## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО»

Физико-механический институт, Высшая школа теоретической механики и математической физики

#### (наименование учебного подразделения)

# Отчет о прохождении учебной (научно-исследовательская работа) практики

(вид и тип практики)

#### Качевская Ольга Андреевна

(Ф.И.О. обучающегося)

#### 2 курс бакалавриата группа 5030103/00001

(номер курса обучения и учебной группы)

01.03.03 Механика и математическое моделирование, 01.03.03\_01 Механика и математическое моделирование сред с микроструктурой

(Направление подготовки (код и наименование)

#### Место прохождения практики: СПбПУ, ВШТМиМФ, ФизМех

(указывается наименование профильной организации или наименование структурного подразделения

ФГАОУ ВО «СПбПУ», фактический адрес)

Сроки практики: с 22.06.2022 по 05.07.2022

Руководитель практики от ФГАОУ ВО «СПбПУ»: Уманский Александр Олегович,

ассистент ВШТМиМФ, ФизМех

(Ф.И.О., уч.степень, должность)

Руководитель практики от профильной организации:		
	(Ф.И.О., должность)	
Оценка:		
Руководитель практики		
от ФГАОУ ВО «СПбПУ»:	/Уманский А.О./	
Руководитель практики		
от профильной организации:	/Ф.И.О./	
Обучающийся:	/Качевская О.А./	
Дата:		

## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО»

Физико-механический институт, Высшая школа теоретической механики и математической физики

(наименование учебного подразделения)

## ИНДИВИДУАЛЬНЫЙ ПЛАН (ЗАДАНИЕ И ГРАФИК) ПРОВЕДЕНИЯ ПРАКТИКИ

Ф.И.О. обучающегося Качевская Ольга Андреевна

Направление подготовки (код/наименование) 01.03.03 Механика и математическое моделирование
Профиль (код/наименование) 01.03.03\_01 Механика и математическое моделирование сред с микроструктурой
Вид практики учебная
Тип практики научно-исследовательская работа
Место прохождения практики СПбПУ, Высшая школа теоретической механики и математической физики, ФизМех

Руководитель практики от ФГАОУ ВО «СПбПУ»: Уманский Александр Олегович,

ассистент ВШТМиМФ, ФизМех

ГФ.И.О., уч. степень, должность)

Руководитель практики от профильной организации:

(Ф.И.О., должность)

#### Рабочий график проведения практики

Сроки практики: с 22.06.2022 по 05.07.2022

№ п/п	Этапы (периоды) практики	Вид работ	Сроки прохождения этапа (периода) практики
1	Организационный этап	Введение в теорию КЭ, постановка целей и задач, инструктаж по технике безопасности, выдача сопроводительных документов по практике	22.06.2022
2	Основной этап	Получение экспериментальных данных и построение моделей изгиба балки и колебаний балки	22.06.2022 – 05.07.2022
3	Заключительный		
9Tan	этап	Защита отчета по практике	05.07.2022

Обучающийся	/Качевская О.А./
Руководитель практики от ФГАОУ ВО «СПбПУ»	/ Уманский А.О./
Согласовано:	
Руководитель практики от профильной организации:	/Ф.И.О./

## Содержание

Введение	4
1. Теоретическая справка	
2. Задача об изгибе балки	6
2.1 Постановка задачи	6
2.2 Получение данных об изгибе балки	6
2.3 Модел изгиба балки	7
2.4 Выводы по задаче об изгибе балки	8
3. Задача о колебания балки	9
3.1 Постановка задачи	9
3.2 Получение данных о колебаниях балки	9
3.3 Модель колебаний балки	9
3.4 Выводы по задаче о колебаниях балки	11
Заключение	12
Список использованной литературы	13

#### Введение

Колебания и изгибы- одни из самых распространенный вид деформаций в природе. Для более точного и менее затратного изучения данных деформаций можно воспользоваться моделью балки. Для создания модели, учетом основных параметров объекта, МОЖНО воспользоваться программой Ansys. Строить и находить нужные нам данные, например перемещения, мы будем с помощью различных численных методов. Один из таких методов – метод конечных элементов или же метод решения дифференциальных уравнений в частных производных. Основная идея метода состоит в том, чтобы разделить расчетную область на небольшие участки, в каждом из которых вид переменной задается аппроксимирующей функцией, а далее благодаря этому находятся коэффициенты этой функции, которые определяются через значения переменной в точках, которые совпадают с узлами элементов и дают неразрывное решение.

В данной работе будет реализована математическую модель колебаний балки с использованием ее собственных частот колебаний, а также модель изгиба балки.

#### 1. Теоретическая справка

Для решения поставленных задач воспользуемся методом конечных элементов. Метод конечных элементов — это численный метод решения дифференциальных уравнений в частных производных.

#### Основная идея:

Разделение расчетной области на небольшие участки (конечные элементы), в которых вид искомой переменной задается внутри каждого такого участка аппроксимирующей функцией, самый простой вид такой функции — линейный. Вне «своего» элемента она равна нулю.

Главная задача — определить коэффициенты в этой функции, которые определяются через значения искомой переменной в некоторых точках, которые совпадают с «узлами» этих элементов и дают в итоге неразрывное решение.

Из-за того, что вид аппроксимирующей функции в каждом элементе известен, то задача сводится к решению системы алгебраических уравнений, неизвестные в которой — значения переменной в узлах.

Конечно-элементная модель – система с многими степенями свободы.

Уравнение линейной динамики для конечно-элементной модели представимо в виде:

$$[M]{\ddot{x}} + [K]{x} = {f}$$

[М] - матрица масс;

[K] - матрица жесткости;

 $\{x\}$ - вектор перемещений.

#### 2. Задача об изгибе балки

#### 2.1 Постановка задачи

Необходимо создать модель изгиба балки, воспользовавшись полученными экспериментальными данными.

Дано:  $m_1 = 0.05$ кг,  $m_2 = 0.03$  кг,  $m_3 = 0.02$ кг,  $m_4 = 0.01$  кг, a = 25 mm, b = 1 mm, L = 300 mm,  $E = 4.5 * 10^9$ , материал: сталь

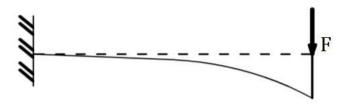


Рисунок 1. Схема установки

### 2.2 Получение экспериментальных данных об изгибе балки

Для получения данных возьмем металлическую балку (металлическая линейка), а также 4 вида грузов разных масс:  $m_1 = 0.05 \, \mathrm{kr}$ ,  $m_2 = 0.03 \, \mathrm{kr}$ ,  $m_3 = 0.02 \, \mathrm{kr}$ ,  $m_4 = 0.01 \, \mathrm{kr}$ . Создадим экспериментальную установку, состоящую из балки, жестко заделанной с одного конца. Далее зафиксируем то, что будет происходить с балкой, на свободный конец которой мы положим грузы различных масс.



Рисунок 2. Экспериментальная установка по изучению изгиба балки

## 2.3 Модель изгиба балки

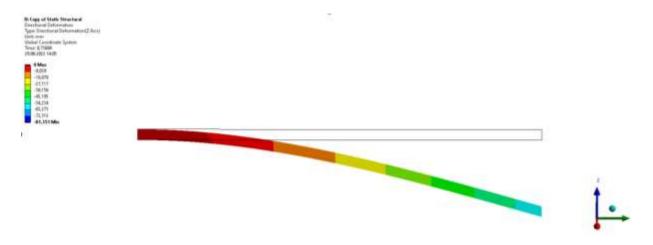


Рисунок 3. Полученная модель изгиба балки

Для сравнения результатов численной модели были построены графики численного, аналитического и экспериментальных решений:

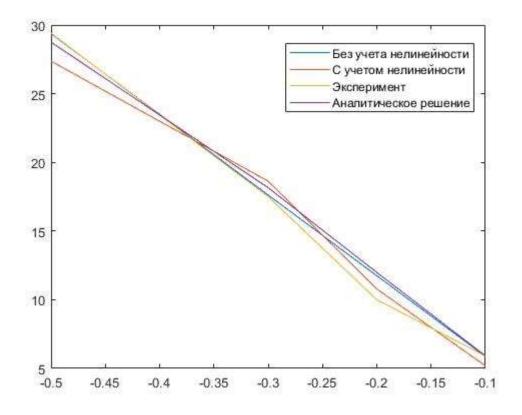


Рисунок 4. Графики решений

## 2.4 Выводы по задаче об изгибе балки

Сравнивая полученные результаты, можно сделать вывод о том, что даже несмотря на погрешность, полученная модель изгиба балки может считаться достоверной.

#### 3. Задача о колебаниях балки

#### 3.1 Постановка задачи

Необходимо создать модель колебаний балки, воспользовавшись ее собственными частотами колебаний, которые мы получили экспериментально.

Дано:  $L=930 \ mm$ ,  $a=25.5 \ mm$ ,  $b=2.3 \ mm$ , материал: сталь

### 3.2 Получение данных о колебаниях балки

Для получения данных воспользуемся установкой, состоящую из балки и источника колебаний. Задавая различные частоты, определим при каких собственных частотах балки она достигает резонанса.



Рисунок 5. Экспериментальная установка по изучению колебаний балки

#### 3.3 Модель колебаний балки



Рисунок 6. Полученная модель колебаний балки

Для подтверждения достоверности математической модели колебания балки сравним собственные частоты балки полученные экспериментально и при помощи модели, составим таблицу результатов, а также добавим виды моделей относительно модов:

Таблица 1. Экспериментальные и численные результаты

Моды	Среднее значение, ГЦ	Полученная частота, ГЦ
1	2	2,0037
2	11	12,556
3	20	22,163
4	30,50	35,161
5	60,25	68,913
6	100,25	113,95
7	117,25	136,12
8		138,41

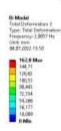


Рисунок 7. Вид модели при 2 моде

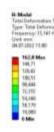


Рисунок 8. Вид модели при 5 моде

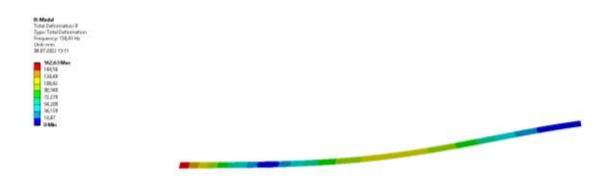


Рисунок 9. Вид модели при 8 моде

## 3.4 Вывод по задаче о колебаниях балки

Сравнивая полученные результаты при различных резонансах, можно сделать вывод о том, что даже несмотря на погрешность, полученная модель колебаний балки может считаться достоверной.

#### Заключение

В данной практической работе было получено общее представление о пакете программ «Ansys». Были получены базовые знания и навыки, необходимые для построения математических моделей, отражающих реальное поведение тел с некоторой степенью неточности. В последнем мы убедились, сравнив результаты натурных и вычислительных экспериментов.

Для обоих задач был использован метод конечных элементов, благодаря которому мы получили достоверный результат. Таким образом, можно сделать вывод, что применение вычислительных методов в задачах механики целесообразно. Однако из-за того, что в задачах были использованы неточные измерительные приборы, а также материал балки с неизвестным модулем Юнга и т. д., возникала определенная погрешность. Отсюда мы можем сделать заключение о том, что точное решение также является необходимым для достижения желаемого результата (построении качественной модели).

## Список использованной литературы

- 1. «Введение в Ansys Workbench» Д. В. Иванов, А. В. Доль <a href="http://dolivanov.ru/sites/default/files/metodichka\_workbench.pdf">http://dolivanov.ru/sites/default/files/metodichka\_workbench.pdf</a>
- 2. «Компьютерное проектирование. Ansys. » М. А. Денисов <a href="https://www.studmed.ru/denisov-m-a-avtomatizirovannoe-proektirovanie-v-ansys-i-kompas-3d\_dbcf5ffaffa.html">https://www.studmed.ru/denisov-m-a-avtomatizirovannoe-proektirovanie-v-ansys-i-kompas-3d\_dbcf5ffaffa.html</a>