

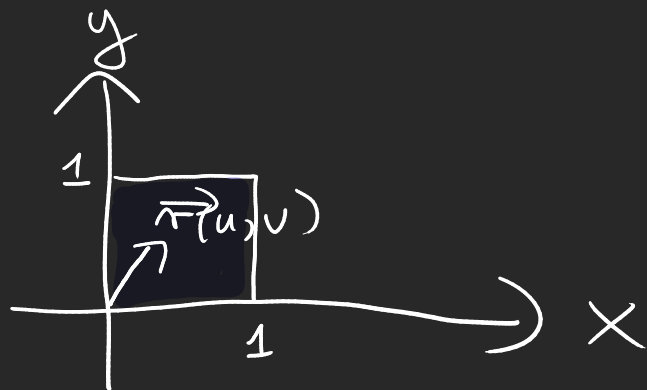
Witam, zaczynamy

o 12:00

porzekajmy jeszcze 2 min...

za 2 tyg kolokwium:

- rozw. ukł. row. lin
- liczenie macierzy
- wyznaczniki, ...
- liczbami zespolonymi



$$\vec{r}(u,v) = u \hat{x} + v \hat{y}$$

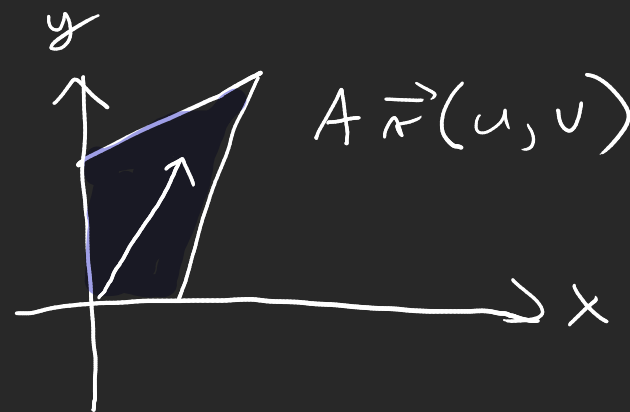
w. jedn.
liczbn

$$u, v \in (0, 1]$$

A macierz 2×2

jak zmienia
się pole tych
fig.

wzłozzwo: mnożenie
z $\det(A)$



2x2

$$\det\left(\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}\right) = a \cdot d - c \cdot b$$

3x3

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 7 & 6 \\ 7 & 9 & 2 \end{vmatrix} =$$

$$1 \cdot 7 \cdot 2 + 2 \cdot 6 \cdot 7 + 3 \cdot 4 \cdot 9 -$$

$$- 7 \cdot 7 \cdot 3 - 9 \cdot 6 \cdot 1 - 2 \cdot 4 \cdot 2$$

$$\det(A) = \sum_{\alpha_1 \alpha_2 \dots \alpha_n} A_{\alpha_1 1} A_{\alpha_2 2} \dots A_{\alpha_n n} (-1)^{I(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n)}$$

\uparrow
 $\text{mac } n \times n$

$I(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n)$: liczba permutacji α_i, α_j koniecznych do zamiany

$$\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \rightarrow 1, 2, \dots, n$$

$$a_1, a_2, a_3 = 3, 2, 1 \quad \left(\rightarrow 1, 2, 3 \right)$$

$$3, 2, 1 \xrightarrow{\substack{\uparrow \\ \uparrow}} 3, 1, 2 \xrightarrow{\substack{\uparrow \\ \uparrow}} 1, 3, 2 \xrightarrow{\substack{\uparrow \\ \uparrow}} 1, 2, 3$$

} zamian

$$\overline{I}(3, 2, 1) = 3$$

znak permutacji: $(-1)^{\overline{I}(3, 2, 1)} = (-1)^3 = -\underline{1}$

$$\det(A) = \sum_{i=1}^n A_{ij} (-1)^{i+j}$$

\uparrow
 macierz $n \times n$

$$\det(A_{[i,j]})$$

\uparrow
 powstaje A
 przez wykreślenie
 i - wiersza
 j - kolumny

