Analiza kabla koncentrycznego

Kacper Kłos

W niniejszym raporcie analizujemy zachowanie kabla koncentrycznego przy bardzo szybkich sygnałach. Wysyłaliśmy impulsy o napięciu $5\,\mathrm{V}$, których czoło narastało w czasie odpowiednio $10\,\mathrm{ns}$ i trwało $100\,\mathrm{ns}$. Badaliśmy dwa kable o referencyjnej impedancji $75\,\Omega$.

Najpierw, wydłużając kabel, badaliśmy, jak zmienia się czas powrotu sygnału. Otrzymane wyniki pozwoliły wyznaczyć prędkości propagacji: $v_{\rm good}=(9.892\pm0.032)\times10^7\,{\rm m\,s^{-1}}$ oraz $v_{\rm bad}=(11.341\pm0.080)\times10^7\,{\rm m\,s^{-1}}$.

Następnie do końca kabla dołączyliśmy rezystor o zmiennej rezystancji i zmierzyliśmy zależność napięcia sygnału odbitego od tej rezystancji. Na tej podstawie wyznaczyliśmy impedancje: $Z_{\rm good} = (73.9 \pm 1.1) \, \Omega$ oraz $Z_{\rm bad} = (77.7 \pm 1.3) \, \Omega$.

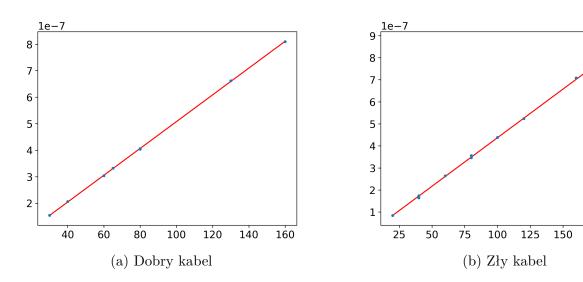
Korzystając z tych wartości, obliczyliśmy pojemność i indukcyjność na jednostkę długości kabla: $c_{\rm good}=(1{,}367\pm0{,}020)\times10^{-10}\,{\rm F\,m^{-1}},\ l_{\rm good}=(7{,}47\pm0{,}11)\times10^{-7}\,{\rm H\,m^{-1}},\ c_{\rm bad}=(1{,}135\pm0{,}021)\times10^{-10}\,{\rm F\,m^{-1}},\ l_{\rm bad}=(6{,}85\pm0{,}12)\times10^{-7}\,{\rm H\,m^{-1}}.$

1 Wyniki pomiarów

Najpierw zmierzyliśmy czas powrotu sygnału dla dobrego i złego kabla o impedancji odniesienia 75 $\Omega.$

\overline{Nr}	Dobry kabel		Zły kabel	
	d [m]	t [ns]	d [m]	t [ns]
1	30	154	20	84
2	60	304	40	164
3	40	206	40	174
4	80	406	80	346
5	65	332	60	264
6	130	662	120	524
7	80	404	80	356
8	160	810	160	708
9	_	_	100	438
10	_	_	200	872

Tablica 1: Porównanie odległości d i czasu t dla dobrego i złego kabla.



Rysunek 1: Zależność czasu propagacji t od długości kabla d.

175

200

Aproksymując dane (tab. 1) równaniem

$$t = \frac{d}{v} + b,$$

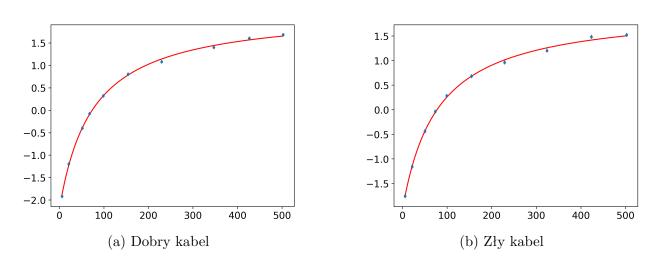
otrzymujemy prędkości propagacji

$$v_{\text{good}} = (9.892 \pm 0.032) \times 10^7 \,\text{m s}^{-1}, \quad v_{\text{bad}} = (11.341 \pm 0.080) \times 10^7 \,\text{m s}^{-1}.$$

Następnie zmierzyliśmy napięcie odbitego sygnału w funkcji rezystancji podłączonej do końca kabla.

\overline{Nr}	Dobry kabel		Zły kabel	
	$R [\Omega]$	U [V]	$R [\Omega]$	U[V]
1	21,242	-1,200	5,949	-1,760
2	67,889	-0,080	21,741	-1,160
3	51,489	-0,400	50,467	-0,440
4	98,712	0,320	73,712	-0,040
5	154,450	0,800	99,180	0,280
6	229,724	1,080	154,913	0,680
7	346,970	1,400	228,870	0,960
8	426,380	1,600	324,130	1,200
9	502,590	1,680	423,340	1,480
10	5,985	-1,920	502,510	1,520

Tablica 2: Rezystancja R i napięcie odbitego sygnału U dla dobrego i złego kabla.



Rysunek 2: Zależność napięcia odbitego U od rezystancji obciążenia R.

Krzywą dopasowujemy do zależności [1]

$$U = U_0 \, \frac{R_L - Z}{R_L + Z},$$

gdzie U – napięcie odbite, U_0 – napięcie generowane, R_L – rezystancja obciążenia, Z – impedancja kabla. Z dopasowania otrzymujemy

$$Z_{\text{good}} = (73.9 \pm 1.1) \,\Omega, \quad Z_{\text{bad}} = (77.7 \pm 1.3) \,\Omega.$$

Korzystając z wzorów [1]

$$c = \frac{1}{vZ}, \qquad l = \frac{Z}{v},$$

wyznaczamy parametry na jednostkę długości

$$c_{\text{good}} = (1,367 \pm 0,020) \times 10^{-10} \,\text{F m}^{-1},$$
 $l_{\text{good}} = (7,47 \pm 0,11) \times 10^{-7} \,\text{H m}^{-1},$ $c_{\text{bad}} = (1,135 \pm 0,021) \times 10^{-10} \,\text{F m}^{-1},$ $l_{\text{bad}} = (6,85 \pm 0,12) \times 10^{-7} \,\text{H m}^{-1}.$

2 Analiza wyników

Podczas pomiarów zaobserwowaliśmy, że zły kabel tłumił sygnały silniej niż kabel dobry. Ponadto wyniki dla sprawnego kabla charakteryzowały się mniejszymi niepewnościami, dzięki czemu wyznaczona dla niego impedancja mieści się w wartości referencyjnej $75\,\Omega$, podczas gdy dla kabla złego jest ona nieznacznie większa.

Głównymi źródłami niepewności były rozdzielczości oscyloskopu i generatora sygnałów. W pomiarach prędkości propagacji prowadzi to do błędu poniżej 1%. W detekcji napięcia niepewność jest większa ze względu na trudność jednoznacznego odczytu wartości szczytowej, która w czasie trwania odbicia nieznacznie maleje. Dodatkowo niewielki błąd pochodzi z rozdzielczości multimetru użytego do pomiaru rezystancji obciążenia. Wpływ dodatkowych połączeń kablowych uznaliśmy za pomijalny.

Literatura

[1] Piotr Fita, Kabel koncentryczny, skrypt laboratoryjny, Uniwersytet Warszawski.