

1. Структури от данни - дефиниране на понятието.

Под СД се разбира организирана информация, като може да бъде описана, създадена и обработена с помощта на програма. За да се определи една СД е необходимо да се направи:

- логическо описание на структурата – описва я на базата на декомпозицията ѝ на по-прости структури, а също на декомпозицията на операциите на структурата на по-прости операции.
- физическо описание – дава метода за представяне на структурата в паметта на компютъра.

2. Списък. Логическо описание. Списък с една и две връзки. Характеристики на реализациите с една и две връзки. Сложност на операциите по добавяне, премахване и намиране на елемент. Дефиниране на клас за списък, използващ една от реализациите.

Списъкът е крайна редица от хомогенни елементи. Операциите за включване и изключване са допустими на произволно място в редицата. Възможен е достъп до всеки елемент в редицата (пряк или непряк в зависимост от реализацията на списъка).

Има два основни начина физически да се представи списъкът в компютъра – свързано с една връзка, свързано с две връзки или последователно (не се използва, крайно неефективно).

За свързаното представяне с една връзка клетките се съхраняват на различни места в паметта и не са последователно разположени. Връзката между отделни елементи се осъществява чрез указател към следващия (за край се използва nullptr). За поддържане на списък е достатъчно указател към началото му

За свързаното представяне с две връзки клетките се съхраняват на различни места в ОП и връзка между отделните елементи се осъществява чрез указатели към предния и следващия (за край се използва nullptr). За поддържане на списъка е достатъчно указател към началото му

Сложност:

- с една връзка – добавяне в начало $O(1)$, добавяне на позиция $O(n)$, премахване в началото $O(1)$, премахване на позиция $O(n)$, намиране $O(n)$

- с две връзки - добавяне в начало/край $O(1)$, добавяне на позиция $O(n)$, премахване в начало/край $O(1)$, премахване на позиция $O(n)$, намиране $O(n)$

```
template <typename T>
```

```
class LinkedList {
```

```
private:
```

```
struct Node {  
    T data;  
    Node* next;  
    Node(const T& newData) : data(newData), next(nullptr) {}  
};
```

```
Node* head;
```

```
public:
```

```
    LinkedList() : head(nullptr) {}
```

```
    ~LinkedList() {  
        while (head != nullptr) {  
            Node* temp = head;  
            head = head->next;  
            delete temp;  
        }  
    }
```

```
    void push_front(const T& newData) {  
        Node* newNode = new Node(newData);  
        newNode->next = head;  
        head = newNode;  
    }
```

```
    void push_back(const T& newData) {  
        Node* newNode = new Node(newData);  
        if (head == nullptr) {  
            head = newNode;  
        }
```

```

        return;
    }
    Node* current = head;
    while (current->next != nullptr) {
        current = current->next;
    }
    current->next = newNode;
}

```

```

void insert(const T& newData, int position) {
    if (position < 0)
        return;
    if (position == 0) {
        push_front(newData);
        return;
    }
}

```

```

Node* newNode = new Node(newData);
Node* current = head;
for (int i = 0; i < position - 1 && current != nullptr; ++i) {
    current = current->next;
}
if (current == nullptr) return;
newNode->next = current->next;
current->next = newNode;
}
};

```

3. Стек. Логическо описание. Характеристики на статичната, динамичната и свързаната реализация. Сложност на операциите по добавяне и премахване на елемент. Дефиниране на клас за стек, използващ една от реализациите.

Линейна динамична СД. Стекът е крайна редица от хомогенни елементи. Операции за включване и изключване на елементи само от върха на стека – LIFO (Last in first out). Има последователно и свързано представяне на стека. При последователното предварително се пази блок в паметта и стекът има ограничен капацитет. При свързаното представяне парчетата памет са разпръснати по ОП и връзката между отделните елементи е чрез указател към следващия. Стекът може да расте „неограничено“ (докато не свърши ОП). Достатъчен е указател към началото му. Краят се бележи с nullptr.

Сложност на добавяне и премахване на елемент:

- статична имплементация – добавянето може да отнеме $O(n)$ ако има нужда от преоразмеряване на масива, затова можем да кажем, че има амортизирано $O(1)$. Махането на елемент е $O(1)$.

- динамична имплементация – добавяне и премахване на елемент е $O(1)$

```
template <typename T>
```

```
class Stack {
```

```
private:
```

```
    struct Node {
```

```
        T data;
```

```
        Node* next;
```

```
        Node(const T& newData) : data(newData), next(nullptr) {}
```

```
    };
```

```
    Node* topNode;
```

```
public:
```

```
    Stack() : topNode(nullptr) {}
```

```
    ~Stack() {
```

```
        while (!isEmpty()) {
```

```
        pop();  
    }  
}
```

```
void push(const T& newData) {  
    Node* newNode = new Node(newData);  
    if (isEmpty()) {  
        topNode = newNode;  
    } else {  
        newNode->next = topNode;  
        topNode = newNode;  
    }  
}
```

```
void pop() {  
    if (!isEmpty()) {  
        Node* temp = topNode;  
        topNode = topNode->next;  
        delete temp;  
    } else {  
        std::cout << "Error: Stack underflow\n";  
    }  
}
```

```
T peek() const {  
    if (!isEmpty()) {  
        return topNode->data;  
    } else {  
        std::cerr << "Error: Stack is empty\n";  
    }  
}
```

```

        // Returning a default value. You might want to handle this differently.
        return T();
    }
}

bool isEmpty() const {
    return topNode == nullptr;
}
};

```

4. Опашка. Логическо описание. Характеристики на статичната, динамичната и свързаната реализация. Сложност на операциите по добавяне и премахване на елемент. Дефиниране на клас за опашка, използващ една от реализациите.

Опашката е крайна редица от хомогенни елементи. Операция за включване е допустима в края ѝ, а за изключване от началото ѝ, т.е. е FIFO(First in first out). Може да се представи физически последователно или свързано. При последователно представяне първоначално се пази блок памет вътре в който опашката расте и се съкращава. Обикновено се счита, че блокът памет е цикличен, тоест, когато края на опашката достигне края на блока, но има свободна памет в неговото начало, там може да се включи елемент. При свързаното представяне парчетата са разпръснати в ОП и достъп до отделните елементи се извършва чрез указател към следващ елемент. Достатъчни са ни 2 указателя за началото и края на опашката. Краят се бележи с nullptr.

Сложност:

- статична реализация – добавяне е $O(1)$, премахване $O(n)$ (може да изисква преместване на всички елементи на по-предни позиции)
- статична реализация(циклична) – добавяне е $O(1)$, премахване $O(1)$
- динамична реализация – добавяне $O(1)$, премахване $O(1)$

```

const int MAX_SIZE = 20; class Queue {
private:
    int arr[MAX_SIZE];
    int front, rear;

```

public:

```
CircularQueue() {  
    front = rear = -1;  
}
```

```
void push(int value) {  
    if (isFull()) {  
        cout << "Queue is full" << endl;  
        return;  
    }  
    if (isEmpty()) {  
        front = 0;  
        rear = 0;  
    } else {  
        rear = (rear + 1) % MAX_SIZE;  
    }  
    arr[rear] = value;  
    cout << "Pushed element: " << value << endl;  
}
```

```
void pop() {  
    if (isEmpty()) {  
        cout << "Queue is empty" << endl;  
        return;  
    }  
    cout << "Popped element: " << arr[front] << endl;  
    if (front == rear) {  
        front = -1;  
        rear = -1;  
    }  
}
```

```

    } else {
        front = (front + 1) % MAX_SIZE;
    }
}

bool isEmpty() {
    return front == -1;
}

bool isFull() {
    return (rear + 1) % MAX_SIZE == front;
}
};

```

5. Дървовидни структури от данни - кореново дърво и двоично кореново дърво. Логическо описание. Начини за представяне в паметта. Дефиниране на клас, реализиращ кореново дърво или двоично кореново дърво.

Двоично дърво от тип Т е рекурсивна СД, която е или празна или е образувана от:

- данни тип Т – корен на дърво;
- двоично дърво тип Т, наречено {ляво, дясно} поддървно на двоично дърво

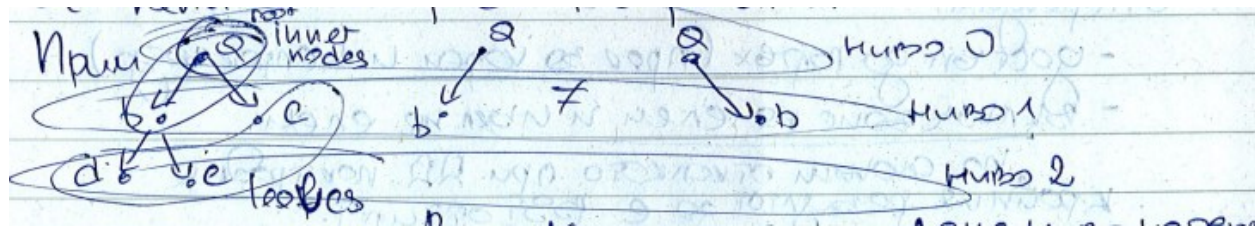
Множеството от върховете на ДД се определя рекурсивно:

- празното ДД няма върхове
- върховете на непразно ДД са неговият корен и върховете на двете му поддървета

Листата на ДД са върховете с две празни поддървета. Останалите се наричат вътрешни.

Височината на дърво: максималното ниво на дърво

Пример:



Операции:

- достъп до връх (пряк до корен или непряк до другите)
- включване и изключване на връх (от произволно място – резултатът е отново двоично дърво от същия тип)
- обхождане (ЛКД (смесено?), КЛД (възходящо), ЛДК (низходящо))

Три начина за представяне в паметта:

- свързано (реализира се чрез указател към кутия с 3 полета – inf, left и right указатели за поддържане)
- верижно – 3 масива $a[N]$, $b[N]$, $c[N]$.

N = # върхове от 0 до $N-1$, елементите на a съдържат стойност на i -ти връх, елементите на b съдържат индекс на ляв наследник на i -ти връх (-1 ако няма) и елементите на c съдържат индекс на десен наследник на i -ти връх (-1 ако няма).

- чрез списък на бащите – 1 масив $p[N]$. N = #върхове в дървото от 0 до $N-1$. Елементът $p[i]$ е единствения баща на върха i (-1 ако този връх е корен).

```
template<typename T>
```

```
class BinaryTree {
```

```
private:
```

```
    class Node {
```

```
    public:
```

```
        T value;
```

```
        Node* leftChild;
```

```
        Node* rightChild;
```

```
        Node(T val) {
```

```
            value = val;
```

```
            leftChild = nullptr;
```

```
            rightChild = nullptr;
```

```
    }  
};
```

```
Node* root;
```

```
Node* insertRecursive(Node* currentNode, T val) {  
    if (currentNode == nullptr) {  
        currentNode = new Node(val);  
    } else {  
        if (val <= currentNode->value) {  
            currentNode->leftChild = insertRecursive(currentNode->leftChild, val);  
        } else {  
            currentNode->rightChild = insertRecursive(currentNode->rightChild, val);  
        }  
    }  
    return currentNode;  
}  
  
void inorderTraversalRecursive(Node* currentNode) {  
    if (currentNode == nullptr) return;  
    inorderTraversalRecursive(currentNode->leftChild);  
    cout << currentNode->value << " ";  
    inorderTraversalRecursive(currentNode->rightChild);  
}
```

```
public:
```

```
    BinaryTree() {  
        root = nullptr;  
    }  
  
    void insert(T val) {  
        root = insertRecursive(root, val);  
    }
```

```

    }

    void inorderTraversal() {

        inorderTraversalRecursive(root);

    }

};

```

6. Двоично кореново дърво за търсене.

Логическо описание. Начини за представяне в паметта. Сложност на операциите по добавяне, премахване и търсене на елемент. Дефиниране на клас реализиращ двоично кореново дърво за търсене.

Предполагаме, че има линейна наредба върху елементите. BST от тип T се дефинира рекурсивно:

- празното двоично дърво от тип T е наредено
- непразно двоично дърво от тип T е наредено \Leftrightarrow всички върхове на ЛПД са по-малки от корена и всички върхове в ДПД са по-големи от корена и ЛПД и ДПД са BST от тип T

Операции:

- достъп до връх (пряк за корен и непряк за др.)
- включване и изключване на елемент(по-сложни от при ДД, крайният резултат пак е BST от тип T)
- обхождане на дърво (като ЛКД ще даде елементите в сортиран вид, КЛД, ЛДК)

Представянето е свързано с кутийки в паметта с инф поле и по 2 указателя за двете поддървета.

```
template<typename T>
```

```
class BST {
```

```
private:
```

```
    struct Node {
```

```
        T data;
```

```
        Node* left;
```

```
        Node* right;
```

```
    };
```

```
    Node* root;
```

```
Node* createNode(T value) {  
    Node* newNode = new Node;  
    newNode->data = value;  
    newNode->left = nullptr;  
    newNode->right = nullptr;  
    return newNode;  
}
```

```
Node* insertRecursive(Node* current, T value) {  
    if (current == nullptr) {  
        return createNode(value);  
    }  
    if (value < current->data) {  
        current->left = insertRecursive(current->left, value);  
    } else if (value > current->data) {  
        current->right = insertRecursive(current->right, value);  
    }  
    return current;  
}
```

// Recursive function to search for a value

```
bool searchRecursive(Node* current, T value) {  
    if (current == nullptr) {  
        return false;  
    }  
    if (current->data == value) {  
        return true;  
    }  
}
```

```
    if (value < current->data) {  
        return searchRecursive(current->left, value);  
    } else {  
        return searchRecursive(current->right, value);  
    }  
}
```

public:

```
    BST() {  
        root = nullptr;  
    }  
    void insert(T value) {  
        root = insertRecursive(root, value);  
    }  
    bool search(T value) {  
        return searchRecursive(root, value);  
    }  
};
```