

Tak jedno z riešení, ktoré určite funguje je použiť BFS. Tým zaručene nájdeme najmenej krokov. Robili by sme to asi tak, že by sme išli z menšieho čísla po väčšie a vždy keď narazíme na také číslo i , ktoré je deliteľné číslom x z intervalu 2 až k tak vieme sa na toto políčko dostať z políček $i+1$, $i+2$... $i+x-1$. Takže takto vieme nájsť určite zaručene cestu na najmenej krokov.

Toto riešenie má však časovú zložitosť $O(k^*(a-b))$, čo nemáme šancu stihnúť.

Preto sa pozrime na špecialitu ktorú tento problém obsahuje. Pozrime sa na číslo ktoré je medzi a a b a je najmenším spoločným násobkom čísel 2 až k (ak také existuje). Označme si toto číslo p . potom si ešte označme najmenší spoločný násobok 2.. k ako s . Zoberme si jedno z čísel p až $p+k-1$ a označme ho a . Nech si zoberieme ľubovoľné x tak keď odčítame od a , $a \bmod x$ určite výsledok nebude menší ako p , pretože p je deliteľné všetkými číslami x , takže určite nemôžeme prekročiť túto hranicu. Určite ju však skôr či neskôr dosiahneme. Pretože vždy sa posunieme aspoň o 1, ale ak by sme jedným skokom chceli preskočiť túto hranicu p , tak určite x nemôže byť z intervalu 2.. k . Takže vždy dosiahneme hranicu p .

Potom zoberme si 2 najbližšie čísla ktoré sú deliteľné s . Označme tieto čísla x a y . Na koľko krokov sa vieme dostať z y do x ?? Vieme to spraviť v čase $O(s)$ a označme tento počet w . Zoberme si iné y a x . Na presun medzi týmito 2 číslami nám znova treba w krokov, pretože keď si všetky čísla nahradíme ich zvyškami po delení s , tak sa tým nič nezmení, pretože náz vždy zaujímajú len zvyšky po delení jednotlivých čísel 2.. k a tieto sa periodicky opakujú v perióde s . Takže stačí nám vypočítať si počet krokov medzi 0.. s vrátane. Potom si vypočítať počet krokov od a po s a počet krokov od b po s . potom výsledný počet krokov bude počet periód s ktoré sa medzi a a b krát počet krokov periódy tj $w +$ počet krokov od a po násobok $s +$ počet krokov od b po násobok s . (od b ideme smerom nahor a od a smerom nadol)

Najmenší spoločný násobok vieme vypočítať v $k*\log s$ alebo tak nejak tu je niečo k tomu napísané: <http://www.ksp.sk/wiki/uploads/Zadania/vzor243.pdf> hneď v prvej úlohe.

Takže výsledný čas je $O(s+k*\log s)$. Pamäť - musíme si BFS prejsť celú periódu s , takže pamäť je $O(s)$.

Pseudokod:

```
funkcia kroky(a,b){
    pole krokov
    pole[a]=0;
    for i:=a to b do
        if (pole[i+1]>pole[i]) pole[i+1]=pole[i]+1 //sem sa vieme dostat
            aj na pole[i]+1 krokov

        for x:=2 to k //prejdeme vsetky x cisla od 2 po k
            if (i mod x==0) // ak je cislo delitelne x
                for l:=1 to x-1 do
                    if (pole[i+l]>pole[i]) pole[i+l]=pole[i]+1 //na tieto
                        vsetky cisla sa vieme dostat, takže ak sa na ne vieme
                            dostat na menej pokusov tak na ne ideme

    return pole[b];
}
```

funkcia gcd(x,y) - vráti euklidovskou metódou vypočítany najväčší spoločný deliteľ

funkcia najmensi spolocny nasobok - lcm (k) -vráti najmenší spoločný násobok čísel 2.. k vieme, že $\text{lcm}(a,b,c)=\text{lcm}(\text{lcm}(a,b),c)$

a vieme, že $a \cdot b = \text{lcm}(a, b) \cdot \text{gcd}(a, b)$, takže nieje ho ťažke vypočítat samotný program

vypočítaj lcm pre k
vypočítaj počet krokov od 0 po lcm
vypočítaj počet krokov od b po lcm
vypočítaj počet krokov od lcm po b
ak $a - b \neq \text{lcm}$ vypocitaj pocet krokov od b po a
vypíš potom počet krokov tj počet celých period medzi a a $b + \text{počet krokov od b po lcm} + \text{počet krokov od lcm po a}$. ak je $b - a$ menšie ako lcm tak vypíš radšej to vypočítané