Fizyka układów złożonych Sieci losowe - cd

Małgorzata Krawczyk

Zadanie 1 (40p) Generujemy graf zgodnie z modelem Barabási'ego-Albert. Konstrukcja grafu przebiega wg schematu:

- \bullet generujemy graf w pełni połączony składający się z m_0 węzłów
- do utworzonego grafu dołączamy $N-m_0$ węzłów. Każdy nowy węzeł jest przyłączany preferencyjnie do $m \leq m_0$ istniejących węzłów. Prawdopodobieństwo, że nowy węzeł jest połączony z węzłem i wynosi:

$$p_i = \frac{k_i}{\sum_j k_j}$$

Generujemy graf o $N=100,\,m_0=5$ i m=4. Proszę narysować otrzymany graf.

Zadanie 2 (30p) Wyznaczamy rozkład stopni wierzchołków. Otrzymany rozkład powinien być rozkładem bezskalowym, tj.:

$$P(k) \sim k^{-\alpha}$$

spodziewamy się $2 < \alpha < 3$.

Generujemy graf o $N = 10^6$, $m_0 = 5$ i m = 4.

Rozkład oraz fit przedstawiamy na wykresie w skali logarytmicznej.

Zadanie 3 (30p) Generujemy graf o N = 100, $m_0 = 1$ i m = 1.

- rysujemy otrzymany graf jaka jest jego struktura?
- tworzymy wykres rozkładu stopni wierzchołków
- sprawdzamy spójność grafu; w tym celu stosujemy algorytm DFS dla losowo wybranego wierzchołka:

```
for u \leftarrow 1 to N do

visited[u] \leftarrow false

end for

function DFS(u)

visited[u] \leftarrow true

for all v \in neighbours[u] do
```

```
 \begin{aligned} & \textbf{if } \textit{visited} \left[ v \right] = false \textbf{ then } \\ & \text{DFS}(v) \\ & \textbf{end if } \\ & \textbf{end for } \\ & \textbf{end function } \end{aligned}
```

 $\bullet\,$ usuwamy losowo wybrane wiązanie i ponownie sprawdzamy spójność