Задача № 4

(Решение уравнения переноса с использованием нитей Posix)

Постановка задачи.

Необходимо решить одномерное уравнение переноса вида

$$\frac{\partial u}{\partial t} + c \frac{\partial u}{\partial x} = 0, \quad -\infty \le x \le \infty, \quad t \ge 0,$$

$$u(x, 0) = g(x), \quad -\infty \le x \le \infty,$$

$$g(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ x(2-x), & 0 \le x \le 2, \\ 0, & x > 2 \end{cases}$$
(1)

(где c = const - скорость волны, которую будем считать положительной).

Разностная аппроксимация уравнения (1) имеет вид

$$\frac{u_i^{n+1} - u_i^n}{\tau} + c \frac{u_i^n - u_{i-1}^n}{h} = 0,$$

$$u_i^0 = g(x_i)$$

Задание:

- 1) Решить волновое уравнение (1) на момент времени T=4, используя следующие параметры: c=1, h=0,1, $\tau=0,05$. Вывести на экран значения импульса u на отрезке $x \in [0, 10]$.
- 2) Сравнить с точным решением (решаемым в этой же программе) при $c=1,\,h=0,1,\,\tau=0,1$:

$$u(x,t) = g(x-ct)$$

3) Построить график зависимость ускорения S от количества нитей t, где t=1,2,3,...,8-12.