畳み込みニューラルネットワーク

1 目的

- 畳み込みニューラルネットワークの一般的な構造を理解します。
- 畳み込みニューラルネットワークを使ったモデルの構築方法及び画像の分類方法を学びます。

2 準備

2.1 解凍用ソフト

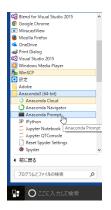
授業では、tar ファイルを解凍するので、解凍用のソフトをインストールします。tar ファイルオを解凍するソフトがインストールされていない場合には、http://www.visihttps://sevenzip.osdn.jp/のサイトから、「7-Zip」をダウンロードしてインストールします。



ダウンロードしたファイルをダブルクリックして実行し、インストールを行います。



2.2 実行環境の選択



Anaconda Prompt を選択します。

chenv に入ります。

activate chenv

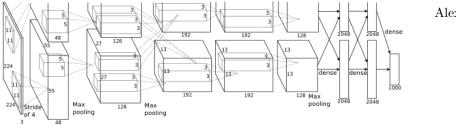
2.3 Chainer サンプルのダウンロード

chainer 2.0 のソースをダウンロードします。chainer のソースの中にサンプルコードがあります。

```
cd Lesson
git clone https://github.com/chainer/chainer.git
```

/exampes/imagenet の下にコードがありますのでエディタ等で内容を確認して見ましょう。

2.4 Alexnet の構造



AlexNet の構造

alex.py

```
import numpy as np
import chainer
import chainer.functions as F
from chainer import initializers
import chainer.links as L
```

```
7
8
9
   class Alex(chainer.Chain):
10
       """Single-GPU AlexNet without partition toward the channel axis."""
11
12
13
       insize = 227
14
15
       def __init__(self):
16
           super(Alex, self).__init__()
           with self.init_scope():
17
                self.conv1 = L.Convolution2D(None, 96, 11, stride=4)
18
                self.conv2 = L.Convolution2D(None, 256, 5, pad=2)
19
20
                self.conv3 = L.Convolution2D(None, 384, 3, pad=1)
21
                self.conv4 = L.Convolution2D(None, 384, 3, pad=1)
                self.conv5 = L.Convolution2D(None, 256, 3, pad=1)
22
                self.fc6 = L.Linear(None, 4096)
23
24
                self.fc7 = L.Linear(None, 4096)
                self.fc8 = L.Linear(None, 1000)
25
26
       def __call__(self, x, t):
27
28
           h = F.max_pooling_2d(F.local_response_normalization(
                F.relu(self.conv1(x))), 3, stride=2)
29
           h = F.max_pooling_2d(F.local_response_normalization(
30
                F.relu(self.conv2(h))), 3, stride=2)
31
           h = F.relu(self.conv3(h))
32
33
           h = F.relu(self.conv4(h))
           h = F.max_pooling_2d(F.relu(self.conv5(h)), 3, stride=2)
34
           h = F.dropout(F.relu(self.fc6(h)))
35
           h = F.dropout(F.relu(self.fc7(h)))
36
           h = self.fc8(h)
37
38
           loss = F.softmax_cross_entropy(h, t)
39
40
           chainer.report({'loss': loss, 'accuracy': F.accuracy(h, t)},
               self)
41
           return loss
```

python でクラスを定義する際に、__init__ と、 __call__ というメソッドを作成した場合、まず、 a = Alex() として、インスタンスを生成した場合に、__init__メソッドが呼び出されます。

そして、作成したインスタンスを、

loss = a(x,t)

として呼び出した時に、__call__メソッドが呼び出されます。

loss = a(x,t)

として作成したインスタンスを呼び出した時、入力された画像xは、_call_メソッドにおいて、

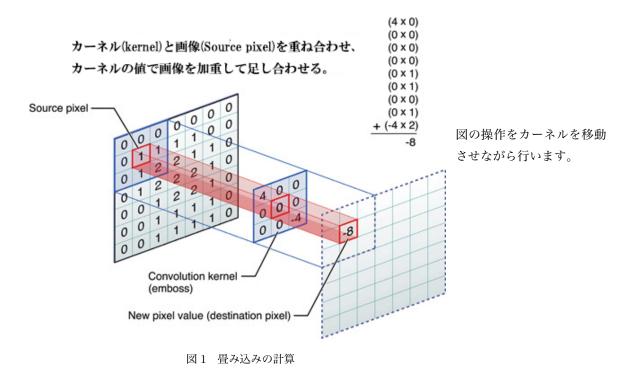
 $self.conv1 \rightarrow F.relu \rightarrow F.local_response_normalization \rightarrow F.max_pooling_2d$

として処理されます。このパターンの処理が、 $F.local_response_normalization$ や $F.max_pooling_2d$ が省略 される場合もありますが、何回か続きます。これにより、画像の特徴をいくつかのチャネルにわけて抽出します。そして、抽出した特徴をもとに全結合層を何回か使って、具体的な分類を行います。

2.4.1 入力データ (chainer.links.Convolution2D)

チャネル (入力データは、赤緑青の3つのチャネルを持ちます) および縦、横のサイズがそれぞれ、(3、227、227) のデータです。学習を行う際には、複数のデータをバッチとして入力します。したがって、渡すデータは (バッチの数, チャネルの数, 縦サイズ, 横サイズ) という配列になります。

2.4.2 畳み込み層 (chainer.links.Convolution2D)

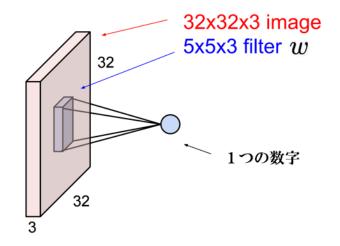


出典:https://developer.apple.com/library/content/documentation/Performance/Conceptual/vImage/ConvolutionOperations/ConvolutionOperations.html

通常は、カーネルのサイズの関係で、出力画像のサイズは、入力画像よりも小さくなります。入力画像の周

辺を 0 などの数値で埋めてから操作を行うことにより、出力画像の大きさを入力画像の大きさと同じにすることもあります。これをパディングといいます。

ディープラーニングでは、このカーネルのウエイトを学習します。



入力画像がRGBのような 複数チャンネルからなって いる場合、カーネル (フィ ルタ) も画像と同じ複数の チャネルからなります。

1つのカーネル (フィルタ)

から、1つのチャネル (特 徴マップ) が出力されます。

図2 畳み込みの計算



J

出典:http://cs231n.stanford.edu/slides/winter1516_lecture7.pdf

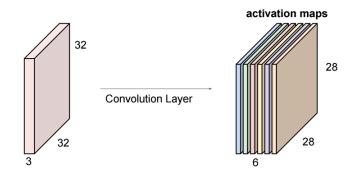
18 self.conv1 = L.Convolution2D(None, 96, 11, stride=4)
19 self.conv2 = L.Convolution2D(None, 256, 5, pad=2)

の各パラメータは、

L.Convolution2D(入力チャネルの数, 出力チャネルの数, カーネルの大きさ, stride=ストライド) を表しています。

入力チャネルの数は、None となっています。None を指定した場合、最初にデータが与えられたときに、入力データから自動的に入力チャネルの数が決められます。

出力チャネル数は96となります。カーネルの数も同じだけあることとなります。



カーネルの数だけ、チャネルが出力されます。

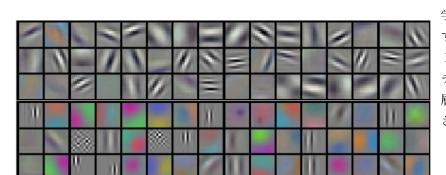


図4 畳み込み層の計算方法

学習したフィルタの例です。この例では、11×1 1×3層のフィルタ(96 チャネル)となっています。 層の方向のデータは色で表 されています。

図5 カーネル (フィルタ) の例

stride は、カーネルを動かすときの幅の大きさです。指定しない場合には1となります。 pad は、入力画像をパディングする場合の大きさです。

縦、横10×10の3チャネルのデータを作成して、挙動を確認してみましょう。

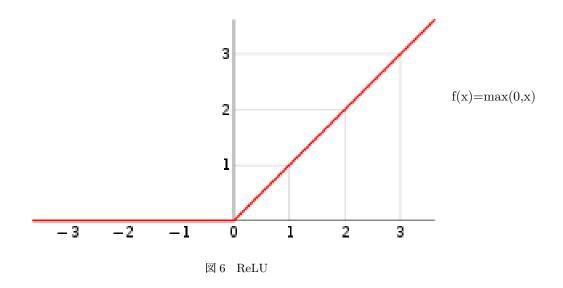
(1, 7, 6, 6)

入力チャネル数が 3、出力チャネル数が 7、カーネルの大きさは 5×5 の Convolution 2 D の操作をおこなっています。出力画像は 7 チャンネル、画像のサイズは 6×6 となります。

chainer.links.Convolution2D https://docs.chainer.org/en/stable/reference/generated/chainer.links.Convolution2D.html

2.4.3 ReLU (chainer.functions.relu)

ReLU (Rectified Linear Unit) は活性化関数の一種です。



 $f(x)=\max(0,x)$ l\$,

$$f(x) = \begin{cases} x & (x \ge 0) \\ 0 & (x < 0) \end{cases}$$

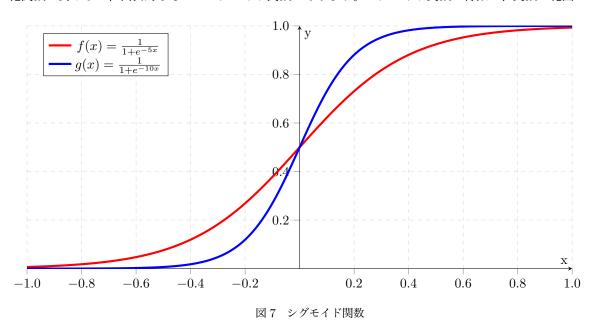
と表すこともできます。活性化関数の前の層の計算結果がプラスになる場合には、信号をそのまま通過させ、そうでない場合には、信号を通過させずに0にする機能をもつと言うこともできます。線形結合から成る層の後ろに、このような一種の条件分岐の機能を持つ関数を配置することにより、単なる入力信号の線形結合のみではできない機能をネットワークに与えることが可能となります。

また、重みの勾配を計算する際にも、ReLUの傾きが0となっている部分の重みは更新されず、ReLUを信号が通過して最終的な損失に影響を及ぼす部分の重みが更新されることとなります。そういう意味において、ReLUは更新される重みの範囲にも影響を与え、ネットワーク全体の機能の生成に一定の役割を果たしていると思われます。

ReLU を活性化関数として用いると、他の活性化関数 $(f(x) = \tanh(x))$ など)を使った場合よりも、訓練時の誤差が一定になるまでの学習回数が少なくてすむことが報告されています。

2.4.4 シグモイド関数

活性化関数には、ReLU 以外の非線形な関数が用いられることがあります。線形な関数の後ろに非線形な関数を配置することにより、線形結合のみでは不可な機能や表現をネットワークに与えます。ReLU 以外の活性化関数の例として、代表的なものにシグモイド関数があります。シグモイド関数の特徴は、関数の範囲が 0 か



ら1までということです。また、グラフをみると判りますが、入力される値が非常に大きい場合、あるいは、 非常に小さい場合には、シグモイド関数の傾きは非常に小さくなります。したがって、シグモイド関数の前の 層から出力される値がそのような場合には、前の層の値が変化しても、シグモイド関数から出力される値の変 化は非常に小さくなります。

ReLU 関数の場合には、前の層から出力される値がプラスであれば、後の層に信号の変化がそのまま伝達されるのに対して、シグモイド関数の場合には、信号の変化を有効に後の層へ伝えることができる入力信号の値の範囲が ReLU よりも狭いと言えます。

また、ReLU 関数の場合には、信号が伝わる場合には、その傾きが1であるため、信号の変化がそのまま後の層に伝わります。標準的なシグモイド関数の場合、その傾きの最大値は0.25です。したがって、前の層の出力が1変化しても、後の層の信号の変化が最大でもその4分の1に弱められます。そのため、シグモイド関数をつかって複数の階層をつなげていくと、入力層に近い層のウエイトを変化させても、出力層へ出力される値の変化がほどんどなくなってしまいます。これを勾配の消失といいます。

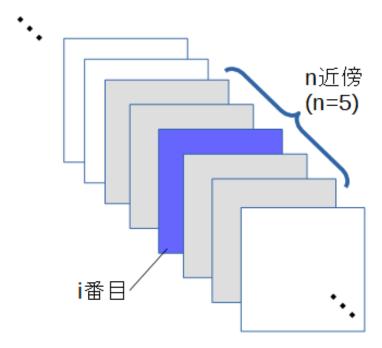
このような問題があるため、シグモイド関数は中間層でなく、出力層の活性化関数として、最終的に出力される値を0から1の範囲に調整するために用いられます。

>>> import chainer.functions as F
>>> F.relu(x)

xの負の値の部分が0となっていることを確認してみましょう。

2.4.5 局所的応答正規化、Local Response Normalization(LRN)

 $chainer.functions.local_response_normalization$



画像の各部分に対して、近 傍のチャネルの信号の強さ を参考に、その値を調整し ます。

図 8 局所的応答正規化

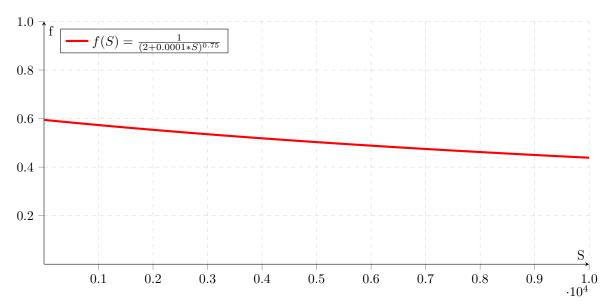
$$b_{x,y}^{i} = a_{x,y}^{i} / \left(k + \alpha \sum_{j=max(0,i-\frac{n}{2})}^{min(N-1,i+\frac{n}{2})} (a_{x,y}^{j})^{2}\right)^{\beta}$$

 $a_{x,y}^i$ は i 番目のチャネル(特徴マップ)の (x,y) のピクセルを、N はチャネルの総数を表します。k, n, α , β が固定的なパラメータを表します。例:k = 2, n = 5, α = 10^{-4} , β = 0.75

図の出典は:http://may46onez.hatenablog.com/entry/2016/01/08/142843

$$S = \sum_{j=max(0,i-\frac{n}{2})}^{min(N-1,i+\frac{n}{2})} (a_{x,y}^j)^2$$

とすると、S は $a_{x,y}^i$ のチャネル方向の n 程度の近傍の信号の強さの合計を表します。これに係数 $f(S)=1/\left(k+\alpha S\right)^\beta$ を乗じて修正を行います。 $k=2,~\alpha=10^{-4},~\beta=0.75$ の場合、この係数は図のような大きさになります。



これは、画像の同じ場所のチャネル方向の n 程度の近傍に信号の強い部分がある場合、そうでない場合と比べて信号がより弱められることを示しています。最適化の学習過程において、近傍に複数の強い特徴がある場合、お互いを弱めあう効果を入れることにより一種の生存競争をおこさせることを狙っているのではと思われます。このような効果を側方抑制効果といいます。

2.4.6 最大プーリング (chainer.functions.max_pooling_2d)

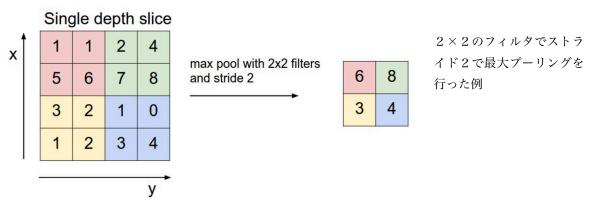


図 9 最大プーリングの計算例

出典:http://cs231n.github.io/convolutional-networks/#pool

Convolution2D では、画像の一定の範囲に対してカーネルの値を乗じて出力を計算していました。このかわりに、カーネルを使うのではなく、一定の範囲(フィルタ)の最大値をとる動作をおこなうのが、最大プーリングです。この操作はチャネルごとに別々に行われます。したがって、入力チャネルの数と出力チャネルの数は変わりません。最大プーリングを行うことにより、画像上にある特徴の位置が多少変化しても、同じよう

な反応をえることができようになります。

chainer.functions.max_pooling_2d

https://docs.chainer.org/en/stable/reference/generated/chainer.functions.max_pooling_2d.html#chainer.functions.max_pooling_2d

>>> mx = F.max_pooling_2d(x,3,stride=1) フィルタの大きさが3×3 ストライドが1#

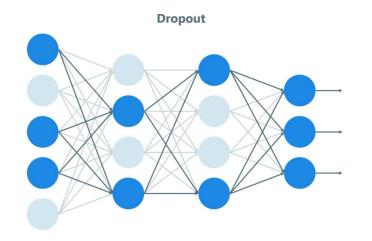
>>> mx.shape

(1L, 3L, 8L, 8L)

>>> mx

2.4.7 ドロップアウト Dropout (chainer.functions.dropout)

学習中に一定の確率 ratio でランダムに入力要素を振るい落とします。そして残った要素を $\frac{1}{ratio}$ 倍します。 学習中でない場合には、単に入力された値をそのまま返します。



学習を行う際に、ノードのいくつかを無効にして学習を行います。

図 10 ドロップアウト

出典:http://sonickun.hatenablog.com/entry/2016/07/18/191656

ドロップアウトを行うことにより、学習時にネットワークの自由度を強制的に小さくして汎化性能を上げ、過学習を避けることができます。アンサンブル学習とは個々に学習した識別器を複数用意し、出力の平均を取るなど、それらをまとめあげて一つの識別器とする方法をいいます。ドロップアウトが効果があるのは、この「アンサンブル学習」の近似になるからであるとも言われています。

実際に、ドロップアウトの挙動を確かめてみましょう。

activate chenv

python

>>> import numpy as np

>>> import chainer

>>> import chainer.functions as F

```
>>> x = np.arange(-1 * 3 * 10 * 10 / 2,1 * 3 * 10 * 10 / 2, dtype='f').
   reshape(1, 3, 10, 10)
>>> x
array([[[[-150., -149., -148., -147., -146., -145., -144., -143.,
   -142., -141.], • • •
[ 140., 141., 142., 143., 144., 145., 146., 147., 148.,
   149.]]]], dtype=float32)
>>> F.dropout(x)
variable([[[ -0., -0., -296., -0., -292., -290., -0., -286.,
         -282.],•••
[ 280., 282., 284., 0., 0., 290., 292., 0.,
                                                       0.,
   298.]]])
>>> with chainer.using_config('train', False):
       y = F.dropout(x) 前にインデントのスペースをいれる#
array([[[[-150., -149., -148., -147., -146., -145., -144., -143.,
   -142., -141.], • • •
[ 140., 141., 142., 143., 144., 145., 146., 147., 148.,
   149.]]]], dtype=float32)
```

with chainer.using_config('train', False): としてから F.dropout を呼ぶと、学習中でない状態で、関数を呼び出すことができます。

chainer.functions.dropout https://docs.chainer.org/en/stable/reference/generated/chainer.functions.dropout.html

2.4.8 **全結合層 (chainer.links.Linear)**

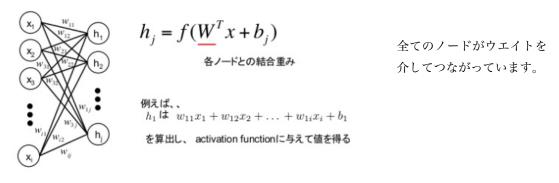


図 11 全結合層

出典:https://www.slideshare.net/Takayosi/nvidia-51814334

全結合層の入力のすべての要素 (ノード) が出力のすべての要素 (ノード) にウエイト W を通じて繋がっ

ているため、全結合層 (fully-connected layer) とも言います。全結合層は、h=Wx+b というレイヤーを表します。ここで W はウエイトを b はバイアスを表します。x が入力ベクトル、b が出力ベクトルです。 chainer では、

model = chainer.links.Linear(<入力ベクトルのサイズ>, <出力ベクトルのサイズ>) としてモデルを作成します。

入力データは縦横の画像が複数のチャネルに積み重なっています。chainer.links.Linear にこのようなデータを入力すると、1列の入力データに自動的に変換した上で、計算を行ってくれます。

2.4.9 ソフトマックス関数 (chainer.functions.softmax)

ソフトマックス関数は、出力層の値を確率として扱える値に変換する関数です。

$$y_i = \frac{exp(a_i)}{\sum_{j}^{D} exp(a_j)}$$

特徴は、 $0 \le y_i \le 1$ という範囲におさまり、 $\sum_i y_i = 1$ であるため、確率として扱うことができるということです。

ソフトマックス関数は、 y_i の値のなかで、より大きい値を指数関数により強調した上で、確率として扱える値に変換します。例えば、[10,2,1] という値はソフトマックス関数により、[0.999541338,0.000335309,0.000123353] となり、最も大きい値が変換後は1に近くなり、他の値は0に近くなります。

chainer. functions. softmax

https://docs.chainer.org/en/stable/reference/generated/chainer.functions.softmax.html

2.5 実行用のツールのダウンロード

実行用のツールをダウンロードします。授業関連ファイル lesson に入っていますので、最新の状態にアップデートします。

cd lesson

git pull

cd ch3/chainer_imagenet_tools/

2.6 画像データのダウンロード

画像データをダウンロードして解凍します。http://www.vision.caltech.edu/Image_Datasets/Caltech101/のサイトから、「101_ObjectCategories.tar.gz」をダウンロードします。

Caltech 101

Caltech256

[Description][Download][Discussion [Other Datasets]













クリックしてダウンロード

Description

Pictures of objects belonging to 101 categories. About 40 to 800 images per category. Most categories have about 50 images. Collected in September 2003 by Fei-Fei Li, Marco Andreetto, and Marc' Aurelio Ranzato. The size of each image is roughly 300 x 200 pixels. We have carefully clicked outlines of each object in these pictures, these are included under the 'Annotations tar'. There is also a matlab script to view the annotations, 'show_annotations in'.

How to use the dataset

If you are using the Caltech 101 dataset for testing your recognition algorithm you should try and make your results comparable to the results of others. We suggest training and testing on fixed number of pictures and repeating the experiment with different random selections of pictures in order to obtain error bars. Popular number of training images: 1, 3, 5, 10, 15, 20, 30, popular numbers of testing images: 20, 30. See also the discussion below.

see also the discussion below.

When you report your results please keep track of which images you used and when were misclassified. We will soon publish a more detailed experimental protocol that allows you to report those details. See the Discussion section for more details.

Download

Collection of pictures: 101_ObjectCategories tar.gz (131Mbytes)

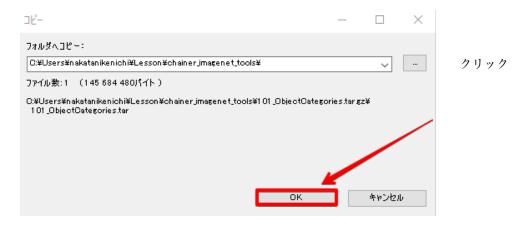
Outlines of the objects in the pictures: [1] Annotations.tar [2] show_annotation.m

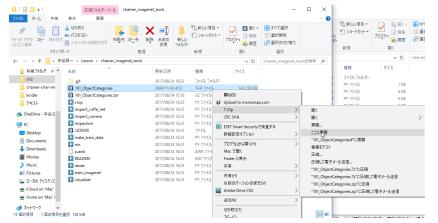
ダウンロードしたファイルを chainer_imagenet_tools の下に置きます。ファイルを解凍します。

「101_ObjectCategories.tar.gz」を解凍すると、「101_ObjectCategories.tar」が生成されます。それを再度、解凍すると、「101_ObjectCategories」フォルダが作成されます。



クリックして展開





tar ファイルを右クリック して、「ここに展開」

「101_ObjectCategories」フォルダが作成されます。「101_ObjectCategories」フォルダには、「airplanes」「camera」など、101のカテゴリーごとのフォルダーがあります。それぞれのフォルダーの中には、そのカテゴリーに属するものの写真が保存されています。内容を確認してみましょう。

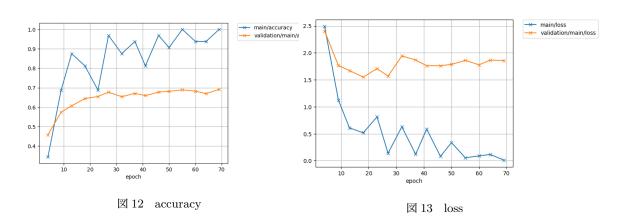
2.7 訓練用・テスト用データの作成

train_imagenet.py で訓練を行うために、訓練用・テスト用のデータが一定の形式に従うようにします。 images フォルダの下に、 256×256 にデータを整形して配置します。また、訓練用データおよびその区分の一覧と、テスト用のデータおよびその区分の一覧を、それぞれ、train.txt、test.txt として作成します。 また、train_imagenet.py を実行するには、訓練用データの画像の平均値のデータ (mean.npy) を前もって準備しておく必要があるため、compute_mean.py を使って、事前に作成しておきます。

```
python make_train_data_win.py 101_ObjectCategories
rename images images_not_cropped
mkdir images
python crop.py images_not_cropped images
python ../../chainer/examples/imagenet/compute_mean.py train.txt
```

2.8 訓練の実行

-a のパラメータを変えると、訓練するモデルを変更できます。ノートパソコン等で実行する場合、場合によっていは実行してから最初のエポックが開始されるまでに10分~15分程度かかることがあります。それまで、画面に何も表示されませんが、気長に待って下さい。



訓練を行うと、result ディレクトリの下にモデルのスナップショット (result/model_iter_****) が作成されます。

2.9 学習済みデータを使った予測

訓練には時間がかかるため、授業時間中に完了しません。上記の方法で事前に訓練した学習済みモデル (result_alex/model_iter_15000) を用いて予測を行います。学習済みデータは、github のファイル上限 1 0 0 M byte を超えるため、USB で配布します。result_alex の下にコピーして下さい。

what_is_this_1.jpg は、 256×256 にクロップされた画像ファイルです。このファイルを認識させてみましょう。

python inspection2.py what_is_this_1.jpg



what_is_this_1.jpg

python resize.py <filename1> <filename2> \cdots

とすると、jpg のファイルを 256×256 にクロップします。クロップされたファイルは、resized フォルダの下に保存されます。自分で任意のファイルを認識させて、101のカテゴリーのどれに分類されるか試してみましょう。

```
python resize.py <filename.jpg>
python inspection2.py resized/<filename.jpg>
```

inspection2.py

```
from __future__ import print_function
1
2 | import argparse
3
   import datetime
4 import json
   import multiprocessing
5
6 | import random
7
  import sys
   import threading
8
   import time
9
10
11
  import numpy as np
   from PIL import Image
12
13
14
15
   import six
   #import six.moves.cPickle as pickle
16
17
   import cPickle as pickle
18
   from six.moves import queue
19
```

```
20
   import chainer
   import matplotlib.pyplot as plt
21
  import numpy as np
22
   import math
23
   import chainer.functions as F
24
   import chainer.links as L
25
   from chainer.links import caffe
26
   from matplotlib.ticker import *
27
   from chainer import serializers
28
29
30
   parser = argparse.ArgumentParser(
       description='Image inspection using chainer')
31
   parser.add_argument('image', help='Path to inspection image file')
32
   parser.add_argument('--model','-m',default='model', help='Path to model
33
       file')
   parser.add_argument('--mean', default='mean.npy',
34
35
                        help='Path to the mean file (computed by
                           compute_mean.py)')
36
   args = parser.parse_args()
37
38
39
   def read_image(path, center=False, flip=False):
     image = np.asarray(Image.open(path)).transpose(2, 0, 1)
40
     if center:
41
       top = left = cropwidth / 2
42
43
     else:
       top = random.randint(0, cropwidth - 1)
44
       left = random.randint(0, cropwidth - 1)
45
     bottom = model.insize + top
46
     right = model.insize + left
47
     image = image[:, top:bottom, left:right].astype(np.float32)
48
     image -= mean_image[:, top:bottom, left:right]
49
     image /= 255
50
     if flip and random.randint(0, 1) == 0:
51
52
       return image[:, :, ::-1]
53
     else:
54
       return image
55
56
   import nin
   import alex
```

```
58
59
   #mean_image = pickle.load(open(args.mean, 'rb'))
   mean_image = np.load(args.mean)
60
61
62
   #model = nin.NIN()
   model = alex.Alex()
63
64
   #serializers.load_hdf5("gpu1out.h5", model)
65
   #serializers.load_hdf5("cpu1out.h5", model)
66
67
   serializers.load_npz("result_alex/model_iter_15000", model)
   cropwidth = 256 - model.insize
68
   model.to_cpu()
69
70
71
   def predict(net, x):
72
       h = F.max_pooling_2d(F.relu(net.mlpconv1(x)), 3, stride=2)
       h = F.max_pooling_2d(F.relu(net.mlpconv2(h)), 3, stride=2)
73
       h = F.max_pooling_2d(F.relu(net.mlpconv3(h)), 3, stride=2)
74
       #h = net.mlpconv4(F.dropout(h, train=net.train))
75
       h = net.mlpconv4(F.dropout(h))
76
77
       h = F.reshape(F.average_pooling_2d(h, 6), (x.data.shape[0], 1000))
78
       return F.softmax(h)
79
   def predict_alex(net,x):
80
       h = F.max_pooling_2d(F.local_response_normalization(
81
               F.relu(net.conv1(x))), 3, stride=2)
82
       h = F.max_pooling_2d(F.local_response_normalization(
83
               F.relu(net.conv2(h))), 3, stride=2)
84
       h = F.relu(net.conv3(h))
85
       h = F.relu(net.conv4(h))
86
       h = F.max_pooling_2d(F.relu(net.conv5(h)), 3, stride=2)
87
       h = F.dropout(F.relu(net.fc6(h)))
88
89
       h = F.dropout(F.relu(net.fc7(h)))
       h = net.fc8(h)
90
91
92
       return F.softmax(h)
93
   #setattr(model, 'predict', predict)
94
95
96
   img = read_image(args.image)
  x = np.ndarray(
```

```
98
            (1, 3, model.insize, model.insize), dtype=np.float32)
99
   x[0]=img
100
    #x = chainer.Variable(np.asarray(x), volatile='on')
    x = chainer.Variable(np.asarray(x))
101
    with chainer.using_config('train', False):
102
103
        with chainer.no_backprop_mode():
104
            #score = predict(model,x)
105
            score = predict_alex(model,x)
            #score=cuda.to_cpu(score.data)
106
107
108
    categories = np.loadtxt("labels.txt", str, delimiter="\t")
109
110
    top_k = 20
    prediction = zip(score.data[0].tolist(), categories)
111
112
    prediction.sort(cmp=lambda x, y: cmp(x[0], y[0]), reverse=True)
    for rank, (score, name) in enumerate(prediction[:top_k], start=1):
113
        print('#%d | %s | %4.1f%%' % (rank, name, score * 100))
114
```