

Задача 7. Нека е даден е неориентиран граф  $G = (V, E)$ . Цикъл в  $G$  е всяка последователност  $v_1, e_1, v_2, e_2, \dots, v_k, e_k, v_1$ , където  $v_1, v_2, \dots, v_k \in V$ , а  $e_1, e_2, \dots, e_k \in E$ , като  $e_i = (v_i, v_{i+1})$  за  $1 \leq i \leq k-1$  и  $e_k = (v_k, v_1)$ . Дължината на цикъла е броят на ребрата в него, като в предходната дефиниция дължината на цикъла е  $k$ . Разглеждаме само цикли, в които няма повтаряне на върхове, с изключение на това, че  $v_1$  се среща два пъти — в началото и в края, и няма повтаряне на ребра. При това ограничение най-малката възможна дължина на цикъл е 3. За всеки връх  $u$  в графа, степенята на  $u$  е броят на съседите му.  $G$  е  $t$ -регулярен тогава и само тогава, когато всички върхове в  $G$  имат степен  $t$ .

Да се докаже, че ако най-малката дължина на цикъл в  $G$  е 4 и  $G$  е  $t$ -регулярен, то  $|V| \geq 2t$ .