Metody statystyczne

Ćwiczenia numer 2

Vitalii Urbanevych

vitalii.urbanevych@doctoral.uj.edu.pl

05.12.2020

Slajdy: Doktor Kacper Topolnicki

05.12.2020

1/1

Symulacija procesu Morkova

- · 2 uzytkownikov
- <u>o</u> 1 komputer
- Do computara zonlogowany de more byo:

X=0 (uzythounokou)

X = 1 (uzythowniledu) X = 2 (uzythowniledu)

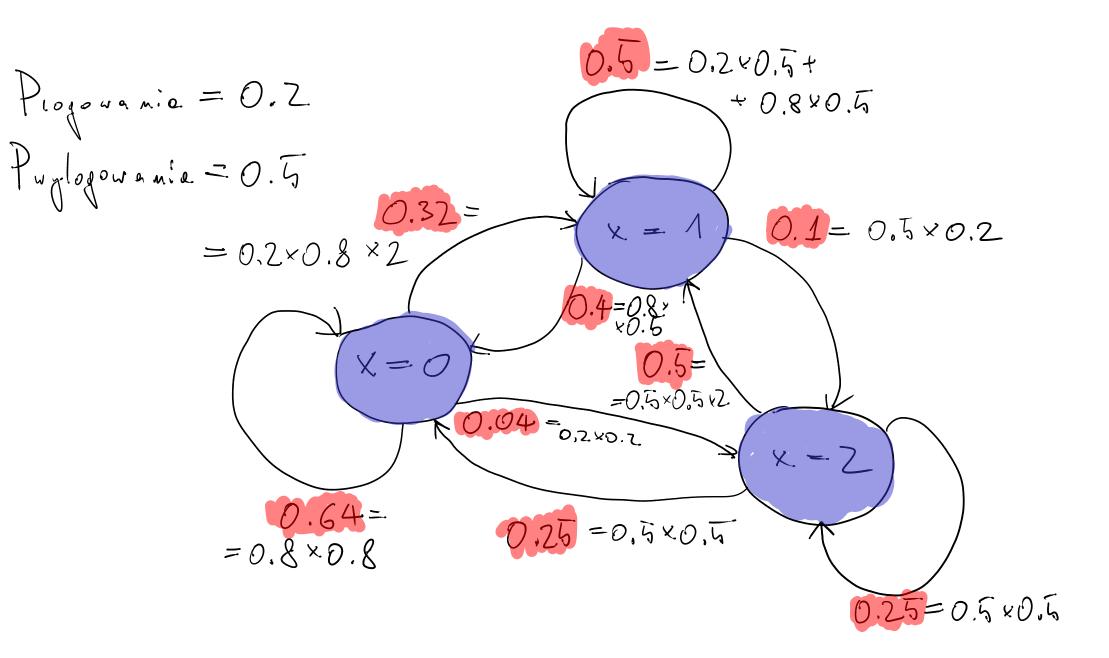
Prawolopodobienstwo logowania

Prawolopodobienstwo pozostania miezalogowanym

1- Progowanie = 0.8 -in Prandopodobismstus wylogovania

Prandopodobismstus pozostania zalogovanym

1 - Prylogovania = 0.5



prawolopodobienstvo u cie (zhi z Macien X = 00.64 + 0.32 + 0.04 = 1prandopoolobienstua priejscie z x = 1 do x=2 X27

Many y stan u ktorym uktad jest z provolopodobionstvem Po W = 0P1 W = 1P2 W = 2Jak Police je stam po itoracjo?

Wionsz (stam)

0.64 0.32 0.04

0.4 0.5 0.1

0.25 0.5 0.25

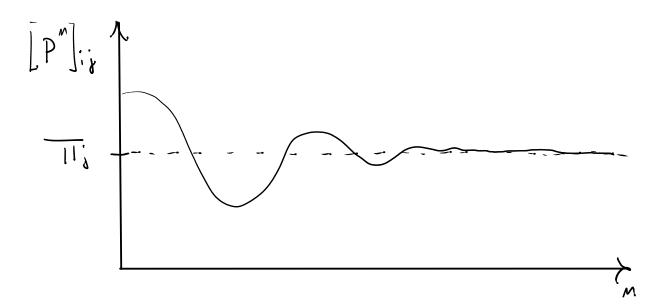
o Jah polityd macient pravolopodobionst u po 2 itaracjach procesu Morkova? $PP = \begin{bmatrix} 0.64 & 0.32 & 0.04 \\ 0.4 & 0.5 & 0.1 \\ 0.25 & 0.5 & 0.25 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.64 & 0.32 & 0.04 \\ 0.4 & 0.5 & 0.1 \\ 0.25 & 0.5 & 0.25 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.64 & 0.32 & 0.04 \\ 0.5 & 0.5 & 0.25 \\ 0.25 & 0.5 & 0.25 \end{bmatrix}$ $0.64 \times 0.64 + 0.32 \times 0.4 + 0.04 \times 0.25 = 0.5476$ 0.3848 0.0676pran. projúcia x=0 -> x=0 po 2 iter 0.481 0.428 0.091 0.4225 0.455 0.1225 Stan starjonarny

· Co siq stanie po N > 0 iteracjach? · Spoolziewamy sia, že o siggniomy stan starjonormy? o Mak wtakim prypadku bedtie wygledova macio rz $[P]^{N} = [P][P] \dots [P]$ $[P_0, P_1, P_2] \dots [P_1]$ $[P_0, P_1, P_2] \dots$ [stan stacjonormy = [TTO 7 TTO]



- · Policity i [P] Nolla duigh N.
- · Kryterium zbieimości | PM PM-1 < 10-5

 na pnyhľad | max() |
- · Moëna nanzsowa u ylenes:





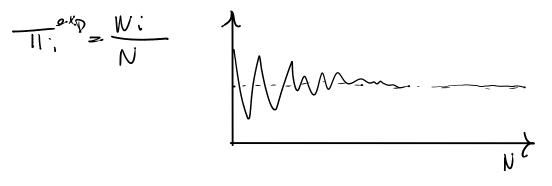
- Start & wybrenego versoa x=0,1,2
 - · Losovanie kalejnejo westa spodnie & P
 - · Prejecie de noulge wezte

- · Losowanie ≈ N=10⁴ trajelitorii
- Police enie $\frac{N}{N}$: N: -ile noty od wied to me x=i (0,1,2)
- · Portunanie & CPJN, start & x=0,1,2, zbiernosc



- · 100 uzgthownitow
- · x=0,1,2,...,100
- · Progowante = 0.2, Purlogonanie = 0.5 (tole jale popuednio)
- · Trudup jest shomstruouai macien proudopodobienstu.
- · Wykonnjemy symulacją trojektorii.

 Tle wynosi III dla i=0,1,...,100? · I le wjnos.
- · Wykresy z6:ezności





Pravolopoolobionistua dla wylogowanym = 0,8

Purployouania = 1-(0.008x+0.1)

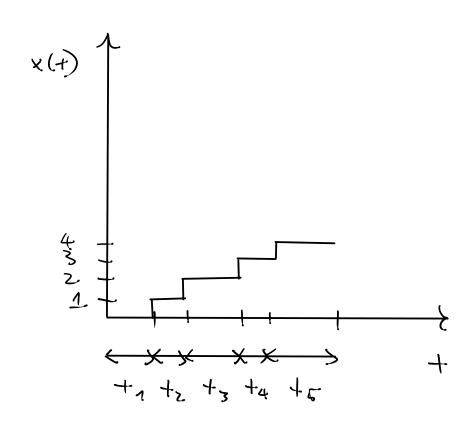
Prozostania zalogowanym = 0.008 x + 0.1

dla zalogowanych

PNOCOSS Poissome

$$x(+=0) = 0$$

 $skok o 1 co +:$



 $A = 1 \left[\min^{-1} \right]$

metode oduracanie dystrybuanty

$$+ := \frac{-\ln(n)}{\lambda}$$

lorowane z nozhsaely jednonod mego Mar prodesiale (0,1)



- © Czy istnieje storm stacjonarmy? ≥ 2 ebrac ≈ 10⁴ trajelitoril, otny mai rozhrad pravdopodobieństva olla += 1,20,90.
- Porsunel 2- rozhradon Poissona P+(x=k)= $\frac{(x+)^{2}}{k!}$ e-x+.