вариант	ф.	номер	група	поток	курс	ОΤ	предишна	година?
${f A}$								
Име:								

# Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15

Зад 1. a) Дайте определение за примитивно рекурсивен предикат.

 Докажете, че логическите операции конюнкция, дизюнкция и отрицание, а също и ограничените квантори, запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi: N^2 \to N$  и  $\Pi_n: N^n \to N$ . Докажете, че тези изображения са биекции. 6) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J^n_k$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите L, R,  $\Pi_n$  и  $J^n_k$ ,  $1 \le n, 1 \le k \le n$ , е примитивно рекурсивна.

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

Приятна работа и успех :)!

вариант	ф. номер	група	поток	курс	от	предишна	година?
A							
Име:							

Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15 Зад 1. а) Дайте определение за примитивно рекурсивен

Докажете, че логическите операции конюнкция, дизюнкция и отрицание, а също и ограничените квантори, запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi: N^2 \to N$  и  $\Pi_n: N^n \to N$ . Докажете, че тези изображения са биекции. 6) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J_k^n$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите L, R,  $\Pi_n$  и  $J_k^n, 1 \leqq n, 1 \leqq k \leqq n$ , е примитивно рекурсивна.

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

 б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

Приятна работа и успех :)!

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	ОТ	предишна	година?
${f A}$								
Име:								

#### Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15

Зад 1. a) Дайте определение за примитивно рекурсивен предикат.

б) Докажете, че логическите операции конюнкция, дизюнкция и отрицание, а също и ограничените квантори, запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. а) Дефинирайте изображенията  $\Pi: N^2 \to N$  и  $\Pi_n: N^n \to N$ . Докажете, че тези изображения са биекции. б) Определете обратните функции L и R за  $\Pi$  и  $J_k^n$  за  $\Pi_n$ . Докажете, че всяка от функциите L, R,  $\Pi_n$  и  $J_k^n, 1 \leqq n, 1 \leqq k \leqq n$ , е примитивно рекурсивна.

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е

изчислима. Приятна работа и успех :)!

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	ОТ	предишна	година?
В								
Име:								

# Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15

Зад 1. а) Дайте определение за функционалните операции ограничена сума и ограничена минимизация.

б) Докажете, че тези операции запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. Нека  $N^* = \bigcup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau:N^*\to N$ . Докажете, че  $\tau$  е биекция.
- б) дефинирайте декодиращите функции mem(a,i) и lh(a) за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

Приятна работа и успех :)!

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	от	предишна	година?
В								
Име:								

#### Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15

Зад 1. a) Дайте определение за функционалните операции ограничена сума и ограничена минимизация.

б) Докажете, че тези операции запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. Нека  $N^* = \bigcup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau:N^*\to N.$  Докажете, че  $\tau$  е биекция.
- б) дефинирайте декодиращите функции mem(a,i) и lh(a) за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

 Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

Приятна работа и успех :)!

вариант	ф.	номер	група	поток	курс	ОТ	пред	ишна	година?
В									
Име:									

# Първо контролно по ИС (теория), 30.11.15

Зад 1. а) Дайте определение за функционалните операции ограничена сума и ограничена минимизация.

 Докажете, че тези операции запазват примитивната рекурсивност.

**2** зад. Нека  $N^* = \bigcup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau:N^* \to N$ . Докажете, че
- б) дефинирайте декодиращите функции mem(a,i) и lh(a) за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**Зад 3.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция f. Докажете, че f е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

Приятна работа и успех :)!