

LaTeX テンプレート

野本 慶一郎

最終更新: 2025 年 2 月 14 日 20 時 22 分 ☀

目次

1	記号・数式	2
1.1	数学文字	2
1.2	数学作用素	2
1.3	数式	2
2	定理・コメント	2
2.1	定理環境	2
3	図	3
4	証明	3
4.1	証明環境	3

1 記号・数式

1.1 数学文字

黒板文字 (<code>\mathbb</code>)	$\mathbb{A}, \mathbb{B}, \mathbb{C}, \mathbb{D}, \dots$
筆記体 (<code>\mathcal</code>)	$\mathcal{A}, \mathcal{B}, \mathcal{C}, \mathcal{D}, \dots$
フラクトゥール (<code>\mathfrak</code>)	$\mathfrak{A}, \mathfrak{B}, \mathfrak{C}, \mathfrak{D}, \dots, \mathfrak{a}, \mathfrak{b}, \mathfrak{c}, \mathfrak{d}, \dots$
花文字 (<code>\mathscr</code>)	$\mathscr{A}, \mathscr{B}, \mathscr{C}, \mathscr{D}, \dots$

1.2 数学作用素

MyMathOperators に登録した文字は数学作用素として書くことができる。例えば

$$\mathrm{Ker} f, \mathrm{Hom}(\mathfrak{g}, \mathfrak{h}), \mathrm{Gal}(\overline{K}/K), \mathrm{Spec} A, \mathrm{rank} E(\mathbb{Q}), \mathrm{Sel}^{(\phi)}(E/K)$$

のように使用可能。

1.3 数式

`align` 環境で数式を書く際には、ラベリングをするかどうかに関わらず「*」は付けなくてよい。例えば数式

$$\zeta(s) := \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^s}$$

は引用していないので、式番号は付いていない。しかし

$$f(z_0) = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \frac{f(z)}{z - z_0} dz$$

は式 1.3 と引用したので式番号が表示されている。また、括弧は

$$\left(\frac{q}{p}\right), \left\{0, \frac{k}{m}\right\}, \left[\frac{1}{n+1}x^{n+1}\right]_{x=a}^b$$

のように簡潔に書くことができる。また、集合は

$$\left\{(a_i) \in \prod A_i \mid f_{ij}(a_j) = a_i\right\}$$

と書くことができる。

2 定理・コメント

2.1 定理環境

定義や命題等は、以下のようにして記述する:

定義 2.1: 群の定義 [1, 命題 hoge]

空でない集合 G が群であるとは、写像

$$\phi: G \times G \rightarrow G$$

で以下の三つの条件を満たすものが存在することをいう。

結合法則 $\forall g, h, i \in G, \phi(\phi(g, h), i) = \phi(g, \phi(h, i)).$
単位元の存在 $\exists e \in G \text{ s.t. } \forall g \in G, \phi(g, e) = \phi(e, g) = e.$
逆元の存在 $\forall g \in G, \exists g^{-1} \in G \text{ s.t. } \phi(g, g^{-1}) = \phi(g^{-1}, g) = e.$
 $\phi(g, h)$ のことを単に, $g \cdot h$ や gh と書くことがある.

命題 2.2: 単位元の一意性 [1, 命題 hoge]

群 G の単位元 e は一意に存在する.

Proof. $e, e' \in G$ を単位元とする. 定義 2.1 より

$$\begin{aligned} e &= e \cdot e' \quad (\because e' \text{ は単位元}) \\ &= e' \quad (\because e \text{ は単位元}) \end{aligned}$$

が成り立つ. したがって群の単位元は一意に存在する. \square

注意 2.3: [1, 命題 hoge]

命題 2.2 と同様にして, 逆元の一意性も証明することができる.

3 図

準同型定理の図式は以下のようにして書ける.

$$\begin{array}{ccc} G & \xrightarrow{f} & \text{Im } f \\ \pi \downarrow & \searrow \cong & \nearrow \circlearrowleft \\ G/\text{Ker } f & & \end{array}$$

ファイバー積の普遍性は以下のようにして書ける.

$$\begin{array}{ccccc} T & & & & \\ & \searrow \exists! u & & \searrow q & \\ & X \times_Z Y & \xrightarrow{q} & Y & \\ & \downarrow p & & \downarrow g & \\ & X & \xrightarrow{f} & Z & \\ & \swarrow s & & \swarrow & \end{array}$$

4 証明

4.1 証明環境

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis.

Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

参考文献

- [1] 雪江明彦. 代数学 1 群論入門. 日本評論社, 2010.