

---

Задача 7. Нека е даден е неориентиран граф  $G = (V, E)$ . Нека  $W = \{U \subseteq V : |U| = 2\}$ .

Графът-допълнение на  $G$ , който бележим с  $\overline{G}$ , се дефинира като  $\overline{G} = (V, \overline{E})$ , където  $\overline{E} = W \setminus E$  е множеството от точно тези възможни ребра, които не присъстват в  $G$ . Казваме, че графът  $G = (V, E)$  е *изоморфен* на графа  $G' = (V', E')$ , ако съществува биекция  $f: V \rightarrow V'$  такава, че за всеки два върха  $x, y \in V$  е изпълнено следното:  $(x, y)$  е ребро в  $G$  тогава и само тогава, когато  $(f(x), f(y))$  е ребро в  $G'$ . *Самодопълнителен граф* е всеки граф, който е изоморфен на своето допълнение.

Да се докаже, че ако  $G = (V, E)$  е самодопълнителен граф, то  $|V| \equiv 0 \pmod{4}$  или  $|V| \equiv 1 \pmod{4}$ .