



---

# **Distribution trouée Damn Vulnerable Web Application**

---

**Barbarin Florian - Beldjilali Abdelkader - Letombe Alexis**

**Sous la direction du Dr. Hachichi Assia et du Pr. Hajnal Ladislav**

Le 1<sup>er</sup> avril 2017

# Table des matières

<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>1 Chiffrement de Merkle-Hellman</b>	<b>3</b>
1.1 Choix d'un problème difficile . . . . .	3
1.2 Adaptation du problème . . . . .	3
1.2.1 Fonction à sens unique . . . . .	3
1.2.2 Introduction d'une trappe . . . . .	3
1.2.3 Perturbation . . . . .	3
1.2.4 Application au chiffrement à clé publique . . . . .	3
<b>2 Chiffrement de Merkle-Hellman</b>	<b>4</b>
2.1 Choix d'un problème difficile . . . . .	4
2.2 Adaptation du problème . . . . .	4
2.2.1 Fonction à sens unique . . . . .	4
2.2.2 Introduction d'une trappe . . . . .	4
2.2.3 Perturbation . . . . .	4
2.2.4 Application au chiffrement à clé publique . . . . .	4
<b>3 Chiffrement de Merkle-Hellman</b>	<b>5</b>
3.1 Choix d'un problème difficile . . . . .	5
3.2 Adaptation du problème . . . . .	5
3.2.1 Fonction à sens unique . . . . .	5
3.2.2 Introduction d'une trappe . . . . .	5
3.2.3 Perturbation . . . . .	5
3.2.4 Application au chiffrement à clé publique . . . . .	5
<b>4 Conclusion et perspectives</b>	<b>6</b>
<b>A Annexe</b>	<b>7</b>
<b>B Annexe</b>	<b>8</b>

# Introduction

Dans un monde où les communications électroniques prennent une importance incommensurable, la sécurité des messages échangés est un enjeu devenu majeur pour l'ensemble des parties prenantes, qu'il s'agisse d'entreprises, d'institutions ou de simples citoyens.

Le secteur de l'aéronautique n'est pas exempt de mettre en œuvre une sécurisation des nombreux messages échangés afin de parer au mieux tout acte malveillant dont le but serait de modifier des messages ou d'intercepter des informations sensibles. On peut aujourd'hui penser aux drones qui échangent avec le sol à la fois des instructions essentielles au vol et des données issues de la mission réalisée (mesures, prises de vue, etc. . .).

La cryptographie donne les moyens à toutes les entités d'assurer la confidentialité, l'authenticité et l'intégrité des échanges. Un processus de chiffrement transforme le message *en clair* en message *chiffré*, incompréhensible, et le mécanisme de déchiffrement réalise l'opération inverse. L'idée sous-jacente de cette discipline est de faire en sorte qu'un message ayant subi un processus de chiffrement ne puisse être déchiffré qu'à l'aide d'un élément bien identifié par les parties prenantes, appelé *clé*. Un *cryptosystème* est défini par les mécanismes ou algorithmes de (dé)chiffrement, l'ensemble des textes en clair et textes chiffrés ainsi que les clés possibles.

# 1 Titre partie 1

Comme nous avons pu le voir en introduction de cette étude, le point de départ d'un système cryptographique est de trouver un problème dans la classe **NP** voire **NPC** avant de l'adapter aux exigences de chiffrement et déchiffrement des messages. Une fois ces étapes explicitées, nous verrons comment mettre en œuvre le chiffrement de Merkle-Hellman.

## 1.1 Choix d'un problème difficile

## 1.2 Adaptation du problème

### 1.2.1 Fonction à sens unique

### 1.2.2 Introduction d'une trappe

### 1.2.3 Perturbation

### 1.2.4 Application au chiffrement à clé publique

Dans le cadre d'un système de chiffrement à clé publique, si Alice souhaite envoyer un message à Bob, cette première chiffre son message avec la clé publique de Bob qui le déchiffre alors avec sa clé privée. Il est donc nécessaire de définir les éléments constitutifs de la clé publique et de la clé privée de Bob.

**Clé privée de Bob** Comme nous l'avons esquissé à la section 3.2.3, Bob va tout d'abord générer une suite d'entiers super-croissante

- dans le « pire cas » et par le caractère super-croissant de la clé privée, le dernier élément  $s_n$  vaudra  $D2^{n-1}$  ;
- on aura alors  $p$  de l'ordre de grandeur de  $D2^n$  à  $FD2^n$  ;
- les éléments de la clé publique  $T$  sont majorés par  $p$  par le modulo et un bloc chiffré  $y$  sera donc borné par  $n \times FD2^n$ .

Ce dernier bloc est chiffré comme les précédents. La figure 3 illustre le chiffrement d'un flux d'entrée avec une clé de taille 11. Cette méthode de bourrage est simple et ne crée pas d'ambiguïté puisque l'on sait dans les deux cas de figure que l'information utile se termine exactement au bit qui précède le premier bit non nul, en partant de la fin. Néanmoins, certaines méthodes de *padding* introduisent des vulnérabilités dans le code que la cryptanalyse pourra exploiter pour obtenir de l'information sur le message en clair. Il existe ainsi des méthodes standardisées de *padding* aléatoire que nous n'aborderons pas dans notre étude<sup>1</sup>.

FIGURE 1 – Chiffrement d'un flux avec une clé de taille  $n = 11$

---

1. Utiliser du *padding* aléatoire peut avoir l'avantage, y compris lorsque le message a déjà une taille multiple de celle d'un bloc, de produire des messages chiffrés différents pour un même message clair.

## 2 Titre partie 2

Comme nous avons pu le voir en introduction de cette étude, le point de départ d'un système cryptographique est de trouver un problème dans la classe **NP** voire **NPC** avant de l'adapter aux exigences de chiffrement et déchiffrement des messages. Une fois ces étapes explicitées, nous verrons comment mettre en œuvre le chiffrement de Merkle-Hellman.

### 2.1 Choix d'un problème difficile

### 2.2 Adaptation du problème

#### 2.2.1 Fonction à sens unique

#### 2.2.2 Introduction d'une trappe

#### 2.2.3 Perturbation

#### 2.2.4 Application au chiffrement à clé publique

Dans le cadre d'un système de chiffrement à clé publique, si Alice souhaite envoyer un message à Bob, cette première chiffre son message avec la clé publique de Bob qui le déchiffre alors avec sa clé privée. Il est donc nécessaire de définir les éléments constitutifs de la clé publique et de la clé privée de Bob.

**Clé privée de Bob** Comme nous l'avons esquissé à la section 3.2.3, Bob va tout d'abord générer une suite d'entiers super-croissante

- dans le « pire cas » et par le caractère super-croissant de la clé privée, le dernier élément  $s_n$  vaudra  $D2^{n-1}$  ;
- on aura alors  $p$  de l'ordre de grandeur de  $D2^n$  à  $FD2^n$  ;
- les éléments de la clé publique  $T$  sont majorés par  $p$  par le modulo et un bloc chiffré  $y$  sera donc borné par  $n \times FD2^n$ .

Ce dernier bloc est chiffré comme les précédents. La figure 3 illustre le chiffrement d'un flux d'entrée avec une clé de taille 11. Cette méthode de bourrage est simple et ne crée pas d'ambiguïté puisque l'on sait dans les deux cas de figure que l'information utile se termine exactement au bit qui précède le premier bit non nul, en partant de la fin. Néanmoins, certaines méthodes de *padding* introduisent des vulnérabilités dans le code que la cryptanalyse pourra exploiter pour obtenir de l'information sur le message en clair. Il existe ainsi des méthodes standardisées de *padding* aléatoire que nous n'aborderons pas dans notre étude<sup>1</sup>.

FIGURE 2 – Chiffrement d'un flux avec une clé de taille  $n = 11$

---

1. Utiliser du *padding* aléatoire peut avoir l'avantage, y compris lorsque le message a déjà une taille multiple de celle d'un bloc, de produire des messages chiffrés différents pour un même message clair.

## 3 Titre partie 3

Comme nous avons pu le voir en introduction de cette étude, le point de départ d'un système cryptographique est de trouver un problème dans la classe **NP** voire **NPC** avant de l'adapter aux exigences de chiffrement et déchiffrement des messages. Une fois ces étapes explicitées, nous verrons comment mettre en œuvre le chiffrement de Merkle-Hellman.

### 3.1 Choix d'un problème difficile

### 3.2 Adaptation du problème

#### 3.2.1 Fonction à sens unique

#### 3.2.2 Introduction d'une trappe

#### 3.2.3 Perturbation

#### 3.2.4 Application au chiffrement à clé publique

Dans le cadre d'un système de chiffrement à clé publique, si Alice souhaite envoyer un message à Bob, cette première chiffre son message avec la clé publique de Bob qui le déchiffre alors avec sa clé privée. Il est donc nécessaire de définir les éléments constitutifs de la clé publique et de la clé privée de Bob.

**Clé privée de Bob** Comme nous l'avons esquissé à la section 3.2.3, Bob va tout d'abord générer une suite d'entiers super-croissante

- dans le « pire cas » et par le caractère super-croissant de la clé privée, le dernier élément  $s_n$  vaudra  $D2^{n-1}$  ;
- on aura alors  $p$  de l'ordre de grandeur de  $D2^n$  à  $FD2^n$  ;
- les éléments de la clé publique  $T$  sont majorés par  $p$  par le modulo et un bloc chiffré  $y$  sera donc borné par  $n \times FD2^n$ .

Ce dernier bloc est chiffré comme les précédents. La figure 3 illustre le chiffrement d'un flux d'entrée avec une clé de taille 11. Cette méthode de bourrage est simple et ne crée pas d'ambiguïté puisque l'on sait dans les deux cas de figure que l'information utile se termine exactement au bit qui précède le premier bit non nul, en partant de la fin. Néanmoins, certaines méthodes de *padding* introduisent des vulnérabilités dans le code que la cryptanalyse pourra exploiter pour obtenir de l'information sur le message en clair. Il existe ainsi des méthodes standardisées de *padding* aléatoire que nous n'aborderons pas dans notre étude<sup>1</sup>.

FIGURE 3 – Chiffrement d'un flux avec une clé de taille  $n = 11$

---

1. Utiliser du *padding* aléatoire peut avoir l'avantage, y compris lorsque le message a déjà une taille multiple de celle d'un bloc, de produire des messages chiffrés différents pour un même message clair.

## 4 Conclusion et perspectives

Bien que le problème de somme de sous-ensembles (SSP) soit NP-complet, des algorithmes peuvent être mis en place pour tenter de casser le cryptosystème de Merkle-Hellman dans sa version basique. Si les algorithmes de force brute montrent très vite leurs limites, l'apport de théories plus ou moins récentes telles que la géométrie des nombres et la notion de réseau permet d'envisager des algorithmes nouveaux et élégants, bien que leur succès soit loin d'être garanti. Enfin, tous les sacs à dos ne se valent pas. Comme nous avons eu l'occasion de le voir, certaines méthodes comme la programmation dynamique ont horreur des sacs à dos dilatés alors que la densité est l'ennemie de l'algorithme LLL. La diversité des méthodes de cryptanalyse et la difficulté de se protéger contre l'une sans s'exposer à une autre justifie pleinement l'abandon de ce cryptosystème au profit de systèmes réputés plus sûrs, du moins à l'heure actuelle, comme RSA.

Il n'en reste pas moins que le SSP reste un problème intéressant à étudier sur le plan théorique et pratique. L'application de méthode hybrides associant les techniques de programmation dynamique et arborescentes avec heuristiques ont fait l'objet de nombreuses publications. Enfin, appliquer des algorithmes endémiques au domaine de l'intelligence et de l'apprentissage artificielle, tels les « colonies de fourmis », les algorithmes génétiques ou les réseaux de neurones pourraient fournir des pistes plus innovantes.

## A Annexe

- Pour écrire simplement les clés sur le disque, nous utilisons Marshal, qui garantit la compatibilité entre toutes les plateformes pour une même version de OCaml.
- Bien que BatIO propose une API pour manipuler les canaux au niveau du bit, nous avons préféré rester au niveau de l'octet car il s'agit d'une solution plus évolutive – rares sont les bibliothèques proposant ce genre de fonctions. D'ailleurs, son fonctionnement est identique à ce que nous implémentons, reposant sur une lecture octet par octet.
- Dans la version actuelle du code, les canaux d'entrées-sorties ne sont pas toujours fermés proprement lorsqu'une exception « fatale » est rencontrée. . .
- Les blocs chiffrés sont écrits sur le canal de sortie sous forme de chaîne de caractères. Ainsi, le message chiffré constitué de deux blocs « 1234 5678 » est écrit, sous forme hexadécimale, « 31 32 33 34 00 35 36 37 38 00 ». Pour déchiffrer, on lit donc le canal d'entrée « chaîne par chaîne ». Cela a l'avantage de produire une sortie lisible mais présente l'inconvénient de consommer bien plus d'espace qu'une représentation binaire qui serait spécialement conçue pour le problème.



## B Annexe

- Pour écrire simplement les clés sur le disque, nous utilisons Marshal, qui garantit la compatibilité entre toutes les plateformes pour une même version de OCaml.
- Bien que BatIO propose une API pour manipuler les canaux au niveau du bit, nous avons préféré rester au niveau de l'octet car il s'agit d'une solution plus évolutive – rares sont les bibliothèques proposant ce genre de fonctions. D'ailleurs, son fonctionnement est identique à ce que nous implémentons, reposant sur une lecture octet par octet.
- Dans la version actuelle du code, les canaux d'entrées-sorties ne sont pas toujours fermés proprement lorsqu'une exception « fatale » est rencontrée. . .
- Les blocs chiffrés sont écrits sur le canal de sortie sous forme de chaîne de caractères. Ainsi, le message chiffré constitué de deux blocs « 1234 5678 » est écrit, sous forme hexadécimale, « 31 32 33 34 00 35 36 37 38 00 ». Pour déchiffrer, on lit donc le canal d'entrée « chaîne par chaîne ». Cela a l'avantage de produire une sortie lisible mais présente l'inconvénient de consommer bien plus d'espace qu'une représentation binaire qui serait spécialement conçue pour le problème.

## Bibliographie

- [BM12] Gilles Bailly-Maitre. *Arithmétique et cryptologie*. Ellipses, 2012.
- [CJLM<sup>+</sup>92] Matthijs J. Coster, Antoine Joux, Brian A. La Macchia, Andrew M. Odlyzko, Claus-Peter Schnorr, and Jacques Stern. Improved low-density subset sum algorithms. *computational complexity*, 2(2) :111–128, 1992. <http://www.di.ens.fr/~fouque/ens-rennes/sac-LLL.pdf>.
- [DG07] J. Derooff and R. Goyat. Le problème du sac à dos en cryptographie. 2007. <http://j.derooff.free.fr/rapportter.pdf>.
- [GJ79] Michael R. Garey and David S. Johnson. *Computers and Intractability, A Guide to the Theory of NP-Completeness*. W.H. Freeman and Company, New York, 1979.
- [Mar14] Bruno Martin. *Codage, cryptologie et applications*. Presses polytechniques et universitaires romandes, 2014.
- [MH78] R. Merkle and M. Hellman. Hiding information and signatures in trapdoor knapsacks. *IEEE Trans. Inf. Theor.*, 24(5) :525–530, Sep 1978.
- [MOV96] Alfred J. Menezes, Paul C. Van Oorschot, and Scott A. Vanstone. *Handbook of Applied Cryptography*. CRC Press, Boca Raton, London, New York, 1996. <http://cacr.uwaterloo.ca/hac/>.
- [Sha84] A. Shamir. A polynomial-time algorithm for breaking the basic merkle-hellman cryptosystem. *IEEE Transactions on Information Theory*, 30(5) :699–704, Sep 1984.
- [Sti96] Douglas Stinson. *Cryptographie – Théorie et pratique*. International Thomson Publishing, 1996. Traduction de Serge Vaudenay.

Damn Vulnerable Web App (DVWA) is a PHP/MySQL web application that is damn vulnerable. Its main goals are to be an aid for security professionals to test their skills and tools in a legal environment, help web developers better understand the processes of securing web applications and aid teachers/students to teach/learn web application security in a class room environment.

