Заметки по курсу «Экспериментальная реализация концепций квантовой физики»

	Лектор:	Андрей Вадимович Турлапов
	Стенография:	Хоружий Кирилл
	Ot:	15 апреля 2022 г.
C	бодержание	
2	Лекция №2 2.1 Сверхтонкое расщепление	
3	Заметки к лекции по прозрачности	3

2 Лекция №2

2.1 Сверхтонкое расщепление

Уровень ${}^{1}S$, 4 вырожденных состояния: $|S_{z}, I_{z}\rangle$:

$$\left|--\right\rangle,\left|-+\right\rangle,\left|+-\right\rangle,\left|++\right\rangle.$$

Знаем поле диполя:

$$\boldsymbol{B}(\boldsymbol{x}) = -\frac{\boldsymbol{\mu}}{r^3} + \frac{3\boldsymbol{x}(\boldsymbol{\mu} \cdot \boldsymbol{x})}{r^5} + \frac{8\pi}{3}\boldsymbol{\mu}\delta(\boldsymbol{x}).$$

Так вот, есть магнитный момент ядра μ_I и μ_S , которые взаимодействуют:

$$\hat{\boldsymbol{\mu}} = \frac{g_S|e|\hbar}{2m_ec}\hat{\boldsymbol{S}}, \quad g_S = -2.0023, \quad \hat{\boldsymbol{\mu}}_I = \frac{g_I|e|\hbar}{2m_pc}\hat{\boldsymbol{I}}, \quad g_I = 5.58.$$

Так строим слагаемое для возмущения гамильтониана

$$V(\hat{\boldsymbol{S}}, \hat{\boldsymbol{I}}, \hat{\boldsymbol{x}}) = \frac{\hat{\boldsymbol{\mu}} \cdot \hat{\boldsymbol{\mu}}_I}{\hat{r}^3} - \frac{3(\hat{\boldsymbol{\mu}}_S \cdot \hat{\boldsymbol{x}})\hat{\boldsymbol{\mu}}_I \cdot \hat{\boldsymbol{x}}}{r^5} + \frac{8\pi}{3}\hat{\boldsymbol{\mu}}_S \cdot \hat{\boldsymbol{\mu}}_I \delta(\hat{\boldsymbol{x}}).$$

Сам гамильтониан помним:

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}^2}{2m} - \frac{e}{\hat{r}} + \hat{V}.$$

Можем посчитать

$$\hat{H}_{SI} = \langle 100|V|100 \rangle = \hbar
u_{
m hf} \hat{m S} \cdot \hat{m I}, \qquad rac{
u_{
m hf}}{2\pi} = 1.4 \; \Gamma \Gamma_{
m H},$$

где

$$\langle \boldsymbol{x} | 100 \rangle = \frac{1}{\sqrt{4\pi}} \frac{2}{a_{\rm B}^{3/2}} e^{-r/a_{\rm B}}.$$

Вводим оператор

$$\hat{\boldsymbol{F}} = \hat{\boldsymbol{S}} + \hat{\boldsymbol{I}}, \quad \Rightarrow \quad \hat{\boldsymbol{S}} \cdot \hat{\boldsymbol{I}} = \frac{1}{2} \left(F(F+1) \right) - \frac{3}{4}.$$

Подставляя, находим

$$\hat{H}_{SI} = \hbar \nu_{\rm hf} \left(\frac{F(F+1)}{2} - \frac{3}{4} \right). \label{eq:Hsigma}$$

Получается отступление от невозмущенного уровня на $\frac{1}{4}\hbar\nu_{\rm hf}$ и на $-\frac{3}{4}\hbar\nu_{\rm hf}$ для $F=0,\,F_z=0.$ Можем найти путь из старого базиса в новый:

$$\left|F,F_{z}\right\rangle =\sum\left|S_{z},\,I_{z}\right\rangle \left\langle S_{z},\,I_{z}\right|\left|F,\,F_{z}\right\rangle .$$

Знаем, что

$$|11\rangle_F = |++\rangle_S |++\rangle_I = \left|S_z = \frac{1}{2}, I_z = \frac{1}{2}\right\rangle.$$

Теперь действуем на $|11\rangle_F$ понижающим оператором $\hat{F}_- = \hat{S}_- + \hat{I}_-$. Помним, что

$$\hat{J}_{-}|j,j_{z}\rangle = \sqrt{(j+j_{z})(j-j_{z}+1)}|j,j_{z}-1\rangle$$
.

Так находим ответ

$$|10\rangle_F = \frac{1}{\sqrt{2}} \left| + - \right\rangle_{SI} - \frac{1}{\sqrt{2}} \left| - + \right\rangle,$$

а вообще это коэффициенты Клебша-Гордана.

2.2 Эффекты Зеемана

Вспомним добавку к энергии в магнитном поле:

$$\hat{H} = -\hat{\boldsymbol{\mu}} \cdot \boldsymbol{B} = -\mu_z B = \hbar \omega_L \hat{S}_z, \qquad \omega_L = \frac{|e|B}{m_c c}.$$

1*s***-орбиталь**. Теперь работаем в гамильтониане

$$\hat{H} = \hbar \nu_{\rm hf} \hat{\boldsymbol{S}} \cdot \hat{\boldsymbol{I}} - \hat{\boldsymbol{\mu}} \cdot \boldsymbol{B}.$$

Теперь при $B \approx 0$ можем найти свиг по энергиям:

$$\Delta E \approx \langle 11|_F \hat{H}|11\rangle = \hbar \omega_L \langle \hat{S}_z \rangle = \frac{\hbar \omega_L}{2}.$$

Знаем, что при $B \to \infty$:

$$\hat{H} \approx \hbar \omega_L \hat{S}_z, \quad \Rightarrow \quad E_{\pm} = \pm \frac{\hbar \omega_L}{2}.$$

3 Заметки к лекции по прозрачности

почему подойдёт не любая линейная поляризация Какая ось квантования? Как ее определяем?

$$-\frac{1}{2\tau}\rho_{\beta\alpha}\sum_{\alpha}C_{\beta\alpha}^{2}, \quad \beta \neq \alpha$$

$$-\frac{1}{\tau}\rho_{\beta\beta}\sum_{\alpha}C_{\beta\alpha}^{2}, \quad \beta \in \{e\}$$

$$+\frac{1}{\tau}\sum_{\beta}\rho_{\beta\beta}C_{\beta\alpha}^{2}, \quad \alpha \in \{g\}$$