Hobbit, czyli tam i z powrotem

AiSD2, laboratoria 4.

15.03.2018

Treść zadania.

Na mapie Śródziemia (mapa jest w postaci macierzy $X \times Y$) zaznaczono liczbę skarbów, znajdujących się na każdym polu. Liczba skarbów jest oczywiście liczbą nieujemną. W lewym górnym rogu mapy (pole (0,0)) znajduje domek hobbita, a w prawym dolnym rogu (pole (X-1,Y-1)) znajduje się Samotna Góra. Pomóż hobbitowi zaplanować trasę podróży, maksymalizującą liczbę skarbów zebranych po drodze. Po wejściu na dane pole, hobbit zbiera wszystkie skarby (także z pola z domkiem i pola z Samotną Górą). Oczywiście skarby można zebrać tylko raz.

rozgrzewka: tam Znajdź optymalną trasę z domku hobbita do Samotnej Góry. Hobbit może poruszać się albo w prawo, albo w dół (nie na ukos, oczywiście nie możemy wyjść poza mapę).

tam i z powrotem Po dotarciu do Samotnej Góry, hobbit chce wrócić do domu. Zaplanuj optymalną trasę z domku hobbita do Samotnej Góry i z powrotem do domku hobbita. Po osiągnięciu Samotnej Góry możemy poruszać się tylko w lewo albo w górę.

Punktacja

- 1.5 pkt znalezienie optymalnej liczby skarbów na trasie "tam"
- **0.5 pkt** znalezienie optymalnej trasy "tam"
- 1.5 pkt znalezienie optymalnej liczby skarbów na trasie "tam i z powrotem"
- 0.5 pkt znalezienie optymalnej trasy "tam i z powrotem"

Wymagania techniczne

W obu częściach zadania należy zwrócić liczbę zebranych skarbów. Jako parametr *out* zwracamy ścieżkę w postaci listy elementów typu Point (struktura zdefiniowana w pliku Adventure Planner.cs). Punkty odpowiadają współrzędnym kolejnych pól.

W pierwszej części zadania ścieżka ma zaczynać się od pola (0,0), a kończyć polem (X-1,Y-1). W drugiej części zadania ścieżka ma zaczynać się i kończyć na polu (0,0). Ścieżka ta musi osiągać pole (X-1,Y-1). Po osiągnięciu tego pola następuje zmiana kierunku poruszania.

Oczekiwana złożoność to $O(X \cdot Y)$ w pierwszej części i $O(X^2 \cdot Y)$ lub $O(X \cdot Y^2)$ w drugiej części.

W klasie AdventurePlanner znajduje się pole MaxToShow, wskazujące maksymalny rozmiar zadania, dla którego rozwiązanie będzie wypisywane na konsolę. Ustawienie tego pola na 0 sprawi, że żadne wyniki nie będa wypisywane.

Wskazówki

- Czym jest ścieżka "z powrotem" po odwróceniu kierunku?
- Jaka jest długość ścieżki "tam", a jaka ścieżki "z powrotem"?
- Jeśli po i krokach ścieżka "tam" doprowadziła nas do pola (x_1, y_1) , a ścieżka "z powrotem" do pola (x_2, y_2) , to jaka jest relacja między x_1, y_1, x_2, y_2 ?
- Czy możemy założyć coś o relacji między ścieżką "tam" i ścieżką "z powrotem"? Co dzieje się, jeśli te ścieżki się krzyżują?