知的情報処理論 第二回レポート

28G23027

川原尚己

1.

(a) 「ゲームを買う」ラベルが持つエントロピーをIoとすると,

$$I_{g_0} = -\frac{2}{5}\log_2\left(\frac{2}{5}\right) - \frac{3}{5}\log_2\left(\frac{3}{5}\right)$$
$$= -\frac{2}{5}\log_2 2 - \frac{3}{5}\log_2 3 + \log_2 5$$
$$= -0.4 - 0.6 \times 1.58 + 2.32$$
$$= 0.972$$

(b) 「評判」で分岐した場合:

「良い」: (Yes, No) = (1,1)

「普通」: (Yes, No) = (1, 1)

「悪い」: (Yes, No) = (0, 1)

「時間」で分岐した場合:

「有」: (Yes, No) = (2,1)

「無」: (Yes, No) = (0, 2)

「お金」で分岐した場合:

「有」: (Yes, No) = (2, 2)

「無」: (Yes, No) = (0, 1)

(c) 「評判」について、「良い」、「普通」、「悪い」である場合のエントロピーを I_{10} 、 I_{11} 、 I_{12} 、また、「評判」におけるエントロピーの期待値 $E[I_1]$ は、

$$\begin{split} &I_{10} = -\frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) = 1,\\ &I_{11} = -\frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}\log_2\left(\frac{1}{2}\right) = 1,\\ &I_{12} = -\frac{0}{1}\log_2\left(\frac{0}{1}\right) - \frac{1}{1}\log_2\left(\frac{1}{1}\right) = 0,\\ &E[I_1] = \frac{2}{5} \times 1 + \frac{2}{5} \times 1 + \frac{1}{5} \times 0 = 0.8 \end{split}$$

となる.

「時間」について、「有」、「無」である場合のエントロピーを I_{20} , I_{21} 、「時間」におけるエントロピーの期待値 $E[I_2]$ とし、「お金」について、「有」、「無」である場合のエントロピーを I_{30} , I_{31} 、「お金」におけるエントロピーの期待値 $E[I_3]$ とすると、

$$\begin{split} &I_{20} = -\frac{2}{3}\log_2\left(\frac{2}{3}\right) - \frac{1}{3}\log_2\left(\frac{1}{3}\right) = -\frac{2}{3} + \log_2 3 = 0.914, \\ &I_{21} = -\frac{0}{2}\log_2\left(\frac{0}{2}\right) - \frac{2}{2}\log_2\left(\frac{2}{2}\right) = 0, \\ &E[I_2] = \frac{3}{5} \times 0.914 + \frac{2}{5} \times 0 = 0.548, \\ &I_{30} = -\frac{2}{4}\log_2\left(\frac{2}{4}\right) - \frac{2}{4}\log_2\left(\frac{2}{4}\right) = 1, \\ &I_{31} = -\frac{0}{1}\log_2\left(\frac{0}{1}\right) - \frac{1}{1}\log_2\left(\frac{1}{1}\right) = 0 \\ &E[I_3] = \frac{4}{5} \times 1 + \frac{1}{5} \times 0 = 0.8 \end{split}$$

となる.このとき,「評判」,「時間」,「お金」の情報利得 $Gain\left(\mathcal{F}_n^{G}\right)$, $Gain\left($ 時間 $\right)$, $Gain\left($ お金 $\right)$ は,

$$Gain\left($$
天気 $\right)=I_0-\mathrm{E}[\mathrm{I_1}]=0.972-0.8=0.172$
$$Gain\left($$
時間 $\right)=I_0-\mathrm{E}[\mathrm{I_2}]=0.972-0.548=0.424$
$$Gain\left($$
お金 $\right)=I_0-\mathrm{E}[\mathrm{I_3}]=0.972-0.8=0.172$

となり、「時間」によって分岐させると情報利得が最大となる.

(d) (a)から(c)で行なったものと同様の処理を各ノードにおいて繰り返し実行すると、図1のような決定木が得られる.

