1 決定理論

決定理論とは、パターン認識のように確率論をベースにして意思決定を行うための枠組みである。同時確率からベイズの定理を経由して、確率から最適な決定を導き出すことができる。

まず訓練データを用いて、入力変数 x と対応する目標変数 t (回帰問題であれば連続変数、分類問題であればクラスラベルの離散変数) から同時確率 p(x,t) を求める。以下ではクラス分類モデルに対しての決定理論を構築する。

ベイズの定理から、「ある入力 x に対して、クラス C_k である確率」を表現することができ、

$$p(C_k|\mathbf{x}) = \frac{p(\mathbf{x}|C_k)p(C_k)}{p(\mathbf{x})}$$
(1)

これらの情報は全て同時確率から求めることができる。

$$p(\boldsymbol{x}|C_k)p(C_k) = p(\boldsymbol{x}, C_k)$$
 (2)

$$p(\mathbf{x}) = \int p(\mathbf{x}, C_k) dC_k \tag{3}$$