$\Phi_{\mathsf{N}}$ ЗТ $_{\mathsf{E}}$ Х Ж $_{\mathsf{N}}$ К

## Весенний семестр

- 1. Понятие об устойчивости, неустойчивости и асимптотической устойчивости движения. Формулировка теоремы Ляпунова об устойчивости по первому приближению для установившихся движений. Критерий Рауса Гурвица. Понятие о критических случаях в теории устойчивости.
- 2. Теорема Лагранжа об устойчивости положения равновесия консервативной системы. Теоремы Ляпунова об обращении теоремы Лагранжа.
- 3. Линеаризация уравнений движения консервативной системы в окрестности ее положения равновесия. Нормальные координаты и нормальные колебания.
- 4. Колебания консервативной системы под действием внешних периодических сил. Резонанс в вынужденных колебаниях. Влияние внешних периодических сил на малые колебания склерономной системы.
- 5. Классификация особых точек на плоскости. Предельные циклы. Понятие об автоколебаниях.
- 6. Фазовая плоскость консервативной системы с одной степенью свободы. Равновесия, периодические движения, сепаратрисы.
- 7. Элементы теории бифуркации: бифуркации «смена устойчивости» и «седло-узел», бифуркация «вилки».
- 8. Элементы теории бифуркаций: бифуркация Андронова Хонфа рождения (исчезновения) цикла.
- 9. Понятие о методе нормальных форм в теории нелинейных колебаний.
- 10. Понятие о методе усреднения. Построение первого приближения по малому параметру для дифференциальных уравнений в стандартной форме.
- 11. Канонические уравнения Гамильтона. Физический смысл функции Гамильтона. Обобщенно консервативные системы. Интеграл Якоби.
- 12. Уравнения Уиттекера для консервативных и обобщенно консервативных систем. Время и энергия как канонически сопряженные переменные.
- 13. Уравнения Рауса. Понижение порядка системы дифференциальных уравнений движения при помощи уравнений Рауса в случае существования циклических координат. Приведенный потенциал.
- 14. Скобки Лагранжа. Скобки Пуассона и их свойства. Скобки Пуассона и первые интегралы. Теорема Якоби-Пуассона.
- 15. Понятие канонического преобразования. Симплектичность (или обобщенная симплектичность) матрицы Якоби преобразования необходимое и достаточное условие его каноничности. Критерии каноничности преобразования, выраженные через скобки Лагранжа, екобки Пуассона и посредством дифференциальной формы.
- 16. <del>Канонические преобразования и процесс движения</del>. <del>Теорема Лиувилля о сохранении фазового объема.</del> <del>Инвариантность скобок Пуассона при канонических преобразованиях.</del>
- 17. Свободное каноническое преобразование и его производящая функция. Каноническое преобразование с производящей функцией, зависящей от старых координат и новых импульсов. Получение новой функции Гамильтона при каноническом преобразовании.
- 18. Уравнение Гамильтона Якоби. Полный интеграл. Теорема Якоби.
- 19. Разделение переменных в уравнении Гамильтона-Якоби. Примеры.
- 20. Переменные действие—угол для системы с одной степенью свободы. Понятие о переменных действие—угол для систем с несколькими степенями свободы.
- 21. <del>Понятие интегрируемости гамильтоновых систем. Теорема Лиувилля об интегрируемости гамильтоновых систем в квадратурах.</del> <del>Представление движения на инвариантных торах.</del>
- 22. Классическая теория возмущений. Нерезонансный и резонансный случаи в теории возмущений. Проблема малых знаменателей.

 $M_{\text{M}}$ K  $\Phi_{\text{M}}$ 3 $T_{\text{E}}$ X

- 23. Преобразование Биркгофа.
- 24. Канонические преобразования, близкие к тождественным и их применение в теории возмущений (на примере маятника, точка подвеса которого совершает периодические вертикальные вибрации).
- 25. <del>Параметрический резонанс в гамильтоновой системе с одной степенью свободы</del> (на примере уравнения Матье).
- 26. Понятие адиабатического инварианта. Теорема Арнольда о вечном сохранении адиабатического инварианта в периодической по времени гамильтоновой системе с одной степенью свободы (без доказательства).
- **27.** Понятие интегрального инварианта. Теорема об универсальном интегральном инварианте Пуанкаре и ее обращение. Теорема Ли Хуа чжуна о единственности интегрального инварианта Пуанкаре (без доказательства).
- 28. Теорема об интегральном инварианте Пуанкаре-Картана и ее обращение.
- 29. Регулярные и хаотические аттракторы. <del>Детерминированный хаос.</del> <del>Метод поверхностей сечения Пуанкаре.</del> <del>Понятие о фрактальной размерности множеств.</del>
- 30. Догистическое (квадратичное) отображение. Сценарий перехода к хаосу через каскад бифуркаций удвоения периода. Универсальности Фейгенбаума.
- 31. Интегрируемые системы Гамильтона. Понятие об их невырожденности и изоэнергетической невырожденности.
- 32. Формулировка основной теоремы КАМ теории (теории Колмогорова Арнольда Мозера) для гамильтоновых систем, близких к интегрируемым. Понятие о механизме разрушения инвариантных торов.
- 33. Замена обобщенных координат и времени в уравнениях Лагранжа второго рода. Теорема Э. Нетер.
- 34. Теорема Э. Нетер. Связь законов сохранения (первых интегралов) со свойствами пространства и времени