Заметки курса «Гармонический анализ»

Источник: an_explanations.pdf

Лектор: Карасёв Р.Н.

Восторженные читатели: Хоружий Кирилл

Примак Евгений

От: 7 июня 2021 г.

Содержание

Вроде как это тема 50 из билетов. Но она строится на 49 теме, которая затронулась в прошлой лекции.

Def 0.1. Множество функций $X \subset C(K)$ (над метрическим компактом) **равностепенно непрерывно**, если $\forall \varepsilon > 0 \, \exists \delta > 0 \colon \forall f \in X \, \forall x, y \in K, \, \rho(x,y) < \delta \Leftrightarrow |f(x) - f(y)| < \varepsilon.$

Если все функции ещё и *L*-липшецивы, то $|f(x) - f(y)| = L\rho(x,y)$.

Можно ввести понятие модуля непрерывности для липшецивых функций:

$$\omega_X(\delta) = \sup \{ |f(x) - f(y)| \mid f \in X, \, \rho(x, y) < \delta \}.$$

X – равностепенно непрерывно $\Longleftrightarrow \omega_X(\delta) \to 0$ при $\delta \to +0.$

Thr 0.2 (Арцела-Асколи). Множество $X \subset C(K)$ предкомпактно $\iff X$ равномерно ограниченно и равностенно непрерывно.