## Fizyka układów złożonych Model Kuramoto

## Małgorzata Krawczyk

**Model** Tworzymy układ składający się z N oscylatorów, oscylujących z częstością własną  $\omega_i$  i powiązanych z pozostałymi oscylatorami stałą sprzężenia K. Zmiana fazy  $\theta$  każdego z oscylatorów w czasie opisana jest równaniem:

$$\frac{d\theta_i}{dt} = \omega_i + \frac{K}{N} \sum_{j=1}^{N} \sin(\theta_j - \theta_i), \qquad i = 1 \dots N,$$

Parametr porządku:

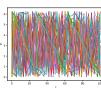
$$re^{i\psi} = \frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} e^{i\theta_j}$$

## Zadanie 1 (50p) Przyjmujemy:

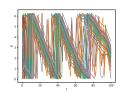
- N = 10, 20, 50
- $K \in (0.25, 5)$  z krokiem 0.5
- $\omega_i$  losujemy z rozkładu normalnego  $\mu=0, \sigma=0.5$
- początkowe  $\theta_i$  losujemy z rozkładu jednorodnego w przedziale  $[0,2\pi)$

W każdym przypadku rozwiązujemy układ równań. Na wykresach proszę przedstawić zależność  $\theta_i$  oraz r od czasu.

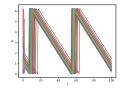
$$N=50,\,K=0.75$$

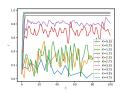


$$N = 50, K = 2.25$$

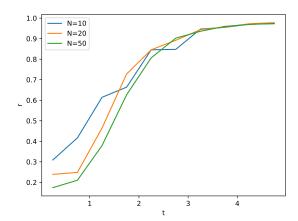


$$N = 50, K = 4.75$$





**Zadanie 2 (25p)** Dla parametrów jak wcześniej proszę utworzyć wykres zależności wartości końcowej r od K, wynik proszę uśrednić po 10 powtórzeniach.



**Zadanie 3 (25p)** Możemy także zobaczyć jak wygląda proces desynchronizacji. Tworzymy układ N=50 oscylatorów. Dla połowy z nich losujemy  $\theta$  z rozkładu jednorodnego w przedziale  $[0,2\pi)$ , a dla drugiej w przedziale  $[0,\pi/12]$ . Dla K=0.01,0.8 i 2 proszę narysować zależność r od czasu.

