### Потоци

Трифон Трифонов

Функционално програмиране, 2023/24 г.

29 ноември - 6 декември 2023 г.

Тази презентация е достъпна под лиценза Creative Commons Признание-Некомерсиално-Споделяне на споделеното 4.0 Международен @ 🕦 🚱 🔘

• Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

### Дефиниция (Обещание)

Функция, която ще изчисли и върне някаква стойност в бъдещ момент от изпълнението на програмата.

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

### Дефиниция (Обещание)

Функция, която ще изчисли и върне някаква стойност в бъдещ момент от изпълнението на програмата. Нарича се още *promise* и *отложена операция*.

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

### Дефиниция (Обещание)

Функция, която ще изчисли и върне някаква стойност в бъдещ момент от изпълнението на програмата. Нарича се още *promise* и *отложена операция*.

Изчислението на дадено обещание може да стане

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

### Дефиниция (Обещание)

Функция, която ще изчисли и върне някаква стойност в бъдещ момент от изпълнението на програмата. Нарича се още *promise* и *отложена операция*.

Изчислението на дадено обещание може да стане

• паралелно с изпълнението на основната програма (асинхронно)

- Има случаи на тежки операции, които могат да отнемат много време за изпълнение
- Удобно е да имаме механизъм да подготвяме операциите и да ги изпълняваме само при нужда

### Дефиниция (Обещание)

Функция, която ще изчисли и върне някаква стойност в бъдещ момент от изпълнението на програмата. Нарича се още *promise* и *отложена операция*.

Изчислението на дадено обещание може да стане

- паралелно с изпълнението на основната програма (асинхронно)
- при поискване от основната програма (синхронно)



• (delay <израз>)

- (delay <израз>)
- връща обещание за оценяването на <израз>

- (delay <израз>)
- връща обещание за оценяването на <израз>
- (force < oбещание>)

- (delay <израз>)
- връща обещание за оценяването на <израз>
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз>

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)

- (delay <израз>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:



- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))
  - (force error) → Грешка!

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))
  - (force error) → Грешка!
  - (define undefined (delay (+ a 3)))

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))
  - (force error) → Грешка!
  - (define undefined (delay (+ a 3)))
  - (define a 5)

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))
  - (force error) → Грешка!
  - (define undefined (delay (+ a 3)))
  - (define a 5)
  - (force undefined)  $\longrightarrow$  ?

- (delay <uspas>)
- връща обещание за оценяването на <израз> (специална форма)
- (force <oбещание>)
- форсира изчислението на <обещание> и връща оценката на <израз> (примитивна функция)
- Примери:
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (define error (delay (car '())))
  - (force error) → Грешка!
  - (define undefined (delay (+ a 3)))
  - (define a 5)
  - (force undefined)  $\longrightarrow$  8

- $(delay < uspas >) \iff (lambda () < uspas >)$
- (force < обещание>) ← (< обещание>)

- $(delay < u3pa3 >) \iff (lambda () < u3pa3 >)$
- (force < обещание>) ← (< обещание>)
- Не съвсем!

- (delay <uspas>)  $\iff$  (lambda () <uspas>)
- (force <обещание>) ← (<обещание>)
- Не съвсем!
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))
  - (force bigpromise)  $\longrightarrow$  2759537246...
  - (force bigpromise)  $\rightarrow$  2759537246...

- $(delay < uspas >) \iff (lambda () < uspas >)$
- (force <обещание>) ←⇒ (<обещание>)
- Не съвсем!
  - (define bigpromise (delay (fact 30000)))

  - (force bigpromise)  $\rightarrow$  2759537246...
  - Обещанията в Scheme имат страничен ефект: "мемоизират" вече изчислената стойност

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)



### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

В  $R^5RS$  няма вградени примитиви за работа с поток, но можем да си ги дефинираме.

• (define the-empty-stream '())

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

- (define the-empty-stream '())
- (define (cons-stream h t) (cons h (delay t)))

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

- (define the-empty-stream '())
- (define (cons-stream h t) (cons h (delay t)))
- (define head car)

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

- (define the-empty-stream '())
- (define (cons-stream h t) (cons h (delay t)))
- (define head car)
- (define (tail s) (force (cdr s)))

### Дефиниция (Поток)

Списък, чиито елементи се изчисляват отложено.

По-точно: Поток е празен списък () или двойка (h . t), където

- h е произволен елемент (глава на потока)
- t е обещание за поток (опашка на потока)

- (define the-empty-stream '())
- (define (cons-stream h t) (cons h (delay t)))
- (define head car)
- (define (tail s) (force (cdr s)))
- (define empty-stream? null?)



## Примери

• (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))



## Примери

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1



- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2
- (head (tail (tail s)))  $\longrightarrow$  3

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2
- (head (tail (tail s)))  $\longrightarrow$  3
- (define s2 (cons-stream 3 (cons-stream b the-empty-stream)))  $\longrightarrow$   $\Gamma$ pewka!

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2
- (head (tail (tail s)))  $\longrightarrow$  3
- (define s2 (cons-stream 3 (cons-stream b the-empty-stream)))  $\longrightarrow$  Грешка!
- Защо?

- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2
- (head (tail (tail s)))  $\longrightarrow$  3
- ullet (define s2 (cons-stream 3 (cons-stream b the-empty-stream)))  $\longrightarrow$  Грешка!
- Защо?
- cons-stream трябва да оценява само първия си аргумент!



- (define s (cons-stream 1 (cons-stream 2 (cons-stream 3 the-empty-stream))))
- (head s)  $\longrightarrow$  1
- (tail s)  $\longrightarrow$  (2 . #<promise>)
- (head (tail s))  $\longrightarrow$  2
- (head (tail (tail s)))  $\longrightarrow$  3
- (define s2 (cons-stream 3 (cons-stream b the-empty-stream)))  $\longrightarrow$  Грешка!
- Защо?
- cons-stream трябва да оценява само първия си аргумент!
- cons-stream трябва да е специална форма



• (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))



- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>

- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>
- define-syntax има и други, по-сложни форми



- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>
- define-syntax има и други, по-сложни форми
- Повечето специални форми на Scheme могат да се дефинират с define-syntax (за справка:  $R^5RS$ )

- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>
- define-syntax има и други, по-сложни форми
- Повечето специални форми на Scheme могат да се дефинират с define-syntax (за справка:  $R^5RS$ )



- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>
- define-syntax има и други, по-сложни форми
- Повечето специални форми на Scheme могат да се дефинират с define-syntax (за справка:  $R^5RS$ )

```
(define-syntax delay
  (syntax-rules () ((delay x) (lambda () x))))
```

- (define-syntax <символ> (syntax-rules () {(<шаблон> <тяло>)}))
- дефинира специална форма <символ> така, че всяко срещане на <шаблон> се замества с <тяло>
- define-syntax има и други, по-сложни форми
- Повечето специални форми на Scheme могат да се дефинират с define-syntax (за справка:  $R^5RS$ )

```
(define-syntax delay
  (syntax-rules () ((delay x) (lambda () x))))
(define-syntax cons-stream
  (syntax-rules () ((cons-stream h t) (cons h (delay t)))))
```

**Задача.** Да се построи поток от целите числа в интервала [a;b].

**Задача.** Да се построи поток от целите числа в интервала [a;b]. **Решение**:

**Задача.** Да се построи поток от целите числа в интервала [a;b]. **Решение:** 

Задача. Да се намерят първите п елемента на даден поток.

**Задача.** Да се построи поток от целите числа в интервала [a;b].

Задача. Да се намерят първите п елемента на даден поток.

#### Решение:

Задача. Да се намери първата позиция в поток, на която има елемент с дадено свойство.

**Задача.** Да се намери първата позиция в поток, на която има елемент с дадено свойство. **Решение.** 

Задача. Да се намери първата позиция в поток, на която има елемент с дадено свойство. **Решение.** 

**Задача.** Да се намери второто по големина просто число след 10000 със сума на цифрите кратна на 5.

Задача. Да се намери първата позиция в поток, на която има елемент с дадено свойство. **Решение.** 

**Задача.** Да се намери второто по големина просто число след 10000 със сума на цифрите кратна на 5.

#### Решение.

Отлагането на операции позволява създаването на безкрайни потоци!

Отлагането на операции позволява създаването на безкрайни потоци!

```
(define (from n) (cons-stream n (from (+ n 1))))
(define nats (from 0))
```

Отлагането на операции позволява създаването на безкрайни потоци!

#### Примери:

```
(define (from n) (cons-stream n (from (+ n 1))))
(define nats (from 0))
```

Задача. Да се генерира потокът от числата на Фибоначи.

Отлагането на операции позволява създаването на безкрайни потоци!

### Примери:

```
(define (from n) (cons-stream n (from (+ n 1))))
(define nats (from 0))
```

Задача. Да се генерира потокът от числата на Фибоначи.

#### Решение:

```
(define (generate-fibs a b)
  (cons-stream a (generate-fibs b (+ a b))))
(define fibs (generate-fibs 0 1))
```

Отлагането на операции позволява създаването на безкрайни потоци!

#### Примери:

```
(define (from n) (cons-stream n (from (+ n 1))))
(define nats (from 0))
```

Задача. Да се генерира потокът от числата на Фибоначи.

#### Решение:

```
(define (generate-fibs a b)
  (cons-stream a (generate-fibs b (+ a b))))
(define fibs (generate-fibs 0 1))
```

- Функциите from и generate-fibs наричаме генератори
- Казваме, че потоците nats и fibs са индиректно дефинирани

## Функции от по-висок ред за потоци

## Трансформиране (тар)

## Функции от по-висок ред за потоци

## Функции от по-висок ред за потоци

```
Трансформиране (тар)
(define (map-stream f s) (cons-stream (f (head s))
                           (map-stream f (tail s))))
Филтриране (filter)
(define (filter-stream p? s)
  (if (p? (head s))
    (cons-stream (head s) (filter-stream p? (tail s)))
    (filter-stream p? (tail s))))
Комбиниране (zip)
(define (zip-streams op s1 s2)
  (cons-stream (op (head s1) (head s2))
               (zip-streams op (tail s1) (tail s2))))
```

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Можем да реализираме map-stream аналогично да комбинира произволен брой потоци:

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Можем да реализираме map-stream аналогично да комбинира произволен брой потоци:

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Можем да реализираме map-stream аналогично да комбинира произволен брой потоци:

### Примери:

• (map-stream + nats ones)  $\longrightarrow$  1 2 3 4 ...

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Можем да реализираме map-stream аналогично да комбинира произволен брой потоци:

- (map-stream + nats ones)  $\longrightarrow$  1 2 3 4 ...
  - еквивалентно на zip-streams

Стандартната функция  $\max$  за списъци позволява комбиниране на произволен брой n списъци с n-аргументна функция.

Можем да реализираме map-stream аналогично да комбинира произволен брой потоци:

- (map-stream + nats ones)  $\longrightarrow$  1 2 3 4 ...
  - еквивалентно на zip-streams
- (map-stream list nats (map-stream + nats nats fibs))  $\longrightarrow$  (0 0) (1 3) (2 5) (3 8) ...

```
(define ones (cons-stream 1 ones))
```

Можем да дефиниране на потоци с директна рекурсия!

(define ones (cons-stream 1 ones))

Построяване на nats:

Можем да дефиниране на потоци с директна рекурсия!

(define ones (cons-stream 1 ones))

Построяване на nats:

(define nats (cons-stream 0 (map-stream 1+ nats)))

```
(define ones (cons-stream 1 ones))
```

```
(define nats (cons-stream 0 (map-stream + ones nats)))
```

Можем да дефиниране на потоци с директна рекурсия!

(define ones (cons-stream 1 ones))

```
(define ones (cons-stream 1 ones))
```

```
(define nats (cons-stream 0 (map-stream + ones nats)))
```

Алгоритъм за намиране на прости числа



#### Алгоритъм за намиране на прости числа

- Започваме със списък от последователни цели числа
- Докато не стигнем до края на списъка, повтаряме:
  - ullet Намираме следващото незадраскано число p, то е просто
  - Задраскваме всички следващи числа, които се делят на р

Алгоритъм за намиране на прости числа

- Започваме със списък от последователни цели числа
- Докато не стигнем до края на списъка, повтаряме:
  - ullet Намираме следващото незадраскано число p, то е просто
  - Задраскваме всички следващи числа, които се делят на р

Алгоритъм за намиране на прости числа

- Започваме със списък от последователни цели числа
- Докато не стигнем до края на списъка, повтаряме:
  - ullet Намираме следващото незадраскано число p, то е просто
  - Задраскваме всички следващи числа, които се делят на р

```
(define (nondivisor d) (lambda (n) (> (remainder n d) 0)))
```

Алгоритъм за намиране на прости числа

- Започваме със списък от последователни цели числа
- Докато не стигнем до края на списъка, повтаряме:
  - ullet Намираме следващото незадраскано число p, то е просто
  - Задраскваме всички следващи числа, които се делят на р

Алгоритъм за намиране на прости числа

- Започваме със списък от последователни цели числа
- Докато не стигнем до края на списъка, повтаряме:
  - ullet Намираме следващото незадраскано число p, то е просто
  - Задраскваме всички следващи числа, които се делят на р