知的情報処理論 第二回レポート

28G23027

川原尚己

1.

(a) 「ゲームを買う」ラベルが持つエントロピーをIoとすると,

$$I_{g_0} = -\frac{2}{5}\log_2\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{3}{5}\log_2\left(\frac{3}{5}\right)$$
$$= -\frac{2}{5}\log_2 2 - \frac{3}{5}\log_2 3 + \log_2 5$$
$$= -0.4 - 0.6 \times 1.58 + 2.32$$
$$= 0.972$$

(b) 「評判」で分岐した場合:

「良い」: (Yes, No) = (1,1)

「普通」: (Yes, No) = (1, 1)

「悪い」: (Yes, No) = (0, 1)

「時間」で分岐した場合:

「有」: (Yes, No) = (2,1)

「無」: (Yes, No) = (0, 2)

「お金」で分岐した場合:

「有 |: (Yes, No) = (2, 2)

「無」: (Yes, No) = (0, 1)

(c) 「評判」について、「良い」、「普通」、「悪い」である場合のエントロピーを I_{10} 、 I_{11} 、 I_{12} 、また、「評判」におけるエントロピーの期待値 $E[I_1]$ は、

$$\begin{split} &I_{10} = -\frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) = 1, \\ &I_{11} = -\frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) = 1, \end{split}$$

$$I_{12} = -\frac{0}{1}\log_2\left(\frac{0}{1}\right) - \frac{1}{1}\log_2\left(\frac{1}{1}\right) = 0,$$

$$E[I_1] = \frac{2}{5} \times 1 + \frac{2}{5} \times 1 + \frac{1}{5} \times 0 = 0.8$$

となる.

「時間」について、「有」、「無」である場合のエントロピーを I_{20} , I_{21} 、「時間」におけるエントロピーの期待値 $E[I_2]$ とし、「お金」について、「有」、「無」である場合のエントロピーを I_{30} , I_{31} 、「お金」におけるエントロピーの期待値 $E[I_3]$ とすると、

$$\begin{split} &I_{20} = -\frac{2}{3}\log_2\left(\frac{2}{3}\right) - \frac{1}{3}\log_2\left(\frac{1}{3}\right) = -\frac{2}{3} + \log_2 3 = 0.914, \\ &I_{21} = -\frac{0}{2}\log_2\left(\frac{0}{2}\right) - \frac{2}{2}\log_2\left(\frac{2}{2}\right) = 0, \\ &E[I_2] = \frac{3}{5} \times 0.914 + \frac{2}{5} \times 0 = 0.548, \\ &I_{30} = -\frac{2}{4}\log_2\left(\frac{2}{4}\right) - \frac{2}{4}\log_2\left(\frac{2}{4}\right) = 1, \\ &I_{31} = -\frac{0}{1}\log_2\left(\frac{0}{1}\right) - \frac{1}{1}\log_2\left(\frac{1}{1}\right) = 0 \\ &E[I_3] = \frac{4}{5} \times 1 + \frac{1}{5} \times 0 = 0.8 \end{split}$$

となる.このとき,「評判」,「時間」,「お金」の情報利得 $Gain(\mathcal{F})$, $Gain(\mathcal{F})$, $Gain(\mathcal{F})$, $Gain(\mathcal{F})$ 。 $Gain(\mathcal{F})$), $Gain(\mathcal{F})$ 0。

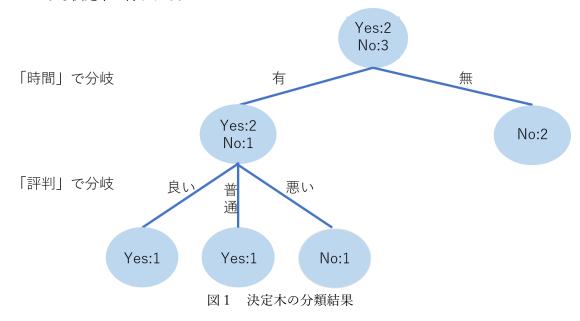
$$Gain\left(\mathcal{F} \widehat{\mathcal{A}}\right) = I_0 - \mathrm{E}[\mathrm{I}_1] = 0.972 - 0.8 = 0.172$$

$$Gain\left(時間\right) = I_0 - \mathrm{E}[\mathrm{I}_2] = 0.972 - 0.548 = 0.424$$

$$Gain\left(お金\right) = I_0 - \mathrm{E}[\mathrm{I}_3] = 0.972 - 0.8 = 0.172$$

となり、「時間」によって分岐させると情報利得が最大となる.

(d) (a)から(c)で行なったものと同様の処理を各ノードにおいて繰り返し実行すると、図1のような決定木が得られる.



"Breast Cancer Wisconsin"という, 乳房腫瘍に関するデータセット(WDBC)を用い, 乳がんが陽性かどうかの分類を SVM を用いて行う.

WDBC データセットは 569 人のレコードからなり、属性数は11である。腫瘍半径・テクスチャ・周長・面積・平滑度・緻密さ・凹面度(輪郭の凹部の激しさ)・凹点(輪郭の凹部の数)・対称性・フラクタル次元及び診断結果からなり、診断結果は 1 (陽性)、0 (陰性)であり、他の属性はすべて連続値を持つ。今回の測定では、尺度の差を是正するため、連続値を持つ各属性の値を区間[0,1]の値へと正規化を行ってから測定を行っている。

SVM として使用したライブラリは、sklearn.svm.SVC であり、カーネルは"rbf"、ハイパーパラメータはC=1.3、gamma = 0.5とした。測定は学習と計測に同じデータを使用する closed test、異なるデータを使用する open test、学習と計測に使用するデータを逐次変更しながら測定する交差検定の三種類で行い、推定の正しかった割合を測定した。open test には WDBC データセットの前半284レコードを学習に、後半 285 レコードを計測に使用し、交差検定には、sklearn.model_selection. KFold を用い、分割数Kは、K=10とした。測定結果を以下の表 1 に示す。

closed test	open test	交差検定
0.984	0.968	0.972

表1 WDBC データセットに対する測定結果

表 1 を見ると、わずかな差ではあるが、open test よりも closed test の方が高い有用性を示している。問題文の設定に従うと、「(b) 学習データとは異なるデータを使用した場合」よりも「(a) 学習データをそのまま使用した場合」の方が高い有用性を示しているといえる。この理由としては、closed test は open test と比べて「学習に用いるデータが多いこと」に加えて「評価を既知のデータで行うことができること」が影響しているものと思われる。

しかし、実際のところ今回の実験では closed test と open test の結果は非常に近い値を出力しており、上記のような考察は妥当であるとは言いがたい。二者の間で近い値が出力されたのはモデルの学習に対してデータセットのレコード数が十分多かったためであると考え、以下のような実験を行った:

closed test と open test に対して、学習及び計測に用いるデータ数の割合、測定方法は先ほどの実験と等しいまま、使用するデータを $x \in \{20,100,300,569\}$ 個だけランダムに使用し、測定する。この処理を各データ使用数に対して100回行い、有用性の平均を出力した。その結果を以下の表 2 及び図 2 に示す。

データ数	closed test	open test
20	0.988	0.853
100	0.984	0.939
300	0.985	0.962
569	0.985	0.971

表 2 有用性平均

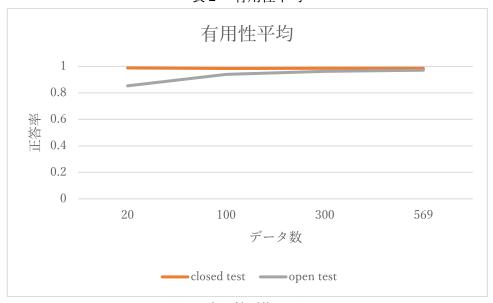


図2 有用性平均のグラフ

この結果より,

- closed test はデータ数にはほとんど依存せず、正答率98%程度を示している.
- open test はデータ数が小さくなるほどに、正答率が下がっている.

ことが読み取れる. 前者からは評価を既知のデータを用いて行っていることにより, 少ないデータ数でも高い有用性を得ることができており, 後者からはデータ数の多寡が有用性に小さくない影響を与えると考察できる.