnSegment(Point<T> a,Line<T> l)
            { return (sgn(cross(a-l.a,a-l.b))==0)&&(sgn(dot(a-l.a,a-l.b))<=0); }
            template <class T>
            bool lineCrossLine(Line<T> a,Line<T> b)
            {
                         double f1=cross(b.a-a.a,a.b-a.a),f2=cross(b.b-a.a,a.b-a.a);
                         double g1=cross(a.a-b.a,b.b-b.a),g2=cross(a.b-b.a,b.b-b.a);
                         return ((f1<0)^(f2<0))&&((g1<0)^(g2<0));
10
11
           }
12
13
            template <class T>
            bool pointOnLineLeft(Point<T> a,Line<T> l) { return cross(l.b-l.a,a-l.a)>0; }
14
15
            //适用任意多边形,0(n)
16
            template <class T>
17
18
            bool pointInPolygon(Point<T> a,const vector<Point<T>> &p)
19
            {
                         int n=p.size();
                         for (int i=0;i<n;i++)</pre>
21
                                      if (pointOnSegment(a,Line<T>(p[i],p[(i+1)%n])))
22
23
                                                  return 1;
                         bool t=0;
24
                         for (int i=0;i<n;i++)</pre>
26
27
                                     Point<T> u=p[i],v=p[(i+1)%n];
                                     if (u.x<a.x&&v.x>=a.x&&pointOnLineLeft(a,Line<T>(v,u))) t^=1;
28
                                     if (u.x>=a.x&&v.x<a.x&&pointOnLineLeft(a,Line<T>(u,v))) t^=1;
29
                         return t:
31
           }
32
33
           //适用凸多边形, O(log n)
34
35
           template <class T>
            bool pointInPolygon_(Point<T> a,const vector<Point<T>> &p)
36
37
                         int n=p.size():
38
                         if (cross(a-p[0],p[1]-p[0])<0||cross(a-p[0],p[n-1]-p[0])>0) return 0;
39
40
                          \textbf{if} \ (\texttt{pointOnSegment}(\texttt{a}, \texttt{Line} < \texttt{T} > (\texttt{p[0]}, \texttt{p[1]})) | | \texttt{pointOnSegment}(\texttt{a}, \texttt{Line} < \texttt{T} > (\texttt{p[n-1]}, \texttt{p[0]}))) \ \textbf{return 1}; \\ \textbf{1}; \\ \textbf{2}; \\ \textbf{3}; \\ \textbf{4}; \\ \textbf{5}; \\ \textbf{6}; \\ \textbf{7}; \\ \textbf{6}; \\ \textbf{7}; \\ 
                         int l=1,r=n-1;
41
42
                         while (l+1<r)
43
                         {
                                      int mid=(l+r)>>1;
44
```

```
if (cross(a-p[1],p[mid]-p[1])<0) l=mid;</pre>
45
46
            else r=mid;
47
        if (cross(a-p[l],p[r]-p[l])>0) return 0;
48
49
        if (pointOnSegment(a,Line<T>(p[l],p[r]))) return 1;
        return 1;
50
51
   }
   线段交点
   //小 心 平 行
   template <class T>
2
   Point<T> lineIntersection(Line<T> a,Line<T> b)
        Point<T> u=a.a-b.a,v=a.b-a.a,w=b.b-b.a;
        double t=cross(u,w)/cross(w,v);
        return a.a+t*v;
   }
   过定点做圆的切线
    template <class T>
1
    vector<Line<T>> tan_PC(Point<T> a,Point<T> c,T r)
2
3
        Point<T> v=c-a;
        vector<Line<T>> res;
        int dis=dis_PP(a,c);
        if (sgn(dis-r)==0) res.push_back(rotate(v,acos(-1)/2));
        else if (dis>r)
10
            double alpha=asin(r/dis);
            res.push_back(rotate(v,alpha));
11
12
            res.push_back(rotate(v,-alpha));
13
        }
        return res;
   }
15
    两圆交点
   template <class T>
   vector<Point<T>> circleIntersection(Point<T> c1,T r1,Point<T> c2,T r2)
2
3
    {
4
        auto get=[&](Point<T> c,T r,double alpha)->Point<T>
        { return Point<T>(c.x+cos(alpha)*r,c.y+sin(alpha)*r); };
        auto angle=[&](Point<T> a)->double { return atan2(a.x,a.y); };
        vector<Point<T>> res;
        double d=dis_PP(c1,c2);
10
        if (sgn(d)==0) return res;
        if (sgn(r1+r2-d)<0) return res;</pre>
12
13
        if (sgn(fabs(r1-r2)-d)>0) return res;
14
        double alpha=angle(c2-c1);
        double beta=acos((r1*r1-r2*r2+d*d)/(r1*d*2));
15
        Point<T> p1=get(c1,r1,alpha-beta),p2=get(c1,r1,alpha-beta);
17
        res.push_back(p1);
        if (p1!=p2) res.push_back(p2);
18
        return res;
19
   }
20
    多边形面积
   template <class T>
   double polygonArea(const vector<Point<T>> &p)
2
4
        int n=p.size();
5
        double res=0;
        for (int i=1;i<n-1;i++) res+=cross(p[i]-p[0],p[i+1]-p[0]);</pre>
```

```
return fabs(res/2);
    自适应辛普森法
    //注意边界函数值不能小于 eps
    double f(double x) { return pow(x,0.5); }
    double calc(double l,double r)
        double mid=(l+r)/2.0;
        return (r-l)*(f(l)+f(r)+f(mid)*4.0)/6.0;
    }
    double simpson(double l,double r,double lst)
        double mid=(l+r)/2.0;
        double fl=calc(l,mid),fr=calc(mid,r);
11
        if (sgn(fl+fr-lst)==0) return fl+fr;
12
13
        else return simpson(l,mid,fl)+simpson(mid,r,fr);
   }
14
    静态凸包
    template <class T>
    vector<Point<T>> getHull(vector<Point<T>> p)
2
        vector<Point<T>> h,l;
        sort(p.begin(),p.end(),[&](auto a,auto b)
5
            if (a.x!=b.x) return a.x<b.x;</pre>
            else return a.y<b.y;</pre>
        });
        p.erase(unique(p.begin(),p.end()),p.end());
10
        if (p.size()<=1) return p;</pre>
11
        for (auto a:p)
12
            while (h.size()>1&&sgn(cross(a-h.back(),a-h[h.size()-2]))<=0) h.pop_back();</pre>
14
            while (l.size()>1&&sgn(cross(a-l.back(),a-l[l.size()-2]))>=0) l.pop_back();
15
16
            l.push_back(a);
            h.push_back(a);
17
18
        l.pop_back();
19
20
        reverse(h.begin(),h.end());
        h.pop_back();
21
        l.insert(l.end(),h.begin(),h.end());
22
23
        return l;
   }
24
    旋转卡壳求直径
    template <class T>
    double getDiameter(vector<Point<T>> p)
2
3
        double res=0;
        if (p.size()==2) return dis_PP(p[0],p[1]);
        int n=p.size();
        p.push_back(p.front());
        int j=2;
        for (int i=0;i<n;i++)</pre>
10
            while (sgn(cross(p[i+1]-p[i],p[j]-p[i])-cross(p[i+1]-p[i],p[j+1]-p[i]))<0)</pre>
11
                i = (i+1)%n:
12
13
            res=max({res,dis_PP(p[i],p[j]),dis_PP(p[i+1],p[j])});
14
15
        return res;
   }
```