-	вариант	ф.	номер	група	поток	курс	от	предишна	година?
	${f A}$								
	Име:								

### Устен изпит по Изчислимост и сложност, 12.02.2016 спец. Компютърни науки, III курс, избираем

- 1 зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi:N^2 \to N$  и  $\Pi_n:N^n \to N, n \geq 1.$
- б) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J_k^n$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите  $\Pi,\,L,\,R,\,\Pi_n$  и  $J_k^n$  е примитивно рекурсивна.
- **2 зад.** Нека  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$ , където  $\mathcal{F}_1$  е множеството на едноместните частични функции в естествените числа.
- а) Кажете какво означава Г да е ефективен оператор.
- б) Формулирайте и докажете НДУ за ефективност на оператора  $\Gamma.$
- в) Посочете пример за ефективен оператор  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$  (като проверите ефективността му с критерия от подточка б)).
- **3 зад.** а) Дайте определение за разрешимо и полуразрешимо множество.
- б) Формулирайте максимално много твърдения, отнасящи се до разрешими и полуразрешими множества.
- в) Докажете поне 8 от изброените по-горе твърдения.
- **4 зад.** Нека  $\mathcal K$  е клас от едноместни изчислими функции.  $\mathcal K$  наричаме *ефективно изброим*, ако съществува рекурсивна функция h, такава че  $\mathcal K=\{\varphi_{h(n)}:n\in N\}.$
- а) Докажете, че класът  $\mathcal K$  има универсална функция точно тогава, когато  $\mathcal K$  е ефективно изброим.
- б) Вярно ли е, че ако  $\mathcal K$  е ефективно изброим, то проблемът " $\varphi_a \in \mathcal K$ ?" е полуразрешим? Обосновете се.

#### Приятна работа и успех :)!

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	от	предишна	година?
${f A}$								
Име:								

## Устен изпит по Изчислимост и сложност, 12.02.2016 спец. Компютърни науки, III курс, избираем

- 1 зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi:N^2 \to N$  и  $\Pi_n:N^n \to N, n \geq 1.$
- б) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J_k^n$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите  $\Pi,\,L,\,R,\,\Pi_n$  и  $J_k^n$  е примитивно рекурсивна.
- **2 зад.** Нека  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$ , където  $\mathcal{F}_1$  е множеството на едноместните частични функции в естествените числа.
- а) Кажете какво означава Г да е ефективен оператор.
- б) Формулирайте и докажете НДУ за ефективност на оператора Г.
- в) Посочете пример за ефективен оператор  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$  (като проверите ефективността му с критерия от подточка б)).
- **3 зад.** а) Дайте определение за разрешимо и полуразрешимо множество.
- б) Формулирайте максимално много твърдения, отнасящи се до разрешими и полуразрешими множества.
- в) Докажете поне 8 от изброените по-горе твърдения.
- **4 зад.** Нека  $\mathcal K$  е клас от едноместни изчислими функции.  $\mathcal K$  наричаме *ефективно изброим*, ако съществува рекурсивна функция h, такава че  $\mathcal K=\{\varphi_{h(n)}:n\in N\}$ .
- а) Докажете, че класът  $\mathcal{K}$  има универсална функция точно тогава, когато  $\mathcal{K}$  е ефективно изброим.
- б) Вярно ли е, че ако  $\mathcal K$  е ефективно изброим, то проблемът " $\varphi_a \in \mathcal K$ ?" е полуразрешим? Обосновете се.

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	от	предишна	година?
$\mathbf{A}$								
Име:						•		

### Устен изпит по Изчислимост и сложност, 12.02.2016 спец. Компютърни науки, III курс, избираем

- 1 зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi:N^2\to N$  и  $\Pi_n:N^n\to N, n\ge 1.$
- б) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J^n_k$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите  $\Pi,\,L,\,R,\,\Pi_n$  и  $J^n_k$  е примитивно рекурсивна.
- **2 зад.** Нека  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$ , където  $\mathcal{F}_1$  е множеството на едноместните частични функции в естествените числа.
- а) Кажете какво означава Г да е ефективен оператор.
- б) Формулирайте и докажете НДУ за ефективност на оператора  $\Gamma.$
- в) Посочете пример за ефективен оператор  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$  (като проверите ефективността му с критерия от подточка б)).
- **3 зад.** а) Дайте определение за разрешимо и полуразрешимо множество.
- б) Формулирайте максимално много твърдения, отнасящи се до разрешими и полуразрешими множества.
- в) Докажете поне 8 от изброените по-горе твърдения.
- **4 зад.** Нека  $\mathcal K$  е клас от едноместни изчислими функции.  $\mathcal K$  наричаме  $e \phi e \kappa m u \varepsilon h o$  из $\delta p o u M$ , ако съществува рекурсивна функция h, такава че  $\mathcal K = \{ \varphi_{h(n)} : n \in N \}.$
- а) Докажете, че класът  ${\cal K}$  има универсална функция точно тогава, когато  ${\cal K}$  е ефективно изброим.
- б) Вярно ли е, че ако  $\mathcal K$  е ефективно изброим, то проблемът " $\varphi_a \in \mathcal K$ ?" е полуразрешим? Обосновете се.

#### Приятна работа и успех :)!

1	вариант	ф.	номер	група	поток	курс	ОΤ	предишна	година?
	${f A}$								
	Име:								

# Устен изпит по Изчислимост и сложност, 12.02.2016 спец. Компютърни науки, III курс, избираем

- ${\bf 1}$  зад. a) Дефинирайте изображенията  $\Pi:N^2\to N$  и  $\Pi_n:N^n\to N, n\ge 1.$
- б) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J_k^n$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите  $\Pi,\ L,\ R,\ \Pi_n$  и  $J_k^n$  е примитивно рекурсивна.
- **2 зад.** Нека  $\Gamma:\mathcal{F}_1\longrightarrow\mathcal{F}_1$ , където  $\mathcal{F}_1$  е множеството на едноместните частични функции в естествените числа.
- а) Кажете какво означава  $\Gamma$  да е ефективен оператор.
- б) Формулирайте и докажете НДУ за ефективност на оператора  $\Gamma.$
- в) Посочете пример за ефективен оператор  $\Gamma: \mathcal{F}_1 \longrightarrow \mathcal{F}_1$  (като проверите ефективността му с критерия от подточка б)).
- **3 зад.** а) Дайте определение за разрешимо и полуразрешимо множество.
- б) Формулирайте максимално много твърдения, отнасящи се до разрешими и полуразрешими множества.
- в) Докажете поне 8 от изброените по-горе твърдения.
- **4 зад.** Нека  $\mathcal K$  е клас от едноместни изчислими функции.  $\mathcal K$  наричаме *ефективно изброим*, ако съществува рекурсивна функция h, такава че  $\mathcal K=\{\varphi_{h(n)}:n\in N\}.$
- а) Докажете, че класът  ${\cal K}$  има универсална функция точно тогава, когато  ${\cal K}$  е ефективно изброим.
- б) Вярно ли е, че ако  $\mathcal{K}$  е ефективно изброим, то проблемът " $\varphi_a \in \mathcal{K}$ ?" е полуразрешим? Обосновете се.

#### Приятна работа и успех :)!