Algorithm Library

magic::team.getname()

South China Normal University

September 7, 2024

Contents

头文件																2
DEBUG 头			 	 	 	 	 			 	 			 		 2
int128 输出流			 	 	 	 	 			 	 					 2
常用数学函数 .			 	 	 	 	 			 	 					 2
数学																3
欧拉筛			 	 	 	 	 			 	 			 		 3
取模类(MInt)																3
多项式																
杜教筛																
Min 25 筛																
线性基																
数据结构																9
致胚紀构 并查集(启发式台	> 计 」 共核	<i>ት</i> ድሥ \														
状压 RMO																
树状数组																
线段树			 	 	 	 	 	• • •	•	 	 	•	 ٠	 •	•	 12
字符串																14
字符串 字符串哈希(随材	1模数)		 	 	 	 	 			 	 			 		
字符串哈希(随机	l模数) · · · · ·															 14
字符串哈希(随机			 	 	 	 	 			 	 					 14 14
字符串哈希(随机 KMP			 	 	 	 	 			 	 					 14 14 15
字符串哈希(随机 KMP Z 函数			 	 	 	 	 			 	 			 		 14 14 15 15
字符串哈希(随机 KMP Z 函数 AC 自动机			 	 			 			 	 		 	 		 14 14 15 15 16
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		 	 			 			 	 		 			 14 14 15 15 16 17
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动	 		 	 			 			 			 			 14 14 15 15 16 17 18
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机	 		 	 			 			 			 			 14 14 15 15 16 17 18 18
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机			 	 			 			 			 		• • •	 14 14 15 15 16 17 18 18
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra)			 	 			 			 	 		 			14 14 15 15 16 17 18 18 19
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra) 判负环 (SPFA/Be			 	 			 			 						14 14 15 15 16 17 18 18 19 20
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra) 判负环 (SPFA/Be 强连通分量	 									 						14 14 15 15 16 17 18 18 19 20 21
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra) 判负环 (SPFA/Be 强连通分量 边双连通分量	 															14 14 15 15 16 17 18 18 19 20 21 23
字符串哈希(随机 KMP Z 函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra) 判负环 (SPFA/Be 强连通分量 边双连通分量 经重链剖分	かれ ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	ord) .														14 14 15 15 16 17 18 18 19 20 21 23 24
字符串哈希(随机 KMP Z函数 AC 自动机 后缀数组 (广义)后缀自动 Manacher 回文自动机 图论 最短路 (Dijkstra) 判负环 (SPFA/Be 强连通分量 边双连通分量																14 14 15 15 16 17 18 18 19 20 21 23 24 25

头文件

DEBUG 头

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    using i64=long long;
    using i128=__int128;
    namespace DBG
        template <class T>
        void _dbg(const char *f,T t) { cerr<<f<<'='<<t<'\n'; }</pre>
10
        template <class A,class... B>
11
        void _dbg(const char *f,A a,B... b)
12
13
            while (*f!=',') cerr<<*f++;</pre>
14
            cerr<<'='<<a<<",";
15
            _dbg(f+1,b...);
16
17
        }
18
        template <class T>
19
20
        ostream& operator << (ostream& os,const vector<T> &v)
21
            os<<"[ ";
            for (const auto &x:v) os<<x<<", ";</pre>
23
            os<<"]";
24
            return os;
25
        }
26
27
        #define dbg(...) _dbg(#__VA_ARGS__, __VA_ARGS__)
28
29
30
    using namespace DBG;
    __int128 输出流
    ostream &operator << (ostream &os,i128 n)
2
        string s;
        bool neg=n<0;</pre>
        if (neg) n=-n;
        while (n)
            s+='0'+n\%10;
            n/=10;
10
        if (neg) s+='-';
11
        reverse(s.begin(),s.end());
12
13
        if (s.empty()) s+='0';
        return os<<s;</pre>
14
    }
    常用数学函数
    i64 ceilDiv(i64 n,i64 m)
    {
2
        if (n>=0) return (n+m-1)/m;
        else return n/m;
    }
    i64 floorDiv(i64 n,i64 m)
    {
        if (n>=0) return n/m;
        else return (n-m+1)/m;
    }
11
    i128 gcd(i128 a,i128 b)
13
    {
14
```

```
return b?gcd(b,a%b):a;
15
16
    数学
    欧拉筛
    vector<int> minp,primes;
    void sieve(int n)
4
    {
        minp.assign(n+1,0);
        primes.clear();
        for (int i=2;i<=n;i++)</pre>
            if (!minp[i])
            {
                 minp[i]=i;
11
                 primes.push_back(i);
13
            for (auto p:primes)
14
15
                 if (i*p>n) break;
16
                 minp[i*p]=p;
17
                 if (p==minp[i]) break;
18
            }
19
        }
20
   }
21
    取模类 (MInt)
    template <class T>
    constexpr T power(T a,i64 b)
2
3
        T res=1;
4
        for (;b;b>>=1,a*=a)
5
            if (b&1) res*=a;
        return res;
    }
    template <int P>
10
11
    struct MInt
12
13
        int x;
        constexpr MInt():x{} {}
14
        constexpr MInt(i64 x):x{norm(x%getMod())} {}
15
16
        static int Mod;
17
        constexpr static int getMod()
18
19
             if (P>0) return P;
20
            else return Mod;
21
22
23
        constexpr static void setMod(int Mod_) { Mod=Mod_; }
24
25
        constexpr int norm(int x) const
26
27
            if (x<0) x+=getMod();
28
            if (x>=getMod()) x-=getMod();
29
            return x;
31
32
        constexpr int val() const { return x; }
33
34
35
        explicit constexpr operator int () const { return x; }
36
37
        constexpr MInt operator - () const
```

38

{

```
MInt res;
39
40
             res.x=norm(getMod()-x);
             return res;
41
        }
42
43
        constexpr MInt inv() const
44
45
             assert(x!=0);
46
             return power(*this,getMod()-2);
47
         }
48
49
50
         constexpr MInt &operator *= (MInt rhs) &
51
             x=1ll*x*rhs.x%getMod();
52
             return *this;
53
54
         constexpr MInt &operator += (MInt rhs) &
56
57
             x=norm(x+rhs.x);
58
59
             return *this;
61
         constexpr MInt &operator -= (MInt rhs) &
63
             x=norm(x-rhs.x);
64
65
             return *this;
         }
66
67
         constexpr MInt &operator /= (MInt rhs) &
68
69
             return *this*=rhs.inv();
70
71
        }
72
         friend constexpr MInt operator * (MInt lhs, MInt rhs)
73
74
             MInt res=lhs;
75
             res*=rhs;
76
77
             return res;
         }
78
79
         friend constexpr MInt operator + (MInt lhs, MInt rhs)
80
81
82
             MInt res=lhs;
             res+=rhs;
83
84
             return res;
85
         friend constexpr MInt operator - (MInt lhs,MInt rhs)
87
88
89
             MInt res=lhs;
             res-=rhs;
90
             return res;
92
93
         friend constexpr MInt operator / (MInt lhs,MInt rhs)
94
95
             MInt res=lhs;
97
             res/=rhs:
             return res;
98
         }
99
100
101
         friend constexpr istream &operator >> (istream &is,MInt &a)
102
103
             i64 v;
             is>>v:
104
105
             a=MInt(v);
106
             return is;
107
         friend constexpr ostream &operator << (ostream &os,const MInt &a) { return os<<a.val(); }</pre>
109
```

```
110
         friend constexpr bool operator == (MInt lhs,MInt rhs) { return lhs.val()==rhs.val(); }
111
112
         friend constexpr bool operator != (MInt lhs,MInt rhs) { return lhs.val()!=rhs.val(); }
113
114
    };
115
    template<>
116
    int MInt<0>::Mod=1;
117
118
    template<int V,int P>
119
    constexpr MInt<P> CInv=MInt<P>(V).inv();
120
     多项式
    namespace polygone{
        //慎用!!!
2
         //需要根据实际情况来调整 函数 poly operator * (poly f,poly g)
3
         //和 数据类型 (变为 int) 因为取模频繁 而且我这一块处理的不好导致常数很大
         //涵盖了 多项式 求导, 积分, 加减乘 , 快速幂, ln , exp , 开根
         //没有涵盖 除法 多点求值 复合运算 等复杂部分 (学艺不精呜呜呜)
         //带有模数 没有支持无模
         #define N 3000006
         #define ll long long
         long long read(){
10
             ll f=1,s=0;char ch=getchar();
11
             while(ch<'0'||ch>'9'){if(ch=='-')f=-1;ch=getchar();}
12
             while(ch>='0'&&ch<='9')s=(s<<1)+(s<<3)+ch-'0',ch=getchar();</pre>
13
             return s*f;
14
15
17
         long long reading(ll mod){
             ll f=1,s=0;char ch=getchar();
18
             while(ch<'0'||ch>'9'){if(ch=='-')f=-1;ch=getchar();}
19
             while(ch>='0'&&ch<='9')s=(s<<1)+(s<<3)+ch-'0',s%=mod,ch=getchar();</pre>
21
             return s*f;
22
23
         const double pi=acos(-1.0);
         const long long mod = 998244353, g = 3, g1 = 332748118;
24
         ll add(ll x,ll y){x+=y;return x>=mod?x-mod:x;}
25
         ll rdu(ll x,ll y){x-=y;return x<0?x+mod:x;}</pre>
26
27
         ll mul(ll x,ll y){return 1ll*x*y%mod;}
28
         #define poly vector<ll>
29
         #define plen(x) ((int)x.size())
31
         ll finv[N],r[N],lim,lg;
32
33
         ll qpow(ll x,ll y){
34
             if(y==1) return x;
35
36
             ll res=qpow(x,y>>1);
37
             if(y&1) return (((res*res)%mod)*x)%mod;
38
             return (res*res)%mod;
         }ll ginv(ll x){return qpow(x,mod-2);}
39
40
         void init(ll n){
41
42
             for(lim=1,lg=0;lim<=n;lim<<=1,lg++);</pre>
             for(int i=0;i<lim;i++) r[i]=((r[i>>1]>>1)|((i&1)<<(lg-1)));</pre>
43
44
45
         void cinv(ll n){
46
             finv[1]=1;
47
             for(int i=2;i<=n;i++) finv[i]=mul(mod-mod/i,finv[mod%i]);</pre>
48
         }
50
         poly \ \textbf{operator} \ - \ (ll \ x,poly \ f) \{ ll \ len=plen(f); \textbf{for}(\textbf{int} \ i=0; i < len; i++) \ f[i]=mod-f[i]; f[0]=add(f[0],x); \textbf{return} \ f; \} \}
51
52
         poly operator - (poly f,ll x){f[0]=rdu(f[0],x);return f;}
         poly operator - (poly f,poly g){ll n=max(plen(f),plen(g));f.resize(n);g.resize(n);for(int i=0;i<n;i++)</pre>
53
        f[i]=rdu(f[i],g[i]);return f;}
         poly operator * (poly f,ll x){ll len=plen(f);for(int i=0;i<len;i++) f[i]=mul(f[i],x);return f;}</pre>
54
         poly operator + (poly f,poly g){ll n=max(plen(f),plen(g));f.resize(n);g.resize(n);for(int i=0;i<n;i++)</pre>
55
        f[i]=add(f[i],g[i]);return f;}
```

```
56
57
         void ntt(poly &f,int op){
              for(int i=0;i<lim;i++) if(i<r[i]) swap(f[i],f[r[i]]);</pre>
58
              for(int mid=1; mid<lim; mid<<=1) {</pre>
59
                  ll wn=qpow(op==1?g:g1,(mod-1)/(mid<<1));</pre>
                  for(int j=0;j<lim;j+=(mid<<1)){</pre>
61
                       ll w=1;
62
                       for(int k=0; k<mid; k++, w=(w*wn)%mod){</pre>
63
                            ll x=f[j+k],y=w*f[j+k+mid]%mod;
64
65
                            f[j+k]=(x+y)\%mod;
                            f[j+k+mid]=(x-y+mod)\%mod;
66
67
                       }
                  }
68
69
              if(op==1) return;
70
              ll inv=qpow(lim,mod-2);
71
72
              for(int i=0;i<lim;i++) f[i]=1ll*f[i]*inv%mod;</pre>
73
74
         poly operator * (poly f,poly g){
75
              ll n=plen(f)+plen(g)-1;
76
77
              init(n);
              f.resize(lim);g.resize(lim);
78
              ntt(f,1);ntt(g,1);
              for(int i=0;i<lim;i++) f[i]=mul(f[i],g[i]);</pre>
80
81
              ntt(f,-1);
              f.resize(min(n,1ll*100000));
82
              return f;
83
84
         }
85
         poly inv(poly f){
86
              poly g=poly(1,ginv(f[0]));
87
              ll len=plen(f);
88
89
              for(int i=2;i<(len<<1);i<<=1){</pre>
                  poly A=f;
90
91
                  A.resize(i);
                  g=g*(2-(g*A));
92
93
94
              g.resize(len);
              return g;
95
97
         poly qiudao(poly f){
98
99
              ll len=plen(f);
              for(int i=0;i<len-1;i++) f[i]=mul(i+1,f[i+1]);</pre>
100
101
              f.resize(len-1);
              return f;
102
103
         }
104
         poly jifen(poly f){
105
              ll len=plen(f);
              f.resize(len+1);
107
              for(int i=len-1;i>=1;i--) f[i]=mul(f[i-1],finv[i]);
              f[0]=0;
109
              return f;
110
111
112
113
         poly ln(poly f){
              poly g=jifen(qiudao(f)*inv(f));
114
              g.resize(plen(f));
115
116
              return g;
         }
117
118
         poly exp(poly f){
119
120
              poly g=poly(1,1);
              ll len=plen(f);
121
              for(int i=2;i<(len<<2);i<<=1){</pre>
122
123
                  poly A=f;
                  A.resize(i);
124
125
                  g=g*((1-ln(g))+A);
              }
126
```

```
g.resize(len);
127
             return g;
128
129
130
131
         poly Pow(poly f,ll k){
              f=ln(f);f=f*k;f=exp(f);
132
             return f;
133
         }
134
135
136
         poly sqrt(poly f){
             poly g=poly(1,1);
137
138
              ll len=plen(f);
139
             ll inv2=ginv(2);
              for(int i=2;i<(len<<2);i<<=1){</pre>
140
141
                  poly A=f;
                  A.resize(i);
142
143
                  g=(g+(A*inv(g)))*inv2;
             }
144
145
             g.resize(len);
146
             return g;
147
148
    using namespace polygone;
149
     杜教筛
     void prime(){
         u[1]=1;v[1]=1;phi[1]=1;
         for(ll i=2;i<=N;i++){</pre>
3
              if(!v[i]) {u[i]=-1;p[++cnt]=i;phi[i]=i-1;}
              for(ll j=1;j<=cnt&&p[j]*i<=N;j++){</pre>
5
                  v[p[j]*i]=1;
                  if(!(i%p[j])) {phi[i*p[j]]=phi[i]*p[j];break;}
                  else u[i*p[j]]=-u[i],phi[i*p[j]]=phi[i]*phi[p[j]];
             }
10
         for(ll i=1;i<=N;i++) u[i]+=u[i-1],phi[i]+=phi[i-1];</pre>
11
    }
12
13
     ll sumu(ll n) {
14
15
         if(n<=N) return u[n];</pre>
         if(M[n]) return M[n];
16
         ll res=1;
17
18
         for(ll l=2,r=0;l<=n;l=r+1){</pre>
             r=n/(n/l);
19
             res-=1ll*sumu(n/l)*(r-l+1);
20
21
         M[n]=res;
22
23
         return M[n];
    }
24
     Min_25 筛
     void prime(ll n){
         for(ll i=2;i<=n;i++){</pre>
2
              if(!vis[i]) p[++cnt]=i;
3
              for(ll j=1;j<=cnt&&p[j]<=n/i;j++){</pre>
                  vis[i*p[j]]=1;
                  if(i%p[j]==0) break;
             }
         }
    }
10
    ll qz1(ll x){return x%=mod,x*(x+1)%mod*inv2%mod;}
     ll qz2(ll x){return x%=mod,x*(x+1)%mod*(2*x+1)%mod*inv6%mod;}
12
     ll get(ll x){return x<N?id1[x]:id2[n/x];}</pre>
13
     ll sq(ll x) {return x%=mod,x*x%mod;}
14
    ll F(ll x) {return x%=mod,(sq(x)+mod-x)%mod;}
15
17
    void getg(){
```

```
for(ll l=1,r;l<=n;l=r+1){</pre>
18
19
             r=n/(n/l);
             v[++m]=n/l;
20
             if(v[m]<N) id1[v[m]]=m;</pre>
21
             else id2[n/v[m]]=m;
             g1[m] = (qz1(v[m])-1+mod)\%mod;
23
24
             g2[m] = (qz2(v[m])-1+mod)%mod;
25
         for(ll j=1;j<=cnt;j++){</pre>
26
             for(ll i=1;i<=m&&p[j]<=v[i]/p[j];i++){</pre>
27
                 g1[i] = (g1[i] - p[j] * (g1[get(v[i]/p[j])) - g1[get(p[j-1])]) % mod + mod) % mod;
28
29
                  g1[i]=(g1[i]+mod)%mod;
                 g2[i]=(g2[i]-sq(p[j])*(g2[get(v[i]/p[j]))]-g2[get(p[j-1])])%mod+mod)%mod;
30
                 g2[i]=(g2[i]+mod)%mod;
31
             }
32
33
34
    }
35
36
    ll S(ll x,ll y){
        if(p[y]>=x) return 0;
37
         ll res=(g2[get(x)]-g1[get(x)]-g2[get(p[y])]+g1[get(p[y])]+mod)%mod;//g(n);
38
39
         for(ll i=y+1;i<=cnt&&p[i]<=x/p[i];i++){</pre>
             ll P=p[i];
40
41
             for(ll j=1;P<=x/p[i];j++,P*=p[i]){//p^e</pre>
                 res=(res+F(P)*S(x/P,i)%mod+F(P*p[i]))%mod;
42
43
44
        return res;
45
    }
47
    ll qpow(ll x,ll y){
48
        if(y==1) return x;
49
50
         ll res=qpow(x,y>>1);
51
         if(y&1) return (((res*res)%mod)*x)%mod;
        return (res*res)%mod;
52
53
    }ll inv(ll x){return qpow(x,mod-2);}
54
55
    int main(){
        inv2=inv(2),inv6=inv(6);
56
        n=read();
57
58
        ll T=sqrt(n)+1;
        prime(T);
59
        getg();
60
61
         ll ans=(S(n,0)+1+mod)\%mod;
        cout<<ans;
62
63
         return 0;
    }
64
    线性基
    struct LB
1
2
    {
         static constexpr int L=60;
3
        array<i64,L+1> a{};
        LB(){}
         LB(const vector<i64> &v) { init(v); }
        bool insert(i64 t)
10
11
             for (int i=L;i>=0;i--)
12
                 if (t&(1ll<<i))
13
14
                      if (!a[i])
15
                          a[i]=t;
17
18
                           return 1;
19
                      else t^=a[i];
20
                 }
21
```

```
return 0;
22
23
24
         void init(const vector<i64> &v) { for (auto x:v) insert(x); }
25
         bool check(i64 t)
27
28
             for (int i=L;i>=0;i--)
29
                  if (t&(1ll<<i))</pre>
30
31
                       if (!a[i]) return 0;
                       else t^=a[i];
32
33
             return 1;
         }
34
35
         i64 QueryMax()
36
37
38
             i64 res=0;
             for (int i=L;i>=0;i--)
39
                 res=max(res,res^a[i]);
             return res;
41
42
         }
43
44
         i64 QueryMin()
45
             for (int i=0;i<=L;i++)</pre>
46
47
                  if (a[i]) return a[i];
48
             return 0;
         }
49
50
         i64 QueryKth(int k)
51
52
             i64 res=0;
53
54
             int cnt=0;
             array<i64,L+1> tmp{};
55
             for (int i=0;i<=L;i++)</pre>
56
57
                  for (int j=i-1;j>=0;j--)
58
                       if (a[i]&(1ll<<j)) a[i]^=a[j];</pre>
59
                  if (a[i]) tmp[cnt++]=a[i];
61
             if (k>=(111<<<cnt)) return -1;
62
             for (int i=0;i<cnt;i++)</pre>
63
                  if (k&(1ll<<i)) res^=tmp[i];</pre>
64
65
             return res;
66
         }
67
    };
```

数据结构

并查集(启发式合并+带撤销)

```
struct DSU
1
    {
        int n=0;
3
        vector<int> fa,siz;
        stack<int> s;
        DSU(int n) { init(n); }
        void init(int n)
10
            fa.resize(n);
11
            iota(fa.begin(),fa.end(),0);
12
            siz.assign(n,1);
13
14
            while (!s.empty()) s.pop();
        }
15
16
        int get(int x) { return fa[x]==x?x:get(fa[x]); }
17
18
        void merge(int x,int y)
```

```
20
21
             x=get(x),y=get(y);
             if (x==y) return;
22
             if (siz[x]<siz[y]) swap(x,y);</pre>
23
             s.push(y),fa[y]=x,siz[x]+=siz[y];
24
        }
25
26
        void undo()
27
28
29
             if (s.empty()) return;
             int y=s.top();
30
31
             s.pop();
32
             siz[fa[y]]-=siz[y];
             fa[y]=y;
33
        }
34
35
         void back(int t=0) { while (s.size()>t) undo(); }
    };
37
    状压 RMQ
    template <class T,class Cmp=less<T>>
1
    struct RMQ
2
    {
3
         const Cmp cmp=Cmp();
        static constexpr unsigned B=64;
5
        using u64=unsigned long long;
        int n;
        vector<vector<T>> a;
        vector<T> pre,suf,ini;
        vector<u64> stk;
10
11
        RMQ() {}
12
         RMQ(const vector<T> &v) { init(v); }
13
14
        void init(const vector<T> &v)
15
16
             n=v.size();
17
18
             pre=suf=ini=v;
             stk.resize(n);
19
20
             if (!n) return;
             const int M=(n-1)/B+1;
21
             const int lg=__lg(M);
22
             a.assign(lg+1,vector<T>(M));
             for (int i=0;i<M;i++)</pre>
24
25
             {
                  a[0][i]=v[i*B];
26
                 for (int j=1;j<B&&i*B+j<n;j++)</pre>
27
28
                      a[0][i]=min(a[0][i],v[i*B+j],cmp);
29
             for (int i=1;i<n;i++)</pre>
30
31
                 if (i%B) pre[i]=min(pre[i],pre[i-1],cmp);
             for (int i=n-2;i>=0;i--)
32
33
                 if (i%B!=B-1) suf[i]=min(suf[i],suf[i+1],cmp);
             for (int j=0;j<lg;j++)</pre>
34
35
                  for (int i=0;i+(2<<j)<=M;i++)</pre>
                      a[j+1][i]=min(a[j][i],a[j][i+(1<<j)],cmp);
36
             for (int i=0;i<M;i++)</pre>
37
38
             {
                 const int l=i*B;
39
40
                 const int r=min(1U*n,l+B);
                 u64 s=0;
41
                 for (int j=l;j<r;j++)</pre>
43
                      while (s&&cmp(v[j],v[__lg(s)+l])) s^=1ULL<<__lg(s);</pre>
44
45
                      s = 1ULL << (j-1);
                      stk[j]=s;
46
47
             }
48
49
```

```
//查询区间 [l,r) 的 RMQ
51
52
        T operator()(int l,int r)
53
             if (l/B!=(r-1)/B)
54
55
                 T ans=min(suf[l],pre[r-1],cmp);
56
57
                 l=l/B+1,r=r/B;
                 if (l<r)
58
59
                     int k=__lg(r-l);
                     ans=min({ans,a[k][l],a[k][r-(1<<k)]},cmp);
61
                 }
62
63
                 return ans;
             }
64
             else
65
66
             {
                 int x=B*(1/B);
67
                 return ini[__builtin_ctzll(stk[r-1]>>(l-x))+l];
68
             }
70
        }
    };
71
    树状数组
    template <class T>
    struct BIT
2
3
        int n;
4
        vector<T> a;
        BIT(int n_=0) { init(n_); }
        void init(int n_)
        {
11
             n=n_;
             a.assign(n,T{});
12
        }
13
14
15
        void add(int x,const T &v)
16
17
             for (int i=x+1;i<=n;i+=i&-i)</pre>
                 a[i-1]=a[i-1]+v;
18
        }
19
        //查询区间 [0,x)
21
22
        T sum(int x)
23
             T ans{};
24
             for (int i=x;i>0;i-=i&-i)
25
                 ans=ans+a[i-1];
26
27
             return ans;
        }
28
29
        //查询区间 [l,r)
30
        T rangeSum(int l,int r) { return sum(r)-sum(l); }
31
32
        int select(const T &k)
33
34
35
             int x=0;
             T cur{};
36
             for (int i=1<<__lg(n);i;i>>=1)
37
38
             {
                 if (x+i<=n&&cur+a[x+i-1]<=k)
40
                 {
                     x+=i;
41
42
                     cur=cur+a[x-1];
43
44
             }
             return x;
45
46
        }
    };
47
```

线段树

```
template <class Info,class Tag>
1
    struct SGT
2
3
    {
         int n;
4
5
         vector<Info> info;
        vector<Tag> tag;
6
        SGT():n(0) {}
        SGT(int n_,Info v_=Info()) { init(n_,v_); }
10
        template <class T>
11
12
         SGT(vector<T> init_) { init(init_); }
13
         void init(int n_,Info v_=Info()) { init(vector(n_,v_)); }
14
15
        template <class T>
16
17
        void init(vector<T> init_)
18
             n=init_.size();
19
             info.assign(4<<__lg(n),Info());</pre>
20
             tag.assign(4<<__lg(n),Tag());</pre>
21
             function<void(int,int,int)> build=[&](int p,int l,int r)
22
23
                 if (r-l==1)
24
25
                 {
                      info[p]=init_[l];
26
27
                      return;
28
29
                 int m=(l+r)>>1;
30
                 build(p<<1,1,m);
                 build(p<<1|1,m,r);
31
32
                 pushup(p);
             }:
33
34
             build(1,0,n);
        }
35
36
        void pushup(int p) { info[p]=info[p<<1]+info[p<<1|1]; }</pre>
37
38
        void apply(int p,const Tag &v)
39
40
        {
41
             info[p].apply(v);
             tag[p].apply(v);
42
        }
43
44
        void pushdown(int p)
45
46
             apply(p<<1,tag[p]);</pre>
47
48
             apply(p<<1|1,tag[p]);
49
             tag[p]=Tag();
50
51
        void modify(int p,int l,int r,int x,const Info &v)
52
53
        {
             if (r-l==1)
54
55
             {
56
                 info[p]=v;
                 return;
57
58
             int m=(l+r)>>1;
59
             pushdown(p);
60
             if (x<m) modify(p<<1,l,m,x,v);</pre>
61
             else modify(p<<1 | 1, m, r, x, v);
62
63
             pushup(p);
        }
64
65
         //0(log n) 单点修改
66
        void modify(int p,const Info &v) { modify(1,0,n,p,v); }
67
68
        Info rangeQuery(int p,int l,int r,int x,int y)
69
```

```
70
71
             if (l>=y||r<=x) return Info();</pre>
             if (l>=x&&r<=y) return info[p];</pre>
72
73
             int m=(l+r)>>1;
74
             pushdown(p);
             return rangeQuery(p<<1,l,m,x,y)+rangeQuery(p<<1|1,m,r,x,y);</pre>
75
76
77
         //O(log n) 区间查询 [l,r)
78
79
         Info rangeQuery(int l,int r) { rangeQuery(1,0,n,l,r); }
80
81
         void rangeApply(int p,int l,int r,int x,int y,const Tag &v)
82
             if (1>=y \mid r<=x) return;
83
             if (l>=x&&r<=y)
84
85
             {
                  apply(p,v);
87
                  return;
             int m=(l+r)>>1;
89
             pushdown(p);
90
91
             rangeApply(p<<1,l,m,x,y,v);</pre>
             rangeApply(p<<1|1,m,r,x,y,v);</pre>
92
             pushup(p);
93
         }
94
95
         //O(log n) 区间操作 [l,r)
96
         void rangeApply(int l,int r,const Tag &v) { rangeApply(1,0,n,l,r,v); }
97
98
         //O(log n) 区间 [l,r) 内查找第一个合法位置
99
         template <class F>
100
         int findFirst(int p,int l,int r,int x,int y,F pred)
101
102
103
             if (l>=y||r<=x||!pred(info[p])) return -1;</pre>
             if (r-l==1) return l;
104
             int m=(l+r)>>1;
105
             pushdown(p);
106
             int res=findFirst(p<<1,l,m,x,y,pred);</pre>
107
108
             if (res==-1) res=findFirst(p<<1|1,m,r,x,y,pred);</pre>
             return res;
109
110
111
         template <class F>
112
113
         int findFirst(int l,int r,F pred) { return findFirst(1,0,n,l,r,pred); }
114
115
         template <class F>
         int findLast(int p,int l,int r,int x,int y,F pred)
116
117
             if (l>=y||r<=x||!pred(info[p])) return -1;</pre>
118
              if (r-l==1) return l;
119
             int m=(l+r)>>1;
120
             pushdown(p);
121
              int res=findFirst(p<<1|1,m,r,x,y,pred);</pre>
122
             if (res==-1) res=findFirst(p<<1,l,m,x,y,pred);</pre>
123
             return res;
124
125
126
127
         template <class F>
128
         int findLast(int l,int r,F pred) { return findLast(1,0,n,l,r,pred); }
    };
129
130
    //这里默认乘法优先 (x*a+b)*c+d=x*(a*c)+(b*c+d)
131
132
    struct Tag
133
    {
134
         i64 a=1,b=0;
135
         void apply(Tag t)
136
137
             a*=t.a;
             b=b*t.a+t.b;
138
139
    };
140
```

```
141
142
    struct Info
143
         i64 x=0,l=0,r=0;
144
145
         void apply(Tag t)
146
147
             int len=r-l+1;
             x=x*t.a+len*t.b;
148
149
150
    };
151
152
    Info operator + (Info a,Info b)
153
         return {a.x+b.x,min(a.l,b.l),max(a.r,b.r)};
154
155
    字符串
    字符串哈希(随机模数)
    bool isPrime(int n)
 1
 2
     {
         if (n<=1) return 0;</pre>
 3
         for (int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
            if (n%i==0) return 0;
         return 1;
    }
    int findPrime(int n)
10
    {
         while (!isPrime(n)) n++;
11
12
         return n;
    }
13
    mt19937 rng(time(0));
15
    const int P=findPrime(rng()%900000000+1000000000);
16
     struct StrHash
17
18
19
         int n;
         vector<int> h,p;
20
21
         StrHash(const string &s){ init(s); }
22
23
         void init(const string &s)
24
25
             n=s.size();
             h.resize(n+1);
27
             p.resize(n+1);
29
             p[0]=1;
             for (int i=0;i<n;i++) h[i+1]=(10ll*h[i]+s[i]-'a')%P;</pre>
30
31
             for (int i=0;i<n;i++) p[i+1]=10ll*p[i]%P;</pre>
32
33
         //查询 [l,r) 的区间哈希
34
35
         int get(int l,int r) { return (h[r]+1ll*(P-h[l])*p[r-l])%P; }
    };
36
     KMP
    vector<int> KMP(const string &s)
 1
         int now=0:
 3
         vector<int> pre(s.size(),0);
         for (int i=1;i<s.size();i++)</pre>
             while (now&&s[i]!=s[now]) now=pre[now-1];
             if (s[i]==s[now]) now++;
             pre[i]=now;
         }
```

```
return pre;
11
12
    }
    Z函数
    vector<int> zFunction(string s)
    {
2
         int n=s.size();
        vector<int> z(n);
        z[0]=n;
        for (int i=1,j=1;i<n;i++)</pre>
             z[i]=max(0,min(j+z[j]-i,z[i-j]));
             while (i+z[i] < n & & s[z[i]] == s[i+z[i]]) z[i] ++;</pre>
             if (i+z[i]>j+z[j]) j=i;
11
12
        return z;
13
    }
    AC 自动机
    struct ACAM
1
2
        static constexpr int ALPHABET=26;
3
        struct Node
5
             int len;
             int link;
             array<int,ALPHABET> next;
             Node():len{0},link{0},next{}{}
10
        };
11
        vector<Node> t;
12
13
14
        ACAM() { init(); }
15
16
        void init()
17
        {
             t.assign(2,Node());
18
19
             t[0].next.fill(1);
             t[0].len=-1;
20
21
        }
22
23
        int newNode()
24
             t.emplace_back();
25
             return t.size()-1;
26
        }
27
28
        int add(const string &a)
29
30
        {
31
             int p=1;
             for (auto c:a)
32
33
                 int x=c-'a';
34
                 if (t[p].next[x]==0)
35
36
                      t[p].next[x]=newNode();
37
                      t[t[p].next[x]].len=t[p].len+1;
                 }
39
40
                 p=t[p].next[x];
             }
41
             return p;
42
43
        }
44
45
        void work()
46
             queue<int> q;
47
             q.push(1);
48
             while (!q.empty())
49
```

```
{
50
51
                 int x=q.front();
52
                 q.pop();
                 for (int i=0;i<ALPHABET;i++)</pre>
53
54
                     if (t[x].next[i]==0) t[x].next[i]=t[t[x].link].next[i];
55
56
                     {
57
                          t[t[x].next[i]].link=t[t[x].link].next[i];
58
59
                          q.push(t[x].next[i]);
                     }
60
61
                 }
            }
62
63
64
        int next(int p,int x) { return t[p].next[x]; }
65
        int link(int p) { return t[p].link; }
67
        int size() { return t.size(); }
69
   };
70
    后缀数组
    struct SA
1
2
    {
3
        vector<int> sa,rk,lc;
4
        SA(const string &s)
5
            n=s.length();
7
            sa.resize(n);
            rk.resize(n);
            lc.resize(n-1);
11
            iota(sa.begin(),sa.end(),0);
            sort(sa.begin(),sa.end(),[&](int a,int b){ return s[a]<s[b]; });</pre>
12
13
            rk[sa[0]]=0;
            for (int i=1;i<n;i++) rk[sa[i]]=rk[sa[i-1]]+(s[sa[i]]!=s[sa[i-1]]);</pre>
14
15
            int k=1;
            vector<int> tmp,cnt(n);
16
17
            tmp.reserve(n);
            while (rk[sa[n-1]]<n-1)
18
            {
19
                 tmp.clear();
                 for (int i=0;i<k;i++) tmp.push_back(n-k+i);</pre>
21
                 for (auto i:sa)
22
                     if (i>=k) tmp.push_back(i-k);
23
                 fill(cnt.begin(),cnt.end(),0);
24
25
                 for (int i=0;i<n;i++) cnt[rk[i]]++;</pre>
                 for (int i=1;i<n;i++) cnt[i]+=cnt[i-1];</pre>
26
                 for (int i=n-1;i>=0;i--) sa[--cnt[rk[tmp[i]]]]=tmp[i];
27
28
                 swap(rk,tmp);
                 rk[sa[0]]=0;
29
                 for (int i=1;i<n;i++)</pre>
30
                     rk[sa[i]] = rk[sa[i-1]] + (tmp[sa[i-1]] < tmp[sa[i]] \\ | | sa[i-1] + k = n| \\ | tmp[sa[i-1] + k] < tmp[sa[i] + k]);
31
32
                 k <<=1;
            }
33
            for (int i=0,j=0;i<n;i++)</pre>
34
35
            {
                 if (rk[i]==0) j=0;
36
37
                 else
38
                     for (j-=j>0;i+j<n&&sa[rk[i]-1]+j<n&&s[i+j]==s[sa[rk[i]-1]+j];) j++;</pre>
40
                     lc[rk[i]-1]=j;
                 41
42
            }
        }
43
   };
44
```

(广义) 后缀自动机

```
struct SAM
2
    {
        static constexpr int ALPHABET=26;
        struct Node
             int len;
             int link;
             array<int,ALPHABET> next;
             Node():len{},link{},next{} {}
10
        };
11
12
         vector<Node> t;
13
        SAM() { init(); }
14
15
        void init()
16
17
             t.assign(2,Node());
18
             t[0].next.fill(1);
             t[0].len=-1;
20
21
22
        int newNode()
23
24
        {
             t.emplace_back();
25
             return t.size()-1;
26
        }
27
28
        int extend(int lst,int c)
30
31
             if (t[lst].next[c]&&t[t[lst].next[c]].len==t[lst].len+1)
32
                 return t[lst].next[c];
             int p=lst,np=newNode(),flag=0;
33
34
             t[np].len=t[p].len+1;
             while (!t[p].next[c])
35
36
             {
37
                 t[p].next[c]=np;
                 p=t[p].link;
38
39
             if (!p)
40
41
             {
                 t[np].link=1;
42
                 return np;
43
44
             int q=t[p].next[c];
45
             if (t[q].len==t[p].len+1)
46
47
             {
                 t[np].link=q;
49
                 return np;
50
             if (p==lst) flag=1,np=0,t.pop_back();
51
             int nq=newNode();
52
53
             t[nq].link=t[q].link;
             t[nq].next=t[q].next;
54
55
             t[nq].len=t[p].len+1;
             t[q].link=t[np].link=nq;
56
             while (p&&t[p].next[c]==q)
57
58
                 t[p].next[c]=nq;
59
60
                 p=t[p].link;
61
62
             return flag?nq:np;
        }
63
64
65
        int add(const string &a)
66
             int p=1;
67
             for (auto c:a) p=extend(p,c-'a');
68
69
             return p;
```

```
}
70
71
        int next(int p,int x) { return t[p].next[x]; }
72
73
        int link(int p) { return t[p].link; }
74
75
76
        int len(int p) { return t[p].len; }
77
        int size() { return t.size(); }
78
79
    };
    Manacher
    vector<int> manacher(vector<int> s)
2
    {
        vector<int> t{0};
3
        for (auto c:s)
4
5
             t.push_back(c);
             t.push_back(0);
        int n=t.size();
        vector<int> r(n);
10
        for (int i=0,j=0;i<n;i++)</pre>
11
12
             if (j*2-i>=0&&j+r[j]>i) r[i]=min(r[j*2-i],j+r[j]-i);
13
14
             while (i-r[i]>=0&&i+r[i]<n&&t[i-r[i]]==t[i+r[i]]) r[i]++;</pre>
            if (i+r[i]>j+r[j]) j=i;
15
        }
16
17
        return r;
    }
18
    回文自动机
    struct PAM
    {
2
        static constexpr int ALPHABET_SIZE=28;
3
4
        struct Node
5
             int len,link,cnt;
             array<int,ALPHABET_SIZE> next;
             Node():len{},link{},cnt{},next{}{}
        };
        vector<Node> t;
10
11
        int suff;
        string s;
12
13
        PAM() { init(); }
14
15
        void init()
16
17
18
             t.assign(2,Node());
            t[0].len=-1;
19
             suff=1;
20
21
             s.clear();
22
        }
23
        int newNode()
24
25
             t.emplace_back();
26
27
             return t.size()-1;
        }
28
29
        bool add(char c,char offset='a')
31
32
             int pos=s.size();
             s+=c;
33
             int let=c-offset;
34
             int cur=suff,curlen=0;
             while (1)
36
```

```
{
37
38
                 curlen=t[cur].len;
                 if (pos-curlen-1>=0&&s[pos-curlen-1]==s[pos]) break;
39
                 cur=t[cur].link;
40
            if (t[cur].next[let])
42
43
                 suff=t[cur].next[let];
44
45
                 return 0;
            int num=newNode();
47
48
            suff=num;
            t[num].len=t[cur].len+2;
49
            t[cur].next[let]=num;
50
            if (t[num].len==1)
51
52
            {
                 t[num].link=t[num].cnt=1;
53
                 return 1;
54
            while (1)
56
57
            {
                 cur=t[cur].link;
58
59
                 curlen=t[cur].len;
                 if (pos-curlen-1>=0&&s[pos-curlen-1]==s[pos])
61
62
                     t[num].link=t[cur].next[let];
63
                     break;
                 }
64
            t[num].cnt=t[t[num].link].cnt+1;
66
67
            return 1;
68
    };
```

图论

最短路 (Dijkstra)

```
\mathcal{O}(m \log m)
    #define MAXN (int)(1e5+233)
    #define MAXM (int)(2e5+233)
    #define ll long long
    const ll inf=(ll)(1e17);
    int n,m;
    struct qwq
        int nex,to; ll w;
    }e[MAXM];
    int h[MAXN],tot=0;
    inline void add(int x,int y,ll z)
11
12
        e[++tot].to=y;
13
        e[tot].nex=h[x];
14
        e[tot].w=z;
15
        h[x]=tot;
16
17
    }
    struct Node
18
19
    {
         int id;
20
21
22
    bool operator < (const Node &A,const Node &B) { return A.dis>B.dis; }
23
    priority_queue<Node> q;
24
25
    ll dis[MAXN];
    bool vis[MAXN];
26
27
    inline void INIT()
28
29
         for (int i=1;i<=n;i++)</pre>
        {
30
```

```
h[i]=0;
31
32
             dis[i]=inf;
             vis[i]=false;
33
        }
34
35
        tot=0;
36
37
    inline void dijkstra(int s)
38
    {
        dis[s]=0; q.push((Node){s,dis[s]});
39
40
        int x;
        while (!q.empty())
41
42
             x=q.top().id; q.pop();
43
             if (vis[x]) continue;
44
             vis[x]=true;
45
             for (int i=h[x],y;i;i=e[i].nex)
46
47
                 y=e[i].to;
48
                 if (dis[y]>dis[x]+e[i].w)
                 {
50
                      dis[y]=dis[x]+e[i].w;
51
52
                      if (!vis[y])
53
                      {
                          q.push((Node){y,dis[y]});
55
                      }
56
                 }
             }
57
58
59
        for (int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",dis[i]); puts("");</pre>
        return:
60
61
    判负环 (SPFA/Bellman-Ford)
    \mathcal{O}(nm)
    #define ll long long
    const ll inf=(ll)(1e16);
    #define MAXN (int)(2e3+233)
    #define MAXM (int)(6e3+233)
    struct qwq
    {
        int nex,to;
        ll w;
    }e[MAXM];
    int h[MAXN],tot=0;
    int n,m;
11
    inline void add(int x,int y,ll z)
13
        e[++tot].to=y;
14
15
        e[tot].nex=h[x];
        e[tot].w=z;
16
17
        h[x]=tot;
18
    ll dis[MAXN];
19
    int cnt[MAXN];
20
    bool vis[MAXN];
21
22
    queue<int> q;
    inline void INIT()
23
24
         for (int i=1;i<=n;i++) h[i]=0,dis[i]=inf,cnt[i]=0,vis[i]=false; tot=0;</pre>
25
        while (!q.empty()) q.pop();
26
        return;
27
    }
28
29
    inline bool spfa(int s)
30
31
32
        dis[s]=0; q.push(s); vis[s]=true;
33
         int x;
        while (!q.empty())
34
        {
35
```

```
x=q.front(); q.pop(); vis[x]=false;
36
37
             for (int i=h[x],y;i;i=e[i].nex)
38
             {
39
                 y=e[i].to;
                 if (dis[y]>dis[x]+e[i].w)
41
42
                      dis[y]=dis[x]+e[i].w;
                      if (!vis[y])
43
44
                      {
45
                          cnt[y]++;
                          if (cnt[y]>=n) return false;
46
47
                          q.push(y); vis[y]=true;
48
                      }
                 }
49
             }
50
51
52
        return true;
53
    inline bool bellman_ford(int s)
54
55
    {
        dis[s]=0;
56
57
        for (int k=1;k<n;k++)</pre>
58
             for (int x=1;x<=n;x++)</pre>
                 if (dis[x]==inf) continue;
60
61
                 for (int i=h[x],y;i;i=e[i].nex)
62
                      y=e[i].to;
63
                      if (dis[y]>dis[x]+e[i].w)
                          dis[y]=dis[x]+e[i].w;
65
66
             }
67
        for (int x=1;x<=n;x++)</pre>
68
             if (dis[x]==inf) continue;
70
71
             for (int i=h[x],y;i;i=e[i].nex)
72
             {
                 y=e[i].to;
73
                 if (dis[y]>dis[x]+e[i].w) return false;
74
             }
75
76
        return true;
77
    }
78
79
    inline void R()
80
81
        scanf("%d%d",&n,&m);
82
83
        INIT();
        for (int i=1,x,y;i<=m;i++)</pre>
84
85
86
             ll z;
             scanf("%d%d%lld",&x,&y,&z);
87
             if (z \ge 0) add(x,y,z),add(y,x,z);
             else add(x,y,z);
89
90
        puts(spfa(1)?"NO":"YES"); /*or*/ puts(bellman_ford(1)?"NO":"YES");
91
92
        return;
    }
    强连通分量
    struct SCC
2
    {
        int n,cur,cnt;
        vector<vector<int>> adj;
4
        vector<int> stk,dfn,low,bel;
        SCC() {}
        SCC(int n) { init(n); }
        void init(int n)
```

```
{
11
12
             this->n=n;
             adj.assign(n,{});
13
             stk.clear();
14
15
             dfn.assign(n,−1);
             low.resize(n);
16
17
             bel.assign(n,-1);
             cur=cnt=0;
18
         }
19
20
         void add(int u,int v) { adj[u].push_back(v); }
21
22
         void dfs(int x)
23
24
             dfn[x]=low[x]=cur++;
25
             stk.push_back(x);
26
27
             for (auto y:adj[x])
             {
28
                  if (dfn[y]==-1)
29
30
                  {
                      dfs(y);
31
                      low[x]=min(low[x],low[y]);
32
33
                  else if (bel[y]==-1) low[x]=min(low[x],dfn[y]);
35
36
             if (dfn[x]==low[x])
37
                  int y;
38
                  do
40
                  {
41
                      y=stk.back();
                      bel[y]=cnt;
42
43
                      stk.pop_back();
44
                  } while (y!=x);
                  cnt++;
45
46
         }
47
48
         vector<int> work()
49
50
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
51
                 if (dfn[i]==-1) dfs(i);
52
             return bel;
53
54
         }
55
56
         struct Graph
57
             vector<pair<int,int>> edges;
59
60
             vector<int> siz,cnte;
61
         };
62
         Graph compress()
64
65
             Graph G;
66
             G.n=cnt;
             G.siz.resize(cnt);
67
             G.cnte.resize(cnt);
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
69
70
                  G.siz[bel[i]]++;
71
72
                  for (auto j:adj[i])
73
                      if (bel[i]!=bel[j])
                           G.edges.emplace_back(bel[j],bel[i]);
74
75
             return G;
76
77
         };
    };
```

边双连通分量

```
struct EBCC
2
    {
        int n;
        vector<vector<int>> adj;
        vector<int> stk,dfn,low,bel;
        int cur,cnt;
        EBCC() {}
        EBCC(int n) { init(n); }
10
        void init(int n)
11
12
             this->n=n;
13
             adj.assign(n,{});
14
15
             dfn.assign(n,-1);
             low.resize(n);
16
17
             bel.assign(n,-1);
             stk.clear();
18
             cur=cnt=0;
        }
20
21
        void add(int u,int v)
22
23
        {
24
             adj[u].push_back(v);
             adj[v].push_back(u);
25
        }
26
27
        void dfs(int x,int p)
28
29
             dfn[x]=low[x]=cur++;
30
31
             stk.push_back(x);
32
             for (auto y:adj[x])
33
             {
34
                 if (y==p) continue;
                 if (dfn[y]==-1)
35
36
                 {
37
                      dfs(y,x);
38
                      low[x]=min(low[x],low[y]);
39
40
                 else if (bel[y]==-1&&dfn[y]<dfn[x]) low[x]=min(low[x],dfn[y]);</pre>
41
             if (dfn[x]==low[x])
42
43
                 int y;
44
                 do
45
46
                      y=stk.back();
47
                      bel[y]=cnt;
49
                      stk.pop_back();
                 } while (y!=x);
50
51
                 cnt++;
             }
52
53
        }
54
55
        vector<int> work()
56
57
             dfs(0,-1);
58
             return bel;
        }
59
60
        struct Graph
61
62
        {
63
             int n;
             vector<pair<int,int>> edges;
64
65
             vector<int> siz,cnte;
66
        };
67
        Graph compress()
68
69
        {
```

```
Graph G;
70
71
             G.n=cnt;
             G.siz.resize(cnt);
72
             G.cnte.resize(cnt);
73
74
             for (int i=0;i<n;i++)</pre>
75
             {
76
                 G.siz[bel[i]]++;
                 for (auto j:adj[i])
77
78
                      if (bel[i] < bel[j]) G.edges.emplace_back(bel[i],bel[j]);</pre>
79
                      else if (i<j) G.cnte[bel[i]]++;</pre>
80
81
             }
82
             return G;
83
84
        };
    };
85
    轻重链剖分
    struct HLD
    {
2
3
        vector<int> siz,top,dep,pa,in,out,seq;
4
        vector<vector<int>> adj;
5
        int cur;
        HLD(){}
8
        HLD(int n) { init(n); }
10
        void init(int n)
11
12
        {
13
             this->n=n;
             siz.resize(n);
14
15
             top.resize(n);
16
             dep.resize(n);
             pa.resize(n);
17
18
             in.resize(n);
             out.resize(n);
19
20
             seq.resize(n);
             cur=0;
21
22
             adj.assign(n,{});
        }
23
24
        void addEdge(int u,int v)
25
26
        {
27
             adj[u].push_back(v);
28
             adj[v].push_back(u);
        }
29
30
        void work(int rt=0)
31
32
        {
33
             top[rt]=rt;
             dep[rt]=0;
34
35
             pa[rt]=-1;
             dfs1(rt);
36
37
             dfs2(rt);
        }
38
39
        void dfs1(int u)
40
41
             if (pa[u]!=-1) adj[u].erase(find(adj[u].begin(),adj[u].end(),pa[u]));
42
             siz[u]=1;
43
             for (auto &v:adj[u])
45
             {
                 pa[v]=u;
46
47
                 dep[v]=dep[u]+1;
                 dfs1(v);
48
49
                 siz[u]+=siz[v];
                 if (siz[v]>siz[adj[u][0]])
50
51
                      swap(v,adj[u][0]);
             }
52
```

```
}
53
54
         void dfs2(int u)
55
56
             in[u]=cur++;
57
             seq[in[u]]=u;
58
59
             for (auto v:adj[u])
60
                  top[v]=(v==adj[u][0])?top[u]:v;
61
62
                  dfs2(v);
63
64
             out[u]=cur;
         }
65
66
         int lca(int u,int v)
67
68
             while (top[u]!=top[v])
70
71
                  if (dep[top[u]]>dep[top[v]]) u=pa[top[u]];
72
                  else v=pa[top[v]];
73
74
             return dep[u] < dep[v] ?u:v;</pre>
75
         }
         int dist(int u,int v) { return dep[u]+dep[v]-(dep[lca(u,v)]<<1); }</pre>
77
78
         int jump(int u,int k)
79
80
         {
81
             if (dep[u] < k) return -1;</pre>
             int d=dep[u]-k;
82
             while (dep[top[u]]>d) u=pa[top[u]];
83
             return seq[in[u]-dep[u]+d];
84
85
         }
         bool isAncester(int u,int v) { return in[u]<=in[v]&&in[v]<out[u]; }</pre>
87
88
         int rootedParent(int u,int v)//u->root,v->point
89
         {
90
             if (u==v) return u;
91
             if (!isAncester(v,u)) return pa[v];
92
             auto it=upper_bound(adj[v].begin(),adj[v].end(),u,[&](int x,int y){ return in[x]<in[y]; })-1;</pre>
93
             return *it;
94
         }
95
96
         int rootedSize(int u,int v)//same as rootedParent
97
98
             if (u==v) return n;
99
100
             if (!isAncester(v,u)) return siz[v];
             return n-siz[rootedParent(u,v)];
101
102
103
         int rootedLca(int a,int b,int c) { return lca(a,b)^lca(b,c)^lca(c,a); }
104
    };
     最大流
     bool bfs(ll s,ll t){
2
         for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=-1;dis[s]=0;</pre>
         for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=frm[i];</pre>
         q.push(s);
         while(!q.empty()){
             ll x=q.front();q.pop();
             for(int i=frm[x];i;i=e[i].net){
                  ll v=e[i].to;
10
                  if(dis[v]==-1&&e[i].val) dis[v]=dis[x]+1,q.push(v);
11
12
         return dis[t]!=-1;
13
14
    }
15
```

```
ll dfs(ll s,ll flow){
16
17
        if(s==t||!flow) return flow;
        if(dis[s]>=dis[t]) return 0;
18
        11 now=0, res=0;
19
        for(int i=cur[s];i;i=e[i].net){
            ll x=e[i].to;
21
22
            if(dis[x]==dis[s]+1&&e[i].val){
                res=dfs(x,min(flow-now,e[i].val));
23
                if(!res) continue;
24
                e[i].val-=res;e[i^1].val+=res;now+=res;flow-=res;
25
                cur[s]=i;
26
27
                if(!flow) break;
            }
28
29
        if(!now) return (dis[s]=0);
30
        return now;
31
32
   }
33
34
    void dinic(ll s,ll t){
        while(bfs(s,t)){
35
            ll last=dfs(s,1e18);
36
            while(last) ans+=last,last=dfs(s,1e18);
37
        }
38
   }
    最大流条件下最小费用(费用流)
    bool bfs(ll s,ll t){
        queue<ll>q;
2
        memset(dis,127,sizeof dis);memset(vis,0,sizeof vis);memset(pre,-1,sizeof pre);
        ll inf=dis[0];dis[s]=0;vis[s]=1;
4
        dis[s]=pre[s]=0;flow[s]=inf;q.push(s);
        while(!q.empty()){
            ll x=q.front();q.pop();vis[x]=0;
            for(int i=frm[x];i;i=e[i].net){
                ll v=e[i].to;
                if(dis[v]>dis[x]+e[i].cost&&e[i].val){
                    dis[v]=dis[x]+e[i].cost;
11
12
                    xb[v]=i;pre[v]=x;flow[v]=min(flow[x],e[i].val);
                    if(!vis[v]) q.push(v),vis[v]=1;
13
14
                }
            }
15
16
        if(dis[t]==inf) return 0;
17
        return 1;
18
   }
19
20
    void EK(ll s,ll t){
21
22
        while(bfs(s,t)){
            ll k=t;
23
            while(s!=k){
24
                e[xb[k]].val-=flow[t];e[xb[k]^1].val+=flow[t];
25
                k=pre[k];
26
27
            maxflow+=flow[t];mincost+=flow[t]*dis[t];
28
   }
   //add(x,y,v,c);add(x,y,0,-c);
```