

# Sesión 3-Tema 2: Estrategia de búsqueda A\*

## Tema 2: Estrategias de búsqueda (parte 2) – Resumen

A continuación, desarrollaremos el algoritmo de búsqueda aditiva A\*, y para ello, hay que aclarar ciertos conceptos.

El algoritmo A\* se considera que hace una búsqueda óptima porque siempre encuentra la mejor solución posible con el camino de mínimo (o máximo) coste posible, y para ello tenemos la siguiente función de mínimo coste:

$$f^*(n) = g^*(n) + h^*(n)$$

$g^*(n)$ : Coste mínimo al nodo actual (nodos pasados)

$h^*(n)$ : Coste mínimo desde el nodo actual hasta la meta (nodos futuros)

$f^*(n)$ :  $g^*(n) + h^*(n)$  (función evaluación óptima)

$C^*$ : Coste final óptima (desde nodo inicial hasta la meta - solución)

Hay ciertos conceptos que debemos tener en cuenta para esta búsqueda óptima:

$g(n) \geq g^*(n)$ : cuando es estrella implica que es el mejor camino posible a ese nodo, por lo que el resto de camino sí o sí deben ser igual o más grande, sino es que había un camino mejor y hay que actualizar  $g^*(n)$ .

$f^*(n) = C^*$ : Cuando es el camino óptimo, si 'n' es un nodo del camino óptimo, cualquier  $f^*(n)$  del camino óptimo es igual a  $C^*$  ( $f(n) = g(n) + h(n) \rightarrow$  camino hasta ahora + especulación hasta meta)

$h(n) \leq h^*(n)$ : Es una aproximación hasta alcanzar  $h^*$ , cuanto más cerca de la meta, explora menos nodos, esta es una heurística admisible, garantiza coste mínimo. Si  $h(n) > h^*(n)$ , ese camino no tiene solución.

Si un algoritmo A usa una heurística admisible, es un algoritmo A\* (búsqueda óptima).

### Explicación algoritmo A\*:

Escoges un nodo (el que tenga una mejor  $f(n)$ ), si es meta, termina el algoritmo. Exploras sus hijos (nodos adyacentes) si estos no pertenecen a la lista interior (nodos ya explorados). Si el nodo hijo ya está en la lista frontera (nodos prometedores), actualizas  $h(n)$ ,  $g(n)$  (comparando su  $g(n)$  anterior, el cual tiene un padre diferente porque ya se ha explorado),  $f(n)$  y pasas al siguiente nodo. Si no estaba en lista frontera, hace lo mismo y lo añade a la lista frontera y la interior.

### Diferentes heurísticas para $h(n)$ :

Heurística óptima: Calcular la distancia manhattan entre 2 puntos, geoméricamente es la mejor (óptima) para distancia entre bloques.

Heurística admisible: Explora más estados, tarda más que la óptima, pero encuentra la solución óptima, Usa la hipotenusa entre los 2 puntos para la función admisible.

### Inconvenientes mantener la admisibilidad:

- Consume mucho tiempo en discriminar caminos insignificantes.
- Aumenta la lista frontera e interior ya que explora todos los nodos, por lo que tiene dificultades de espacio en memoria.
- No es práctico para problemas grandes.

### Soluciones a los problemas anteriores:

- Relajación de la optimalidad – Técnicas de admisibilidad-ε (épsilon):

$$F(\text{sol}) \leq (1+\epsilon)C^*$$

- Ponderación dinámica: Anticipamos la profundidad de la solución (cuando podamos),  $N$ , aplicamos a función:  $f(n) = g(n) + h(n) + \epsilon \left[ \frac{1-d(n)}{N} \right] h(n)$ . La variable  $d(n)$  comienza en 0 (muy lejos de  $N$ ) hasta  $d(n) = 1$  (casi o igual a  $N$ ), es decir a la solución.
- Estimación de costes: Seleccionamos nodo prometedor de lista frontera, sumamos  $1+\epsilon$  a ese  $f(n)$  para obtener los nodos de alrededor no más lejos de esa suma  $((1+\epsilon) + f(n))$  y obtienes una lista focal. Aplicas segunda heurística y te quedas el mejor.  $L_f = \{n: f(n) \leq (1+\epsilon) \min(f(m))\}$
- Relajación de la optimalidad – Ajuste de pesos:  $fw(n) = (1-w)g(n) + wh(n)$ . La heurística  $h(n) \leq h^*(n)$  se comporta como función aditiva. En función de 'w', si es 0, la función es muy lenta, si cómo máximo es  $1/2$ , la función poda mucho pero está bien, si sobrepasa  $1/2$  poda demasiado, no encuentra solución óptima o puede que incluso ninguna solución.

### Algoritmo de búsqueda heurística A\*

### Índice Wiki individual